











PIECES

OUI ONT REMPORTE

LE PRIX

DES SCIENCES,

EN M. DCCXXXVIII.

Selon la fondation faite par feu M. ROUILLÉ DE MESLAY, ancien Conseiller au Parlement.



A PARIS, DE L'IMPRIMERIE ROYALE.

M. DCCXXXIX.

.

Avertissement de l'Académie.

ACADÉMIE n'a pu se conformer aux intentions du Fondateur sur le Prix de Physique, sans proposer souvent des Sujets qui ne donnent presque aucune prise à la Géométrie, & dont l'application devient par-là très-difficile, on passe même nos connoissances actuelles. La question de la Nature & de la Propagation du Feu est peut-être de ce nombre, & l'on ne pouvoit guére attendre que des Systemes sur cette matière: aussi en a-t-on reçû plusieurs, parmi lesquels il y en a de très-ingénieux. L'Académie n'en ayant point trouvé cependant, qui lui ait paru fatisfaire pleinement à la question, elle s'est déterminée à couronner les trois Piéces qu'elle a jugées les meilleures, & qui-roulent sur trois hypotheses toutes différentes, sans autre distinction que celle de l'ordre de leur envoi, & de leur numero: fçavoir, la Piéce N.º 4, qui a pour Devise

Magnum iter afcendo, sed dat mihi gloria vires, Non juvat ex facili lecta corona jugo,

est de M. Leonard Euler, Professeur à Petersbourg.

La Pièce N.º 10, qui a pour Devise

Onne ignotum pro magnifico est,
est du P. Lozeran de Fiese, de la Compagnie de Jesus,

Et enfin la Piéce numerotée 11, qui a pour Devise Exercitio Athleta valet, est de M. le Comte de Crequy.

Le Public verra du moins par ce choix, que l'Académie ne prétend adopter, ni rejetter aucun Systeme, & qu'au contraire elle invite les Sçavants à lui proposer, ou à éclaircir ceux qu'ils croiront les plus vraisemblables, sans qu'ils ayent à craindre aucune partialité dans ses jugements.

to be a second of the contract of the second of the second



IN QUA

EJUS NATURA ET PROPRIETATES EXPLICANTUR:

Occafione Quastionis, cum pramio annexo, ab Illustrissimà ACADEMIA SCIENTIARUM REGIA PARISINA pro anno 1738 proposita, ejustem Academia judicio aquo submissa:

Cui præmium, in tres partes divisum, pro unâ ex illis addictum suit.

Auctore D. LEONARDO EULER, Mathematica Profess.

& Academia Scientiarum Petropolitana Socio.







IN OUA EJUS NATURA

& Proprietates explicantur.

Magnum iter ascendo, sed dat mihi gloria vires; Non juvat ex facili lecta corona jugo. Propert. Lib. III.

ς. I.



UM illustrissima Academia Scientiarum Regia hoe tempore explicationem Natura & Propagationis Ignis requirat, non dubito sequentes meas de hoe argumento meditationes exquissitissimo illius judicio submittere. Quamvis enim

hæc quæftjo tam fit ardua, atque tot tantifque difficultatibus involuta; ut:nemo adhuc admirandis Phænomenis eð pertinentibus fatisfacere potuerit; tamen mihi quidem ego videor A ii



omnes istas difficultates feliciter superasse, atque sublimem hanc de Igne quæstitonem distincté enodasse. Quamobrem inelytam Academiam Scientiarum submisse rogo, ut hanc meam Dissertationem benigne accipere atque examini suo acutissmo subjicere dignetur: certa spe fretus, fore ut, storte laborem meum præmio dignum non censeat, tamen me à scopo non nimis longé aberrasse si judicatura.

S. II.

Si omnia Ignis phænomena, quæ in fenfus nostros incurrunt, vel levissimà attentione contemplamur, dubitari omninò nequit, quin Ignis in motu vehementissimo minimarum particularum confiftat. In hoc enim non folum omnes-Naturæ scrutatores unanimiter conveniunt, sed talem etiam motum vires, quibus Ignis gaudet, calefaciendi, comburendi & lucendi evidentiffimè evincunt. Quocirca ad Ignis naturam explicandam, imprimis necessie est, ut qualis sit materia Ignem flammamque conflituens, & quonam ea cieatur motu, definiatur: omnes enim Naturæ effectus à Materia & Motu determinari, ab omnibus Phyficis rationem & experientiam fequentibus, fatis superque est comprobatum. Cum autem cognitionem fufficientem Materiæ Motufque quibus Ignis conficitur, fuerimus confecuti, tum Phænomena Ignis præcipua erunt perpendenda, atque ex ante inventà Ignis naturà deducenda & explicanda: quorum utrumque, fi, uti confido, præstitero, quæstioni propositæ penitùs satisfecisse putandus ero.

S. III.

Quanquam in quættionibus Phyficis poft experientiam hypothefes plurimùm valent, atque fine hypothefi præmifså vix ullius Phænomeni vera caufa eft inventa: tamen fummoperè circumfpectum efte oportet, qui ab hypothefibus cujufpiam Phænomeni explicationem aggredi voluerit. Quandò enim accidit, ut uni Phænomeno plures hypothefes æquè fatisfaciant, quarum plus una vera efte nequit, in dubio relinquimur, quænam reliquis fit præferenda; fin autem ædem hypothefes fimul cum aliis Phænomenis comparentur;

fæpiùs evenire folet, ut nulla ampliùs fatisfaciat: quod certum' eft indicium nullam affumtarum hypothefium veram fuiffe Phænomeni caufam. Hoc verò incommodum magis eft metuendum fi Phænomena ejufinodi confiderentur, quæ per multas hypothefes explicationem admittunt; tòm enim difficulter omnes hypothefes fatisfacientes enumerantur, & ideò veram præterire proclive erit. Quamobrem in natură ferutandă initio ejufinodi Phænomena perpendiffe expediet, quæ quâm paciffimis modis explicari patiantur, ne in inutilem variarum hypothefium copiam labamur; certiffimă autem viă ad veriatem pertingemus, fi tale Phænomeno feligere contigerit, quod unico modo explicari queat.

s. IV.

Cùm igitur hoc principio, tanquam normà, in præfente difquifitione uti conflituissem, slatim vim Ignis calefaciendi & lucendi, tanquam Phenomena mimis idonea ad veram Ignis indolem indagandam, ejeci: ad ea enim explicanda motus quicumque vehemens minimarum particularum, pro quo innumerabiles hypothese excogitari possum, est sufficiens. Hanc ob rem de industrità aliud anquifivi Phenomenon, cui per hypothese dissidissimà & unico fortè modo statsferi posset. Tale autem Phenomenon ipsa quaestionis propositio ab illustrissimà Academia facta mihi suggestit, quod est Ignis propagatio, seu vis incendendi, Ignemve cum aliis corporibus combustibilibus communicandi; cujus Phenomeni explicatio meritò difertis verbis est postulata, cum difficulter hypothesis conveniens excogitari queat.

§. V.

Ideò autem hoc Phænomenum explicatu difficile videtur, quòd primà fronte legibus Naturæ & Motus contrarium appareat. Si enim perpetuò effectus caufæ proportionalis effe debeat, atque motus viriumve quantitas augeri nequeat, maximè paradoxum certè videtur, ex minimà feintillà maximum Ignem enafci poffe, quo tantæ moles deftruantur; deindè cùm in communicatione motus corpus movens demotu fuo tantum amittat, quantum in alterum, transfert,

hic non fine admiratione videmus, ex Igne qui, ut certò conflat, in motu confifti, alium Ignem adeoque motum produci fine ullo prioris detrimento. Quò ergo hoc Phaenomenum explicatu est difficilius, eò magis operam dabo, ut ejus idoneam causam reperiam, ex quà, si invenero, eò majorem utilitatem haurire spero, quòd multæ hypothese et quadrantes concipi nequeant. Dabo autem non solum explicationem issus proprienta ped et am idoneis argumentis evincam explicationem meam esse unicam. & propriere ipsam veram. Hinc ergo porrò eximius usus normæ, quam nilhi in indagando formaveram, conspicieture cujus beneficio sine ullà hypothesi assumata at am ardui Phænomeni veram cognitionem pervenerim.

s. VI.

Cùm ergo hujus Phænomeni præcipuus nodus in hoc verfetur, quòd in Igne productio & incrementum motus obfervetur, fine abolitione vel decremento motus: atque vis minima, qualis eft in fcintillà, maximam virium copiam generare poffit: in id potifimùm erit incumbendum, ut horum perverforum effectuum caufam phyficam aflignemus. Ejufinodi igitur materiæ flatum feu ffructuram inveftigare oportet, in qua vis minima, fi ritè applicetur, maximam virium motufque quantitatem producere valeat, atque ab hujus problematis legitimâ folutione tota noftra de naturâ Ignis difquifitio pendebit.

S. VII.

Licèt autem ifte materiæ flatus, quem quærimus, ad folam illam Materiam fubtilem, quâ Ignis conflat, fit referendus: tamen expediet talem flatum, in materiå craffiore noftrofque fenfus magis afficiente, determinare, quo de eo ejufque cum legibus Naturæ convenientiå eð tutútis & certilis judicaræqueamus. Quando enim noftram inquifitionem, circa ipfam illam materiam fubtilem Ignis, inchoare vellemus, proclive foret in ratiociniis labí, atque contra Naturæ leges impingere; quod facilè evitatur, fi materiam eraffiorem trachemus, quippe cui ratiocinia noftra fécurius accommodare liceat. Com autem-

The state of the s

talis status, qualem requirimus, in materia crassiori fuent determinatus, illum sine periculo ad materiam quantumvis subtilem transferre poterimus; quicquid enim in materia erassiore-locum invenit, idem etiam in materia subtilissima est admittendum.

VIII.

Hujufmodi autem materiæ statum, quo minima vis in maximam excrescere valet, in pulvere pyrio observamus: eadem enim exigua vis, quà unicum granum incenditur. apta est ad maximam hujus pulveris copiam explodendam. Hoc quidem exemplum ad institutum nostrum, quo in materià ab Igne diversà fimilem proprietatem deprehendere fuscepi, minus idoneum videri posset, cum pulveris pyrii explosio cum Igne sit conjuncta atque per ipsum Ignem fiat: ita ut ad id iplum, quod est in quæstione recurrere, censeri possem. Sed si hoc Phænomenon attentiùs consideremus, illud virium incrementum, quod in pulvere pyrio confpicitur, omninò diversum deprehendemus à simili Ignis qualitate. Quanquam enim Ignis propria est causa explosionis pulveris pyrii, tamen ipfa explofio, cum tanto impetu conjuncta, à folo Igne minime proficisci potest : sed potius pecufiari hujus materiæ structuræ tribui debet; adeò ut etiam Ignis actionem ab hac proprietate pulveris pyrii cogitatione prorfus separare liceat.

s. IX.

Satis autem jam conflat inter Phyficos, neque ulteriore probatione habet opus, in Materià pulveris pyrii, latere aërem aliudve fimile fluidum elafticum vehementer comprefium, quod accenfione, qua particulæ hoc fluidum coërcentes-difrumpantur, ingenti vi fefe expandat, flupendofque illos-effectus edat. Ex qua explicatione, contra quam, quid excipi poffer, non video, fatis ergo apparet, Ignis vim multiplicationis à propria vi pulveris pyrii reche diffingui, atque cogitatione prorfus poffe feparari. Qua enim in explosione pulveris pyrii Ignis nil aliud præftat, nifi quod clauftra, quibus aër comprefius continetur, recludat, falvo effectus, quibus aër comprefius continetur, recludat, falvo effectus,

loco Ignis, aliam quamcunque vim fubflituere licebit, dummodò par fit illis clauftris recludendis. Quin etiam, loco Ignis talem vim fubflituiffe fufficiet, quæ unicum granulum diffringere valeat: fi quidem unius ruptio, aërifque vehemens ejaculatio, aliis quoque effringendis infervire poteft.

Ex hâc pulveris pyrii confideratione poterimus nunc ejulmodi materiæ statum nobis mente concipere, qui legibus Naturæ minimè adversetur, atque quæsito nostro plenè satisfaciat : scilicet ut ab exiguâ vi etiam maxima generari possit. Nam, ut totum negotium adhuc crassius repræsentemus, concipiamus bullularum vitrearum quantumvis magnam copiam, quæ omnes aëre vehementer compresso sint repletæ: eritque hujufmodi bullularum acervus talis materia, qualem defideramus. Ponamus enim tantillam vim applicari, quâ unica bullula frangatur, manifestum erit, tam ab eruptione aëris quam frustulorum vitri projectione, vicinas bullulas fimiliter actum iri, ab hisque porrò alias, donec omnes fuerint effractæ, ingentique strepitu aërem inclusum emiferint. Ista ergo, quam formavimus, materia ratione illarum proprietatum, quas meminimus explicatu esse difficillimas. admodùm fimilis est Materiæ Ignis, cùm in illa minima vis ingentem motum caufari, & per ipfum motum fine ullo dispendio novus motus generari queat.

§. XI.

Si autem hanc à nobis formatam Materiam penitiùs ferutemur, intelligemus fimul præter hanc, quam finximus, furclutama laiam onninò exhiberi non poffe, que ad eadem Phænomena effet apta. Nam, cùm contra leges Naturæ fundamentales pugnet, ut vires multiplicentur, neceffe eff, ut quoties talis multiplicatio in Natura observatur, ea tantum fit apparens, atque vires productæ jam ante in ipså materià latuerint. Hoc autem, nifi ad qualitates occultas, quæ funditus ex Phyfică funt exterminandæ, confugere velimus, alio modo præter vim elaflicam obtineri nequit. Nulla enim vis vel potentia ad motum generandum apta, alia in Natura admitti poteft.

præter vim centrifugam, à quâ tam vis elastica quàm gravitas omnesque aliæ vires ortum trahunt. At si ratio nostri Phænomeni, in vi elastică seu conatu sese extendendi, collocari debet : certè alio modo, præter affignatum, materiæ status idoneus concipi nequit. Non folùm igitur structuram mechanicam & legibus naturæ conformem invenimus, quæ nostro quæsito satisfaciat, sed simul certi sumus eam esse unicam quæ in mundo existere potest; quam idcircò, quoties ejulmodi Phænomena explicanda occurrunt, semper tutò statuere possumus & debemus.

S. XII.

Ex his igitur fatis intelligitur, quàm commodè ad aliquid certi de natură Ignis stabiliendum inter alia Ignis Phænomena id potiffimum felegerim, quo Ignis fefe extendere & multiplicare observatur. Nam cum alia Phænomena plures explicationes admissifient, quarum, quæ saltem verisimilior esset, difficulter definiri potuisset; hâc viâ ingressus ad certam unius præcipuæ Ignis proprietatis cognitionem nulla prorfus hypothefi innixam perveni. Hocque ipfo jam maximâ ex parte propositæ quæstioni satisfecisse mihi videor, cùm hanc de Igne conceptam ideam ulteriùs prosequendo, omnium reliquorum Ignis phænomenorum explicationem facilè prævideam.

S. XIII.

Structura autem, quam in materià craffiore aëre scilicet fabricatam concepi, ad Ignem vel potius materiam, quâ Ignis conftat, accommodabitur, fi modò loco aëris materia illa fubtilis & elastica ad Ignem producendum apta substituatur, quam materiam subtilem proptereà materiam Igneam vocabo; loco bullularum verò vitrearum cujufvis materiæ particulas substitui posse per se patet, dummodò ita fuerint constitutæ, ut materiam Igneam in statu compressionis coërcere, simulque facilè rumpi possent. Quamobrem materia ad Ignem producendum apta, seu uti vocatur, materia combustibilis erit ea, quæ multas ejusmodi particulas materià Igneà repletas continet, eòque magis proindè materia erit combustibilis, quò plures in eodem volumine complectatur ejufinodi particulas. Prætereà verò etiam reliqua corporis materia est consideranda, quæ particulas illas vel ita inclusas tenere potest, ut ipsas à viribus effringentibus tueatur, vel hujufmodi impetibus expositas relinquit, ita ut etiam ab hac differentia combustibilitas plurimum pendeat.

s. XIV.

Perspectà nunc naturà illius materiæ, quæ ad Ignem suscipiendum est apta, videamus quemadmodum Ignis actu excitetur. Intelligetur autem, ex fimilitudine bullularum aërearum, facilè à vi, quâ unica particula materiam Igneam compressam continens effringitur, fubitò plures funul recludi debere: ex quibus adeò materia Ignea magno impetu erumpet, & quafi explodetur; quæ explosio tamdiu durabit, quamdiu ejusmodi particulæ aderunt, quæ difrumpi poslunt. Hæc igitur ipsaexplosio materiæ subtilis est id, quod Ignis vocatur. Quamobrem Ignem ita definio, ut fit explofio materiæ fubtilis-Igneæ compressæ: seu subitanea dilatatio istius materiæ fequens ruptionem particularum, quibus hæc materia in statuvehementer compresso coërcebatur. Quam subtilis autem sit. ista materia Ignea non multùm interest nosse: sufficiet enim eam fumme effe elasticam, aëre multo subtiliorem, atque ab æthere distinctam, ad omnia Ignis phænomena explicanda. In fequentibus autem discrepantia iftius materiæ Igneæ abæthere oftendetur.

« X V.

Inter vires, quæ Ignem excitare valent, referendæ funt omnes eæ, quæ aptæ funt ad particulas illas materià Igneà. impletas difrumpendas: inter quas primum locum ipfe Ignis tenet; ruptio enim illarum particularum atque vehemens materiæ Igneæ ejaculatio, fine dubio, alias particulas effringere debet. În hoc igitur îplo confistit vis Ignis, în idoneâ materiâ fese extendendi atque ulteriùs communicandi: quæ Ignis facultas, uti initio explicatu difficillima est visa, ita hic facillimè explicatur; quod quidem mirum non est, cum nostram de Ignis naturâ theoriam ex hoc ipso Phænomeno simus

confecuti. Quæftionis ergo propofitæ alteri parti, quâ explicatio propagationis Ignis requirebatur, perfectè & mechanicè me fatisfeciffe minimè dubito. Progredior itaque ad reliquorum Phænomenorum contemplationem, oflenfurus, quàmcongruè omnia ex hâc de naturâ Ignis theoriâ fequantur.

1 Ignis autem phænomena, ratione explicationis, ad duas classes sunt revocanda: ad quarum alteram ea refero Phænomena quæ ex sola hâc theoria Ignis explicari possunt, neque ulso modo ab æthere pendent; ad alteram verò classem pertinent ea, quorum causa præter Ignis naturam in æthere simule est quærenda. Ad prius genus pertinent vis calesaciendi, comburendi atque, quam jam explicavimus, vis sese multiplicandi; posterioris verò generis Phænomena sunt slamma & lumen: quæ, nist nexus inter ætherem & materiam Igneam ante exponatur, explicari non possunt. Incipiam igitur à Phænomenis prioris generis, atque in eorum causam, quæ quidem se sonte maniscatale que acquien es control en acquien se sonte maniscatale que moderne se sonte maniscatale se sonte se sonte

& XVII.

Quod itaque primum ad vim calefaciendi attinet, ea statim immediatè ex noftrâ Ignis theoriâ fluit. Cùm enim calor in Motu quodam minimarum particularum corporum confiftat, fatis perspicuum est Ignem in omnibus corporibus calorem excitare debere. Namque explosio materiæ illius subtilis Igneæ, atque ingens vis quâ minimæ moleculæ disjiciuntur, necessariò particulis non nimis diffitis motum inducere debet; quo ipfo motu calor existit. Quod quò clariùs ob oculos ponatur, atque affinitas, quæ inter Ignem & calorem intercedit, evidentiùs exponatur, attendamus ad primariam Ignis proprietatem, quâ explosio particularum Ignearum alias fimiles particulas vicinas effringere valet. Ex quo intelligitur, fi tales particulæ vel omninò non adfint, vel fi vi explosionis non satis sint expositæ, eandem vim tamen in reliquas particulas circumjectas sese exerere; quæ, cum idoneas Igni producendo particulas difrumpere poffit, certè quoque reliquas materiæ particulas movere debebit. Calor itaque ab Igne in hoc differt, quod calor fit motus particularum minimarum fine explofione, cum in Igne ifte motus cum explosione sit conjunctus. Hinc igitur ratio constat cur calor, fine decremento, sese in alia corpora ingerere nequeat: quia quantum motus intestini, quo calor confiftit, in aliud corpus transfertur, tantundem in priore perire debet, prout experientia fatis declarat, & leges. motus postulant.

S. XVIII.

Deindè etiam ex his intelligere licet ex calore satis intenso Ignem oriri posse. Si enim calor tantoperè increscit motusque particularum minimarum tam fit vehemens, ut ab eo particulæ Igneæ effringi queant, tum corpus illud, quod tantum calorem concepit, fi tales particulas Igneas contineat, Ignemfuscipiet. Constat autem hoc utique ex omnibus modis quibus Ignem excitare folemus, quibus maximam partem minimæ particulæ per frictionem tantopere ad motum cientur, ut particulas Igneas effringere atque adeò accendere valeant. Ita videmus chalybem fortiter ad filicem fricatum fcintillas emittere, quibus porrò Ignis excitari folet; hâc autem chalybis contra filicem frictione particulæ exiguæ à chalybe abraduntur, quæ fimul vehementem motum intestinum concipiant necesse est, quo ipso particulæ Igneæ quæ in chalybe latent accenduntur. Continere autem chalybem plurimas particulas materià Igneà fœtas, ignitio ejus facilis fatis declarat. Ex quo perspicitur chalybem ad Ignem excitandum ideò esse aptum, quòd particulis Igneis scateat simulque sit perquàm durus ; ob duritiem enim frictio eò majorem motum ejus particulis inducit, atque eò minores particulas abradit : quæ proptereà eò faciliùs Ignem concipiunt.

S. XIX.

Quemadmodùm autem Ignis fine ingenti calore exiftere nequit, contra tamen fummus calor fine Igne in corpore idoneo inesse potest. Omnia enim corpora caloris sunt capacia, etsi non omnia æquali gradu, prout in aqua videmus, quæ non ultrà datum gradum calefieri patitur; ad Ignem autem fuscipiendum ea corpora tantum sunt apta, que particulas

Igneas in le continent ruptioni expositas. Corpus igitur talibus particulis carens utique majorem caloris gradum accipere poterit, quam in alio corpore cum Igne solet esse conjunctus. Hujus rei exemplum videre licet in metallis durioribus, quae etiam non ignita lignum aliaque corpora combustibilia accendere valent; quod autem ignita hoe præstent, id minus est mirandum, quia tum reverà ardent, in issque explosio materiæ subtilis Igneæ adest.

s. XX.

Hinc etiam ratio reddi potest modorum quibus Ignis extingui folet, qui plerumque in adjectione materiæ non combustibilis confistunt. Tali autem adjectione materia non combustibilis particulas Igneas corporis ardentis obducit, vel fese inter eas ingerit: quo fit, ut vis explosionis in hanc materiam exerceatur, in eâque confumatur, atque idcircò reliquæ particulæ Igneæ vim explofionis minus fentiant. At fi materia ardens pulveris pyrii qualitate gaudeat, ut Ignis cum explofione aëris fit conjunctus, tum Ignis extinguetur, fi modò aëris eruptio & dilatatio impediatur; quia enim, hoc pacto, aëris explofio mox fiftitur: tum fimul Ignis, qui cum hâc explosione est conjunctus, cessare debet. Prætereà autem facilè intelligetur, talem Ignem adjectione materiæ non combustibilis nifi ingenti fiat copià, difficulter extingui; aëris enina explosio, que cum tali Igne est conjuncta, particulas materiæ aspersæ disjicit, impeditque quominùs reliquæ Ignis particulæ à ruptione salventur.

S. XXI.

Deindè etiam circà materiam quæ in Ignem injicitur, notandum eft, an cum materià ardente mifeeri eive inhærere queat. Nifi enim materia adjecta corpus ardens ingredi eive adhærere positi, ob suprà allatas causa, Ignem extinguere non poterit; ita videmus, adspersione aquæ, oleum accensum non extingui nisi omninò aquà offundatur: cujus rei ratio est, quo materia non combustibilis, exteris paribus, fuerit dension, eò promtius Ignem extinguet: quia in eà vis explosionis.

magis confumitur, prout experientià fatis est notum. Hanc ob rem aër, etsi combustionis est incapax, tamen propter raritatem ad Ignem extinguendum est ineptus, nisi magno impetu in Ignem irruat, quo cafu vicem corporis craffioris sustinere censendus est. Quin potius aër sæpiùs ad Ignem conservandum est necessarius, uti constat in candela accensa, quæ in spatio ab aëre evacuato extinguitur; particulæ enim ex febo vel cera, quæ funt Ignis nutrimentum, ob gravitatem specificam per aërem ascendunt, flammamque ingrediuntur, quæ nutritio, demto aëre, cessare debet.

S. XXII.

Porrò etiam intelligitur cur pleraque corpora combustione destruantur, atque magnum massa sua decrementum patiantur. Ab ingente enim vi, quâ particulæ Igneæ diffiliunt, non solum materia earum propria dissipatur, sed etiam simul aliæ corporis particulæ ejaculantur atque à corpore separantur: quo iplo non folum corpus multum de fuâ materia perdit, verum etiam ratione status sui atteritur. Eò magis autem corpus in suo statu alterabitur, quò magis fuerit combustibile: hoc est, quò plures in se continet particulas Igneas, eò faciliùs reliquæ particulæ diffipari patiuntur. Ita materiæ combustibiles minus compactæ & duræ, cujusmodi sunt ligna, ossa, ferèque omnes aliæ materiæ ex regno vegetabili & animali, combustione in cineres convertuntur, reliquæ verò particulæ omnes à vi Ignis disperguntur. Duriores verò magisque compactæ materiæ, cujulmodi funt mineralia & metalla, in cineres non convertuntur, sed statum suum, ob firmiorem partium nexum, fortiùs conservant. Longè autem minorem particularum Ignearum copiam mineralia & metalla, fi materiæ inflammabiles excipiantur, continere videntur, quam materiæ ante memoratæ. Inter metalla verò ferrum reliquis plures particulas Igneas continere ejus facilis ignitio, ejusque denique plenaria destructio, satis evincit. Contrà verò aurum minimâ particularum Ignearum copiâ præditum fit oportet, quia Igne, fieri-ne in vehementifilmo quidem Igne, patitur. Quòd autem aqua, aliaque corpora combustionis expertia,

ab Igne differentur & in vapores refolvantur, id non tam Igni quàm foli calori eft tribuendum, quo particulæ ita expanduntur & tam fiunt fubtiles ut per aërem, tanquam per medium gravius, avolent

S. XXIII.

His Phænomenis, quæ hactenùs explicavimus, adjici possent alii Ignis effectus singulares, quibus alia corpora in vapores refolvit, alia in cineres convertit, (quos quidem jam obiter attigimus,) alia liquefacit, alia in calcem reducit, alia in vitrum transformat: fed, cum horum effectuum caufa, non tam in Igne, quàm potius in peculiari corporis cujusque structurà, sit posita, hic de illis disserere nec institutum postulat, nec illis explicandis me parem fentio. Quamobrem nunc reliqua Ignis phænomena propria aggrediar, ad quæ exponenda præter Ignis traditam theoriam, æther in fublidium debet vocari; quæ Phænomena funt Flamma & Lumen. Flammam scilicet hic considero, tanquam peculiare & à Lumine distinctum Phænomenon, quatenus spatium determinatum occupat, atque figurâ est prædita. Lumen autem mihi erit Flammæ proprietas, quâ radios lucidos emittit, iisque in oculis nostris lucis sensum excitat.

S. XXIV.

Quod igitur ad Flammam attinet, ex notione datâ, conflat eam nil aliud effe nilí fpatium circa Ignem exiflens, diffirctum & peculiari materià repletum; cùm autem Flamma perpetuò cum Igne fit conjuncta, neceffe eft ut imateria qua Flamma conflat, fit ilia ipfa materia fubtilis, cujus explofione Ignis gignitur. Quamobrem manifeftum eft Flammam effe fpatium materia ilia fubtilis in Igne tantà vi explodatur, quâquaversum longiffimè diffipari deberet, nilí ab alto medio coërceretur, & in definito fpatio contineretur. Quare cùm Flamma determinatam habeat figuram, atque tantùm in vicinià Ignis fubfiftat, necefie eft ut aliud adfit medium fluidum elafticum ubique expanfum, quod fuà elafticitate indefinitam materiæ fubtilis Igneæ expanfionem impediat, eamque materiam in determinato fpationem impediat, eamque materiam in determinato fpatio

contineat. Hoc autem medium cur ab ætherediverfum statuam nusla ratio stadet; quin etiam ex sequentibus clarius perspicietur, medium hoc ejusem esse indolis cujus à Physicis æther esse statutur.

S. XXV.

Quemadmodùm autem in medio quodam elaftico alia materia pariter elaftica fipatium diffinchum ad aliquod faltem tempus occupare queat, fequenti exemplo clarè apparebit. Ponantus bullulas nostras vitreas aëre vehementer compresso repletas, quas suprà ad Ignis naturam explicandam adhibumus, in aqua este constitutas, ibique diffumpi. Quo facto manifestum est aèrem erumpentem sesque expandentem aquam aliquantulum de loco suo este expansion, atque in medià aqua spatium cousquè ausgebitur, quoad compressionaque, quæ hic vicem elasticitatis gerit, vim aèris ulteriorem ses expandendi in æquilibrio teneat. Generabitur igitur, explosione aèris, in medio aque bulla aèrea à reliquo spatio distincta, que in ipso aère non genita fuisset, cum aèr explosus ses ses se la compassione de statin cum aère externo consudisse.

S. XXVI.

Si ergo casum hunc ad nostrum argumentum accommodemus, aëris locum materia subtilis Ignea, aquæ verò locum æther sustines it Indè verò simul patet ætherem sluidum este a materia subtili Ignea nomino diversium, seque ad hanc materiam propemodum habere, ût se habet aqua ad aërem. Erit itaque æther, respectu materiæ Igneæ ita comparatus, ut, ab hâc, in æthere quasi bulkæ formari queant. Posito igitur æthere undiquaque diffuso, sacilè erit explicatu, quomodò ex Igne Elamma formetur. Explosione enim materiæ Igneæ æther repellitur, ipsaque hæc materia in æthere tantum occupabit spatium, quoad vis elastica ætheris cum ulteriori vi materiæ Igneæ in æquilibrio consistat. Spatium igitur hoc in æthere materia subtili Igneà repletum erit ipsa Flamma. Quod autem Flamma cessante space sim equilibrio consistati est promute est bulka enim illa in æthere diù durare nequit, sed materia Ignea mox

per ætherem distribuetur; quarè Flamma diutiùs durare non poterit, quàm ips materiæ Igneæ explosio. Interim tamen non nego, sine explosione, per aliam causam talem bullam materiæ Igneæ in æthere substitere posse, quæ Flammæ speciem præ se ferre radiosque emittere queat; sed talis Ignis calore carebit: cujusímodi Phænomena, etiam plura, observantur inter Meteora & Phosphoros, quæ ex hoc sonte explicare nullus dubitarem.

S. XXVII.

Hâc jam Flammæ naturâ stabilitâ, lux, seu emissio radiorum. fecundum leges mechanicas necessariò cum Flamma conjuncta esse debet. Quanquam enim Flammæ, seu bullæ illius, status ab æquilibrio, inter elasticitatem ætheris & materiæ Igneæ, pendet: tamen propter continuas novas explosiones fummamque ætheris agitationem, hoc æquilibrium perpetuò aliquantulum turbabitur, quo ipfo æther continuò à Flammâ fuccuffiones patietur. Iftæ autem fuccuffiones in æthere, tanquam fluido summè elastico, producunt vibrationes, quæ sese quâquaversus fecundum lineas rectas communicabunt; his igitur vibrationibus, in æthere procreatis, efficiuntur radii Iuminis, fimili prorfus modo quo in aëre fonori radii producuntur. Hic autem naturæ lucis fusius non immorabor, cum hæc quæstio jam ante biennium ab illustrissimå Academiå fit ventilata atque excussa; sed pro instituto meo sufficiet monftraffe, quomodò Ignis lucem emittat.

s. XXVIII.

Interim tamen, antequàm huic differtationi finem imponam, non abs re fore arbitror, fi formulam fubjungam, equa, quantà celeritate vibrationes per quodvis medium elatlicum propagentur, intelligere licebit. Eò minùs autem hanc meam formulam communicare dubito, cùm Neutoni formula non folùm experientize de celeritate foni non quadret, fed ettam infirmis nitatur fundamentis. Mea autem formula est fequens: Sit Kalitudo Mercurii, cujus pondus vi elaticae medii fit æquale, quo abibit in altitudinem barometricam, si aër pro medio illo accipiatur. Deinde exprimat 1: n ratio-

Prix 1738.

18 nem gravitatum specificarum, seu densitatum Mercurii & medii; prætereaque designet f longitudinem Penduli simplicis fingulis minutis fecundis oscillantis. His positis, inveni vibrationes in tali medio uno minuto fecundo propagari per $fpatium = 4 \sqrt{fK}.$

S. XXIX.

Si hæc formula ad aërem accommodetur ad soni celeritatem investigandam, erit, mensuram pedis Rhenani, in 1000 particulas divisi, adhibendo, f = 3166; K variis tempestatibus intra limites 2460 & 2260 continebitur, atque ob denfitatem aëris pariter variabilem, pono n intra hos limites $\frac{1}{10000}$ & 12000. His substitutis, in formula data, reperietur sonus, minuto secundo, per spatium transferri intra limites 1 2 2 2 & 1069 pedum contentum: id quod longè meliùs cum observationibus congruit, quam Neutoni determinatio, qui tantum 9 50 pedes Rhenanos invenit, experientia vero 1 108 pedes præbeat, qui numerus ferè medius est inter limites à me affignatos.

s. XXX.

Si ergo tam denfitas ætheris quam ejus elafticitas effet nota, ope hujus regulæ, facilè posset celeritas luminis determinari. Cùm autem de denfitate & elafticitate ætheris nil certi conflet. celeritas lucis verò satis sit explorata, ope formulæ meæ vicissim quicquam de denfitate & elasticitate ætheris concludere licebit. Sequitur autem ex regulâ datâ, celeritates vibrationum in diversis mediis esse in ratione subduplicatà, composita ex directà elasticitatum & inversa densitatum. Quarè si elasticitas ætheris ad elasticitatem aëris ponatur, ut E ad e, & densitas ætheris ad densitatem aëris, ut D ad d, erit celeritas luminis ad celeritatem foni, ut $\sqrt{E} d$ ad $\sqrt{e} D$. Si ergo, secundùm observationes, hac ratio assumatur ut 700000 ad 1, prodibit $\frac{Ed}{d}$ = 490000000000; unde patet, fine denfitate ætheris cognità, ejus elasticitatem definiri non posse.

S. XXXI.

Plures autem rationes fuadent ætherem longè effe rariorem

quàm aërem: quarum præcipua eft, quòd corpora cœleflia, in illo mota nullam fenfibilem refiftentiam patiantur. Deindè elafticitas ætheris multò quoque major effe debebit aëris elafticitate, cùm ex eà durities corporum aliaque fimilia Phænomena explicari debeant. Ponamus igitur ætherem 1000000 vicibus effe rariorem quam aërem, & reperietur elafticitas ætheris 4,90000 vicibus major, quam eft aëris elafticitas. Sin autem ætheris elafticitas millies major aëris elafticitate fufficiens putetur, tum denfitas eð minor prodibit fellicet 4,9000000 vicibus minor quam denfitas æris. Etiamf autem nec de denfitate nec de elafticitate ætheris feorfim certi quid affirmare liceat: tamen ratio, quam habet elafticitas ætheris, ad fuam denfitatem applicata, ad aëris elafticitatem, ad fuam pariter denfitatem applicatam: certò affignari poterit, quippè quæ eff tu 4,90000000000 ad 1.

FINIS.

STREET OF STREET

Conception of the second of th

48032

DISCOURS

SUR LA PROPAGATION DU FEU.

Cette Piéce est une des trois entre lesquelles le Prix a été partagé également.

Par le Pere LOZERAN DE FIESC, de la Compagnie de Jesus.



DASCOURS

resetting control of the second of the secon





DISCOURS SUR LA PROPAGATION DU FEU.

Omne ignotum pro magnifico est. Tac. &c.

A Propagation du Feu dépend visiblement de la nature du Feu. Il est donc nécessaire de connoître celle-ci pour découvrir surement la manière dont se fait celle-là: tels sont les deux objets que je dois embrasser dans ce Discours, pour dire quelque chose de raisonnable sur le sujet proposé.

Mais avant d'entrer en matiére, il faut bien fixer l'état de la question. Toute simple qu'elle paroît, elle peut devenir compliquée par la diversité des Feux réels ou réputés tels,

qu'on pourroit confidérer.

Il y a, par exemple, des Feux immenses que l'Auteur de la Nature a placés à de grandes distances de la Terre, c'est les Etoiles & le Soleil. Tout ce que nous pouvons connoître de ces Feux, se réduit à la diversité & à la régularité de leurs mouvements sensibles & apparents.

Il est vrai que depuis les temps les plus reculés les Philosophes ont voulu deviner la constitution ou la nature de ces feux. Point de sujet sur lequel on ait bâti tant de sistemes disserents. Mais si nous voulons en penser raisonnablement, nous serons persuadés que toutes les recherches de ces grands Philosophes n'ont abouti qu'à montrer la témérité de leur entreprife. Instruits du sort de Phaëton, n'allons point courir les mêmes risques. Le Soleil qui est le plus voisin d'entre tous ces feux, est encore à 3000000 de lieuës, comment irions-nous y faire l'analyse des principes qui le composent? Si c'est un mixte, ou si ce n'est pas un corps mixte, quel Télésope affés bon pourroit nous en montrer les petites parties, pour en découvrir la forme & le mouvement! Par quelle voye même pourrions-nous nous assurer que le seu du Soleil & des Étoiles est de la même nature que nos seux ordinaires & usus l'accessions de la même nature que nos seux ordinaires & usus l'accessions de la même nature que nos seux ordinaires & usus l'accessions de l'accessions de la même nature que nos seux ordinaires & usus l'accessions de l'acc

Il est vrai que le Soleil & les Etoiles répandent de la lumière comme nos feux, & infiniment plus que nos feux; mais il y a d'ailleurs tant de différence des uns aux autres, qu'on ne peut plus, avec quelque apparence de raison, condurre de ce point seul de ressemblance, que tous ces seux

font d'une même nature.

Je ne parlerai donc point de ces feux admirables, ni de leur propagation, s'il y en a quelqu'une; car je ne puis penfer que l'inflammation des matiéres combufibles qu'on expole aux rayons du Soleil réunis au foyer d'un miroir ardent, ou d'une Loupe de verre, foit une véritable propagation du feu du Soleil.

Outre ces feux, dont il ne peut pas être ici question, on s'est accordé de temps immémorial, car il seroit difficile de fixer l'époque d'une idée si générale, on s'est, dis-je, accordé à distinguer un seu élémentaire du seu commun & ordinaire

qui sert à nos usages.

Je ferois très-embarraffé à rapporter le fondement fage & raifonnable de cette diffinction. Il est vrai que les Philosophes ont distingué quatre éléments, le Feu, l'Air, la Terre & l'Eau. De ces quatre éléments, ont-ils dit jusqué Descartes, sont composés tous les mixtes. Si cette dernière proposition étoit vraye, il ne faudroit pas douter qu'il n'y edit un seu élémentaire; mais les Chimistes qui ont décomposé les mixtes, n'y ont jamais trouvé de seu : ils y trouvent

cinq

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 25 cinq autres substances différentes, l'Esprit ou le Mercure, le Soufre ou l'Huile, le Sel, le Flegme, ou l'Eau & la Terre; ils concluent de-là que ces cinq substances sont les véritables éléments immédiats des mixtes.

Je ne décide point s'ils ont tort ou raifon dans cette conféquence; mais je crois pouvoir conclurre du fuccès de leurs opérations, que le feu n'est pas un élément réel, qu'il n'y a a point de seu principe ou élémentaire. Car si le seu entroit dans la composition des mixtes, les Chimistes, après toutes les opérations qu'ils font fur les mixtes dans leurs laboratoires, en auroient sans doute trouvé des vestiges certains. Il n'en est pas du Feu comme de l'Air, celui-ei est invissible, à moins qu'il ne traverse quedque fuide de dissertent densité, ainsi il peut n'être pas apperçû quand il se sépare des autres principes qui entrent dans la composition des mixtes: mais le seu est non-feulement vissible, c'est encore par lui ou par sa lumiére que nous voyons les autres objets; il n'auroit donc pû échapper à la viù des Chimisses, s'il étoit sorti des mixtes qu'ils ont décomposse.

On dira peut-être que les particules ignées de ce feu élementaire sont si bien cachées dans les mixtes ou dans les parties des divers principes que les Chimistes tirent des mixtes, que leurs élaborations les plus délicates n'ont pû les en détacher. Mais si elles y sont si bien cachées, qui a pû les y découvrir, & par quelle voye! L'auteur de cette découverte auroit dû nous montrer le chemin pour y arriver après lui; puisqu'il nous a envié la connoissance des routes qu'il a tenuës, il mérite bien de n'être pas cru sur sa parole.

Si pourtant on veut appeller feu élémentaire avec Ariftote, une matière extrémement fubrile & déliée répandue par-tout, qui pénétre tous les corps, dont les parties toûjours en mouvement donnent le branle à tous les autres mouvements, qui n'a constamment les qualités sensibles du feu que dans le Soleil peut - être & dans les Étoiles, qui ne l'acquiert ailleurs que dans certaines circonstances, ou lorsqu'elle trouve des dispositions particulières dans les mixtes, je ne

Prix 1738.

m'y opposerai pas: alors ce seu élémentaire ne sera que la matière éthérée ou la matière subtile de Descartes, dont le Pere Malebranche me paroît avoir mieux expliqué le mouvement que tout autre, & dont, par cette raison, je suivrai le sentiment dans le reste de ce discours.

Toute la question présente roulera donc sur les feux usuels dont il faut d'abord rechercher la nature, pour découvrir ensuite avec plus de lumière le vrai sisteme de leur com-

munication ou propagation.

De la Nature du Feu.

Le Feu est un mixte composé de sels volatils ou essentiels, de soufre, d'air, de matiére éthérée, communément mêlé d'autres substances hétérogenes, de parties aqueuses, terrestres, métalliques, & dont les parties desunies sont dans un grandmouvement de tourbillon.

Telle est l'idée que je me forme du feu, & qu'il me faut justifier dans la premiére partie de ce Discours, par des obfervations certaines, & des raisonnements clairs sur ces ob-

fervations.

1.º C'est une expérience constante que si l'on prend parties égales de limaille de Fer & de Souire en poudre, qu'on en fasse une pâte avec de l'eau, & qu'on mette 30.0 u 40. livres de cette pâte dans une terrine, elle s'y fermentera, & dans quelque temps elle s'enssammera.

Dans cette pâte il y a du Soufre, des Sels vitrioliques, dont le fer contient une grande quantité, de l'air, de la matiére

éthérée, des parties aqueuses, des parties terrestres.

Par la fermentation, les parties sulfureuses & salines éthérées & aëriennes se mélent intimement, & par ce mêlange composent le seu qui y paroit, après que la fermentation a mélé toutes ces substances au point nécessaire.

2.° Si loríque l'on calcine de l'Etain, on en prend une portion dès qu'il est réduit en poudre, & avant qu'il ne se calcine davantage, & qu'on le mête avec une portion à peuprès égale de précipité d'Argent fait avec de l'eau salée, séché, SUR LA PROPAGATION DU FEU.

mais de maniére qu'il y refte encore un peu d'humidité, ce mèlange s'échauffe & prend feu de lui-même, rendant une odeur foufrée.

Dans ce mélange, il y a des foufres de l'Étain & des fels de l'Efprit de Nitre, qui a fervi à la diffolution de l'Argent, & qui font demeurés attachés aux petites parties de l'Argent, forqu'il a été précipité par l'eau falée; il y a encore beaucoup d'air & de matiére éthérée dans les intervalles que laiffent entr'elles les petites parties de ces poudres hétérogenes. L'humidité qu'on laiffe au précipité d'Argent, ne fert qu'à la fermentation de ce mélange.

Par cette fermentation les fels du Nitre se mêlent intimement avec les soufres de l'Étain, l'air & la matière éthérée, & ce mêlange intime de ces diverses substances, par le mouvement de tourbillon qu'y entretient la matière éthérée, compose le seu qu'on voit dans cette expérience.

3.º Si on mêle de l'Huile essentielle de plante aromatique avec de l'Esprit de Nitre bien pur & bien déslegmé, ce mê-

lange s'échauffe & s'enflamme.

Ce mêlange ne contient que des fels du Nître & des foufres de plante aromatique, quelque peu de flegme avec beaucoup d'air & de matière éthérée, qui rendent fluides ces fels & ces foufres avant leur mèlange. Quand le mouvement de fluidité a bien mèlangé les foufres avec les fels, l'air & la matière éthérée, ce mèlange est un feu qui donne de la flamme. Le feu n'est donc qu'un mixte composé de sels essentiels, ou de sels volatils, de soufres, d'air & de matière éthérée.

4.º Si on jette du Charbon pulverisé dans un creuset où on a fait fondre du Salpètre, il se fera une grande flamme avec une détonation.

Avant qu'on y jette le Charbon, le Salpêtre ne donne point de flamme ; le Charbon feul ne donne qu'une petite flamme bleué : c'eft le mêlange de l'un avec l'autre qui donne cette grande flamme, & forme ce feu.

Dans le Salpêtre, il y a beaucoup de sels volatils, dans D ii le Charbon il y a beaucoup de parties huileuses & sulfureuses, l'un & l'autre contiennent beaucoup d'air & de matiére éthérée; c'est par le mélange de toutes ces substances que s'allume ce feu. Le seu est donc un mixte composé de toutes ces substances.

5.º Dans tous les feux nous trouvons des fels, des foufres, de l'air & de la matière éthérée mêlés ensemble.

6.° Par-tout où nous trouverons ce mêlange intime, nous trouverons du feu.

7.º Nous ne trouverons point de feu où il manquera

quelqu'une de ces substances.

fe

Ainsi l'air, la matiére éthérée & les sels mêlés ensemble ne donnent point de seu, comme on le voit dans l'Esprit de Nitre & dans le Salpêtre fondu.

Ainfi l'air, la matiére éthérée & les foufres mêlés enfemble ne donnent point de feu, comme on le voit dans les essences.

Ainfi les fels, les foufres & la matiére éthérée mêlés enfemble, ne donnent point de feu, comme on le voit dans la machine du vuide, où le feu s'éteint quand on en a pompé l'air. A l'égard des feux qui s'y foûtiennent, ils font compofés de fels volatils & de foufres extrémement exaltés, & alors le peu d'air qui demeure fous le balon de la machine du vuide, fuffit pour compofer avec les foufres, les fels & la matière éthérée, un véritable feu.

Je sçais que les Chimistes pensent que les soufres sont instammables, sans être mélés avec des sels. S'ils avoient raison, mon systeme ne seroit pas bon. Mais quelle expérience, quelle observation apporteront—ils en preuve de leur sentiment? Ils me démontrent que les sels sans les soufres ne sont pas inflammables, parce que si on n'adjoitte point de Soufre au Salpètre, quelque vivacité qu'on donne au seu qui le sond, jamais il ne s'enslammera. Pour me prouver que les soufres sans les sels sont inflammables, il saudroit qu'ils me montrassent des soufres exempts de sels, qui pourtant s'enslammassaillent; c'est ce qu'ils ne sont pas & ne seront jamais.

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 20

Car felon eux, l'Huile ou le Soufre se tire totijours impure des mixtes, étant totijours mélée avec des éprits, comme les huiles de Romarin & de Lavande, qui surnagent sur l'eau: or ces esprits ne sont que des sels volatils extrémement exaltés; ou elle est remplie de sels qu'elle entraîne dans la diffillation, comme les huiles de Buis, de Gayac & de Gerosse, qui se précipitent dans l'eau.

Pour le Soufre commun & minéral, on sçait qu'avec l'Huile il contient du Sel, on en tire un esprit qui n'est

qu'un Sel vitriolique.

Tout cela étant avoué par les Chimiftes mêmes, qui veulent que les Soufres ou Hulles foient inflanmables, sur quoi peuvent-ils appuyer leur sentiment? & n'ai-je pas eu raison de dire que sans les sels ce principe n'est pas plus inflammable que les sels sans les soufres?

Toutes ces expériences, observations & réflexions démontrent visiblement que le Feu est véritablement un mixte composé de sels, de soufres, d'air & de matière éthérée. J'appellerai ces quatre substances les substances ignées.

Mais il faut observer que tout melange de ces substances n'est pas du seu. Le bois, par exemple, est un mixte composé de toutes ces súbstances, avec des parties aquenses & terrestres, & même ferrugineuses; car dans le bois il y a beaucoup de matiére éthérée qui en remplit les pores les plus petits: il y a beaucoup d'air, puisqu'on s'en voit sortir, sorsque l'ayant haché en tranches minces, on jette ces tranches, & on les sait tremper dans l'eau: il y a des sels & des huiles, puisqu'on en tire par la Chimie: il y a des parties terrestres qui demeurent après en avoit rité les huiles & les sels ; il y a des parties aqueuses, qui sont le slegme qu'on en tire: il y a des parties ferrugineuses qui s'attachent à un couteau aimanté, avec lequel on remué les cendres du bois; le bois cependant n'est pas du feu.

La railon en est que ces substances ignées, ou les parties de ces substances, sont unies dans le bois : or pour faire du feu il faut des parties désunies, ou qui ne tiennent point les unes aux autres; il faut que les parties des substances qui dois vent entrer dans la composition de ce mixte, ne soient point liées ensemble par des parties hétérogenes qui les tiennent féparées, ou qui les contraignent à demeurer en repos en

les ferrant.

Il ne suffit même pas, pour composer la matiére du feu, que les parties de ces substances soient desunies & un peu mêlées. Elles sont dans cet état dans la matière de la poudre à canon lorsqu'elle est dans le mortier ou sous le pilon, même après qu'on y a mis de l'eau pour l'humecter, cette matière n'est pourtant pas alors la matiére du Feu. Il faut donc que le mélange de ces parties foit bien intime, & que la multitude des parties hétérogenes qui y sont mêlées, ne les embarrasse point trop, comme il arrive à la matière de la poudre à canon. Jorfqu'elle est pilée & trop humectée.

Ainsi on peut définir la matiére du Feu un mixte composé de fels, d'huiles, d'air, de matiére éthérée, dont les petites parties sont desunies & intimement mêlées, assés dégagées de toutes substances étrangéres qui embarrasseroient celles-là.

Mais ce n'est-là que la matière immédiate du Feu, ce n'est qu'un corps fans amé : ce qui anime cette matiére, ou qui dui donne la forme qui en fait du Feu, c'est le mouvement. mais un mouvement de tourbillon, qui fait tournoyer toutes les parties de ces substances chacune autour de son propre centre, & plufieurs ensemble autour d'un centre commun.

Il est visible que pour bien connoître la nature du Feu, & parler ensuite raisonnablement sur sa propagation, il ne suffit pas de connoître & de s'être affüré que la matiére dont il est immédiatement composé, sont des sels, des huiles ou foufres, de l'air, de la matière éthérée, il faut encore en connoître la véritable forme effentielle, ou le mouvement que doivent avoir toutes ces substances pour être du Feu. Il faut donc justifier ce que je viens d'avancer, que ce mouvement est un véritable mouvement de tourbillon, tel que je ľai énoncé.

Mais cette entreprise n'est pas sans difficulté, les parties

SUR LA PROPAGATION DU FEU. du Feu sont trop petites pour être apperçûes solitairement. il n'est même pas possible de découvrir à la vûë le mouvement de plusieurs ensemble, quand même le nombre de celles qui le meuvent ensemble selon une même détermination, pourroit faire un objet sensible en d'autres circonstances. La raison en est palpable; toutes les parties du Feu sont senfiblement contiguës, & quoique le mouvement de tourbillon de plufieurs ensemble puisse se faire, & se fasse en divers fens, cependant à cause que le tout est lumineux & femblablement lumineux, on n'y sçauroit appercevoir d'autre mouvement que celui qui lui vient de l'inégale pression ou de l'inégale réfissance de l'air environnant, laquelle donne lieu aux ondées qu'on voit dans la flamme, de la même manière que des pressions inégales sur la surface de tout autre liquide, & imprimées tantôt d'un côté, tantôt de l'autre, y produisent des ondulations.

Au défaut de la vûë qui ne peut avoir aucune prife fur les parties ignées, nous ferons quelques observations d'où nous pourrons conclurre asses fûrement que leur mouvement est

réellement le mouvement que je leur ai supposé.

1.º Lorfqu'on bat le fusil pour en tirer du Feu, ce Feu s'allume par le mouvement qu'on donne aux parties ignées qui sont dans le caillou ou dans l'acier, ou peut-être dans tous les deux, & qui en sont détachées par le choc. Or il est visible que la manière même dont se fait le choc, détermine ces parties détachées, à un mouvement circulaire très-prompt. Donc les parties du Feu qu'on tire du caillou, en battant le fusil, ont un mouvement de tourbillon, donc aussi les parties de tout autre seu ont ce mouvement.

2.º C'elt un sentiment généralement reçû aujourd'hui; &c confirmé par une infinité d'expériences, que la fluidité des corps confisse dans un mouvement respectif de leurs parties. Divers Auteurs expliquent diversement ce mouvement respectif : il y en a qui prétendent que ce n'est qu'un mouvement de tourbillon qui agite les petites molécules du sfuide, chacune autour de son propre centre, & plusseus autour.

d'un centre commun. Les raifons qu'ils donnent de feur fentiment, me paroifient, & à bien d'autres, affés provantes. De toutes ces raifons, qu'il n'est pas besoin de rapporter ici, j'ai droit de conclurre que les petites molécules de la flamme, qui est un véritable fluide, sont agitées de ce mouvement de tourbillon.

Mais comme tout le monde n'a pas ces raifons préfentes à l'efprit, & que ceux qui les ont préfentes, n'en font pas tous également touchés, voici une preuve qui va, ce me femble, démontrer en particulier le mouvement de tourbillon que

j'attribuë aux petites molécules de la flamme.

Il est certain que les petites parties de la flamme ont une vîtesse inconcevable; quand on refuseroit d'en convenir, la lumière qu'elle répand en seroit une démonstration, car ces parties n'ont pas sans doute moins de vîtesse que la lumiére qu'elles répandent. Or si avec une vîtesse si prodigieuse, leur mouvement étoit en ligne droite, il est visible que l'air environnant, qui sert de limites à la flamme, ne seroit pas capable de les contenir, & par conféquent elles ne demeureroient point affés près les unes des autres pour composer un tout sensible, mais se dissiperoient infiniment plus vîte qu'elles ne font. Comment l'air pourroit-il feur servir de vase & les contenir, si elles avoient un tel mouvement, puifqu'elles tirent affés de force de leur mouvement pour séparer les parties des corps durs, calciner les pierres & fondre les métaux? mais si leur mouvement est un mouvement de tourbillon, il n'est plus nécessaire que l'air ait tant de force pour leur résister. Dans ce cas elles n'agissient contre l'air que par leur force centrifuge : or leur vîtesse selon cette force, ou leur vîtesse en éloignement du centre, si elles n'étoient point retenuës, étant très-petite, ces parties elles-mêmes étant très-petites, leur effort pour chasser l'air, en est bien moins confidérable. Ainsi l'air peut les contenir & les ramasser en un tout sensible, d'autant plus que la plus grande partie de leur vîtesse est employée à faire leur révolution périodique autour de leur propre centre, & la moindre partie à faire leur

SUR LA PROPAGATION DU FEU. feur revolution autour d'un centre commun, & qu'elles n'a-

gissent pour écarter l'air, que par leur effort en éloignement d'un centre commun. Le mouvement des petites parties de

la flamme est donc un mouvement de tourbillon.

Il est donc vrai que le mouvement des petites parties du Feu est un mouvement de tourbillon; car le Feu, à le bien prendre, n'est que de la flamme. Les charbons ardents ne sont ardents que par la flamme qui les pénétre : un boulet rouge de feu n'est rouge que par la flamme qui le rend lumineux : c'est ainsi que le bois qu'on a frotté avec un linge, après l'avoir sorti de l'eau où if a trempé, est humide par l'eau qu'il a imbibée. Il est vrai que cette flamme ne paroît point sensiblement dans les charbons ardents ni dans le boulet rouge; elle n'en est pas moins réelle, puisqu'elle donne de la lumiére, ce que ne feroient pas les charbons ni le boulet, quelque chauds qu'ils pussent être d'ailleurs. Ainsi un boulet de fer immédiatement avant que d'être rougi au feu, quoique plus chaud que bien des flammes qui ne brûlent pas des corps très-combustibles, ne donne pourtant point de lumiére, & ces flammes en donnent.

Ce ne font point ici des idées peu réfléchies & hazardées: Il est certain qu'il faut des parties desunies & enflammées, pour donner de la lumiére. Qu'on fasse bien chausser un boulet de fer, son poids ne diminuëra pas, tandis qu'il ne deviendra pas rouge : qu'on le fasse rougir au feu, son poids diminuëra, parce que la chaleur desunissant les parties qui font la flamme qui le rougit, ces parties se diffipent comme celles

de toute autre flamme.

D'ailleurs il est constant que plus il y a de parties desunies & enflammées par le feu, plus un corps donne de la lumiére; ainsi une bougie qu'on commence à allumer, ne donne d'abord qu'une petite lueur, parce qu'il y a peu de parties desunies & enflammées: elle donne ensuite une grande lumière, parce qu'il y a beaucoup de parties desunies & enflammées. Ces parties desunies elles-mêmes ne donnent point de lumiére avant que d'être enflammées, comme on le voit

Prix 1738.

DISCOURS

dans la cire fondue autour du coton de la bougie, & avant

qu'elle ne soit montée pour s'enflammer.

Mais puisque la lumière augmente à mesure qu'il y a plus de parties desunies enstammées, puisqu'elle diminus à mesure qu'il y a moins de parties desunies & enstammées, puisqu'il n'y a plus de lumière lorsqu'il n'y a point de parties enstammées, il est visible qu'un corps en seu, que les charbons ardents ne donnent de la lumière que par leurs parties desunies & enstammées.

Pour détruire ces raisonnements, on pourroit apporter en preuve contre moi divers phosphores où on ne soupçonne point de flamme : tels font les vers luifants, certains bois pourris, qui deviennent lumineux, la pierre de Bologne; mais outre que la lumiére que donnent ces phosphores & tous autres quelconques, dépend du mouvement de leurs parties desunies, & que le mouvement de telles parties doit être un mouvement de tourbillon, par les raisons que j'ai données lorsque j'ai prouvé que les petites parties de la flamme ont un mouvement de tourbillon, si on ne veut pas que ce qui répand de la lumiére dans ces phosphores, soit un vrai Feu, il ne sera pas surprenant qu'il n'y ait point de flamme, quoiqu'ils donnent de la lumiére, parce que la flamme est toûjours composée des substances ignées dont j'ai parlé, & qu'il n'est pas d'ailleurs constant que d'autres substances par un semblable mouvement, ne puissent point donner de lumiére, puisqu'au contraire il est très-apparent que le Soleil, dont la lumière est si éclatante, n'est pas composé des mêmes substances que nos feux usuels. On ne peut donc tirer de ces phosphores aucune légitime conséquence contre moi dans la matiére présente.

Ainfi puisque les substances ignées ne donnent point de lumiére, si elles ne sont desunies & enslammées, ou, ce qui est le même, si elles n'ont un mouvement de tourbillon; puisqu'il n'y a point de seu sans lumiére, je conclurai que le Feu est une véritable slamme, & que le mouvement des petites parties du Feu est un mouvement de tourbillon. SUR LA PROPAGATION DU FEU.

3.° La fumée se change en slamme, & la slamme en sumée, ce sont des expériences journalières. Qu'on éteigne la slamme d'une chandelle, si on approche une autre chandelle de la sumée qui en sort, on la verra s'ensfammer: qu'on mette du bois assé sec sur des charbons ardents, il en sortira bientôt une sumée noire & épaisse; peu-à-peu cette sumée deviendra plus blanche, & ensin on la verra s'ensfammer. L'huile bouillante exhale une sumée qui s'ensfamme à l'approche d'une chandelle ou de la slamme du soyer. On voit encore toutes les slammes ordinaires se changer sensiblement en sumée.

La fumée qui se change en flamme, est composée de la même matiére que le Feu, mais elle n'a pas encore affés de mouvement pour être. Feu, elle ne devient flamme que lorsque le mouvement de ses parties a acquis la vîtesse néceffaire : or il est certain que le mouvement des parties de cette fumée, est un mouvement de tourbillon, on le voit à l'œil, on voit la vîtesse de ce mouvement augmenter à mesure que la sumée qui sort du bois est plus prête à s'enflammer; cette vîtesse est si rapide l'instant qui précéde l'inflammation, qu'on a peine à l'appercevoir; donc le mouvement de ces mêmes parties, l'instant suivant, c'est-à-dire, lorsque cette sumée est enslammée, est encore un mouvement de tourbillon, le mouvement qu'elles avoient, n'ayant fait qu'augmenter à chaque instant, & n'y ayant aucune cause qu'on puisse légitimement soupçonner d'un mouvement différent : on doit d'autant moins soupconner ce changement. que le grand éclat de cette fumée, l'instant qui précéde son inflammation, vient apparemment de ce qu'il y a déja plufieurs parties qui ont affés de vîtesse pour être seu, & donner de la lumiére; lumiére sans doute qui vient de leur mouvement de tourbillon, puisqu'il est certain qu'elles ont alors ce mouvement.

Le mouvement de tourbillon qu'on voit dans les parties de la flamme lorsqu'elle s'est changée en sumée, nous prouve encore asse pur leur mouvement étoit un mouvement

de tourbillon avant que la flamme ne fût changée en fumée. L'expérience nous montre que l'éclat de la flamme s'affoiblit peu-à-peu, jusqu'à ce que changée en sumée, elle ne donne plus de lumiére. Cette diminution qui se fait par degrés de la lumière de la flamme, ne peut venir que de l'affoibliffement ou de la diminution du mouvement des parties de la flamme, & non du changement de leur mouvement en un mouvement d'une autre espece : donc aussi la perte entiére de l'éclat de la flamme, ou son changement en sumée, ne vient que de ce qu'il ne reste plus assés de mouvement dans ces parties pour donner de la lumiére, & non d'un changement de leur mouvement en un mouvement d'une autre espece, ni de la perte entiére de leur mouvement, puisqu'en cessant de donner de la lumière, elles n'ont pas perdu tout leur mouvement; il faut donc que le mouvement qui leur reste, foit de la même espece que celui qu'elles avoient: or il leur reste un mouvement de tourbillon qu'on y découvre sensiblement; elles avoient donc un mouvement de tourbillon lorsqu'elles étoient encore flamme : le mouvement des petites parties de la flamme, & par conséquent du feu, est donc un mouvement de tourbillon.

A cette idée fi bien prouvée d'un mouvement de tourbillon, que j'ai dit être la forme du Feu, dont les fels volatils ou effentiels, les foufres, l'air, la matière éthérée font la matière, on pourroit oppofer quelque expérience par laquelle on voudroit prouver que le mouvement des parties du feu eft un fimple bouillonnement. On le voit clairement ce bouillonnement, dira-t-on, au bout de la meche d'une chandelle allumée, & dans le Soufre enflammé; on le voit dans les liqueurs dont le mélange s'enflamme : donc le mouvement des petites parties du Feu eft un femblable bouillonnement.

Ces expériences ou observations ne prouvent pas ce que l'on prétend, puisque la meche de la chandelle allumée, ni le Soufre qui bouillonne au - dessous de la flamme bleuë qu'il jette, ni les liqueurs bouillonnantes au - dessous de la

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 37. flamme qu'elles donnent, ne sont point du feu; il n'y a que la flamme qui soit un véritable seu. A l'égard de ce bouil-Ionnement, le feu en est la cause ou l'occasion. Le Soufre qui bouillonne n'est que du soufre fondu, & par conséquent dont les petites parties ont un mouvement de tourbillon; mais trop foible encore & trop embarraffé de parties terrestres ou de Sel fixe, pour former un vrai feu & donner de la lumiére. Par ce mouvement de tourbillon des parties du Soufre fondu, les parties trop groffiéres se séparent peuà-peu des autres. & forment à la surface une espece de creme ou de pellicule; les petits tourbillons de Soufre fondu qui sont au-dessous, se dégagent plûtôt les uns que les autres des parties groffiéres, & par leur reffort perçant çà & là la pellicule, fortent, fe dilatent, & par cette dilatation leur mouvement devenant plus libre, ils deviennent feu, & forment cette petite flamme bleuë. C'est en s'échappant ainsi çà & là hors de la pellicule, qu'ils produisent un bouillonnement, lequel dure tandis qu'il y a dans le Soufre fondu affés de matiére propre à être feu, qui se dégage successivement des parties terrestres & salines d'un Sel trop fixe.

Il faut raisonner à peu-près de la même manière sur les liqueurs dont le mêlange s'échausse & donne enfin de la flamme avec un bouillonnement sensible au-dessous de cette

flamme.

Le bouillonnement de la meche d'une chandelle allumée vient aufil du fuif fondu qui fort par les pores de la meche ou du charbon qui s'y forme à meſure qu'elle brûle. Ces parties du ſuif fondu, en ſortant ainſi du charbon, ont déja un mouvement de tourbillon, mais trop gêné pour être un vrai ſœu; de-là vient qu'on les diſfingue à leur ſortie. Ces petits tourbillons de ſuif ſe dilatent un peu en s'écartant, & commencent à ſormer un vrai ſœu, mais moins éclatant, parce que leur mouvement n'est point encore alfés libre; Ce n'est qu'à une certaine diſstance qu'ayant asse di liberté par une plus grande dilatation & accelération de leur vites ſe, ils ſorment une ſslamme claire.

28

Ces explications très-naturelles font sentir que les expériences citées ne donnent aucune atteinte au sentiment que

i'ai tâché d'établir.

Nous pouvons donc affürer maintenant que le Feu est un fluide composé de sels essenties ou volatils, de soufre, d'air, de matisére éthérée, communément mêté d'autres substances hétérogenes qui en retardent la vivacité, dont les petites parties sont dans un mouvement de tourbillon très-violent. Nous avons prouvé par de folides raisons cette idée que nous donnons du Feu, tant lorsque nous avons démontré que la matière dont il est composé, sont les sels, les foufres, l'air & la matière éthérée, que lorsque nous avons prouvé que la force qui anime cette matière. & la détermine à être feu, est le mouvement de tourbillon de toutes ces fubstances.

Je n'ai expliqué la nature du Feu que pour établir folidement ce que j'ai à dire sur sa propagation, qui est la question proposée. Ainsi je ne marrêterai point ici à expliquer ses autres propriétés, qui ne sont point de mon sujet, comme sa vertu d'éclairer, sa force de dilatation qui est si grande quand il est resserté & ne peut pas se dissiper, que suivant se calcul aisé qu'on peut faire du chemin que parcourroit un boulet de 4 livres, s'il recevoit toute la force de la poudre enssammée qui le chaffe, sa vitesse feroit pulseurs milliers de fois plus grande que celle de la lumière. Par les mêmes raisons, on n'attend pas que je parle des dissernces qu'on observe dans différents feux; ce seroit des recherches aussi inutiles qu'étrangéres à mon sujet.

De la communication du Feu.

La communication du Feu n'est pas douteuse. On demande quelle est l'opération de la Nature dans cette propagation: c'est ce qu'il faut expliquer maintenant; mais il faut observer que le Feu se communique en diverses manières. Une bougie allumée en allume une autre; le Feu des tisons ardents du foyer se communique à une buche, quoique verte, qu'on y

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 39 mêle; toute forte de plantes jettées dans le feu, y prennent feu; tout corps en feu communique le feu à d'autres corps combustibles qui en sont approchés : c'est la manière ordinaire dont le feu se répand; mais nous le voyons encore se communiquer sans aucun feu communiquant : ainsi le bois fec jetté dans un four bien chaud, y prendra feu: ainfi le foin renfermé trop humide s'échauffe & prend feu: ainsi des matiéres soufrées & falines prennent seu dans les nues au milieu des airs : ainsi des matiéres semblables prennent seu dans le fein de la terre : ainfi un corps éclairé par les rayons du Soleil, réunis au foyer d'une grande loupe de verre, prendra feu : des liqueurs mêlées ensemble prennent feu : les parcelles d'un caillou détachées par un acier qui le choque, prennent feu, & le Feu qui a pris dans toutes ces circonstances, se répand ensuite de près en près aux matières combustibles, tandis qu'il n'y a rien qui en arrête la propagation.

Nous examinerons d'abord la propagation du Feu usuel la plus commune : tout le reste s'expliquera ensuite avec une

extrême facilité.

M. Bouillhet, Correspondant de l'Académie royale des Sciences, présenta en 1719. à l'Académie de Bordeaux un discours sur la nature des ferments, où il me parôit s'en former une idée très-débarrassée, & plus vraisemblable que tout ce que j'en ai pû voir ailleurs.

Selon cet Auteur, le ferment est un mixte propre à convertir en un ferment semblable d'autres mixtes analogues, qu'on lui mête. Ainsi le levain est propre à convertir la pâte

en un levain femblable.

Dans cette idée, la fermentation est un mouvement par lequel le ferment convertit les mixtes analogues en un ferment semblable.

La cause occasionnelle de la fermentation sont les secousses par lesquelles les parties du ferment ébranlent & desunissent

les parties des mixtes analogues.

La cause immédiate de la fermentation, c'est la matiére éthérée, qui trouvant ces parties desunies, les meut, les fait bouillonner avec elle, & par ce bouillonnement les brife, leur donne une autre conformation, ou plûtôt par la féparation des parties hétérogenes donne lieu aux homogenes de s'unir plusieurs ensemble; en conséquence de ce changement, le mixte fait sur nous la même impression que faisoit le premier, ferment, & lui devient semblable; impression que ce mixte ne faisoit pas avant la fermentation, parce que les parties propres à faire cette impression y étoient trop séparées, & trop mêlées avec d'autres parties qui en émoussionent le soût.

Suivant cette idée des ferments, nous devons regarder le Feu comme un véritable ferment, & la propagation du Feu comme un véritable fermentation. Le Feu fera même un ferment général avec lequel tous les mixtes ou presque tous les mixtes font analogues, qui les fait tous fermenter, & les convertit en un fermblable, ferment, puisque le Feu change en feu presque tous les mixtes: il sera en même temps le ferment le plus aestif, puisqu'il n'en est point qui fasife fermenter les mixtes analogues avec tant de promptitude.

Ces réflexions font déja appercevoir les démarches de la nature dans la communication du feu aux matiéres combustibles. Ces matiéres, telles que sont les bois de toutes les especes, contiennent beaucoup de sels volatils ou essentiels. & des foufres, puisqu'on les en tire par les opérations de la Chimie; ces deux principes, outre l'air & la matiére éthérée qui y font par-tout répandus, y font encore mêlés avec beaucoup d'autres substances hétérogenes, aqueuses, terrestres, &c. C'est le divers mélange de ces substances, leur différente proportion, leur arrangement divers, qui fait la diversité des bois. Quand on met ces bois au feu, les petits tourbillons du feu agiffant d'abord contre les parties de la surface, les agitent par le mouvement qu'ils leur communiquent, les secouent fortement, les séparent enfin & les desunissent, fur-tout par l'action des sels qui sont roides, aigus & tranchants. Pendant tout ce mouvement, les pores s'élargiffent, des petits tourbillons de feu y entrent & agissent en-dedans, de la

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 41 de la même maniére que les petits tourbillons de feu contigus à la surface, agissent en-dehors. Les petites parties du bois étant enfin léparées & desunies par ces efforts redoublés, ne prennent pas fi-tôt feu, parce que leurs fels & leurs foufres, le peu d'air qu'il y a, & la matière éthérée font encore trop embarraffés par la quantité des parties hétérogenes qui y font mêlées, mais peu-à-peu les parties aqueuses s'envolant en vapeurs, les fels & les foufres ont plus de liberté pour. bouillonner avec l'air & la matière éthérée, se dilater & se mouvoir enfin d'un mouvement de tourbillon affés vif pour donner de la lumière, & être un vrai feu. La première couche de la matière combustible étant ainsi convertie en feu, fait de même fermenter la seconde couche, & la convertit pareillement en feu, & ainsi de couche en couche, jusqu'à la derniére, toute la matiére combustible se change successivement en feu, & se consume, si nul accident ne retarde & n'arrête cette propagation du feu.

S

Pour voir plus en détail l'opération du feu dans sa propagation, il faut observer la part que chacune des quatre

substances qui le composent, peut y avoir.

Quoique le mouvement de la matiére éthérée autour des corps durs & de leurs parties, foit très-grand, loin de desunir ces parties, contre lesquelles elle exerce sa force, elle les lie

au contraire & les unit par cette même force.

Dans la fuppolition même que ces parties feroient déja toutes desunies, hors du cas où elles se trouveroient mêlées avec une suffishate quantité d'air, de soufres & de sels, cette matière auroit peine à en faire un fluide. Nous ne connoissons que les parties aëriennes dont elle sasse un véritable fluide immédiatement par elle même, & sans le secours d'aicun autre agent. Tous les autres fluides doivent peut-être autam leur fluidité aux petites parties d'air qui y sont mêlées, qu'à la matière éthérée.

La matière éthérée & l'air mêlés ensemble, avec les parties des soufres ou des sels, desunies, ne peuvent en faire que

Prix 1738.

de simples fluides, comme nous le voyons dans les essences ou huiles, & dans les esprits acides; c'est que les parties sussences de même que les falines étant homogenes, elles laissent trop peu d'intervalle entr'elles pour admettre autant d'air & de matière éthérée, qu'il en faudroit pour leur donner un mouvement aussi violent que celui du seu; d'autant plus que les parties sulfureuses sont trop molles & trop soules, & les parties sulfureuses pour recevoir un si grand mouvement de l'impression de ces agents si détiés, & d'un

fi petit volume comparé au leur.

Il en va tout autrement lorsque les parties sulfureuses & falines sont bien mélées avec l'air & la matière éthérée. Comme les parties sulfureuses & falines sont hétérogenes, elles s'approchent moins, & admettent entr'elles beaucoup d'air & de matière éthérée : la matière éthérée & l'air agitent beaucoup plus violemment les soufres par les sels, & les sels par les soufres, qu'ils ne pourroient le faire sans ce secours. C'est ainsi que la pile d'un pont est tout autrement chrankée par une grande poutre ou par quelque grand arbre que le tourent y entraîne, que par l'eau seule ou par le sable & les

broffailles qu'elle charie.

Tout le mouvement du Feu vient donc de la matiére éthérée; mais, comme on le voit, pour le produire elle a befoin des parties aëriennes, comme d'un inftrument nécessaire pour mouvoir les soufies & les sels. L'air & la matiére éthérée unis ensemble ont encore besoin des soufres pour donner autant de mouvement qu'il en faut aux sels, & des sels pour donner aux soufres un mouvement suffisant. Ce mouvement ensuite augmente sans relache jusqu'à la dissipation des parties, parce que les soufres & les sels qui ont des parties oblongues, ne pouvant pas tourner sur leur petit axe, sans s'écarter les unes les autres, & occuper un plus grand espace, cet espace se remplit tout de suite d'air & de matiére éthérée, ette plus grande quantité d'air & de matiére éthérée, eugmente nécessairement le mouvement des

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 43 paireis falines & fulfurenfes, lefquelles déterminées & par leurs choes mutuels & par le mouvement même de l'air & de la matiére éthérée, à former par-tout de petits tourbillons, prennent une force de reflort, ou une force centrifuge proportionnée à la viteflé de leurs révolutions autour du centre de leur mouvement. Par l'augmentation de cette vîtefle, le reflort de toute cette matière devient bientôt fupérieur à la refiflance de l'air qui lui fert de vafe, & tout fe diffipe, ainfi qu'il arrive à la poudre enflammée.

Toute flamme cependant ne doit pas fe diffiper avec la même promptitude; celle d'une bougie, par exemple, dure bien plus long-temps: en voici plufieurs raifons, dont le concours contribue à la conferver dans la même grandeur

fensible jusqu'à la consommation de la bougie.

1.º La cire fonduë qui monte par la meche fournit sans

interruption un nouvel aliment à cette flamme.

2.º Les sels & les foufres de cette flamme n'y font pas aussi dégagés de toute matière hétérogene, que dans celle de la poudre à canon : ils sont mélés avec beaucoup de flegme qui en rallentit le mouvement, ainsi leur mouvement n'augmente pas si brusquement au point de vaincre la résistance de l'air environnant.

3.° Cette flamme est plus pressée en bas qu'en haut, parce que l'air environnant qui la presse, y a plus de hauteur, & par conséquent de pesanteur : c'est de-là que vient en partie

sa figure oblongue.

4.° Les parties aqueuses du flegme plus legeres que les autres, montent vers le haut de la flamme, où elles le trouvent par conséquent en plus grande quantité qu'ailleurs. Comme elles prennent moins de mouvement, la force centrifuge ou le ressort de la matiére est plus foible en cet endroit, ainsi l'air a respectivement plus de force pour la presser, ainsi l'air a respectivement plus de force pour la presser, a pression à mesure qu'elle s'éleve.

5.º L'excès des vapeurs aqueuses sur les soufres & les

Γi

The South

fels croissant toûjours à proportion que cette flamme monte plus haut, sa lumiére diminuë sans cesse jusqu'à ce qu'elle s'éteint tout-à-fait; la flamme alors se change en sumée, que la pesanteur de l'air continuë à faire monter, cette fumée fait comme une ouverture dans le vase d'air qui contient la flamme, & c'est par cette ouverture que la flamme s'écoule sans cesse, en se changeant en sumée, ainsi que je viens de l'expliquer. Cette flamme ayant une extrême facilité à s'écouler par cette ouverture où elle est toûjours poussée par la pesanteur de l'air, les soufres & les sels dont elle est composée, n'ont pas le temps de recevoir un mouvement assés violent pour se diffiper en forçant les barriéres du lit d'air qui la contient, ainfi elle ne doit pas se dissiper par les côtés. mais en s'écoulant, comme je l'ai dit, elle doit durer tandis que la cire fonduë fournit la même quantité de matiére à enflammer.

De tout ce que nous avons dit avant cette digression sur la manière dont le Feu se dissipe, il suit que ce sont les sels qu'il contient, qui ébranlent, qui féparent, qui desunissent les parties des corps combuftibles qui sont appliqués à la flamme; la matière éthérée & l'air n'y peuvent rien, les foufres font trop mols & trop émouffés, ce font les fels pefants. roides, aigus & tranchants qui heurtent fortement les petites parties de ces corps combustibles, & qui les mettent, par la defunion qu'ils en font, dans la disposition prochaine d'être enflammées. Après cette defunion la matière éthérée, l'air. les soufres & les sels de la flamme se mêlent, par le mouvement, avec la matiére éthérée, l'air, les foufres & les fels qui se trouvent dans ces corps combustibles parmi leurs parties desunies, les font bouillonner & les enflamment par le mouvement de tourbillon qu'ils leur communiquent; c'est ainsi que le Feu se répand d'abord par l'action des sels qu'il contient, ensuite par l'action des autres substances ignées dont il est composé.

Mais il faut que les quatre substances ignées, pour faire

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 45 leur manœuvre avec succès, ayent entr'elles une certaine proportion, sans laquelle on auroit beau les mêler ensemble, il n'y auroit point de feu; cette proportion a pourtant quelque étendue, & c'est ce qui fait la diverse vivacité des seux, car si cette proportion qui doit être entre les quatre substances qui composent le Feu, étoit fixée en un certain point, en de-çà ou au de-là duquel il n'y eut point de feu, tous les feux seroient d'une égale ardeur. Nous voyons pourtant le contraire, ainsi le Soufre commun ne donne qu'un seu bien foible, parce qu'il n'y a pas affés de parties falines pour la quantité des parties sulphureuses & d'autres parties hétérogenes qu'il contient; ainsi la Poudre à Canon bien pilée & bien serrée, ne forme pas un feu si violent, que lorsqu'elle est grenée & moins pressée, parce que lorsqu'elle est ainsi pilée, elle ne contient point affés d'air, ainsi pour augmenter la force de la Poudre pilée, on y adjoûte un peu de Salpêtre, ainsi pour l'affoiblir, on y adjoûte du Charbon, qui contient véritablement des soufres, mais en même temps des parties fuligineuses en trop grande quantité pour ne pas embarrasser le mouvement des substances ignées; ainsi le même mixte qui donne un beau feu hors de la machine du vuide, n'en donne point sous le balon de cette machine lorsqu'on en a pompé l'air, non-seulement parce que l'air environnant est nécessaire pour empêcher la subite dissipation des parties de la flamme, & lui servir de vase qui la contienne, mais encore parce qu'il faut une certaine quantité d'air pour faire du feu par son mêlange avec les autres substances ignées.

Tout cela fait voir pourquoi le Feu ne se propage pas avec la même rapidité dans tous les mixtes, sa propagation dans la Poudre à Canon est d'une promptitude étonnante, sur-tout lorsqu'elle est en plein air, parce que la Poudre est un mixte dans lequel les substances ignées sont en une proportion réciproque parsattement convenable, & très-peu embarrassées par les parties legeres du Charbon qu'on y a sait entrer, & que d'ailleurs ayant que le seu les touche,

F iii

Take S

elles sont déja intimément mélées, à peu-près comme elles doivent l'être pour faire du feu, & fi peu liées ensemble, que le moindre ébranlement de la bluette qui tombe dessus, les desunit suffisamment pour donner liberté entière à la

matière éthérée de les agiter.

La propagation du feu de la Poudre à Canon enfermée & un peu preffée dans un Canon, est plus sente, parce que y étant plus resservée, & par-la son mouvement étant plus gêné, y ayant même moins d'air, toutes les substances ne peuvent pas si-tôt prendre un degré de mouvement aussi vif; bien-tôt pourtant elle s'allume, & son seu devent plus fort que celui de la Poudre brâlée en plein air, parce que ne pouvant pas se dissiper de même, à cause des obstacles qu'il trouve à si dissipation, les substances qui le composent ont le temps de recevoir une augmentation de mouvement infiniment plus grande, qui rend ce seu capable des effets étonnants que nous voyons avec surprisé.

Le Feu ne se répand pas avec la même promptitude dans les autres matiéres combustibles, parce que les substances ignées n'y sont pas dans la même proportion, parce qu'elles y sont plus mêlées de matiéres hétérogenes, parce qu'elles y sont plus fortement liées par la cause de la dureté, & qu'ainsi il en coûte plus au feu qu'on y applique, pour en défunir les parties, dont le mouvement est ensuite plus gêné par les matiéres hétérogenes qui y sont en si grande

quantité.

La propagation du Feu est plus lente dans la même espece de bois quand il est vert que lorsqu'il est sec, parce que les parties aqueuses du bois vert embarrassent trop le mouvement des substances ignées, & que les substances ignées du

bois sec sont délivrées de cet embarras.

On voit par-là d'où vient que la propagation du Feu est plus lente en Eté qu'en Hiver, dans une chambre bien fermée, que dans une chambre ouverte. En Eté, l'air est plus dilaté par la chaleur de la saison, & il est moins pur, d'où SUR LA PROPAGATION DU FEU. 47

Constant of

dans le feu, & qu'elles y font plus mélées de parties hétérogenes; deux sources inévitables du retardement de la propagation du Feu. En Hiver, au contraire, l'air est plus dense, il est plus pur & moins chargé de matiéres hétérogenes: il y a donc en pareil volume plus de parties aëriennes pour animer le seu, & moins de ces matiéres hétérogenes qui en retardent l'action; car je ne mets pas en ce nombre le Nitre qui, dans les grands froids, se trouve par-tout répandu dans l'air, ces parties nitreuses, au contraire, qui sont des sels, contribuent beaucoup à l'ardeur & à l'activité du seu dans

la faifon la plus rude.

De même dans une chambre bien fermée, l'air qui ne se renouvelle pas, est bien-tôt impregné de vapeurs & autres matiéres exhalées du feu même, & dilaté par la chaleur que le feu produit, fur-tout autour du foyer; ainsi il y a moins de parties aëriennes autour des tisons, & plus de matiéres hétérogenes qui embarraffent le mouvement des substances ignées. Au contraire, si la chambre est ouverte, l'air se renouvelle sans cesse autour des matiéres combustibles qui font au foyer, parce que l'air qui est auprès étant échauffé & rarefié, l'air qui est dehors, plus dense, pese plus, pousse & chasse sans cesse l'air du foyer pour prendre sa place; ainsi c'est toûjours un air tout neuf, si on peut ainsi parler, & en plus grande quantité, qui se mêle avec les autres substances ignées, & anime leur mouvement. D'ailleurs, cet air nouveau venant avec impétuofité dans le foyer, fouffle & dislipe les matiéres hétérogenes que le seu n'a pû enlever, & qui s'accumulant parmi les parties enflammées, en retardent le mouvement.

C'est par cette raison que le feu se répand avec plus de vîtesse lorsqu'on souffle dedans, car alors on y répand beaucoup plus d'air qu'il n'y en avoit, & cette quantité d'air favorise extrémement l'action de la matiére éthérée pour mouvoir les autres substances ignées. D'ailleurs, en soufflant 48

ainsi, on chasse les parties terrestres & hétérogenes que l'action du feu n'avoit pû enlever, & qui demeurant dessus, comme les cendres & autres fuliginosités, retardoient le

mouvement des substances ignées.

De tout ce que nous venons de dire, il sera aisé de conclurre le moyen de retarder la propagation du Feu, & de l'arrêter entiérement. Pour la retarder, il faut seulement y mêler des substances hétérogenes, ou diminuer la quantité de l'une des substances ignées dont il est composé, ainsi on retarde le feu de la Poudre à Canon, en la pilant & la pressant ensuite, parce qu'alors elle contient moins d'air; on retarde encore plus sa propagation, en y mêlant du Charbon pulvérisé, ou en l'humectant un peu avec de l'eau; on retarde la propagation du feu ordinaire, en y jettant dessus des cendres, ou encore mieux de la terre qui, par sa pesanteur, arrête mieux, & diminuë davantage le mouvement des substances ignées; on la retarde plus efficacement encore, & on l'arrête tout-à-fait en y jettant une suffisante quantité d'eau, parce que l'eau se mélant mieux avec les substances ignées, à cause de sa fluidité, doit en arrêter beaucoup plus vîte le mouvement.

Dans les cas où on n'a pas une suffisante quantité d'eau, ou qu'on ne peut pas la transforter asses promptement ou asses actiement, on sera toutessois assuréer la propagation du seu, & même de l'éteindre bientôt, si on peut sui ôter toute communication avec un nouvel air; ainsi quand le seu a pris à une cheminée, quelque enslammé & étendu qu'il soit, pour l'éteindre, on n'a qu'à boucher la cheminée par le bas & par le haut avec du soin ou de la paile, qu'il sera plus sir d'employer mouillée, si on le peut; car alors les vapeurs & sulginosités dont la sumée du seu imprégne l'air qui est dans la cheminée, se mélant parmi les substances ignées, en embarrassent extrêmement le mouvement, & par-là le sont diminuer considérablement, les matières hétérogenes qui, dans l'endroit enslammé, sont mélées

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 49 mélées avec les foufres & les fels, ne peuvent plus être élevées par l'action du feu, ainfi diminuées, elles demeurent donc mélées parmi les fubflances ignées, & en arrêtent le mouvement bien plus efficacement; leur mouvement s'affoibiliflant ainfi par ces deux caufes dont chacune feroit fuffiante, le feu ne tarde pas à s'éteindre. Mais il faut prendre garde de n'employer ce moyen d'éteindre le feu que lorsque la cheminée est affés forte pour soûtenir l'effort du ressort de l'air ensermé, qui s'augmente beaucoup par la chaleur, car si les murs de la cheminée étoient soibles, elle pourroit créver, & le feu-s'échappant par les crévasses, faire plus de mal encore qu'on n'en auroit eu à craindre si on l'avoit faisse sur les consumer la suye.

Voyons maintenant les autres circonstances où le feu se

communique sans aucun feu communiquant.

Quand nous n'aurions point de preuves de fait, que des matiéres combuftibles prennent feu quelquefois, sans qu'aucun autre feu le leur communique, la chose nous parotiroit très-possible & très-naturelle en consultant l'idée que j'ai domée du feu, lorsque je l'ai représenté comme un ferment, ou comme un mixte propre à faire fermenter d'autres mixtes analogues, & à les convertir en un semblable mixte, & la communication du seu comme une véritable fermentation des mixtes analogues au seu. Car de même que la pâte sans levain ne laisse pas de sermenter en certaines occasions, quoique plus lentement, & d'être convertie par cette fermentation en un véritable levain, de même les matiéres combustibles pourront dans certaines circonstances, fermentation se tre converties en un véritable feu.

Il faut feulement pour cela qu'il y ait quelque cause capable de secouer, d'ébranler, de défunir les parties infenfibles de ces corps combustibles. Ces parties étant ainsi desunies, si les sels se les soufres, l'air & la matière éthérée y sont en suffisante quantité, cette matière éthérée donnera

Prix 1738.

3

peu-à-peu à toutes les autres substances ignées le mouvement propre au feu, & les convertira par-là en un véritable feu.

C'est ainsi que nous expliquerons facilement:

1.º Pourquoi, si l'on jette du bois bien sec & facile à prendre seu dans un sour bien chaud, le bois après quelque temps s'enslamme; c'est que la chaleur de l'air & des pierres du sour échauffiant extrémement le bois, en secoue les petites parties, les ébranle peu-à-peu, les desunit ensin par le mouvement violent qu'elle leur communique; ces petites parties nageant ainst desunies dans la matière éthérée, elle les agite, les fait bouillonner avec elle, jusqu'à ce que le mélange des sels, des soufres & de l'air soit devenu affés intime pour prendre par l'action de la matière éthérée, un mouvement de tourbillon affés violent, & c'est alors que le bois s'enssamment de tourbillon affés violent, & c'est alors que le bois s'enssamment de

2.º Pourquoi le foin renfermé & entaffé fans être affés sec, s'échauffe & s'enflamme quelquefois; car les parties aqueuses par leur mouvement, secouent sans cesse les petites parties des cellules qui les contiennent, les ébranlent peu-àpeu, les séparent enfin, ce qui fait la pourriture qui précede l'inflammation du foin : dégagées ainsi de leurs petites prifons, elles s'échappent & s'envolent en vapeurs par la chaleur que produit la fermentation qui se fait alors de toutes ces parties defunies; la fermentation continuant après leur départ, elle mêle intimement la matière éthérée, l'air, les fels & les foufres; ce mêlange intime donne lieu à la matiére éthérée d'augmenter insensiblement le mouvement de tourbillon de toutes les substances ignées, & de le pousser jusqu'au point nécessaire à l'inflammation, sans que les parties des substances hétérogenes puissent l'empêcher, parce qu'elles n'y sont pas en ffés grande quantité. Lorsqu'au contraire on enferme le foin bien sec, il n'y a aucune source d'ébranlement & de desunion des parties, ainfi demeurant liées enfemble, il n'est pas surpremant que le foin ne prenne pas feu dans ces circonstances. 3.º Pourquoi des matiéres sulfureuses & salines prennent feu au milieu des nuées dans un orage; car on sçait qu'avec SUR LA PROPAGATION DU FEU. 5

The state of the s

les vapeurs s'élevent quantité d'exhalaisons salines, sulfureuses. metalliques, &c. Ces exhalaifons, de même que les vapeurs répanduës & dispersées dans l'immensité des airs, y demeurent suspenduës par la pesanteur même de l'air dont elles n'obscurcissent pas sensiblement la transparence, tandis qu'elles demeurent ainsi dispersées; mais lorsqu'il vient à souffler des vents contraires, ces vents rapprochent, raffemblent ces exhalaifons avec les vapeurs, & en font des nuées. Ces vents continuant à fouffler contre & dans ces nuées, y produisent une infinité de mouvements variés dans les vapeurs & les exhalaifons qui les composent; cette variété de mouvement doit visiblement former, finon par-tout, du moins en bien des endroits, des tourbillons plus grands ici, là plus petits. Lorsqu'il arrive que quelqu'un de ces tourbillons contient beaucoup d'exhalaifons fulfureuses & salines, & peu d'autres exhalaifons ou de vapeurs, comme les foufres & les fels y font mêlés avec beaucoup d'air & de matière éthérée, & qu'il y a peu de matiéres hétérogenes, il n'est pas surprenant que le mélange de ces substances ignées devenant toûjours plus intime par le mouvement, & ce mouvement croissant sans cesse, l'inflammation suive bientôt, & que le feu en soit d'autant plus vif & plus éclatant, que les fels & les foufres en sont plus purs, pour avoir été élevés par une chaleur plus modérée, & plus exaltés.

4.° Pourquoi des matiéres fulfureuses & salines prennent feu dans le sein de la terre, & produisent les effroyables effets dont on a vû en divers lieux tant de tristes exemples dans tous les siécles, & que l'on vient d'éprouver cette année dans le Royaume de Naples, où le Vesuve vomissoit avec un bruit épouvantable d'horribles slammes, & lançoit d'immenses pieces de rochers à la distance de 10 à 12 milles. Car quand il ne seroit pas d'ailleurs constant que l'intérieur de la terre est par-tout imprégné d'exhalassons de toutes les especes, salines, sulphureuses, métalliques, &c. lesquelles, suivant leur distêrent mèlange & les distôrentes matrices où

52

elles se figent, forment des pierres de différentes especes. des métaux, des sucs visqueux, & nourrissent les Plantes de toutes les fortes; les torrents enflammés qui fortent quelquefois des lieux où s'allument ces feux foûterrains, nous démontrent affés qu'il y a dans ces endroits beaucoup de sels & de soufres, puisque les matiéres de ces torrents en sont presque entiérement composées. Il y a grande apparence que dans les Volcans qui jettent de temps en temps de grandes flammes, les sels & les soufres y découlent comme par des petites fources en forme de bitumes liquides, telles qu'on en voit en divers lieux fur la furface de la terre : ces différents bitumes coulant & s'affemblant dans les mêmes cavités de ces Volcans, leurs parties différentes sulfureuses, salines, métalliques, &c. se mêlent par leur mouvement de fluidité: ce mêlange donne lieu à de petites fermentations, parce que les sels & les soufres, lorsqu'ils sont ensemble, admettent entr'eux, comme nous l'avons dit ailleurs, une plus grande quantité d'air & de matiére éthérée, & que cet air & cette matière éthérée leur donnent un plus grand mouvement que n'étoit leur mouvement de fluidité avant ce mêlange: cette fermentation fait évaporer les parties aqueuses, & dégage infenfiblement les fels & les foufres des autres matiéres hétérogenes qui ne sont pas si propres au mouvement ; parlà les sels & les soufres étant moins gênés, ils se dilatent davantage par leur mouvement de tourbillon, lequel croiffant fans cesse par l'action de la matiére éthérée & de l'air qui y sont mêlés en plus grande quantité, devient enfin si violent en quelques endroits, qu'ils s'enflamment. Ces petites inflammations se communiquant au reste de cette matiére avec grande promptitude, elle s'enflamme toute; mais comme les parties de ce feu renfermé dans la terre ne peuvent pas fe diffiper, la vîteffe de leur mouvement de tourbillon augmente à l'infini, de forte qu'il n'est pas surprenant qu'enfin la force de leur reffort creve avec grand fracas, les voutes. qui renferment ce feu; ou que s'il s'y trouve déja quelque

SUR LA PROPAGATION DU FEU. 53' ouverture mal bouchée, comme au mont Vesuve, le feu foûterrain s'élance par-là avec une force estroyable, & lance par cette ouverture toutes les énormes piéces de rocher qu'il trouve dans son chemin, & les lance à des distances étonnantes, de même que la Poudre enslammée dans un Canon lance un boulet de fer avec une vîtesse incroyable, par l'ouverture de ce canon.

The state of the s

5.º Pourquoi les rayons du Soleil réunis au foyer d'une loupe de verre, enflamment les corps combuftibles qu'on y expose; la cause en est visible; ces rayons par leur force ébranlent & desunifient bientôt les petites parties du corps combustible, & mettent ainsi les sels & les soufres qu'il contient, dans la disposition où ils doivent être pour que la

matiére éthérée les enflamme.

Ce que j'ai dit ailleurs de l'Huile effentielle de plante aromatique mêlée avec de l'esprit de Nitre & des parcelles du caillou qu'on en détache en le battant avec un acier, fuffit pour entendre comment ces liqueurs mêlées, & çes parcelles du caillou s'enflamment: une explication plus longue feroit fuperflüë.

Du rêfte, on voit affés que la propagation de ces feux ainsi allumés sans aucun seu communiquant, doit se faire de la même maniére que la propagation des autres seux.

En finissant ce discours, il y a une réslexion à faire sur les parties ignées qu'on employe à tout propos pour l'explication de bien des phénomenes, que l'on croit dépendre de quelque action du seu. Il semble qu'on regarde ces parties ignées, comme des parties d'un élément particulier, qui sont très-différentes des parties des sels & des soufres, ou de l'air, & qui conservent toutes les qualités du Feu dans les mixtes où on les dit cachées. Il est visible par tout ce que j'ai établi dans ce discours, qu'on se trompe beaucoup en cela, puisque le Feu considéré comme un élément particulier & non comme un mixte, est une véritable chimere qui ne & trouve nulle part. Il faut donc traiter de fausses toutes les

G iii

cyplications phylíques où on fait entrer ces parties ignées comme un agent néceflaire aux opérations qu'on veut expliquer. Sil y a des parties ignées cachées dans tous les corps, ce ne font que les fels, les foufres, l'air & la matiére éthérée qui fe trouvent réellement dans tous les mixtes, mais qui n'y ont nullement les propriétés du feu avant l'inflammation de ces mixtes, & par conléquent qui n'y peuvent pas plus agir que les autres parties de ces mixtes avant d'avoir été defunies, raffemblées intimement, mèlées & agitées du mouvement qui doit leur donner la forme de Feu.

FIN de la seconde Piece.

EXPLICATION

S. S.

DE LA
NATURE DU FEU,
ET DE SA PROPAGATION.

Cette Piéce est une des trois entre lesquelles le Prix a été partagé également.

Par M. le Comte de CREQUY.

ALEMENTAL CAPTURE OF THE STATE OF THE STATE

out IL to Come in Casent

EXPLICATION

Tel es



EXPLICATION

DELA

NATURE DU FEU,

ET DE SA PROPAGATION.

Exercitio Athleta valet.

U01QUE la question du programme soit d'un genre qui n'intéresse que la curiosité des hoimmes, pussque, soit qu'ils connosisent ou non la nature du Feu, ils jouissent également de tous les avantages qu'il leur procure, on peut néantmoins tirer quesque profit de cette recherche & des autres semblables, par l'exercice qu'elles peuvent donner à l'esprit, qui, comme le corps, se fortisse par la variété des exercices, & devient ensuite plus capable de résoudre les questions qui importent à notre bien-être.

Entrons donc dans ce labyrinthe, & effayons fi entre les divers fentiers qui ont égaré tant de Philofophes, nous pourrions marcher dans celui par lequel on peut aller à la vérité. Heuteulement, fi nous nous égarons comme eux, notre égarement n'aura pas d'autre inconvénient, que celui d'être privé de la connoiflance d'une vérité dont l'ignorance n'est

pas incompatible avec la vertu humaine.

Les hommes employent le Feu en une infinité de façons, pour amollir, fondre ou diffoudre tous les corps, ce qui

Prix 1738.

DE LA NATURE DU FEU

fait, avec raison, conjecturer que la nature du Feu consiste dans le mouvement; & comme c'est un axiome reçû, que le méant n'a point de propriété, il en résulte une seconde conjecture, que par-tout où il y a du seu, il y a aussi quelqu'ètre qu' le produit, & duquel il emprunte toute la puissance laquelle il opére la dissolution des corps; sans quoi il sudroit penser que le mouvement produit par le Feu, est créé par l'Auteur de la Nature pendant la durée du Feu, & proportionnellement à sa quantité, ce qui répugne.

Àu lieu de cette erreur, il vaut mieux admettre avec la multitude des Philosophes cet axiome, que Dieu a créé dans l'Univers une certaine quantité de matière èr de mouvement, dont l'essene ne périt jamais. & qu'il a combiné ces deux essenes dans un si parfait mélange, qu'il en a fait éclorre toute la Nature, du sein de laquelle nous voyons sortir toutes les merveilles que nous admirons, & cette variété infinie de productions dont la surface de la Terre est ornée.

La quantité du mouvement une fois déterminée par cet axiome, il en réfulte deux Corollaires qui en font confé-

quences infaillibles.

L'un, qu'un corps qui commence à se mouvoir, ou qui accélere son mouvement, reçoit son mouvement ou l'excès de celui qu'il avoit, d'un ou plusseurs autres corps visibles ou invisibles qui le lui communiquent.

L'autre, qu'un corps qui rallentit ou perd son mouvement, communique le mouvement qu'il perd, à quelque corps visible ou in-

visible.

Ces deux Corollaires supposent nécessairement l'impénétrabilité de la matière, sans laquelle la communication du mouvement est impossible, & qu'un corps mû vers un tieu continuèroit éternellement son mouvement en ligne droite, s'il ne rencontroit rien qui l'arrêtât.

Comme le Feu, s'il est assés violent, sond tous les corps & les rend fluides, nous tirerons sans doute de grandes tumiéres sur sa nature, si nous pouvons découvrir en quoi

consiste celle des fluides.

ET DE SA PROPAGATION.

En confidérant une portion de matiére comme un tout indivisible, on lui trouve deux diverses capacités de se mouvoir; l'une de parcourir l'espace en ligne droite dans un parfait parallelisme à soi-même; l'autre de tourner sur le centre de sa masse, & sans déplacer.

De ces deux capacités, il en naît par le mêlange une infinité d'autres; car la matière peut recevoir en même temps ces deux différents mouvements, comme le fait la Terre, qui parcourt fon cercle annuel presqu'en ligne droite, pendant qu'elle tourne encore sur son centre en 24 heures, & comme la vîtesse du mouvement axiligne peut différer en une infinité de façons, de celle du mouvement rectiligne; & encore le couper de tous les angles possibles, depuis le parallelisme de l'axe au mouvement rectiligne, jusqu'à o o degrés, il s'ensuit que ces deux premiers genres de mouvement en peuvent engendrer par toutes les combinaisons

dont ils sont capables, une infinité d'autres.

Mais on ne peut attribuer à la matiére d'autre capacité d'être mûë, & on peut même all'ûrer que le mouvement rectiligne est le seul naturel; car lorsque la matiére considérée comme un tout indivisible, tourne sur son centre, les parties de ce tout décrivent des cercles, & ont une véritable inclination de se mouvoir en ligne droite; elles ressemblent à la rouë du Coûtelier, dont les parties sont toûjours prêtes à échapper par la tangente, comme ces Ouvriers en ont quelquefois fait la malheureuse expérience aux dépens de leur vie ou de leurs membres, par les éclats échappés de leur pierre.

C'est le sentiment commun, que les parties des fluides sont divifées les unes des autres par le mouvement continuel de leurs parties; à quoi j'adjoûte que comme on ne peut pas attribuer à ces parties le mouvement rectiligne, elles ont nécessairement le mouvement axiligne, par lequel la division actuelle de toutes les parties est nécessairement produite,

& en conséquence la fluidité de leur tout.

C'est pourquoi il faut considérer tous les fluides, sans H ii

exception, comme des corps dont les parties sont fermes & indivifibles, femblables aux atomes infécables des Anciens, & qui se tiennent réellement divisés les uns des autres par le mouvement axiligne; division qui est d'autant plus parfaite,

que le mouvement axiligne est plus précipité.

Si on attribuë à un cylindre le mouvement axiligne, ce mouvement sera éternel, à moins qu'il ne se communique; & si on approche deux semblables cylindres, jusqu'à ce que

leurs circonférences se touchent, leur mouvement pourra encore être éternel malgré cette union, pourvû que les portions touchantes de leurs circonférences se meuvent en même

part & d'égale vîtesse.

Ainfi fi le cylindre B fe meut felon ABC, & le cylindre D felon EDC. il est manifeste que ces deux mouvements se concilient. & concourent vers le point C: ainsi la continuation de leur mouvement ne répugne pas à l'impénétrabilité de la matière: & qu'on suppose tant de cylindres qu'on voudra fur la même ligne BDF, si leur



mouvement axiligne est selon ABC, EDC, EFG, &c. ils feront compatibles, & leur durée fera éternelle.

Il n'en seroit pas de même si les cylindres se mouvoient comme ABC, CDE, EFG, car le mouvement des parties touchantes feroit directement opposé; alors il est évident que le mouvement axiligne doit se rallentir, mais comme le mouvement ne scauroit s'anéantir. & le cylindre C ne pouvant se réfléchir ni vers H, ni vers I, les cylindres B & F partageront la somme de mouvement axiligne perdu dans les trois cylindres, & le transformeront en mouvement rechiligne vers H & vers I. C'est ainsi que par la communication, le mouvement axiligne peut se transformer en mouvement rec'hiligne en tout ou en partie, c'est ce qui mérite toute l'attention possible, & qui aura son application ci-après. Au contraire, si deux corps se choquent sans

61

Ser est

que les centres de gravité se rencontrent directement, il est évident que leur mouvement rectiligne se rallentira, & qu'une portion d'icelui se transformera en mouvement axiligne.

De ceci il réfulte que le mouvement axiligne des parties des fluides ne scauroit subsister que par une cause toûjours renaissante; car si les cylindres B, D, F, se meuvent comme ABC, EDC, EFG, sans se nuire; lorsqu'on adjoûtera le quatriéme cylindre L, s'il se meut selon MLN, il s'opposera au mouvement ABC, & au contraire s'il se meut selon NLM, il s'opposera au mouvement EDC; & comme il ne sçauroit tourner que de l'une de ces deux manières, il faut nécessairement qu'il s'oppose au mouvement de l'un ou de l'autre des deux cylindres, & ainsi des autres qui seroient adjoûtés; & comme il en seroit de même des spheres que des cylindres, il en réfulte que le mouvement axiligne des parties des fluides, qui reffemble à un amas innombrable de spheres, ne peut se perpétuer de soi-même, à cause de la multitude infinie des frottements opposés, il faut donc qu'il soit perpétué par quelque être présent qui en ait la puissance.

S'il est quelque être capable d'opérer perpétuellement le mouvement axiligne des parties des fluides, il est constant que cet être doit exister en tous lieux, puisque le seu peut

y être produit.

Or quel être avons-nous présent en tous lieux? Ce n'est ni le Soteil, ni la Lune, ni les Étoiles, ni l'Eau, ni l'Air, ni la Terre, mais un être qui pénétre sans doute toutes ces substances, & dont la connoissance ne nous est parvenuë qu'à la faveur des expériences de l'Aimant, c'est le double cours de matiére subtile magnétique, qui ne ressemble en rien aux Eléments de Descartes; matière si déliée & si subtile qu'elle pénétre tous les corps, même tous les métaux, à l'exception du Fer & de l'Aimant, avec autant de facilité que l'air même.

Plufieurs révoquent en doute l'existence de ce double cours, & n'admettent qu'un seul courant de matière magné-

DE LA NATURE DU FEU

tique, par la raifon que deux courants contraires ne femblent pas pouvoir compatir; mais cette prétendué incompatibilité s'évanouit par des exemples qu'on ne fçauroit révoquer en doute; car fi on fuppose avec ceux qui nient le double cours, qu'il n'y en ait qu'un seul qui se meuve, par exemple, du Sud au Nord, il est constant que le vent du Nord au Sud subfiste avec lui forsque le cas arrive. Donc deux courants de matière peuvent subsister dans des directions diamétralement opposées.

Entre ceux à qui les expériences de l'Aimant sont familiéres, je crois qu'il ne s'en trouvera guéres qui ne soient convaincus, ou tout au moins persuadés de ce double cours, & peut-être que les réflexions suivantes pourront contribuer

à lever leurs doutes.

62

Soit une aiguille de Bouffole, dont l'une des deux branches foit d'Acier & l'autre de Cuivre, elle se dirige comme les autres, quoiqu'avec moins de vivacité; on peut déterminer la branche d'acier au Nord ou au Sud felon le fens dont on l'a touchée sur la pierre; lors donc qu'elle se dirige au Nord, n'est-il pas manifeste que c'est un courant du Sud au Nord qui l'y pousse & qui l'y conduit, comme le vent fait une girouette qu'il entraîne le plus qu'il est possible vers le lieu où il tend? Et au contraire lorsqu'elle est touchée pour déterminer la branche d'acier au Sud, n'est-il pas évident que c'est un courant du Nord au Sud qui l'y détermine, & par conféquent qu'il en est deux diamétralement contraires? car dans la supposition d'un seul courant, il est impossible de concevoir que la même aiguille puisse être déterminée tantôt vers le Nord, tantôt vers le Sud : au contraire il saute aux yeux que le bras d'acier doit être entraîné au de-là du Support, & il faut se faire violence pour penser qu'elle puisse retrograder vers le courant lorsqu'elle est touchée pour se diriger du côté où on le suppose.

Prouver qu'il entre de la matiére par chacun des deux poles d'une pierre, ou bien prouver qu'il en fort, c'est aussi prouver l'existence des deux courants; or se vous approchés

deux pierres avec de petites gondoles sur l'eau, en sorte que les poles de même nom se regardent, elles se chasseront l'une l'autre en arrière, ce qui prouve nettement qu'il sort de la matière par ces deux poles, car puisque ce sont des poles de même nom, on ne peut rien supposer qui ne leur soit commun; & comme les deux autres poles de ces mêmes pierres se chasseroient également, il en résulte qu'il sort de la matière par les quatre poles de ces deux pierres, ce qui démontre se double cours.

Entre les suppositions qu'on peut faire pour expliquer les phénomenes de la Nature, on ne doit point tolérer celles qui sont purement arbitraires, à moins que l'explication des phénomenes ne s'en déduise avec beaucoup de clarté & de supplicité. Mais lorsqu'outre l'explication des phénomenes, on appuye encore les suppositions par des raisons pertinentes, elles acquiérent des degrés de probabilité qui entraînent les suffrages, parcé que la raison de supposer, jointe à l'explication des phénomenes, approche souveit de la certitude d'une démonstration; ainsi je me persuade qu'on m'accordera l'existence du double cours, moins comme une supposition que comme une vérité démontrée par les expériences de l'Aimant, & qu'il est facile de confirmer par l'explication des phénomenes de cette pierre.

La communication du monvement étant une fuite nécéssaire de l'impénétrabilité de la mattére, l'impénétrabilité de la matière se prouve également par la communication du monvement, or en tous les êtres matériels, nous ne connoissons que l'Aimant & le Fer à qui le double cours communique marisfeltement son mouvement, ils sont done aussi les seuls que cette matéré ne seauroit commodément pénétrer, & qui lui fassent cette ne seauroit commodément pénétrer, & qui lui fassent seul par le seul que de la material de la communique de la communiqu

fiftance.

Cette réfishance que le double cours trouve à pénéprer l'Aimant, est la cause efficiente de toutes ses merveilles, car cette pierre est comme un crible qui épure la matiére du double cours, & qui fait que lorsqu'on approche deux de ces pierres par les poles de différents noms, le double cours

المحاولة والمحدد

DE LA NATURE DU FEU

pénétre mieux les poles intérieurs, que les extérieurs, parce que la matiére épurée qui fort de ces poles intérieurs, est réciproquement admise avec plus de facilité d'une pierre à l'autre.

Ainsi en divisant l'effort du double cours sur les poses de toutes les pierres en 100 parties, lorsqu'on approche deux pierres par les poles de différents noms, les efforts du double cours sur les poles extérieurs sont toûjours 100, pendant que les efforts sur les poles intérieurs, se rédussent à 99, 98, 97, 8cc. à proportion de la proximité & de l'excellence des deux pierres, parce que les efforts intérieurs sont d'autant moindres que la matière a été mieux épurée par les pierres, à qu'elle a eu moins d'espace à parcourir après sa sortie, pour se remêter dans la masse générale du double cours.

Or dès que les impulsions sur les deux poles d'une même pierre ne sont plus équilibres, & que l'effort sur le pole intérieur est moindre que sur l'extérieur, il s'ensuit nécessairement que la pierre doit être poussée par la plus grande impulsion vers la moindre; c'est-à-dire, du pole extérieur vers l'intérieur, & par conséquent que les deux pierres doivent s'approcher.

Je pense qu'il est impossible de déterminer en quelle raison l'équilibre des efforts réciproques du double cours est rompu, parce que nous ne connoissons du avitesse du mouvement de ce double cours, ni quelle est la mesure de la résissance que l'Aimant lui fait.

Nous (cavons néantmoins qu'il y a des Aimants qui foîllevent jufqu'à 20 livres & au de-là, quoique les surfaces touchantes d'entre s'armune & le crochet n'ayent pas 1 ligne de large sur 12 de long, & si la raison selon laquelle t'équilibre est rompu, étoit seulement d'une centième partie, c'està-dire comme 99 à 100, il s'ensuivroit que les essorts de chacun des deux courants seroit de 2000 livres sur une surface de 12 lignes; car si l'unité pour distérence produit 20 livres, la force totale 100 produira 2000, livres, s'est

Davantage

6

Constitution of the second

Davantage comme l'impénétrabilité de l'Aimant n'est pas totale, puisque réellement le double cours le pénétre, quoiqu'avec quelque difficulté, fi on divise encore en 100 degrés tous les cas possibles depuis l'impénétrabilité totale jusqu'à la pénétrabilité parfaite, & qu'on n'attribuë à l'Aimant qu'un feul degré d'impénétrabilité, il s'ensuivra encore que le double cours ne comprimera les deux poles de l'Aimant que d'une centiéme partie de sa puissance réelle : or si cette centiéme partie sur une surface de 1 2 lignes peut valoir 2000 livres, l'impénétrabilité totale peut valoir 200000 livres sur la même surface, ce qui fait appercevoir l'immensité de la puissance de ce double cours, puissance néantmoins qui ne se communique aucunement aux corps qu'elle pénétre parfaitement, par la raison susdite, que la communication du mouvement est une suite nécessaire de l'impénétrabilité de la matiére; & au contraire, que l'impénétrabilité de la matiére est une suite nécessaire de la communication du mouvement.

Il est vrai qu'en n'attribuant à l'Aimant qu'une centiéme partie de l'impénétrabilité totale, & de même une centiéme partie feulement à la raison selon laquelle l'estor réciproque du double cours est rompu, ces deux suppositions sont purement arbitraires; en quoi j'ai eu dessein de faire appercevoir ce qui est par ce qui peut être; car si on peut réduire ces deux suppositions vers le moins, on peut aussi les augmenter vers le plus; en sorte que quoique la puissance du double cours soit impossible à déterminer, on apperçoit néantmoins qu'esle est sans doute infiniment grande.

En effet étant convaincu de l'exiftence de cet être immense, quant à l'étenduë, il ne reste pas beaucoup de chemin à faire pour lui attribuer une extrême puissance, parce que les êtres ne sont pas créés en vain, & la direction de l'Aiguille aimantée n'est certainement pas l'unique sin pour laquelle cet être a été créé; sa vaste étenduë & son extrême puissance sont entrevoir en lui le mobile de l'Univers; car d'où tous ces grands globes emprunteroient-ils leurs mou-

Prix 1738.

vements, si ces mouvements étoient rectilignes. On pourroit peut-être leur attribuer une durée éternelle, mais le mouvement des Aftres étant circulaire, il faut que quelque mobile invisible les guide perpetuellement; & comme le Feu et plein de mouvement, il est probable qu'il l'emprunte de ce même mobile dont il dépend, ainsi que tous les autres phênomenes de la Nature.

Après avoir déclaré l'agent par lequel le Feu est produit; voyons en quoi confiste la fermeté des corps qu'il peut

diffondre.

Tous les corps sentibles ne sont autre chose qu'une multitude innombrable d'atomes insécables réunis, mais je n'estime pas (comme on l'a fait jusqu'à présent) que le sent contact de ces atomes suffise à opérer la sermeté de leur union. Il est impossible de concevoir que la fermeté du Diamant procéde de ce seul contact, il saut que quelqu'autre cause intervienne à former cette dureté: en effet, j'en trouve une qui me paroit sensible, & qui me sait appercevoir que sans elle tous les corps sensibles ne seroient que de purs amas de poudre, sans fermeté ni consistance.

Cette cause consiste uniquement dans la pression de la masse universelle du double cours; & voici comme j'en

explique l'effet.

On doit fans doute attribuer l'impénétrabilité parfaite aux atomes infécables dont les êtres fenfibles font compolés, fans quoi leur effence feroit incompréhenfile: or fi un de ces atomes infécables nage dans la matiére du double cours, il doit en être comprimé de toutes parts, parce qu'il én eft enveloppé, & qu'il occupe un espace qui feroit rempli dans l'infant par le double cours, si Dieu le réduisoit au néant. On peut conjecturer ce que cette pression pourroit être, si l'Univers étoit plein, comme Descartes l'a supposé; car il est manifeste en ce cas qu'un seul atome créé, le soûleveroit de toutes parts pour acquérir sa place.

Si deux de ces atomes infécables se rencontrent & se touchent par deux petits plans, ils se colleront l'un à l'autre,

- 343

parce que la matiére du double cours cessant de s'appuyer fur les surfaces intérieures touchantes, cessera austi de les y comprimer, pendant qu'elle continuëra sa pression ordinaire sur les surfaces extérieures qui seront poussées vers le centre de figure des deux atomes.

Si un troffiéme atome rencontre les deux premiers, en forte qu'il les touche tous deux, il pourre encore leur être uni par les furfaces touchantes, par la même preffion fur les furfaces extérieures; mais l'irrégularité de figure des trois atomes formera quelqu'intervalle entre les fix furfaces touchantes, & le double cours continuêra fon mouvement par cet intervalle, & d'en preffer les furfaces intérieures; il en fera de même du quatriéme atome, du cinquiéme & de tous ceux qui feront adjoûtés pour former un corps fenfible dont la fermeté fera relative à la quantité des furfaces intérieures ou extérieures fur lesquelles le double cours continué fa preffion vers les furfaces touchantes; d'où il réfuite que les corps les plus durs font ceux qui ont une plus grande multitude de pores, & dont les atomes font d'un genre fort délié.

Il ne faut pas confondré la pression du double cours avec l'effort de son mouvement rectiligne; ce sont deux choses très-diffinctes: par exemple, la pression de l'air est entiérement distincte de l'effort du vent, la pression de l'air fait monter l'eau dans les pompes, pendant que ce même air agité d'un mouvement rectiligne arrache les arbres des campagnes; de même la pression du double cours est autre chose que l'effort de son mouvement rectiligne. Nous venons de voir que la fermeté des corps procéde de cette pression, & celle de l'air peut nous en fournir un bel exemple; car fi on prend plusieurs bandes de Glace de Venise, épaisses d'une ligne, larges de fix, & longues de 48, & qu'on en dispose fur un plan horifontal quatre du Nord au Sud à un pouce d'intervalle, puis quatre autres fur celles-ci d'Orient en Occident, successivement quatre autres du Nord au Midi, &c. jusqu'à ce qu'il se forme un tout cube dont la racine

I i

soit quatre pouces, ce tout sera au respect de l'air qui le tiendra uni, ce que tous les corps sont au respect du double cours. Car l'air ne comprimant aucunement les surfaces touchantes, pesera seulement sur les surfaces qui ne se touchent point, au milieu de ce tout, comme à ses extrémités, & formera de toutes ces bandes un corps solide & en quelque forte poreux, puisqu'il sera rempli d'intervalles, & la fermeté de ce tout sera relative à la pression de l'air sur les surfaces oppofées aux touchantes.

Il en est de même de tous les corps sensibles, qui, sans la pression du double cours, seroient, comme je l'ai déja dit, de purs amas de poudre fans aucune confiftance.

La diverfité des corps fenfibles dérive de la diverfité des figures & grandeurs des atomes dont ils sont composés; & comme Dieu en a pû créer d'une infinité de grandeurs & figures, les corps homogenes peuvent être nombreux en especes différentes; & comme il est une infinité de corps hétérogenes, les êtres fenfibles peuvent être variés en une infinité d'especes par les différentes combinaisons des atomes de toutes figures & grandeurs:

Après l'examen de ce en quoi la fermeté des corps confiste, poursuivons la recherche de ce en quoi consiste leur

diffolution.

En considérant un atome flottant dans la matière du double cours, sans pouvoir être entraîné ni par l'un ni par l'autre, parce que leurs efforts sont équilibres, il ne paroît pas possible qu'il demeure immobile entre deux courants rapides qui se pénétrent mutuellement & dans des directions diamétralement opposées: il faut donc que l'atome reçoive le mouvement axiligne, de même qu'une boule tourne sur elle-même lorsqu'elle est entre deux plans qui se meuvent d'égale vîtesse & selon des directions opposées & paralleles.

Or entre les propriétés de la matière, il en est une trèsremarquable, qui confifte en ce que la furface d'un corps est toûjours d'autant plus grande, que sa masse est moindre & plus différente de la figure sphérique; d'où il est évident

= 35

qu'un atome flottant dans la matiére du double cours participera d'autant mieux à son mouvement, que sa massie sera moindre & plus différente de la figure sphérique, parce que la communication du mouvement se sait par les surfaces choquées, & que les corps qui ont plus de surfaces, reçoivent nécessairement plus de mouvement de ceux qui les environnent; c'est ainsi qu'une voile avec peu de massie & beaucoup de surface, reçoit affés de mouvement pour ébranler un Vaisseau, & le transporter aux extrémités du Monde.

De ceci il réfulte que le double cours a en soi deux puisfances dont les effets sont tous contraires; par sa pression il unit tous les corps, & leur donfie cette liaison sans laquelle ils ne seroient que poudre; & par son mouvement rectiligne, il tend à opérer leur dissolution par le mouvement axiligne qu'il peut imprimer aux atomes dont ils sont composés.

De ces deux puissances, celle qui opére l'union est plus grande que celle qui opére la dissolution au respect des atomes qui composent les corps sermes, & même au respect de ceux qui composent la masse des eaux, parce que l'état naturel de l'eau est d'être glacée, & qu'elle ne se sond que par la préfence du Soleis.

Au contraire, la puissance qui opére l'union, est infiniment moindre que celle qui opére la dissolution au respect des atomes qui composent la masse de l'air; car ni la Nature, ni l'Art n'ont jamais pû figer l'air: ce n'est pas que ces deux puissances varient entr'elles, puisque la pression qui produit la force unissance, est toùjours la même, & que la vîtesse rectiligne qui produit la dissolutate, est aussi invariable; mais ces deux puissances agissent diversement sur propriétés des figures des atomes dont ils sont composés. En sorte que toute la disserence d'entre les sluides & les solides; consiste uniquement en ce que l'équilibre de ces deux puissances les trouve rompu en faveur du mouvement axiligne au respect des atomes des solides. & en saveur du repos au respect des atomes des solides.

La diffolution des corps peut être produite non-seulement

par le Feu, mais encore par toutes les manières dont le mouvement se communique. Car si on suppose un corps ferme quelconque, dont la largeur soit 10, la prosondeur 10, & la longueur 100, appuyé par se extrémités sur deux points fixes, & chargé au milieu d'un fardeau quelconque, ce fardeau le fera d'abord plier, puis s'il est assessibilitant, il

le fera rompre.

Or lorsqu'un corps ferme plie, la surface convexe s'étend & s'allonge, ce qu'elle ne sçauroit faire que tous les atomes de la contexture ne se divisent réellement les uns des autres; néantmoins tant que la division d'entre les surfaces des atomes est moindre que les diametres des parties du double cours, la rupture ne s'enfuit pas, & la division n'est pas parfaite, parce que la pression du double cours sur les surfaces presque touchantes étant encore nulle, la pression sur les furfaces oppofées opére encore l'effet de les rapprocher jusqu'au contact, & c'est en cela que consiste la vertu élastique des corps; car comme les atomes qui composent leur contexture, font, pour ainsi dire, innumérables, il est évident que les divisions imparfaites sont en aussi grand nombre que les atomes qui se rencontrent sur une seule ligne tracée surla furface convexe, & que ces divisions imparfaites produifent par la multitude, une grandeur sensible qui allonge la furface convexe, & permettent fon extension avant la rupture, jusqu'au point où ces divisions imparfaites s'ouvrent à la mesure des diametres des atomes du double cours.

De-là il est sensible que lorsque la puissance qui forçoit le corps ferme à plier, cesse avant sa rupture, toutes les divissons imparsaités de la surface convexe se rapprochent jusqu'au contact par la pression du double cours sur toutes

les furfaces opposées.

Ceci fournit une occasion d'apprécier affés exactement en quelle raison le plus grand espace possible des divisions imparfaites est au volume des atomes des corps sensibles, &c par conséquent en quelle raison les atomes des corps sensibles sont aux atomes dont le double cours est composé: car

100 00

si un filet de verre suspendu perpendiculairement à l'horison, & long de deux pieds, s'allonge d'une ligne avant la rupture, il est évident que comme deux pieds sont à une ligne, ainsi un des atomes de ce filet de verre a son intervalle possible avant la rupture, ce qui est à peu-près comme 1 à 300; d'où il résulte que les diametres des atomes du double cours sont à ceux des atomes des corps sensibles, tels que le Verre, le Marbre & sensiblables, comme 1 à 300, & par conséquent que leurs masses disserted que leurs masses disserted prome l'unité à 27 millions.

La rupture des corps ne différe en rien de leur diffolution totale qu'en quantité, mais comme le Feu peut opérer cette diffolution totale sans le secours d'aucun fardeau, parcourons les diverses naniéres dont le Feu s'engendre communément, & profitons, s'il est possible, de ce que cette méditation

pourra nous offrir.

Nous ufons ordinairement du fufil d'Acier contre le Caillou, l'Agathe ou autre pierre dure dont le frottement vif avec le fufil, fait naître à l'inflant beaucoup d'étincelles que nous recevons fur le champignon de forest desséché, appellé amadouë, puis avec meche ou autre corps combustible soufré, nous

allumons enfin le Feu.

La plûpart des Orientaux l'allument avec bien moins de façons au moyen de deux morceaux de bois dont l'un qui eft plat, est percé d'un petit trou, puis l'autre étant aiguisé à la mesure de ce trou, & posé en l'ecluy, ils l'y font tourner avec rapidité, en le roulant entre les mains, comme on fait le bâton au Chocolat. Alors le frottement violent de la surface convexe du bois pointu contre la concave du bois percé, fait d'abord de la l'unnée, puis du s'eu.

Nous avons encore une autre maniére d'allumer du Feu fans frottements, en réuniffant les rayons du Soleil par réflexion avec miroirs concaves, ou par réfraction avec verres

convexes.

Outre les deux manières générales d'allumer du Feu par les divers frottements ou les diverses façons de réunir les rayons du Soleil, nous en avons encore une troiliéme qu'on Monifont, le appelle fermentation; le Feu s'allume en une infinité de facors feu de l'Hôtel par cette dernière, qui se produit ordinairement par le mêmé pri a tre lange de diverses substances.

mentation des linges fales de l'Office du

La Nature opére fouvent elle-même ce mêlange, tantôt de dans les airs où il engendre des feux de diverfes natures, comme l'éclair, & ce qu'on nomme Etoiles tombantes ou errantes, tantôt au sein de la Terre, où les feux ensemmes produisent ces soillevements que nous appellons tremblements de Terre, & qui se font sent le data de valtes espaces.

Entre ces trois façons générales dont le Feu s'engendre, eette derniére paroit la plus propre au deffein que nous avons de découvrir la nature du Feu, parce que nous le voyons fouvent engendrer fans autre myftere que le mélange de deux fluides: & comme nous avons déja acquis quelques lumiéres fur la nature des fluides, & principalement fur ce en quoi la fluidité confifte, nous aurons plus de facilité d'aller en avant, parce que les choses connués ôteront une partie de l'obscurité qui se rencontreroit dans notre recherche, si tout étoit à connoître.

Quoiqu'en général les Chimiftes ne distinguent que cinq principales substances dans les végétaux & les minéraux, séavoir, l'Esprit, l'Eau, le Soufre, la Terre & le Sel, néantmoins on peut penser avec raison que les atomes insécables étant susceptibles de toutes sortes de figures & grandeurs, peuvent être infiniment plus nombreux en especes différentes, relativement à la variété de seurs figures & grandeurs.

Entre les figures solides, il y en a deux principales qu'on peut considérer comme les deux extrêmes, sçavoir la Sphére & la Pyramide; car la sphére est le plus grand nombre des plans possibles pour terminer un solide, & la pyramide formée de quatre angles solides, est le moindre.

Les folides font susceptibles de trois genres de variété, le premier est d'être diversément figurés à l'extérieur, le fecond d'être plus ou moins étendus, & le troiséme d'être pleins ou concaves. Ces trois genres de variété sont innumérables, on ne seuroit dénombrer les figures dont les solides.

font

font susceptibles, ni leurs divers degrés de grandeur ou de petitesse, non plus que celle de la concavité qu'ils peuvent contenir concentriquement ou excentriquement; car une sphere peut contenir une concavité sphérique ou triangulaire concentrique ou excentrique; il en est de même de la pyramide grande ou petite, pleine ou concave, & dont la cavité peut être sphérique ou pyramidale, concentrique ou excentrique.

Outre ces deux premiers genres de folides, il y en a une infinité d'autres, & autant peut-on adjoûter de nombres depuis quatre jufqu'à l'infinité, autant peut-on aufi adjoûter de plans aux quatre premiers pour former des folides différents. Si ces plans font tous égaux, ils formeront des figures régulières qui s'approcheront de plus en plus de la fiphérique, & qui s'en éloigneront au contraire d'autant plus qu'ils feront inégaux; ainfi la fiphere ne devient elliptique que par l'inégalité des plans qui la forment, & l'Ellippé à fon tour ne devient irrégulière que par l'inégalité des plans opposés ou collatéraux; il en est de même de la pyramide irrégulière, & de tous les corps folides possibles.

De ces réflexions, il réfulte qu'au lieu de cinq substances principales ou éléments des mixtes, il peut y en avoir d'une infinité d'especes différentes, à raison de la diversité des figures, grandeurs, concavité ou plénitude que Dieu a pû donner aux atomes inscables, je les nomme inséables, parce qu'il a pû les créer si fermes que nul agent créé ne puisse les rompre.

Auffi les Chimifles trouvent-ils dans les cinq fubfiances générales des Végétaux, une variété étonnante, les fels, les foufres & les efprits extraits de divers corps font tous diffemblables. D'ailleurs, outre les éléments ou corps fenfibles qu'on peut recueillir par la Chimie, il échappe à l'induftrie de cet art beaucoup de fubfiances volatiles que les vales ne peuvent contenir, & qui paffent legerement à travers de leurs pores, fans quoi on ne voit pas pourquoi le mélange de tous les extraits du Vin, du Cidre, ou autre liqueur, forme un tout qui ne leur reffemble plus.

Prix 1738.

DE LA NATURE DU FEU

Ces substances volatiles ne sont pas chimériques, car si on frotte de la Cire d'Espagne sur du drap, les esprits qui en sortent, sont si volatils qu'ils pénétrent parfaitement le Verre, puisque la vertu électrique de ces esprits ébranle les corps legers, comme paille, &c. au de-là du Verre.

Quelque figure qu'on puissé attribuer aux atomes insécables dont nos végétaux font composés, il est sensible qu'ils sont tous également susceptibles de repos ou de mouvement, & que le mélange de tous les genres d'atomes possibles ne fermenteroit jamais sans le secours d'un agent qui puissé en opérer le mouvement; car la fermentation de plusieurs fluides mèlés ensemble, n'est autre chose qu'une accélération du mouvement des atomes qui les composent: or par le premier des Corollaires résultants de l'axiome, que l'essence du mouvement ne périt jamais, l'accélération du mouvement procede de celui d'un corps visible ou invisible, par conséquent la sermentation étant une accélération du mouvement de ces fluides, elle est l'esse d'au gent actnellement présent, dont l'existence nous devient manifeste par son effet sensible.

Quel eft cet agent! c'eft le double cours de matiére magnétique auquel le mêlange. des atomes de divers genres fait un plus grand obflacée que de coûtume, cet obflacle confifié en l'obstruction qui arrive à la pénétrabilité diamétrale des deux courants magnétiques opposés; plus l'obstruction est grande, plus le double cours restrué vers la détermination opposée à celle qui but est naturelle, & plus il fait d'esfort pour la diffiper, comme un Fleuve arrêté par fa digue cleve ses eaux, & pele d'autant plus sur elle que son ressure est grand.

L'obstruction des deux courants est donc la cause générique des sermentations des sluides, elle sait que leurs atomes insécables accélérent leur mouvement axiligne, & comme nous avons vû ci-dessus, que les frottements opposés des atomes qui se touchent pendant le mouvement axiligne, sont incompatibles; les atomes de la surface extérieure de la masse qui fermente, prennent l'essor à la saveur du mouvement rectiligne, & se dissipent extérieurement jusqu'à

ce que la masse soit épuisse; & comme on ne peut pas attribuer de bornes à la vitesse possible du mouvement axiligne, il en résulte que la dissipation de la masse que sermente, est d'autant plus prompte & abondante, que le mouvement axiligne de ses atomes est plus précipité, parce qu'alors les frottements oppossés sont si violents, que les atomes de la surface s'élancent avec plus de rapidité à l'extérieur: c'est en cela que conssiste la dissolution de la masse qui fermente, & si on nourrissoit cette masse d'une quantité égale à la dissipation, elle continuèroit de fermenter aussi long-temps que dureroit le soin de la nourrir, ce qui seroit relatif à la propagation du s'eu.

Lorsque la fermentation acquiert un certain degré de violence, & que la disfipation par la surface devient fort abondante, alors tous les atomes qui prennent l'estor à la faveur du mouvement rectiligne, fermentent de nouveau avec l'air; cette seconde fermentation devient plus vive que la première, parce que l'air est sui-même un ferment si vis, que l'Auteur de la Nature a donné la respiration à tous les animaux terrestres, afin d'entretenir leur principe de vie par une fermentation perpétuelle dont s'air est la nourriture.

C'est en cette fermentation vive de l'air avec les atomes qui prennent l'essor, que consiste la stamme; puis donc que la fermentation qui acquiert un certain degré de violence, engendre le Feu, elle doit être considérée comme un diminutif du Feu, & le Feu comme sa psénitude, parce qu'ils font l'un & l'autre de même nature.

Que l'air foit un ferment très-vif, on n'en sçauroit douter, car outre que la respiration des animaux le prouve, il est évident que les fouffiets des forges n'augmentent l'activité du seu que parce qu'ils le font sermenter avec plus de violence. Au contraire, les corps combustibles, même la Poudre à Canon sous la machine pneumatique, ont beaucoup plus de peine à brûler, parce que le désaut d'air diminuë la force de la sermentation. Les labours par lesquels on cultive la terre, ne tendent qu'à la rendre legere & friable, asin

K ij

DE LA NATURE DU FEU

que l'air abondamment mêlé & incorporé dans sa substance,

y fermente vivement lorsque l'eau la détrempe.

Dès que la flamme est l'effet d'une fermentation vive de l'air & des atomes qui prennent l'essor à la surface des liqueurs qui fermentent, il est évident que l'obstruction du double cours en devient plus grande, & que son reflux chasse l'air des environs de la flamme, ce qui est conforme à mille & mille expériences; car on ne remplit les Eolipiles, les Barometres & les Thermometres, qu'en chassant l'air de leur capacité par le moyen du feu-

Comme le centre de la matiére qui fermente en l'air, est l'appui des élancements de toutes les parties qui se disfipent par la circonférence, il est évident que ce centre est plus comprimé que la furface, par conféquent la matière qui fermente y est plus abondante, & si on divise parallelement à l'horison la masse qui fermente en trois tranches d'égale épaisseur, il est évident que la matière de la fermentation sera plus abondante à la tranche inférieure qu'à la moyenne, & à la moyenne plus qu'à la supérieure; d'où il réfulte que si le centre de la tranche supérieure a un pouce. d'étenduë où la matiére soit assés abondante pour fermenter avec l'air, celle de la moyenne en pourra avoir deux, & celle de l'inférieure trois; par conféquent la masse qui fermente en l'air sera pyramidale, & si elle ne l'est pas exactement, cela procede de ce que la fermentation avec l'air n'est pas à sa perfection au premier instant où les atomes prennent l'effor, mais seulement à peu-près au tiers de la hauteur de la flamme.

Non-seulement les liqueurs peuvent fermenter ensemble. mais encore les corps fecs entr'eux, comme l'extrait d'Alun de Roche avec le tiers de son poids de farine, dont on fait avec le fourneau, une poudre inflammable qui brûle le papier ou autre corps combustible sur lequel on la pose; de même les diverses substances dont les corps combustibles sont formés, peuvent fermenter entr'elles, pourvû que le feu en ait dissout une partie suffisante, laquelle par son contact

avec ce qui n'est pas encore dissous, continuë la dissolution lorsque le corps est suffisamment combustible, parce que les parties déja dissoluës ayant reçû le mouvement axiligne. choquent de leurs angles celles qui font encore adhérentes au corps combuftible qui brûle, & les détachent ainsi l'une après l'autre, puis les nouvelles détachées détachent à leur tour les autres, pendant que les anciennes prennent l'effor à cause des frottements opposés des divers mouvements axilignes; c'est ainsi que se continue la dissolution du corps combustible (une fois allumé) jusqu'à son entière destruction.

Quant aux corps qui font moins combustibles, la dissolution totale peut aussi s'achever, pourvû que le Feu soit embrafé entre beaucoup de furfaces, comme entre plufieurs buches, parce qu'alors la fermentation se nourrit non-seulement par le contact des furfaces embrafées aux parties qui touchent immédiatement l'embrasement, mais encore par l'élancement des atomes des furfaces embrafées vers les autres furfaces auffi embrafées, qu'elles choquent, rompent & pénétrent profondément par l'effort de leur double mouvement, dont l'un est axiligne, parce que l'atome nage dans la matière du double cours, & l'autre rectiligne, pour avoir pris l'effor par l'incompatibilité des frottements des mouvements axilignes touchants; en forte que les surfaces qui se regardent, s'élancent mutuellement des atomes qui contribuent à leur diffolution.

Enfin la diffolution des corps peu combuftibles peut encore être favorifée par une troifiéme circonflance, qui se rencontre nécessairement lorsque la masse embrasée devient plus grande; car alors la circonférence étant moindre, à raison de la masse, la dissipation des atomes qui prennent l'effor est aussi moindre, & conséquemment l'embrasement plus durable.

Il se présente une question incidente, sur laquelle je ne

puis me retenir de lâcher quelques conjectures.

Pourquoi la diffolution des atomes des corps combuftibles fait-elle varier en eux cette qualité qui les rendoit pesants

lorsqu'ils étoient réunis en corps fermes ou liquides; en sorte qu'au lieu de tendre au Nadir, comme ils faisoient avant la diffolution, ils tendent au contraire au Zénit après qu'elle est accomplie? Une expérience familière à tout le monde, me paroît indiquer le chemin de développer ce mystére. Il n'est personne qui dans l'enfance n'ait joué à la toupie ou au sabot, & je ne vois pas qu'on se soit mis en peine d'expliquer pourquoi l'axe du fabot, fouvent oblique à l'horison, se redresse verticalement, & éleve en même temps le centre * Nota. Cette de gravité vers le Zénit, autant qu'il lui est possible *.

question me femble mériter gramme.

Il est évident que le mouvement axiligne empêche ici d'être la ma- l'effet ordinaire de la gravité du sabot, car lorsqu'il en est dépourvû, il trébuche aussi-tôt. Il y a beaucoup d'apparence que le mouvement axiligne des atomes produit quelqu'effet équivalent pour les élever au Zénit; ce qui concourt à faciliter la diffolution de tous les corps qui en sont susceptibles, sans quoi l'essor que les atomes prennent par l'imcompatibilité des mouvements axilignes, feroit bientôt rallenti par la réfiftance de l'air; par exemple, l'eau d'un étang, au lieu de s'élever en vapeurs, ne s'éleveroit peut-être pas plus d'une toife au-dessus de la surface, & retomberoit incontinent comme une rosée, ce qui empêcheroit l'évaporation des eaux de cet étang. Je finis par conclurre du contenu en cette dissertation.

> que le Feu n'est autre chose que la dissolution des corps combustibles par un agent invisible qui est le double cours, & qui communique son mouvement lorsqu'il y a obstruction à la pénétrabilité diamétrale & réciproque des deux courants; on ne voit aucun être que ce double cours, qui étant actuellement présent en tous lieux, puisse être le mobile des phénomenes de la Nature, & qui puisse encore nous être commun avec les Aftres qui, comme le Soleil & les Etoiles fixes, font des feux permanents, dont les effets parviennent julqu'à nous; feux qui néantmoins doivent avoir une caule

> semblable, car le feu émané des rayons du Soleil, ne différe en rien de celui que nous tirons du caillou; par conféquent

il est de même nature que le nôtre, & la même cause le produit.

La Lumière a été dans tous les temps l'admiration des Philofophes, la prodigieuse vîtesse de son émanation a même donné lieu de penser qu'elle étoit momentanée; mais les observations de M. Roëmer ont prouvé qu'elle est successive, & qu'elle employe environ 22 minutes pour traverser l'orbe annuel de la Terre. Il est vraisemblable que la lumière se transmet dans la masse du double cours, comme le son dans la masse de l'air, fans aucun transport de la masse, mais uniquement par son frémissement, de la même manière que si une corde de cent braffes est tendué comme celle qui sert au tirage des bateaux; si on frappe un coup de bâton sur une des extrémités de la corde, il se forme tout le long de la corde un mouvement ondoyant, qui la parcourt-avec beaucoup de rapidité, & il est manifeste que plus la corde est tenduë, plus grande est aussi la vitesse dont ce mouvement parcourt la corde; & comme la Puissance divine est sans bornes, on peut supposer un cable d'une longueur, d'une force & d'une tension si grande, que la vîtesse du mouvement ondoyant passe en un instant l'orbe annuel de la Terre, & à plus forte raison en 22 minutes.

Or si au lieu d'un cable tendu, on suppose une matiére également pressée en toutes ses dimensions de la circonsérence au centre, il arrivera à cette matière, à proportion de sa pression, ce qui arriver au cable à proportion de sa tension, se toute la distrence qu'on peut y remarquer, est que le son, ou la lumière, s'étend d'un centre à une circonsérence, & ébranle des pyramides, & non des filets d'un égal diametre en leur longueur. Mais on peut également supposer un cable pyramidal, & concevoir aussi sa force, sa longueur & sa tension, telle que le mouvement ondoyant puissé encore parcourir l'orbe annuel en 22 minutes, ce qui donne à sa comparaison toute la parité desirable.

De ceci on peut conclurre (& il n'y a rien qui y répugne) que l'orsque l'air fermente avec plusieurs corps hétérogenes 80 DE LA NAT. ET DE LA PROPAG. DU FEU. dont toutes les parties, ainfi que les fiennés, tournent fur leurs centres, les frottements font fi grands & fi violents, qu'ils font frémir la matiére du double cours, comme les vibrations d'une corde d'inftrument, l'air; & que c'ét en cela que confife la caule générative de la lumière dont la vîteffe elt relative à la preffion de l'Univers, & non pas à la force de la lumière; comme la vîteffe du fon est relative à la preffion de l'air, & non pas à les différents degrés de force ni à fes différents modes entre le grave & l'aigu, d'où il est apparent que fa vîteffe est plus grande lorsque le Barometre est au beau-fixe, que lorsqu'etant à tempête, le Vif-Argent se trouve près de deux pouces plus bas.

FIN de la troisiéme Piece.

PIECES

QUI ONT ETE PRESENTEES

DES SCIENCES,

POUR CONCOURIR AU PRIX
de l'année 1738.



AVERTISSEMENT.

LES Auteurs des deux Pieces suivantes s'étant fait connoître à l'Académie, & luy ayant marqué qu'ils souhaitoient qu'elles sussent imprimées, l'Académie y a consenti volontiers, sur le témoignage que lui ont rendu les Commissaires du Prix, que quoiqu'ils n'ayent pû approuver l'idée qu'on donne de la Nature du Feu, en chacune de ces Pieces, elles leur ont paru être des meilleures de celles qui ont été envoyées, en ce qu'elles supposent une grande lecture & une grande connoissance des bons ouvrages de Physique, & qu'elles sont remplies, de beaucoup de faits très-bien exposés, & de beaucoup de viïes.

La Piece N.º 6, qui a pour Devife,

Ignea convexi vis, & fine pondere cœli
Emicuit, fummâque locum fibi legit in arce.

Ovid.

est d'une jeune Dame d'un haut rang.

Et la Piece N.º 7, qui a pour Devise,

Ignis ubique latet, naturam amplectitur
omnem,

Cuncta parit, renovat, dividit, unit, alit. est d'un de nos premiers Poetes.





DISSERTATION

SUR

LA NATURE ET LA PROPAGATION

DU FEU.

Ignea convexi vis, & fine pondere cœli Emicuit, summâque locum fibi legit in arce.

PREMIERE PARTIE.

De la Nature du Feu.

INTRODUCTION.

I E Feu le manisette à nous par des Phénomenes si difféqu'il paroît impossible de connoître entiérement la nature: il échappe à tout moment les prises de notre esprit, quoiqu'il foit au-dedans de nous-mêmes, & dans tous les corps qui nous environment.

Combien i est dissicile de lésinir le Feu,

T.

En quoi la Lumière & la Chaleur différent.

La chaleur & la lumiére sont de tous les efféts du Feu ceux qui frappent le plus nos sens; ainsi c'est à ces deux signes

L iij

86 DISSERTATION SUR LA NATURE

qu'on a coûtume de le reconnoître, mais il semble qu'une attention un peu réfléchie aux phénomenes de la Nature, peut faire douter si le Feu n'opére point sur les corps quelque effet plus universel, par lequel il puisse être défini.

Plus l'esprit humain s'étend, plus la Philosophie devient éclairée, plus nous apprenons à douter. La Géométrie a sçû regler la marche irréguliére de la Physique, elle lui a appris à s'appuyer toûjours du bâton de l'expérience, & à ne jainais conclurre du particulier au général; ainsi quoique la ch-leur & la lumière soient fouvent réunies, il ne s'ensuit pas qu'elles le soient toûjours; ce sont deux effets de l'être que nous appellons Fen, mais ces deux propriétés, de luire & d'échauster, constituent-elles son essence ne peut-il être dépouillé! le Si le Feu et Feu enfin et-il toûjours chaud & lumineux!

Si le Feu est toûjours chaud & lumineux.

Lumiére fans chaleur dans les seyons de la Lune. Plusieurs expériences décident pour la négative.

1.º Il y a des corps qui nous donnent une grande lumière fans chaleur : tels font les rayons de la Lune, réunis au foyer d'un verre archent (ce qui fait voir en paffant flafurdité des Aftrologues) on ne peut dire que c'est à cause du peu de rayons que la Lune nous envoye; car ces rayons font plus épais, plus denses réunis dans le foyer d'un verre ardent, que ceux qui fortent d'une bougie; & cependant cette bougie, que dis-jet la plus petite étincelle nous brûle à la même distance à laquelle les rayons de la Lune réunis dans ce foyer ne font aucun effet sur nous.

Ce n'est point non plus parce que ces rayons sont réfléchis, car les rayons du Soleil réfléchis par un miroir plan, & renvoyés sur un miroir ardent, sont, à très-peu de chose près, les mêmes esfets que lorsque le miroir ardent les reçoit di-

rectement.

Ce ne peut être enfin à cause de l'espace qu'ils parcouvent de la Lune ici, 90000 lieuës de plus ne pouvant faire perdre aux rayons une vertu-qu'ils conservent pendant 3 3 millions de sieuës; peut-être cet esset doit-il être attribué à la nature particulière du corps de la Lune, & peut-être les Satellites de Jupiter & de Saturne donnent-ils quelque

ET LA PROPAGATION DU FEU. chaleur à ces Planetes, quoique notre Lune ne nous en donne point.

Les bornes de nos sens sont si étroites, qu'il ne nous est guéres permis de rien affirmer sur leur rapport, ils suffisent aux besoins de notre vie, mais si la connoissance de la vérité en étoit un, ils seroient bien imparfaits; ainsi quoique les rayons de la Lune, quelque rassemblés qu'ils puissent être. ne nous donnent aucune chaleur, quoiqu'ils ne fassent aucun effet sur le Thermometre qui a sur la chaleur le tact plus fin que nous, ils feroient peut-être chauds pour des êtres dont les sens seroient plus parfaits que les nôtres; donc quoiqu'il soit très-vraisemblable que les rayons du Soleit perdent leur vertu brûlante, quand ils font réfléchis par la Lune, quoiqu'ils ne fassent alors aucun effet sensible sur le Thermometre, nous ne devons cependant pas affurer qu'ils foient entiérement privés du pouvoir d'échauffer & de raréfier; nous fommes certains feulement qu'ils font incapables d'exciter en nous ce sentiment que nous avons appellé chaleur:

citeront jamais dans nous aucune chaleur. Les rayons échauffent d'autant moins que l'on monte plus haut au-dessus de l'Atmosphere, quoiqu'ils y donnent la même lumiére que près de la furface de la Terre; cependant ils sont plus purs en haut où l'Atmosphere est plus leger: donc la chaleur n'est pas essentielle au feu élémentaire : donc la chaleur & la lumière sont deux effets du feu très-différents.

peut-être inventera-t-on quelqu'instrument assés fin pour que la raréfaction qu'ils opérent vraisemblablement dans les corps, nous soit sensible, mais il est presque démontré qu'ils n'ex-

Il y a plufieurs corps dans la Nature qui font lumineux. & qui ne donnent point de chaleur; tels sont les Dails, les

Vers luifants, &c.

J'ai plongé des Vers luisants dans de l'eau très-froide, & L'eau n'éteins leur lumière n'en a point été altérée. Cette expérience s'ac- luifants. corde avec celle que le scavant M. de Reaumur a faite sur les Dails, dont l'eau fait revivre la lumière, loin de l'éteindre: ces phénomenes semblent être une nouvelle preuve que la

DISSERTATION SUR LA NATURE chaleur & la lumiére sont deux propriétés du feu très - différentes, puisque ce qui détruit l'une, ne fait aucun effet sur

Chalcur fans fumiére dans le Fer prêt à s'enflammer.

fautre.

2.º Il y a des corps qui brûleroient la main qui s'en approcheroit, & qui ne donnent aucune lumiére : tel est le Fer prêt à s'enflammer: donc le feu peut être privé de la lumiére comme de la chaleur.

, Ainsi la chaleur & la lumiére paroissent être au feu ce que le mode est à la substance; la lumière n'étant autre chose que le feu transmis en ligne droite jusqu'à nos yeux, & la chaleur, l'agitation en tout sens que ce même feu excite en nous.

Différente propagation de la lumiére & de la chalcur.

3.º La chaleur & la lumière se propagent différemment; la lumiére agit toûjours en ligne droite, & la chaleur s'infinuë dans les corps selon toutes sortes de directions : ainsi le feu ne nous éclaire jamais, qu'il ne soit dirigé en ligne droite vers nos veux, mais il nous échauffe d'autant plus que l'agitation qu'il cause dans les parties de notre corps se fait en tout sens; de plus, la vîtesse de la lumiére est infiniment plus grande que celle de la chaleur, mais on ne peut affigner en quelle proportion, car il faudroit connoître les différents degrés de vîteffe avec laquelle le feu pénétre dans les différents corps : ce qui est très difficile.

Autre différence entre la chaleur.

4.º Une autre différence très-remarquable entre la chaleur rence entre la & la lumière, c'est qu'un corps peut perdre sa lumière en un instant, mais qu'il ne perd sa chaleur que successivement; cette différence est une suite de la façon dont la chaleur & la lumiére agissent ; car pour faire périr la lumiére, il suffit d'interrompre la direction du feu en ligne droite; mais puifqu'il faut, pour exciter la lumière, qu'il pénétre les corps en tout sens, cette action doit être plus difficile à arrêter; ainsi si vous couvrés le miroir ardent d'un voile, la lumiére disparoît dans le moment à son foyer, & cependant un corps folide qu'on y auroit exposé, conserveroit long-temps la chaleur qu'il y auroit acquise, c'est encore pourquoi les corps fe refroidiffent lentement dans le vuide, quoiqu'ils s'y éteignent très-promptement.

ET LA PROPAGATION DU FEU.

5.° Si on vouloit s'appuyer de l'autorité, on diroit que Descartes (pour qui tout être pensant aura toûjours une grande vénération, même en combattant les erreurs où l'esprit de système l'a entraîné) Descartes, dis-je, composoit la lumière de son second élément, & le feu de son premier; qui justifie il ne donne à la vérité aucune raison de cette idée, & je ne cette opinion, prétends pas l'examiner ici, mais elle ne pouvoit être fondée que sur ce que ce grand homnie pensoit que la lumiére & la chaleur étoient deux choses très - séparées.

6.º La lumiére & la chaleur sont les objets de deux de nos fens, le tact & la vûë, & par cette raison même elles ne paroiffent point propres à constituer l'essence d'un être auffi universel que le feu. Ce sout des sensations, des modifications de notre ame, qui semblent dépendre de notre existence, & de la façon dont nous existons; car un aveugle modifications définira le feu ce qui échauffe, & un homme privé du tact de notre ame. universel, ce qui éclaire. Ils auront donc tous deux des idées différentes d'un même être, & celui qui seroit privé de ces deux sens, n'en auroit aucune. Or je suppose qu'il ait plû à Dieu de créer dans Sirius, par exemple, un globe dont les êtres n'avent aucun de nos sens (& il est très-possible que dans l'immensité de l'Univers il y ait de tels êtres) le feu ne seroit certainement ni chaud ni lumineux dans ce globe, & cependant il n'y seroit pas anéanti; il paroît donc qu'il faut chercher dans le feu quelque effet plus universel, qui ne dépende point de nos sens, & qui, par cette raison même, foit un figne moins équivoque de la présence.

7.º La nécessité d'un tel signe pour nous faire juger avec certitude de la présence du feu, paroît avec évidence par la fens nous tromfacon dont nos fens nous font juger de la chaleur des corps, feur, car un même corps nous paroît d'une temperature différente, felon la disposition où nous nous trouvons; ainsi lorsqu'on touche un corps avec les deux mains, dont l'une sort de l'eau froide, & l'autre de l'eau chaude, ce corps paroît froid & chaud en même temps. Les altérations qui arrivent à notre santé, changent encore pour nous la chaleur des corps; un

Prix 17 38.

po DISSERTATION SUR LA NATURE homme dans l'ardeur de la fiévre trouvera froid le même corps qui, dans son frisson, lui avoit paru chaud: donc la chaleur que les corps nous sont épreuver, ne peut nous faire juger avec certitude, du seu qu'ils contiennent.

II.

Quel est l'effet le plus universel du Feu.

Quel est donc l'esset le plus universel du seu? à quel signe pourrions-nous le reconnoître? je dis le reconnoître en Philosophes, car il est deux saçons de-connoître-les corps, & ceux qui étudient la Nature les voyent d'un autre œil que le vulgaire.

L'effet le plus universel du feu, c'est d'augmenter le volume de tous les corps.

Ce figne certain de la présence du seu, cet effet qu'il produit dans tous les corps, qu'on voit, qu'on touche, & qu'on mesure, qui s'opere dans le vuide avec la même facilité que dans l'air, c'est d'augmenter le volume des corps avant d'avoir enlevé leurs parties, de les étendre dans toutes leurs dimensions, & de les séparer jusques dans leurs principes lorsque son action est continuée; cet effet s'étend au de-là de la lumière & de la chaleur du seu, car l'air est très-rarésté sur le haut des Montagnes où la chaleur est insensible, & cette rarésaction de l'air qui est beaucoup plus grande que ne la donne la raison inverse des poids, doit être attribuée en partie au seu qui alors le raréste sans l'échauffer sensiblement.

L'eau qui bout à 212 degrés environ, & qui passé cela n'acquiert plus aucune chaleur par le feu le plus violent, s'évapore cependant à force de bouillir : or elle ne peut s'évaporer que sa raréfaction n'augmente, & que ses parties ne s'écartent de plus en plus les unes des autres.

Enfin une bougie que vous éteignés, & qui ceffe d'éclairer, s'évapore, & fe raréfie encore par la fumée qu'elle rend, &c. Donc la raréfaction précéde la lumiére & la chaleur, & leur furvit.

Il est vrai qu'il a fallu des expériences très-fines pour

ET LA PROPAGATION DU FEU.

découvrir cet effet universel du Feu; sa chaleur & sa lumiére ont été connuës sans doute bien long-temps avant qu'on se doutât de sa rarésaction: mais presque toutes les idées des hommes n'ont-elles pas besoin d'être résonnées par leur raison! La forme & le mouvement de la matiére ont été connuës bien long-temps avant son impériétrabilité, & personne, je crois, n'en conclurra que le mouvement & une certaine forme sont aussi inséparables de la matiére, que l'impériétrabilité.

On peut cependant faire plufieurs objections contre cette

définition du Feu.

1.º On peut dire que la raréfaction que le feu opére, ne

se manifeste pas toûjours à nous.

Mais il est de la nature du Feu que cela soit ainsi, le & réponse à feu est également répandu dans tous les corps (comme je ces objedions, le dirai dans la suite) ainsi nous ne pouvons nous appercevoir de ses essets quand ils sont les mêmes par-tout, il nous faut des différences pour être notre criterium, & pour nous conduire dans nos jugements. Nous n'avons point de signe pour connoître le seu lorsqu'il est ensermé entre les pores des corps, il y est comme l'air qu'ils contiennent, & qui ne se découvre à nous que lorsque quelque cause le dégage.

2.° Le Feu, dira-t-on, raréfie les corps en augmentant

leur chaleur.

Cela est vrai, mais je ne crois pas qu'on puisse en conclurre que ces deux effets sont la même chose, car nous nous appercevons de la raréfaction sans nous appercevoir de la chaleur; le Thermometre maque des variations dans l'air, dont nous ne nous appercevrions pas sans lui, & de plus cette raréfaction augmente encore, quoique la chaleur n'augmente plus, elle s'opére indépendamment de nos sens, mais sans ces sens, il n'y auroit point de chaleur, ainsi la chaleur accompagne quelquesois, mais elle ne cause pas la raréfaction.

3.° On dira peut-être que l'air & l'eau augmentent aussi le volume des corps, & qu'ainsi on ne peut faire de la raré-

faction la propriété distinctive du feu.

On ne peut nier que l'air & l'eau ne fassent cet effet sur M ij

Objections contre cette définition du feu, & réponfes à ces objections. 92 DISSERTATION SUR LA NATURE

les corps; mais en augmentant leur volume, ils ne les léparent pas julques dans leurs parties conflituantes, ils ne les font point s'évaporer, le quitter les unes les autres, comme fait le feu, ainfi l'espece de raréfaction qu'ils opérent quelquesois dans les corps, est essent est entre tracte de celle qui y est opérée par le feu; peut-être même cette raréfaction de l'air & de l'eau est-elle causée par le feu lui-même, car c'est par le mouvement que l'air & l'eau pénétrent dans les corps, & ce mouvement interne des corps ne leur vient que du seu qu'ils contiennent.

Il eft vrai que l'eau glacée augmente son volume, qu'elle furnage l'eau liquide, quoiqu'elle contienne beaucoup moins de feu qu'elle, mais ce phénomene doit être attribué à une cause particulière dont je parlerai dans la seconde partie de cet ouvrage, en traitant de la congélation de l'eau: ains je

ne m'étendrai pas davantage ici sur cet article.

4.° On peut dire encore que le feu ne raréfie pas tous les corps, que la corne, la crotte & beaucoup d'autres corps s'endurciflent au feu, y diminuent de volume : or ces effets font précifément le coutraire de la raréfaction, done la raréfaction ne peut être la propriété univerfelle du feu, puifqu'il y a des corps dans lesquels il produit des effets tout opposés.

Cette objection tombera d'elle même, fi.on fait réflexion que le feu n'endurcit ces corps, & ne les réduit fous un plus petit volume, que parce qu'il les a réellement raréfiés, parce qu'il a fait évaporer l'eau qui étoit entre leurs parties, & qu'alors les parties qui ont réfifté à fon action, font d'autant plus compactes, occupent d'autant moins de volume, que le feu a enlevé plus de matiére aqueule d'entre leurs pores.

5.° Enfin, les rayons de la Lune qui sont du seu, ne rarésent point les corps qu'on leur expose. Mais j'ai prévenu cette objection, en parlant des rayons de la Lune; il y a grande apparence, comme je l'ai dit, qu'il ne nous manque que des instruments affès sins pour nous appercevoir de la rarésaction qu'ils opérent, & de celle des corps qui paroissent.

ET LA PROPAGATION DU FEU. le plus se réfuser à cette action universelle du feu, comme le fable, &c.

Il est donc certain que le feu raréfie tous les corps qu'il La raréfaction pénétre ; cette raréfaction paroît être une des loix primitives des corps par le de la Nature, un des réflorts du Créateur, & l'effet pour des loix primilequel le Feu a été créé. Sans lui tout seroit compact dans tives de la Nala Nature; tous les corps s'uniroient par la force qui les porte les uns vers les autres, si le Feu ne s'opposoit sans cesse à leur adunation, & il ne peut s'y opposer que par la raréfaction; toute fluidité, & peut-être toute élasticité, toute électricité vient de lui; enfin, fans cet agent universel, fans ce souffle de vie que Dieu a répandu sur son ouvrage, la Nature languiroit dans le repos, & l'Univers ne pourroit

Sublister un moment tel qu'il est.

Si on osoit, on diroit qu'il n'y a peut-être que trois sortes de mouvements dans la Nature, le mouvement de projectile dans l'Univers, imprimé en ligne droite à tous les globes céleftes par le Créateur; le mouvement qui porte les corps les uns vers les autres, & qui les fait tendre tous perpendiculairement vers un centre; & le mouvement en tout sens, qui existe entre les parties internes des corps. Le feu paroît être la cause de cette troisième sorte de mouvement, ce mouvement dépend du feu que les corps contiennent dans leurs pores; ainfi que leur tendance vers un centre dépend de la quantité de leur matiére; c'est pourquoi il n'y a aucun corps qui ne contienne du feu, comme il n'y en a point qui étant abandonné à luimême, ne tende vers le centre de la terre (fi vous en exceptés

le feu lui-même. La rotation des Planetes sur leur axe est le seul phéno-mene de la Nature qui paroisse n'être l'esse d'aucun de ces des Planetes. trois mouvements; peut-être est-il la suite des deux premiers, il est très-possible que le Créateur ait imprimé à chaque partie solide de la matiére, à chaque atome indivisible, un mouvement de projectile, comme il lui a donné la tendance vers un centre. Tous les atomes de chaque globe, en obéiffant à ces deux directions, tourneroient dans des courbes infiniment,

Trois fortes

DISSERTATION SUR LA NATURE petites, de même que le globe entier tourne autour du Soleil, & le mouvement de ce globe autour de son centre résulteroit de ce mouvement particulier de tous les atomes qui le composent. Ce n'est pas ici le lieu d'examiner la possibilité de cette supposition, mais soit que la rotation des Planetes autour de leur centre se puisse expliquer par ce méchanisme, soit qu'il faille avoir recours pour cela à la volonté libre du Créateur, foit qu'elle soit causée par la fermentation violente d'un feu renfermé dans les entrailles de ces globes, il n'en est pas moins certain que tous les autres phénomenes de la Nature peuvent être déduits des trois fortes de mouvements, de l'existence desquels nous sommes certains; sçavoir, le mouvement de projectile des corps célestes en ligne droite, la tendance de tous les corps vers un centre en ligne perpendiculaire, & le mouvement quaquaversum dont le feu paroît être le principe *: ainsi loin que le mouvement soit la cause du seu, comme quelques Philosophes l'ont pensé, le feu est au contraire la cause du mouvement, ou (pour m'exprimer avec plus d'exactitude) d'une des directions du mouvement.

C'est ici le lieu d'examiner les raisons qui prouvent que le feu n'est pas le résultat du mouvement, mais qu'il est un être simple qui ne se produit & ne s'altére par aucune cause.

III.

Si le mouvement produit le Feu.

Le mouvement ne produit point le feu.

1.º Si le feu étoit le réfultat du mouvement, tout mouvement violent produiroit du feu, mais des vents très-forts, comme le vent d'Eff ou du Nord, loin de produire l'in-flammation de l'air & de l'atmosphere qu'ils agitent, produisent au contraire un froid dont toute la Nature le resient, & qui eff souvent funcste aux biens de la terre.

2.º Si le mouvement produisoit le seu, l'eau froide

* Je ne parle ici que des mouvements méchaniques, & non de celui que les créatures organifées ont le pouvoir de commencer.

ET LA PROPAGATION DU FEU. secouée avec force, s'échaufferoit; mais c'est ce qui n'arrive point, du moins d'une façon sensible, & si elle s'échauffe, c'est fort difficilement.

3.º Nous avons dans la Chimie des fermentations qui font baiffer le Thermometre, il est vrai que dans ces fermentations, les parties ignées s'évaporent, puisque la vapeur que le mélange exhale est chaude, ainsi ces fermentations mêmes sont causées par le seu qui se retire des pores des liqueurs, mais il n'en est pas moins vrai que la quantité de fen est diminuée dans les corps qui fermentent, & dont les parties sont cependant dans un mouvement très-violent : donc le mouvement de ces liqueurs les a privées du feu qu'elles contenoient, Join d'en avoir produit. Ce qui prouve encore ce que j'avance, c'est que dans ces fermentations, le mêlange fe coagule dans quelques endroits, preuve certaine que le feu qui se retire de ces liqueurs, est cause que leurs particules s'unissent avec plus de force, comme le scavant M. Geoffroy l'a très-bien remarqué.

4.º Les rayons de la Lune, qui sont dans un très-grand mouvement, ne donnent aucune chaleur.

5.º L'eau qui bout n'augmente plus sa chaleur, & cependant il faut bien que le mouvement de ses parties augmente,

puisqu'elles s'évaporent.

6.º Un mêlange de Sel ammoniac & d'huile de Vitriol produit une fermentation qui fait baiffer le Thermometre, mais si on y jette quelques gouttes d'Esprit de Vin, l'effervescence cesse, & le mêlange s'échauffe, & fait alors hausser le Thermometre. Voilà donc un cas dans lequel le mouvement étant diminué, la chaleur a augmenté : donc le mouvement ne produit point le feu.

7.º Si le Feu n'étoit pas un être à part, s'il étoit le Le feu ne se 7. Si le reu n'eton pas un ette a part, réfultat du mouvement, & qu'il convertit les autres corps forme de rien, & ne fe change en sa substance, il seroit en plus grande quantité dans certains en rien, corps que dans d'autres, selon qu'ils contiendroient plus ou moins de particules propres à le produire; mais tous les corps contiennent également du feu dans le même air (comme je

Tentamina

96 DISSERTATION SUR LA NATURE fe prouverai dans fa fuite): donc on eft obligé de conclurre que le Feu eft un être à part, qui ne fe forme de rien, & qui ne fe change en rien.

IV

Si le Feu a toutes les propriétés primordiales de la matière.

Mais quel est cet être? a-t-il toutes les propriétés primordiales de la matiére? enfin ce puissant agent est-il matiére? ou bien doit-on le regarder comme un être d'une espece particulière? Voilà ce que toute la sagacité des Boyle, des Mussichenbroek, des Boërhave, des Homberg, des Lémery, des S'gravesende, &c. n'a pû encore décider.

Non nostrum inter vos tantas componere lites.

Il femble qu'une vérité qui a échappé aux recherches de ces grands hommes, ne foit pas faite pour l'humanité. Quand il s'agit des premiers principes de la Nature, il n'y a guéres que des conjectures & des vrai-femblances qui nous foient permifes. Le Feu paroît être un des refforts du Créateur, mais ce reffort est fi fin qu'il ne peut être apperçû par nos foibles yeux.

Le feu est étendu, dixifible, &c. Nous voyons clairement dans le feu quelques-unes des propriétés de la matière, l'extention, la divitibilité, &c. II n'en eft pas de même de l'impénétrabilité & de la tendance vers un centre, on peut très-bien douter si le feu posseude.

ces deux propriétés de la matiére.

Il est certain que Dieu a pû créer une infinité d'êtres qui ne sont ni esprit, ni matiére, ainsi l'espace (dont l'existence est au moins possible) l'espace, dis-je, n'est ni esprit, ni matiére, quoiqu'il ait quelques-unes des propriétés de ces deux êtres; car il est étendu comme la matiére, mais il n'est ni mobile, ni impénetrable comme elle, il est impalpable comme l'esprit, mais il n'est point incommensurable comme lui, &c. Voilà donc un être d'une nature mitoyenne entre l'esprit & la matière, qui semble nous indiquer qu'il existe

une

ET LA PROPAGATION DU FEU. 97 une infinité de substances dans l'Univers, qui ne sont ni esprit ni matiére, & que la grande chaîne des êtres n'échappe à notre vûë, que parce qu'elle s'étend beaucoup au de-fà: or pourquoi le feu ne fera-t-il pas du nombre de ces substances? Il n'y a affürément nulle contradiction à le supposer, c'est donc à l'expérience à décider cette grande question, & à nous apprendre si le seu est grave & impénétrable; car peut-être ni grave, ni ims'il lui manque une de ces deux propriétés de la matiére, pénétrable. il n'est point matière; l'impénétrabilité & la tendance vers un centre étant les deux principales propriétés qui distinguent la matiére, de l'espace pur.

Le Feu est-il impénétrable!

Il paroît également difficile de nier & d'admettre cette propriété dans le feu; voici quelques-unes des raisons qui

peuvent faire douter de son impénétrabilité.

1.º Nous voyons à travers un trou fait dans une carte par une épingle, la quatriéme partie du ciel & tous les objets peuvent faire douter de l'imqui sont entre l'horison & nous dans cet espace : or nous ne pénétrabilité pouvons voir un objet que chaque point visible de cet objet du feu. n'envoye des rayons à nos yeux, ainfi la quantité prodigieuse de rayons qui passent à travers ce trou d'épingle, & qui s'y croifent fans se confondre, & fans apporter aucune confufion dans notre vûë, étonne l'imagination, & l'on est bien tenté de croire qu'un corps qui paroît se pénétrer si facilement, n'est point impénétrable.

2.º Le feu le plus puissant que les Hommes ayent rafsemblé jusqu'à présent, c'est celui du foyer du grand miroir du Palais Royal, ou du miroir de Lyon, & cependant on voit le plus petit objet discernable à travers le cône lumineux qui va fondre l'Or dans ce foyer, sans que cette épaisseur de rayons qui est entre l'objet & l'œil, affoiblisse en rien

l'image de cet objet.

3.º Une bougie porte sa lumiére dans une sphere d'une Prix 1738.

Raifons qui

98 DISSERTATION SUR LA NATURE demi-lieuë de rayon; or de quelle petitesse incroyable les particules qui éclairent tout cet espace doivent-elles être, pusqu'elles sont toutes contenues dans cette bougie? il est difficile de les y concevoir, si elles ne se pérétrent pas.

4.° M. Newton a démontré aux yeux & à l'esprit, que les couleurs ne sont autre chose que les différents rayons colorés, il faut donc pour que nous voyions les objets, que chaque rayon élémentaire se croise en passant dans la prunelle, sans jamais se confondre, & sans que le rayon bleu prenne la place du verd, ni le rouge celle de l'indigo, &cc. ce qui paroît presque impossible, si les rayons sont impénétrables.

5.° Le Verre qui transmet la lumière, a bien moins de pores que la Mousteline qui la réséchit presque entiérement. Les pores du papier huilé qui transmettent les rayons, sont bien moins grands que ceux du papier se à travers lesquels ils ne trouvent point de passage: donc ce n'est point la grandeur, ni la quantité des pores d'un corps qui le rendent perméable à la lumière, puisque le moyen de rendre les corps transparents, c'est de remplir leurs pores: donc il est bien vrai-semblable que le feu n'est point impénétrable, puisqu'il pénétre les corps indépendamment de leurs pores.

Mais ces raisons qui peuvent faire douter de l'impénétrabilité du feu, se trouvent combattuës par d'autres raisons

très-fortes.

1. Les rayons du Soleil font changer de direction à la fumée, & réunis par un verre ardent, ils fondent l'Or & les Pierres, & font faire des vibrations à un reflort de Montre que l'on a placé à moitié détendu dans le foyer de ce verre; or on ne voit pas comment il feroir poffible que le feu agît fi puissamment sur des corps aussi dans & aussi denses que l'Or & les Pierres, ni comment il pourroit sure faire des vibrations à ce ressort de Montre, s'il ne résistoit à l'essort que sont escorps pour s'opposer à son action: done il saut que les parties conssituantes du seu Goient dures, qu'elles ne soient point pénétrables, puisqu'elles opérent tous ces essets.

On peut répondre à cela que l'ame n'est pas un corps

Raifons en faveur de l'impénétrabilité ET LA PROPAGATION DU FEU.

folide, qu'elle n'est pas impénétrable, & qu'elle fait cependant remuer notre corps qui est composé de parties qui réfistent. Les Newtoniens pourroient encore adjoûter, que l'attraction n'est pas un corps, & qu'elle agit pourtant sur la matière, qu'elle se proportionne aux masses, &c. enfin que tout ce qui agit sur les corps, n'est pas corps, puisque Dieu certainement n'est pas matière, & qu'il agit cependant fur la matiére.

2.º Les rayons se réfléchissent de dessus les corps pour venir à nos yeux, or la réflexion emporte nécessairement l'élafficité du corps qui réfléchit : donc, puisque les rayons réfléchissent, il faut qu'ils soient composés de parties solides.

Mais on peut répondre encore que M. Newton a démontré que ce n'est point en rebondissant de dessus les parties folides des corps, que la lumière se réfléchit, & que par conféquent la réflexion de la lumière ne prouve point l'impénétrabilité du feu, que même ce phénomene de la réflexion prouve que la lumière n'est point impénétrable; car comment le rayon perpendiculaire retournera-t-il après la réflexion, par la ligne selon laquelle il étoit tombé, si dans cette ligne il rencontre une continuation de lui-même, qui lui réfutera par les parties folides, & l'empêchera par conféquent de retourner par la ligne déja décrite? Si on dit que ce rayon ne décrira pas tout-à-fait la même ligne, mais qu'il se détournera un peu, outre que ce seroit détruire un axiome d'Optique, qui passe pour incontestable, je demande quelle feroit la raison de cette déclinaison du rayon, & ce qui le détermineroit à décliner plûtôt à gauche qu'à droite? Si l'on me répond enfin, que l'extrême porofité que le Microscope découvre dans les corps soûmis à nos recherches, nous porte à croire que la ténuité des parties constituantes du feu peut fusfire pour opérer la réflexion du rayon perpendiculaire, & tous les phénomenes de la lumiére qui étonnent le plus notre esprit, & qui pourroient nous faire douter de l'impénétrabilité du feu : je demande comment on peut concevoir qu'un rayon composé d'un million de pores qui séparent ses Réponfes &

100 DISSERTATION SUR LA NATURE parties folides, puisse venir du Soleil à nous en ligne droite,

fans être interromps & sans se confondre avec des milliasses d'autres rayons de différentes couleurs qui émanent en même

temps que lui du Soleil?

On est donc obligé d'avouer que l'impénétrabilité du feu_ est bien loin d'être démontrée, & il est de plus très-possible que si le feu est impénétrable, il ne le soit pas de la même façon que la matiére; il y a peut-être mille maniéres d'être impénétrable, solide, d'agir sur la matière, &c. Ce n'est pas à nous, qui ne fommes que d'hier, à borner la puissance du Créateur.

VI.

Scavoir si le Feu tend vers le centre de la Terre-

Les Philosophes conviendront sans doute que la solidité, l'impénétrabilité (quand même elle appartiendroit au feu) n'emporte point avec elle la necessité d'une tendance vers le centre de la terre : or je me propose seulement d'examiner ici si le feu a cette tendance qui appartient à tous les corps, quelle qu'en puisse être la cause.

C'est encore à l'expérience, ce grand maître de Philosophie, à nous apprendre si le seu tend vers le centre de la

terre.

Mais l'expérience effe-même nous faisse ici dans l'incerphes sont par-titude, les mains les plus exercées, les Philosophes les plus éclairés, ont fait sur cette pesanteur du Feu, des expériences entiérement oppofées.

Je me contenterai d'examiner celle de M. Homberg fur le poids du régule d'Antimoine calciné au Verre ardent, & celle de M. Boërhave fur le poids du Fer enflammé.

M. Homberg rapporte que 4 onces de régule d'Antimoine exposées à un pied & demi du véritable foyer du miroir du Palais Royal, augmentérent de 3 dragmes, & de quelques grains pendant leur calcination, c'est-à-dire, environ d'un dixiéme; mais qu'ayant été mises ensuite en fusion au

ET LA PROPAGATION DU FEU. 101 véritable foyer, elles perdirent ce dixiéme acquis, & un huitième de leur propre poids.

M. Boërhave, au contraire, ayant pesé 8 livres de Fer ne trouva aucune différence de poids entre le Fer enflammé

& le Fer absolument froid.

Il y a plusieurs remarques à faire sur ces expériences.

1.º Pendant tout le temps de la calcination de l'Antimoine, on fut obligé de le remuer avec une spatule de fer: l'expérience de moine, on fut obligé de le remuer avec une spatule de fer: l'expérience de moine, on fut obligé de le remuer avec une spatule de fer: l'expérience de or il est très-possible que la chaleur ait détaché quelques sur la calcinaparticules de cet instrument, lesquelles s'étant jointes au régule, auront augmenté son poids. Les sels & les soufres dont ardent, l'air est toûjours chargé, auront pû s'unir aussi à l'Antimoine par l'action du feu, & à la faveur de ce mouvement continuel de la spatule avec laquelle on le remuoit; ainsi on est bien loin d'être fûr que le feu feul ait augmenté son poids. car si le seu est le plus subțil dissolvant de la Nature, il est aussi le plus puissant agent pour unir les corps.

2.° Ce qui confirme cette conjecture, c'est que les corps qui augmentent le plus leur poids par le feu, sont ceux qu'on remuë pendant leur calcination, & qu'ils perdent tout le poids acquis, & même de leur propre fubstance, lorsqu'on les remet en fusion. Boyle lui-même, convient que l'agitation continuelle pendant la calcination, est ce qui contribuë.

le plus à augmenter l'action du feu sur les corps.

3.º L'Antimoine de M. Homberg ayant été mis en fusion au véritable foyer, perdit tout le poids acquis, & encore un huitième de son propre poids : or si c'étoit les particules de feu qui avoient augmenté son poids dans la calcination. comment se peut-il qu'il ait perdu ce poids au véritable foyer? un nouveau feu n'auroit-il pas dû produire au contraire une nouvelle augmentation, & n'est-il pas vrai-semblable que le feu du foyer étant plus violent que celui auquel on l'avoit calciné, fépara les parties hétérogenes qui s'étoient unies au régule d'Antimoine pendant la calcination, & que c'étoit ces parties hétérogenes qui avoient augmenté son poids; car je ne vois nulle raison pour laquelle ce dernier seu étant

102 DISSERTATION SUR LA NATURE plus violent que le premier, n'auroit pas apporté une nouvelle augmentation de poids à ce régule, si le feu seul avoit été

la cause de la premiére.

4.º Tous les Métaux en fusion, perdent de leur poids, & cependant la fusion est l'état dans lequel ils reçoivent la plus grande quantité de feu; ainsi si le feu augmentoit le poids des corps, il devroit augmenter confidérablement celui des métaux en fonte, mais au contraire leur poids diminuë. On sent aisément que cette diminution de poids doit être attribuée aux parties que ce feu violent fait évaporer d'entre les pores de ces métaux, & à l'augmentation de leur volume, mais il n'en est pas moins certain que la plus grande quantité de feu que ces métaux puissent recevoir, n'a point augmenté leur poids,

Examen & confirmation de l'expérience de M. Boërhave Fer enflammé.

5.º Le Fer de M. Boërhave, pendant qu'il étoit tout pétillant de feu, devoit contenir bien plus de particules ignées, que l'Antimoine de M. Homberg, qui avoit été calciné à fur le poids du 18 pouces du véritable foyer du miroir, & cependant ce Fer tout imprégné de feu ne pesoit pas un grain de plus que lorsqu'il étoit entiérement froid. Je ne vois cependant aucune raison pour laquelle si le feu étoit pesant, il n'augmenteroit pas toûjours le poids de tous les corps qu'il pénétre, je puis certifier que cette égalité de poids s'est retrouvée dans des masses de Fer depuis une livre jusqu'à 2000 livres, que j'ai fait pefer devant moi toutes enflammées, & enfuite entiérement froides.

Autres expériences fur la pefanteur du

6.º L'augmentation du poids des corps calcinés à travers le verre, est beaucoup moins considérable que celle des corps que l'on calcine en plein air, cependant la même quantité de feu pénétre à travers le verre, puisqu'il produit le même effet sur les corps, & qu'il-les calcine; d'où peut donc venir cette différente augmentation de poids, lorsque la calcination se fait en plein air, ou lorsqu'elle se fait sous le verre, finon de ce qu'il se joint alors moins de corps étrangers au corps calciné?

7.º L'Antimoine devient rouge dans la calcination, &

ET LA PROPAGATION DU FEU. 103 lorsqu'on le met en digestion dans de l'Esprit de Vin, il rend une teinture rougeâtre, & se trouve après du même poids qu'avant la calcination: donc cette couleur rougeâtre lui étoit venuë des parties sustructes que le seu lui avoit uni pendant la calcination, puisqu'après s'être déchargé de cette teinture, il se retrouve du même poids qu'il avoit avant d'être calciné.

8.° M. Boyle, célébre Anglois, est un des Philosophes qui a fait le plus d'expériences sur la pesanteur du Feu, &

toutes concourent à l'établir.

Mais cependant tout son Traité De Flamme ponderabilitate, prouve seulement que la flamme pese, & que ses parties pénétrent à travers les pores du verre, mais cela ne conclut rien pour la pesanteur des parties élémentaires du Feu.

9. Le même Boyle rapporte* qu'une once de corne de * Page 8. Fer perdit au feu fix ou fept grains de son poids, & qu'une

once de Zinc * y perdit cinq grains, & plus.

10.º Du Charbon enfermé hermétiquement dans une boîte de Fer, & expolé pendant quatre heures à un feu trèsviolent, a diminué de 4 onces environ fur 4 livres, & j'ai été témoin de cette expérience.

M. Boulduc affüre que l'Antimoine calciné dans un vafe de terre, diminue de poids, bien-loin d'augmenter.

M. Hartfoëker, de lon côté, ayant tenu de l'Etain pendant des heures entiéres, & du Plomb pendant plufieurs jours de fuite dans le foyer d'un Verre ardent, ne trouva aucune

augmentation dans le poids de ces métaux. Le célébre Boërhave rapporte qu'ayant te

Le célébre Boërhave rapporte qu'ayant tenu du Plomb dans un fourneau de digeftion pendant trois ans, à un feu de 84 degrés, & l'ayant expolé pendant quatre heures au feu de fable, le Plomb n'augmenta nullement de poids; cependant si les expériences varient, c'est une preuve certaine que ce n'est point le feu qui augmente le poids des corps, car s'il l'augmentoit une fois, il l'augmenteroit toûjours-Mais si l'on attribuë cette augmentation à l'intromission de quelques corps hétérogenes dans les pores des corps que l'on

expose au seu, on conçoit aisément que les disférentes circonstances de l'opération peuvent changer ces essets; voilà pourquoi de toutes les expériences répétées sur le poids du feu, aucune n'est entièrement la même. L'augmentation que le même seu cause dans les mêmes corps est tantôt plus grande, tantôt moindre, comme on peut s'en convaincre en lisant les expériences de Boyle, ou en opérant soi-même; ce qui prouve bien que ce n'est pas à une cause aussi invariable que le seu, qu'il faut attribuer l'augmentation du poids des corps.

11.º Si le feu tend vers le centre de la terre, il doit, près du Soleil, tendre vers le centre du Soleil: or comment cet énorme globe par la feule rotation fur son axe, pourroit-il envoyer ses rayons avec une si prodigieuse vîtesse, non-seulement jusqu'à nous, mais jusqu'aux Etolies sixes, s'ils lui réssitoient par leur tendance vers son centre? Il paroît donc que la propagation de la lumière seroit impossible, sî le

feu étoit pelant.

Si le feu pefe, fon poids ne peut pas être fenfible pour nous. 12. Mais je crois de plus qu'il est démontré que si les rayons du Soleil, si le feu pese, son poids ne peut se faire sentir à la grossificret de nos instruments, & qu'ainst toutes les expériences dans lesquelles on a cru le trouver pesant,

ne doivent rien prouver.

Celle de M. Homberg dont j'ai parlé, fournit elle-même cette démonfration par le poids très-fenfible dont il trova fon Antimoine augmenté: cette augmentation étoit environ d'un dixiéme, & même de beaucoup plus, fi l'on fait attention que l'Auttimoine avoit perdu la luitiéme partie de fon poids par la fumée très-épaifle qu'il avoit rendu pendant la calcination, & que non-feulement le feu avoit augmenté fon poids d'un dixiéme, mais qu'il avoit encore fuppléé au huitiéme perdu par l'évaporation.

Or tout le feu que le Soleil envoye fur tout notre hémissibre pendant une heure du jour le plus chaud de l'Été, doit peser à peine ce que M. Homberg suppose qu'il en étoit entré dans son régule d'Antimoine: en voici, si je ne

me trompe, la démonstration.

On

ET LA PROPAGATION DU FEU. 105

On connoît la vîtesse des rayons du Soleil depuis les observations que M.rs Huguens & Roëmer ont faites sur les tion de la pro-Eclipses des Satellites de Jupiter, cette vîtesse est environ dente, tirée de de 7 à 8 minutes pour venir du Soleil à nous : or, on la vitesse des trouve par le calcul, que si le Soleil est à 24000 demi- du Soleil. diametres de la Terre, il s'ensuit que la lumiére parcourt en venant de cet Astre à nous, mille millions de pieds par seconde en nombres ronds; & un Boulet de Canon d'une livre de balle pouffé par une demi-livre de Poudre, ne fait que 600 pieds en une seconde, ainsi la rapidité des rayons du Soleil surpasse en nombres ronds 1666600 fois celle d'un boulet d'une livre.

Or l'effet de la force d'un corps étant le produit de sa masse par sa vîtesse*, un rayon qui ne seroit que 1 666600 moins pefant qu'un boulet d'une livre, feroit le même effet que le Canon, & un seul instant de lumiére détruiroit tout l'Univers; & je ne crois pas que nous ayons de minimum pour affigner l'extrême tenuité d'un corps qui n'étant que 1 666600 fois moins pefant qu'un boulet d'une livre, feroit de si terribles effets, & dont des millions de milliars passent à travers un trou d'épingle, pénétrent dans les pores d'un Diamant, & frappent sans cesse l'organe le plus délicat de notre corps sans le blesser, & même sans se faire sentir.

13.º La voye dont M.rs Huguens & Roëmer se sont fervis pour découvrir le mouvement de la lumière, & pour déterminer la vîtefle avec laquelle elle nous vient du Soleil. étant une voye de comparaison, il seroit très-possible, & il est même très-probable que les rayons perdent de leur vîtesse comme de leur quantité, par la réslexion, & que les différents corps réfléchiffent la lumière avec plus ou moins de force selon leur différente élasticité (de quelque façon que la réflexion s'opere) ainsi la lumiére nous vient peut-être

Prix 1738.

Démonstra-

^{*} Mais que seroit-ce encore si la force d'un corps étoit le produit de sa masse par le quarré de sa vîtesse, comme M. Leibnitz, & de très-grands Philosophes l'ont prétendu, & comme on le croiroit encore, sans la façon admirable dont M. de Mairan a prouvé le contraire!

106 DISSERTATION SUR LA NATURE beaucoup plus vite du Soleil & des Etoiles fixes, que de Jupiter: or la viteflé étoit plus grande, il faudroit néceffairement pour produire les mêmes effets, que fa maflé fût encore moindre que je ne l'ai fuppofée dans le calcul précédent.

. 14.º L'expérience du trou d'épingle (que l'on trouveroit bien admirable, si elle étoit moins commune) fournit elle feule une démonstration de l'excessive tenuité des rayons; car regardés à travers ce trou pendant un jour entier, vous verrés toûjours les mêmes objets, & auffi distinctement : donc il vient à chaque moment indivisible, des rayons de tous les points de ces objets, frapper votre rétine : or il faut de deux choses l'une, ou que ce ne soit pas les rayons du Soleil qui ayent augmenté le poids de l'Antimoine de M. Homberg, ou qu'il entrât pendant ce jour dans vos yeux plusieurs onces de seu, puisqu'il y entreroit plus de rayons qu'il n'en pouvoit être entré dans le régule d'Antimoine pendant sa calcination. Mais s'il entroit cette quantité de feu dans nos yeux en un jour, combien y en entreroit-il en une femaine, en un mois, &c. que deviendroit cette matiére ignée, si elle étoit pesante? Je crois donc qu'il est démontré en rigueur, par la façon dont nous voyons, par les phénomenes de la lumiére, & par les loix primitives du choc des corps, que (fupposé que le feu pese, ce que je ne crois pas) nous ne pouvons nous appercevoir de son poids, & que si tous les rayons que le Soleil envoye sur notre hémisphere pendant le plus long jour de l'Eté, pesoient feulement 3 livres, nos yeux nous feroient inutiles, l'Univers ne pourroit foûtenir un moment de lumiére, tous les germes seroient détruits, & le poids de la Terre devroit être si considérablement augmenté par la lumière depuis qu'elle existe, que toute l'œconomie de cet Univers seroit intervertie. 15.º Le scavant M. Musschenbroek fait en faveur de la

Argumente 15.° Le sçavant M. Musschenbroek sait en saveur de la M. Musschen-pesanteur du Feu, un argument qui paroît très-fort. Le Fer broek, en sa-ardent que vous pesez, dit-il, vous le pesez dans l'air qui est sanceur du seu, un fluide, or le seu ayant augmenté le volume de ce Fer par la

ET LA PROPAGATION DU FEU. 107 raréfaction, il devroit peser moins dans l'air lorsqu'il est chaud, & que son volume est plus grand, que lorsqu'il s'est contracté par

le froid, & que son volume est diminué, & vons ne tronvés le même poids dans le Fer refroidi, que parce que le feu avoit réellement augmenté le poids du Fer enflammé; çar s'il ne l'avoit pas augmenté, vous auriés dû trouver votre Fer moins pesant lorsqu'il

étoit tout rouge, que lorfqu'il étoit refroidi.

Cet argument seroit invincible, si l'on étoit sûr qu'aucun autre corps que le feu ne se fût introduit dans le Fer enflammé; cet argument. mais on est bien loin d'en être sûr, car s'il peut se mêler des corps étrangers aux corps calcinés par les rayons du Soleil (le feu le plus pur que nous connoissions) combien à plus forte raison pourra-t-il entrer de particules de bois ou de charbon dans les corps qu'on expose au feu ordinaire? Ainsi on fent aisément qu'en réfutant l'expérience de M. Homberg, j'ai compté réfuter celles des Boyle, des Lémery, & toutes celles enfin qu'on a faites sur les corps augmentés de poids par le feu; cette augmentation que le feu d'ici-bas cause dans les corps, devroit même être fort sensible par la quantité de particules hétérogenes qu'il doit introduire dans leurs pores, & elle n'est imperceptible dans quelques-uns, que parce qu'ils perdent beaucoup de leur propre substance par l'action du feu, & que leur pesanteur spécifique diminuë par la raréfaction.

1 6.° Une réflexion très-fingulière, c'est que nous voyons le plus petit grain de fable, & que nous ne voyons point les rayons du Soleil, quelque denses qu'ils soient, à moins qu'ils ne soient réfléchis par quelque corps. Vous voyés un rond lumineux au foyer du Verre ardent, quand vous recevés ses rayons sur une carte, mais la pointe du cône lumineux qui va se réunir sur cette carte, & la consumer, est entiérement invisible à vos yeux : or si le cône lumineux entier du Verre ardent, pesoit autant que le plus petit grain

de fable, nous le devrions voir. Donc, &c.

17.° Les espaces célestes sont remplis de lumiére, or il faut, ou que la lumiére ne soit pas un corps solide, ou que Oil

Réponse à

108 DISSERTATION SUR LA NATURE fes particules foient d'une finesse qui doit foustraire leur poids à nos recherches; car si la lumière apportoit la moindre

réfiftance au mouvement des Corps céleftes, on s'appercevroit des dérangements caulés par cette réfiftance : donc le Feu ne pefe point, ou s'il pele, il est impossible que son poids soit jamais sensible pour nous, puisqu'il ne dérange pas sensiblement l'œconomie de notre monde planétaire dont il remplit tous les espaces.

VII.

Quelles sont les propriétés propres & distinctives du Feu.

Le feu tend naturellement en en-haut.

Mais si après avoir examiné les expériences de la pesanteur du Feu, on vient à considérer la nature & les propriétés diffinctives de cet être, on ne peut s'empêcher de reconnoître que loin d'avoir cette tendance vers le centre de la terre, que lon remarque dans les autres corps, il suit au contraire toûjours ce centre, & que son action se porte naturellement en en-haut.

L'Académie de Florence a découvert cette tendance du Feu en en-haut, par une expérience qui ne permet plus aux Philosophes de se mésser de leurs sens, quand ils voyent la flamme monter, & l'action du seu se porter toûjours en haut.

Deux Thermometres, l'un droit, & l'autre renver(é, ayant été mis dans un tube de Verre, & deux globes de Fer, rouges & égaux, approchés à égale diffance de ce tube, le Thermometre qui étoit droit, hauffa fenfiblement plus que celui qui étoit renver(é. Je ne rapporte point le procedé de cette expérience, ni les autres circonflances qui l'accompagnent, on peut la voir dans les Tentamius Florentina, mais toutes ces circonflances concourent à prouver que le feu tend naturellement en haut, loin d'avoir aucune tendance vers le centre de la terre.

Cette tendance du feu en haut, loin de détruire l'équilibre auquel il tend par sa nature, est un effet de cette propriété

ET LA PROPAGATION DU FEU. 100 qui le porte à se répandre également dans tout l'espace, il tend sans cesse à se dégager des pores des corps, & à se répandre en haut où il n'y a point d'atmosphere, & où il peut s'étendre également de tous côtés sans obstacle : car l'atmosphere contribuë infiniment à la chaleur dans laquelle nous vivons, ainsi que le froid qu'il fait sur les hautes Montagnes le prouve.

Une expérience bien simple, & que j'ai répétée souvent,

prouve encore cette tendance du feu en haut.

Si vous mettés une affiette ou une planche sur un de ces grands cylindres de Verre qui servent l'Eté à couvrir les bougies, & que vous faiffiés une bougie alfumée fous ce cylindre couvert, il est certain que la chaleur de la flamme doit à tout moment raréfier l'air renfermé dans ce verre : donc fi la flamme montoit par sa seule legereté spécifique (comme on le prétend) on la devroit voir à tout moment s'arrondir & perdre sa figure conique, puisque cet air renfermé dans le cylindre, se raréfie à chaque instant, mais c'est ce qui n'arrive point : la flamme conserve cette figure conique jusqu'au moment auquel elle s'éteint, & lorsqu'elle est trèsdiminuée de hauteur, & prête à s'éteindre, on voit toûjours sa pointe tendre en en-haut.

La cause de ce phénomene est que la flamme de cette Pourquoi la bougie contient affés de feu pour qu'il puisse s'opposer à la flamme monte dans un air très tendance naturelle de cette flamme vers le centre de la terre, raréfié. & qu'il la fait monter alors par cette supériorité de force. indépendamment de la pesanteur spécifique de l'air; il ne feroit peut-être pas le même effet sur toutes les flammes, car il y en a qui contiennent bien moins de particules de

feu l'une que l'autre.

La legereté spécifique de la flamme est affûrément une des causes qui fait qu'on ne la voit jamais tendre en embas, c'est aussi cette legereté spécifique qui fait monter la sumée; mais les particules de feu que la flamme & la fumée contiennent, contribuent à cette tendance en en-haut.

La fumée qui est la même chose que la flamme, descend O iii

Pourquoi la fumée descend dans le vuide. Tentamina Florentina.

dans le vuide, parce qu'elle est composée des particules que le feu a détachées des corps, & que ces particules, quoique très-legeres, ont cependant la tendance de la matiére vers le centre de la terre : donc la réfistance de l'air étant ôtée. & la pelanteur de ces particules surpassant la force du feu, elles doivent tendre en embas; mais si vous augmentés la quantité du feu, en approchant un charbon du récipient, alors la fumée monte par cette supériorité du feu-

Si le feu tendoit vers le centre de la terre, comme les corps que nous connoissons, ses parties tendroient à s'unir comme les leurs, car la même raifon (quelle qu'elle puisse être) qui fait que de deux gouttes d'eau qui se touchent il ne s'en forme qu'une, que deux Marbres posés l'un sur l'autre, ne peuvent être séparés qu'avec peine, &c. (& tous ces effets s'opérent dans le vuide) cette même cause, dis-je, feroit que toutes les parties du feu tendroient toutes l'une vers l'autre, & qu'elles s'uniroient quelquefois : or si elles s'unissoient, leur masse augmenteroit, & leur masse étant augmentée, les effets qu'elles causeroient le seroient infailliblement : aussi on fent aifément par tout ce que je viens de dire, les dérangements qui réfulteroient de cette adunation des particules de feu : or aucun de ces dérangements n'arrive, les effets du feu & de la lumiére sont toûjours les mêmes : donc les particules de feu ne s'unissent pas, & cependant leur adunation feroit inévitable, si le feu étoit pesant : donc il est absolument nécessaire que le feu soit privé de cette propriété de la matière que nous appellons pesanteur, & que ses parties avent la même tendance à se fuir, que les autres corps ont à s'unir; ainsi cette tendance du seu quaquaversum est non-seulement sa propriété distinctive, mais elle est essentielle à la constitution & à la conservation de l'Univers, c'est par elle que le feu raréfie tous les corps, & qu'il s'oppose à leur adunation, c'est elle enfin qui constituë son essence.

Les parties constituantes du feu ont une tendance à fe fuir.

La matière subtile de Descartes, qui n'augmentoit point le poids des corps, se trouve justifiée par la nature du Feu. fiée par la na- Descartes eût trop humilié les autres hommes, s'il se fût

La matiére fubtile de Defcartes est justiture du feu.

ET LA PROPAGATION DU FEU. III

contenté d'observer la Nature, & qu'il n'eût imaginé jamais. M. Geoffroy a fait une expérience dans laquelle on voit à l'œil, l'effort que le feu fait sur les corps pour écarter leurs

particules les unes des autres. Cet habile Académicien rapporte qu'ayant fait fondre du Fer au Miroir ardent, & ayant ramassé les étincelles qu'il jettoit, il trouva que c'étoit autant de petits globes de fer creux; avec quelle force le feu n'avoit-il pas dû s'opposer à la tendance mutuelle des parties

de ce fer, puisqu'il les avoit écartées à ce point?

Le Feu est donc l'antagoniste perpétuel de la pesanteur, loin de lui être foûmis, & il la combat avec une force fi la pelanteur, puissante, que s'il n'y avoit pas des atomes solides dans l'Uni- loin d'y être vers, des particules phyfiquement indivisibles, tout se dissiperoit par l'action du feu, les seuls éléments des corps lui réfistent; ainsi tout est dans la Nature dans de perpétuelles oscillations de dilatation & de contraction par l'action du feu sur les corps, & la réaction des corps qui s'opposent à l'action du feu par la tendance de leurs parties les unes vers les autres, & nous ne connoissons point de corps parfaitement durs (fi ce n'est les éléments), parce que nous n'en connoissons point qui ne contienne du feu, & dont les parties foient dans un parfait repos; ainsi les anciens Philosophes Pointderepos qui nioient le repos absolu, étoient assurément plus sensés, dans la Nature. peut-être fans le sçavoir, que ceux qui nioient le mouvement.

Sans cette action & cette réaction perpétuelle du feu fur les corps, & des corps sur le feu, toute fluidité, toute mollesse serve & vivifie seroit détruite, & si la matière étoit privée un moment de nivers, cet esprit de vie qui l'anime, de ce puissant agent qui s'oppose sans cesse à l'entière adunation des corps, tout seroit compact dans l'Univers, & il feroit bientôt détruit. Ainfi non-seulement les expériences ne démontrent point la pefanteur du feu; mais vouloir que le feu soit pesant, c'est détruire sa nature, c'est lui ôter sa propriété la plus essentielle, celle par laquelle il est un des premiers ressorts du Créateur, c'est enfin anéantir son essence, & la fin pour laquelle le Créateur l'a créé.

Le feu eft l'antagoniste de

Le feu con-

Le feu est pandu partout.

Un autre attribut du Feu qui paroît encore n'appartenir également ré- qu'à lui, c'est d'être également distribué dans les corps. Les hommes ont dû être long-temps fans doute à se persuader de cette vérité. Nous sommes portés à croire que le Marbre est plus froid que la Laine, nos sens nous le disent, & il a fallu pour nous détromper, que nous créassions, pour ainsi dire, un être pour juger du degré de chaleur répandu dans les corps; cet être, c'est le Thermometre, c'est lui qui nous a appris que les matiéres les plus compactes & les plus legeres, les plus spiritueuses & les plus froides, le Marbre & les Cheveux, l'Eau & l'Esprit de Vin, le Vuide & l'Or, tous les corps Tous les corps enfin (excepté les créatures animées) contiennent dans un dans un même même air la même quantité de feu. Il suit de cette propriété

nentégalement du Feu, 1.º Que tous les corps sont également chauds dans le

espaces.

même air, puisqu'ils font tous le même effet sur le Thermo-Le feu est ré- metre. 2.° Que le feu est distribué non selon les masses, mais pandu non fe- felon les espaces, puisque l'Or & le Vuide n'en contiennent mais selon les pas plus l'un que l'autre, 3.º Qu'il n'y a aucun corps qui attire le feu plus qu'un autre, ni qui puisse en retenir une plus grande quantité, puisque dans un même air l'Esprit de Vin n'est pas plus chaud que l'Eau, & qu'ils se refroidissent au

même degré.

Si nos sens nous disent que la Laine contient plus de feu que le Marbre, notre raison semble nous dire que l'Esprit de Vin en contient plus que l'Eau, il refracte davantage la lumiére, le plus petit feu l'enflamme, il se consume entiérement, il ne se gele jamais; enfin cette liqueur paroît toute ignée, sur-tout lorsqu'elle est devenuë alcohol par la L'Esprit de distillation; cependant malgré tous ces phénomenes, le pas plus de seu Thermometre décide pour l'égalité, & effectivement on ne voit pas comment l'Esprit de Vin pourroit contenir plus de feu que les autres corps, sans que le Thermometre nous en fit appercevoir; on ne peut dire que c'est parce que cette plus grande quantité de feu est en équilibre avec les parties de l'Esprit de Vin, comme une moindre quantité de feu est en équilibre avec celles de l'Eau, & que quand l'action

vin ne contient que l'eau,

ET LA PROPAGATION DU FEU. 113 l'action & la réaction font égales, c'est comme s'il n'y avoit point d'action. Car on supposeroit une chose entiérement contraire à tout ce que nous connoissons de l'action du feu sur les corps, & de la réaction des corps sur le feu; les corps ne rélistent à l'action du feu que par leur masse, ou par la cohérence de leurs parties: or l'Esprit de Vin est de tous les liquides celui qui pese le moins (fi vous en exceptés · l'air) & dont les parties paroissent les moins cohérentes; l'alcohol, qui est encore plus leger que l'Esprit de Vin, est cependant encore plus inflammable que lui; ainfi plus on considére le feu comme un corps qui agit selon les loix du choc fur les autres corps, moins on trouvera vrai-semblable que le corps le plus leger soit de tous les corps celui qui résiste le plus à cette action du seu. Donc il faut convenir que le feu est distribué également dans tout l'espace, sans égard aux corps qui le remplissent. Si l'Esprit de Vin rompt plus la lumière que des liquides plus denfes, s'il ne se gele jamais, cela dépend vrai-femblablement de la contexture & de la disposition de ses pores, & nullement d'une plus grande quantité de feu contenuë dans sa substance, & s'il s'enflamme plus aisément, c'est qu'il contient plus de pabulum ignis, & que ses parties sont aisément séparées.

Le Marbre nous paroît plus froid que la Laine, parce qu'étant plus compact, il touche notre main en plus de points, & qu'il prend par conséquent d'autant plus de notre chaleur; ainsi malgré nos sens, & malgré quelques apparences, nous fommes forcés de reconnoître cette égale distribution

du feu dans tous les corps.

Le froid artificiel que Faheinrhest a trouvé le moyen de produire, & qui fait baisser le Thermometre à 72 degrés au-deflous du point de la congélation, prouve que dans les plus grands froids que nous connoissions, aucun corps n'est privé du feu, & qu'il habite en tous, & en tout temps.

Cette distribution égale du feu dans tous les corps, ce Le feu tend phénomene de l'équilibre auquel il tend par sa nature, par sa nature dont on a été fi long-temps sans s'appercevoir, nous étoit

Prix 1738.

114 DISSERTATION SUR LA NATURE cependant indiqué par mille effets opérés par le feu, qui font fans ceffe fous nos yeux, & auxquels on ne faifoit aucune

Preuves.

attention.

1.º Toutes les parties d'un corps quelconque s'échauffent également, pourvû que le feu ait le temps de le pénétrer: or si le seu ne tendoit pas à l'équilibre par sa nature, il est à croire qu'il trouveroit dans ce corps des parties dans lesquelles il pénétreroit plus facilement que dans les autres, ainfi il feroit inégalement échauffé; mais c'est ce qui n'arrive pas: Donc, &c.

2.º Un corps tout pétillant de feu, auquel on applique un corps froid, perd de sa chaleur jusqu'à ce qu'il ait communiqué à cet autre corps une quantité de feu qui

rétablisse l'équilibre entr'eux.

3.º L'Huile de Tartre par défaillance, qui nous paroît fi ignée, & l'Huile de Térébenthine distillée, qui garantit nos corps du froid, & qui nous paroît fi chaude, ne le font pas plus par elles-mêmes que l'Eau pure; car étant mêlées avec de l'Eau, elles ne changent rien à sa température: ce qui prouve que l'effervescence que quelques liqueurs font avec l'Eau, ne vient pas de ce que ces liqueurs contiennent plus de feu qu'elle.

Je parlerai de ces mélanges dans la feconde partie de cet

ouvrage.

Cette tendanquilibre, eft la du refroidiffe-

4.º Cette tendance du feu à l'équilibre paroît être la ce du seu à l'é- cause de l'échauffement des corps, car sans cette indissérence cause de l'é. du feu pour une espece quelconque, il est difficile d'imaginer chauffement & comment tous les corps pourroient s'échauffer si facilement; ment des corps, mais cette tendance du feu quaquaver sum fait qu'il est aisé de la raffembler, & que peu de chose suffit pour rompre son équilibre, de même que le moindre poids fait pancher une balance bien juste.

> Cette égale distribution de feu femble être encore l'unique cause du refroidissement des corps échaussés, car on ne voit nulle raison pour laquelle le Fer tout imprégné de feu, n'en retiendroit pas quelques particules dans la substance,

ET LA PROPAGATION DU FEU. 115
ni pourquoi aucun corps n'exhale tout le feu qu'il contient;
l'équilibre du feu donne la clef de toutes ces énigmes, car
cet équilibre demande que tous les corps en contiennent
une certaine quantité déterminée. C'est encore cette tendance
à l'équilibre, qui fait que l'Huile & l'Esprit de Vin, ces
liqueurs si fipiritueuses, se refroidissent après l'ébullition au
même degré que l'Eau; car comment l'air pourroit-il seur
ôter la chaleur qu'elles acquiérent en bouillant, si le seu par
lui-même ne tendoit à rétablir l'équilibre entre tous les corps,
dès que la cause qui l'avoit rompu, vient à cesser ! Les corps
se refroidissent également dans le Vuide & dans l'Air; or si
le seu ne tendoit pas à l'équilibre, on ne voit aucune raison
pour laquelle les corps se refroidiroient dans le Vuide.

5.º Le même seu qui fond l'Or & les Pierres au foyer du Miroir ardent, répand dans l'air une chaleur qui nous est à peine sensible, parce que l'air ne s'oppose pas à l'équilibre du seu comme l'Or & les autres corps, qui, par leur folidité, le retiennent quelque temps dans leurs pores. C'est encore pourquoi le seu du Soleil raréfie l'air supérieur fans l'échaustre sensiblement, car la pression de l'atmosphere n'opposant plus sa résistance au seu, il s'étend sans obstacle, & n'est plus rassemblé en asses par ac quantité, pour que nous nous appercevions de sa chaleur; la nécessité de cette pression de l'atmosphere, par la chaleur du seu, se fait voir sensiblement dans l'Eau; qui acquiert un plus grand degré de chaleur en bouillant, à proportion de la plus grande pesanteur de l'atmosphere.

6.° Une preuve de cette indifférence du feu pour tous les cors quelconques, c'est que l'air d'ici-bas, qui est composé de toutes les parties hétérogenes qui se mélent à lui par les exhalations, n'est pas plus échaussé par un même seu dans une

partie que dans une autre.

7.° Le Thermometre d'Esprit de Vin, qui est composé d'une liqueur très-spiritueuse, baisse dans les fermentations froides, & hausse dans les chaudes; pourquoi cela? sinon

116 DISSERTATION SUR LA NATURE parce que dans les unes il donne de fa chaleur aux corps

qui fermentent, & que dans les autres il prend de la leur, ce qui n'arriveroit pas fi le feu ne tendoit à se répandre

également dans tous les corps.

Une des propriétés inhérentes & distinctives du feu, est donc d'être également répandu dans tout l'espace, sans aucun égard aux corps qui le rempliffent, & de tendre à rétablir l'équilibre entr'eux, dès que la cause qui l'a rompu vient à cesser.

Le feu a recû le mouvement du Créateur.

Il paroit très-vraisemblable que le Feu a recû du Créateur une portion de mouvement, ainsi que la matiére, & qu'if est capable de plus ou moins de mouvement, selon que Hestincapable les corps lui résistent plus ou moins, ou que sa puissance par la nature, est excitée par le frottement, mais que le repos absolu est incompatible avec sa nature; la direction de ce mouvement imprimé au feu tend également en tous sens, & c'est le feu qui imprime cette espéce de mouvement à la matière, dont toutes les parties internes font, par cette action, dans un mouvement continuel, c'est ce mouvement qui est la cause de l'accroiffement & de la diffolution de tout ce qui exifte dans l'Univers; ainsi le feu est, pour ainsi dire, l'ame du monde, & le fouffle de vie répandu par le Créateur sur fon ouvrage.

Comment le feu n'étant point matiére. fe mouvoir.

Si on me demande comment le feu, s'il n'est point matiére, peut se mouvoir, je répondrai que je ne sçai guéres. peutcependant mieux comment un corps se remuë, & que de plus, s'il y a des substances immatérielles, il faut bien qu'elles soient dans l'espace; or je ne vois pas pourquoi elles ne se remuëroient pas dans cet espace où elles sont. Je n'ai pas d'idée biennette, à la vérité, de leur mouvement, parce que je n'en ai pas de leur nature, & qu'il n'appartient vraisemblablement pas à mon être, de la connoître parfaitement; or tout ce que je dis sur cela de la substance immatérielle, je le dirai du feus

ET LA PROPAGATION DU FEU. 117

VIII

Conclusion de la première Partie.

Je conclus de tout ce que j'ai dit:

1.º Que la lumiére & la chaleur sont deux effets trèsdifférents & très-indépendants l'un de l'autre, & que ce sont deux façons d'être, deux modes, deux attributs de l'être

que nous appellons Feu.

2.º Que l'effet le plus universel de cet être, celui qu'il opére dans tous les corps, & dans tous les lieux, c'est de raréfier les corps, d'augmenter leur volume, & de les séparer jusques dans leurs parties élémentaires, quand son action est continuée.

3.º Que le feu n'est point le résultat du mouvement, que c'est une substance simple, que rien ne produit, qui ne se forme de rien, & qui ne se change en rien.

4.º Que le feu a quelques-unes des propriétés primordiales de la matiére, son étenduë, sa divisibilité, &c.

5.° Que l'impénétrabilité du feu n'est pas démontrée, & que supposé qu'il soit impénétrable, il ne l'est peut-être pas de la même façon que la matiére.

6.° Que le feu n'est point pesant, qu'il ne tend point

yers un centre, comme tous les autres corps.

7.° Qu'il seroit impossible (supposé même qu'il pesat) que nous pussions nous appercevoir de son poids.

- 8.° Que le feu a plusieurs propriétés distinctives qui lui font propres, outre celles qui lui font communes avec la matiére.
- 9.° Qu'une de ses propriétés, c'est de n'être déterminé vers aucun point, & de se répandre également, & que ses parties ont la même tendance à se fuir, que celles des autres corps ont à s'unir.

10.° Que c'est par cette propriété qu'il s'oppose sans cesse à l'adunation des corps, & que c'est par elle enfin P iii

118 DISSERTATION SUR LA NATURE qu'il est un des ressorts du Créateur, dont il vivisie & conferve l'ouvrage.

vement quaquaversum, & que cette espece de mouvement a

été donnée au feu par le Créateur.

12.° Que le feu est susceptible de plus ou de moins dans fon mouvement, mais que le repos absolu est incompatible

avec fa nature.

13.° Que sa nature est de tendre à l'équilibre, qu'il est également répandu dans tout l'espace, & que dans un même air tous les corps contiennent une égale quantité de feu dans leur substance, si l'on en excepte les créatures qui ont reçû sa vie.

14.° Que le feu enfin est un être d'une nature mitoyenne, qu'il n'est ni esprit, ni matiére, ni espace, & qu'il existe peut-être une infinité d'êtres dans l'Univers, qui sont très-

différents de ceux que nous connoissons.

Après avoir examiné la nature du Feu & ses propriétés, il me reste à examiner les loix qu'il suit, lorsqu'il agit sur les corps d'une façon qui nous est sensible.



SECONDE PARTIE.

De la Propagation du Feu.

Comment le Feu est distribué dans les corps.

LE Feu est distribué ici-bas de deux façons différentes:

1.º Egalement dans tout l'espace, quels que soient les corps qui le remplissent, lorsque la température de l'air qui les contient, est égale.

2.º Dans les créatures qui ont reçû la vie, lesquelles contiennent plus de feu que les Végétaux, & les autres corps

de la Nature.

Le feu étant répandu par-tout, exerce son action sur toute la Nature, c'est lui qui unit & qui dissout tout dans l'Univers. sur toute la

Mais cet être dont les effets font si puissants dans nos opérations, se dérobe à nos sens dans celles de la Nature, & il a fallu des expériences bien fines, & des réflexions très-profondes pour nous découvrir l'action insensible que le feu exerce dans tous les corps.

Si l'équilibre que le feu affecte, n'étoit jamais interrompu, ni dans nous-mêmes, ni dans les corps qui nous entourent, nous n'aurions aucune idée du froid, ni du chaud, & nous

ne connoîtrions du feu que la lumiére.

Mais comme il est impossible que l'Univers subsiste, sans que cet équilibre soit à tout moment rompu, nous sentons presque à chaque moment les vicissitudes du froid & du chaud que l'altération de notre propre température, ou celle des corps qui nous environnent, nous font éprouver.

L'action du feu, lorsqu'elle se cache, ou lorsqu'elle se manifeste à nous, peut être comparée à la force vive & à la force morte; mais de même que la force du corps est senfiblement arrêtée fans être détruite, aussi le feu conserve-t-il Le feu agif

120 DISSERTATION SUR LA NATURE dans cet état d'inaction apparente, la force par laquelle il s'oppose à la tendance des corps les uns vers les autres, & le combat perpétuel de cet effort du feu, & de la réfiftance que les corps lui opposent, produit presque tous les Phénomenes de la Nature.

Ainsi on peut considérer le feu dans trois états différents. qui résultent de la combinaison de ces deux forces.

1.º Lorsque l'action du feu sur les corps, & la réaction des corps sur lui, sont en équilibre; alors c'est comme s'il n'y avoit point d'action, & les effets du feu nous sont insensibles.

2.º Lorsque cet équilibre est rompu, & que la résistance des corps l'emporte sur la force du feu; alors les corps se condensent, une partie du feu qu'ils contiennent est obligée de les abandonner, & ils nous donnent la fenfation du froid.

3.º Enfin, lorsque l'action du feu l'emporte sur la réaction des corps; alors les corps s'échauffent, se dilatent, deviennent lumineux, selon que la quantité du feu qu'ils reçoivent dans leur substance est augmentée, ou que la force de celui qu'ils y renferment naturellement est plus ou moins excitée. Si cette puissance du feu passe de certaines bornes, les corps fur lesquels il l'exerce se fondent ou s'évaporent; dans ce cas le feu n'ayant plus d'antagoniste, force par sa tendance quaquaversum, les parties des corps à se fuir, à s'écarter l'une de l'autre de plus en plus, jusqu'à ce qu'enfin il les ait entièrement séparées.

La force répulfive des corps, n'est au-

De grands Philosophes considérant avec quelle force les parties des corps s'éloignent l'une de l'autre dans l'évaporatre chose que tion (puisque la vapeur qui sort de l'eau bouillante augl'action du feu. mente son volume jusqu'à 14000 fois) ont supposé dans les particules des corps une vertu répulfive, par laquelle, quand elles sont hors de la sphere d'activité de la force (quelle qu'elle foit) qui les fait tendre vers leur centre commun, elles s'écartent, & se fuyent, pour ainsi dire; mais cette vertu répulfive pourroit bien n'être autre chose que l'action que le feu exerce sur eux, cette action acquiert d'autant plus de force que ces particules s'éloignent davantage de la sphere de leur ET LA PROPAGATION DU FEU. 121

de leur tendance mutuelle; ainfi de ces deux forces combinées, la tendance vers un centre, & l'effort que fait le feu pour s'y opposer, résultent tous les affemblages & toutes les dissolutions de l'Univers, la tendance des corps les uns vers les autres, les uniffant, les comprimant, les connectant, &c. &c le feu au contraire les écartant, les féparant, les raréfiant, &c.

Il faut donc examiner les différents effets qui résultent

des combinaisons de ces deux pouvoirs.

Des causes de la chaleur des corps.

Un corps s'échauffe, ou parce qu'il reçoit plus de feu dans ses pores, ou parce que celui qui y est renfermé, recoit un nouveau mouvement, & par conféquent une nouvelle force.

Il me semble qu'on peut rapporter les différentes causes qui peuvent produire ces deux effets sur les corps, à deux

principales.

La premiére est la présence du Soleil & la direction des rayons qu'il nous envoye; les corps reçoivent par la pré-de la chaleu des corps. sence du Soleil, un nouveau feu dans leurs pores, & ils en reçoivent d'autant plus que l'incidence de ses rayons est plus perpendiculaire.

Car les rayons perpendiculaires sont plus denses que les rayons

obliques, le A plan perpendiculaire AP, o recoit tous les rayons qui tombent dans l'espace RR. mais il n'en recevroit environ que la moitié, s'il P

· étoit incliné dans la direction OB, & il en recevroit d'autant Prix 1738.

122 DISSERTATION SUR LA NATURE moins que sa position seroit plus oblique: donc pussque le même espace reçoit plus de rayons, il doit être plus échaussé.

La feconde cause qui maniseste le seu, & qui interrompt l'équilibre auquel il tend, c'est l'attrition des corps les uns contre les autres. Toutes les façons dont le seu d'ici-bas peut être excité, ne sont que des modifications de cette cause, de même que tous nos sens ne sont qu'un tact diversisse.

Comment les premiers hommes ont connu le feu.

C'est peut-être cette attrition des corps qui a fait connoître le feu aux premiers hommes. L'embrasement de quelques forèts que l'agitation de leurs branches aura produit, ou le choc de deux cailloux, leur auront fait connoître cet être qui les animoit, & dont ils ne soupconnoient pas même fexissence.

Ainfi les premiers hommes auront på voir long-temps la lumiére du Soleil, & fentir fa chaleur, ils auront på éprouver les viciffitudes du froid & du chaud caufées par la fanté, & la maladie, fans avoir aucune idée du feu, c'eftà-dire, de cet être que nous avons le pouvoir d'exciter, & pour ainfi dire de créer, car le premier feu que les hommes ont produit, a dû leur paroître une création véritable.

La Nature ayant laiflé deviner aux hommes le sceret du feu, ils auront dû être encore long-temps sans se douter que les rayons du Soleil, & le seu qu'ils allument, fusient de la même nature; il a fallu que l'invention admirable des Verres brûlants leur ait appris que ce Soleil, dont le retour leur apporte la santé, & rajeunit toute la Nature, avoit la vertu de tout détruire comme de tout vivisier, & que l'effet de ses rayons, lorsqu'ils sont rassembles, surpasse de beaucoup ceux du seu d'ici-bas.

III.

Du Feu produit par le frottement.

Cette feconde cause, qui décele le feu, agit d'autant plus puissamment, que les corps que l'on frotte s'appliquent plus

ET LA PROPAGATION DU FEU. 123 immédiatement l'un contre l'autre; ainsi trois choses peuvent augmenter l'effet que le feu produit par l'attrition.

1.º La maffe des corps.

2.° Leur élasticité.

3.º La rapidité du mouvement.

La masse des corps fait que leurs parties se touchent en plus de points, c'est pourquoi un fluide, ou quelque matiére onclueuse interposée entre deux, diminue beaucoup la chaleur qu'ils conçoivent par le frottement, car ce fluide s'oppose au contact immédiat de ces corps en se glissant entreux; c'est en partie pour cette raison que l'on graisse les moyeux des rouës.

L'élasticité des corps fait que les oscillations de contraction & de dilatation que le frottement excite en eux, se communiquent jusqu'à leurs parties les plus insensibles, & que par conséquent le feu retenu dans leurs pores, acquiert un plus grand mouvement.

Enfin la rapidité du mouvement de ces corps augmente cette action du feu, car toute cause produit des effets d'autant plus grands, qu'elle est plus souvent & plus continuëment

appliquée.

Ainsi la production du feu, par le frottement suit les loix Laproduction générales du choc des corps, puisqu'elle dépend de la masse & frottement, de la vîtesse, quoique peut-être dans une proportion qui n'est suit les loix du pas affignable, par les changements que la différente con-choc.

texture des parties internes des corps y doit apporter.

L'attrition ne fait que déceler le feu que les corps con- L'attrition ne tiennent dans leur fubstance; alors cette balance établie par produit point le Créateur entre la puissance du feu & la tendance des parties elle le décele. des corps vers leur centre, n'est plus en équilibre, & cette fupériorité de force, que le feu acquiert par l'augmentation de son mouvement, se manifeste par la chaleur des corps que l'on frotte, & quelquefois par leur embrasement. Cet effet n'est point produit par l'air, comme quelques-uns l'ont prétendu, puisqu'il s'opére dans le vuide.

Les corps les plus élastiques étant ceux qui s'échauffent le

plus par le frottement, cette cause doit produire peu d'effet sur les fluides, & elle en produit d'autant moins, qu'ils sont moins élastiques; c'est pourquoi l'eau pure s'échausse très-difficile-Les fluides s'échauffent trèsment par le mouvement seul, ses parties échappant par leur liquidité aux frottements nécessaires pour mettre en action le feu retenu dans ses pores; mais l'air au contraire, qui est très-élastique, s'échauffe très-sensiblement par l'attrition, car lorsque les fluides s'échauffent, soit par l'agitation ou par la mixtion, ils ne s'échauffent que par le frottement de leurs

L'attrition est le moyen le plus puissant pour exciter le

difficilement

par le frottement.

> parties infenfibles. L'attrition des corps est en même temps la plus universelle & la plus puissante cause pour exciter la puissance du feu, les effets qui sont pour nous le dernier période de sa puissance, & que le plus grand Miroir ardent n'opére que par un temps choisi, la percussion les produit en tout temps, & en tout lieu, dans le vuide, comme dans le plein, par la gelée la plus forte, comme par le temps le plus chaud; car si vous frappés fortement une pierre contre un morceau de fer, il en fort en quelque temps que ce foit, des étincelles qui, étant reçûës fur un papier, se trouvent autant de petits globes de verre produits par la vitrification de la pierre ou du métal, & peutêtre de tous les deux ensemble: c'est-là sans doute un des plus grands miracles de la Nature, que le feu le plus violent, puisse être produit en un moment par la percussion des corps les plus froids en apparence.

> En examinant les effets du feu fur les corps, on va de miracles en miracles. Nous venons de voir comment la percustion augmente la puissance du feu en augmentant son mouvement, voyons à présent comment le feu agit sur les corps, lorsqu'ils en reçoivent une nouvelle quantité dans leur.

Substance.

IV.

De l'action du Feu sur les Solides.

Le Feu raréfie tous les corps, c'est une vérité que l'on a

ET LA PROPAGATION DU FEU. 125 tâché d'établir dans la premiére partie de cet ouvrage. Les fluides, les solides, tous les corps enfin sur lesquels on a opéré jusqu'à présent, éprouvent cet effet du feu, & tous les autres effets qu'il opére sur eux, ne sont que les différents degrés de cette raréfaction.

Je vais commencer par examiner les progrès & les bornes

de cet effet du feu dans les solides.

Cette dilatation n'étend pas les corps seulement en Ion- Le seu étend gueur, mais selon toutes leurs dimensions, & cela doit être les corps selon toutes leurs diainfi, puifque l'action du feu se porte également de tous côtés; mensions. ainsi un cylindre de Cuivre ne passe plus, lorsqu'il est chaud, à travers le même anneau qui le transmettoit avant d'être échauffé.

Un Philosophe de nos jours, qui joint l'adresse de la main aux plus grandes lumiéres de l'esprit, a porté cette découverte à sa derniére perfection, par l'invention d'un instrument qui nous fait voir la 12500, c partie d'un pouce dans l'augmentation du volume des corps, ainsi la plus petite différence qui puisse être sensible pour nous, tombe sous nos yeux par le moyen du Pyrometre. Cet instrument admirable nous a appris:

1.º Que la Craye blanche elle-même, que l'on croyoit Tous les foêtre exceptée de cette regle générale de la dilatation, y est lidessedilatent, foûmife, & qu'il ne nous manque vraisemblablement que des instruments, & des yeux assés fins, pour nous appercevoir de celle du Sable, des rayons de la Lune, & de tous les autres

corps. 2.º Que cette dilatation des corps est plus grande dans les La raison que plus legers, & moindre dans ceux qui ont plus de masse; mais fuit cette dilaelle ne suit ni la raison directe de la masse, ni celle de la cohé-connie, rence des parties, ni une raison composée des deux, mais une raison inassignable; car cet effet du feu sur les corps dépend de leur fabrique interne que nous ne découvrirons vraisemblablement jamais.

3.° Que cette expension des corps ne suit point non plus la quantité du feu; il est bien vrai que plus le feu augmente,

expension dou-

plus la dilatation augmente aussi, mais non pas proportion-Un feu double nellement ; la dilatation opérée par deux meches d'Ésprit de n'opérepasune Vin, par exemple, n'est pas double de celle qu'une seule ble, & pour- meche opére, mais un peu moindre; & celle que trois meches produisent est encore dans une moindre raison.

Le feu en dilatant les corps les allonge, & il fait sur eux le même effet que s'ils étoient étendus par une force externe quelconque: la pulsion interne du feu & la traction appliquée extérieurement, produisant le même effet, qui est l'allongement du corps. Or le scavant M. Bernoulli a démontré que l'extension des fibres semblables & homogenes, chargées de poids différents, est moindre que la raison des poids, & que cette raison diminue à mesure que l'extension augmente: il en est de même de la dilatation des corps par le seu, car il les dilate d'autant moins, qu'il les a déja plus dilatés; ainsi une barre de Fer froide est comme une corde non tenduë, ces corps s'allongent tous deux, le fer par le feu qu'on lui applique, & la corde par le poids dont on la charge, & il faudra d'autant plus de poids & de feu pour produire une même extenfion, que le fer fera déja plus dilaté & la corde plus tenduë, car l'extension de la corde & la dilatation du fer sont fixées. Ce qu'on dit de l'extension en longueur peut s'appliquer à la dilatation en largeur, hauteur, &c.

4.º On suit la marche du feu dans la dilatation des corps à l'aide du Pyrometre, cette dilatation est plus lente au commencement, car le feu est quelque temps à pénétrer dans les pores des corps, & à vaincre la réliftance de leurs parties, mais lorsqu'il l'a surmontée, son action étant plus forte, le corps se dilate davantage; enfin la dilatation est plus lente à la fin lorsqu'elle est prête d'atteindre son dernier degré, car alors le feu ayant ouvert les pores des corps, il est transmis en partie à travers ces pores dilatés : or ce corps ne recevant que la même quantité de feu, & en transmettant une partie, les progrès de sa dilatation doivent être moindres.

5.º Le temps dans lequel cette raréfaction s'opére par un même feu, est différent dans les différents corps, & ne

ET LA PROPAGATION DU FEU. 127 fuit aucune raison affignable. La seule regle générale, c'est que plus un corps acquiert de chaleur, & plus sa dilatation s'opére lentement.

6.º Les Métaux ne se fondent pas tous au même degré de chaleur; le Pyrometre nous apprend bien à la vérité la quantité de leur expension, mais il ne nous informe pas du degré de chaleur qu'ils acquiérent dans cette expension &

dans la fusion.

M. Muffchenbroek Inventeur du Pyrometre, imagina de découvrir la chaleur des Métaux en fonte, par la quantité de raréfaction que les différents Métaux feroient éprouver au Fer, de même que l'on connoît la chaleur des liqueurs par le degré de raréfaction qu'elles opérent sur l'Esprit de Vin, ou sur le Mercure, car le Fer étant celui de tous les Métaux qui se fond le plus tard, il est le plus propre à marquer ces différences.

Cette chaleur des Métaux en fonte ne se trouve encore asservie à aucune regle, elle ne suit pas même la proportion de la dilatation, car le Plomb, qui se dilate presque autant que l'Etain par un même feu, se trouve cependant avoir besoin pour se fondre, d'un seu presque double de celui

qui fond l'Etain.

Une chose qui est encore assés singulière, c'est que deux Métaux quelconques mêlés ensemble, se fondent à un moin-

dre feu, que s'ils étoient féparés.

7.º Lorsque la dilatation des corps est à son dernier période, leurs parties sont obligées de céder à l'action du feu, plus après la & de se séparer; alors le feu les fait passer de l'état de solides fusion. à celui de fluides, & c'est-là le dernier période de l'action du feu sur eux : car leurs pores étant suffisamment dilatés; ils rendent autant de particules de feu qu'ils en reçoivent, ainsi la chaleur des corps n'augmente plus après la fusion.

Si la puissance du feu sur les corps n'étoit pas bornée, le S'il n'y avoit feu détruiroit bientôt l'Univers; ces bornes que le Créateur pas des parties lui a imposées, & qu'il ne franchit jamais, prouvent qu'il folides, tout y a des parties parfaitement solides dans la Nature, & que deviendroit

Dieu seul peut les diviser.

Le feu fépare

Ainsi l'action du feu, lorsqu'elle est à son dernier période les corps jusques dans leurs de puissance, sépare les corps jusques dans leurs parties éléparties élémen- mentaires ; un grain d'Or fondu avec 100000 grains d'Argent, se mêle de façon avec l'Argent, que ces deux Métaux forment dans la fusion une liqueur dorée; & si après la fusion on fépare un grain de toute cette masse, on retrouve entre l'Or & l'Argent la même proportion de 100000 à 1, & l'on n'a point encore trouvé les bornes de cette incorporation de l'Or dans l'Argent, ce qui prouve affurément que le feu fépare les corps jusques dans leurs parties constituantes élémentaires.

> On voit dans cette expérience un exemple des deux plus puissants effets du feu sur les corps, l'un de les desunir & de les féparer jusques dans leurs principes, & l'autre de les

affembler & les incorporer ensemble.

Ces deux effets si différents, qui paroissent l'aλφα & l'autina de la Nature (si je puis m'exprimer ainsi) le seu les opére par cette même propriété qui lui fait raréfier tous les corps, car pour que deux corps soient aussi intimément unis que l'Or & l'Argent dont je viens de parler, il faut qu'ils ayent été divifés jusques dans leurs principes, & que leurs plus petites particules ayent pû s'unir intimément l'une à l'autre; ainsi le feu est le plus puissant, & peut-être le seul agent de la Nature pour unir & pour séparer, il fait le Verre, l'Or, le Savon, &c. & il diffout tous ces corps, il paroît être enfin la cause de toutes les formations & de toutes les dissolutions de la Nature.

Le feu agit différenment fur les différents corps suivant la cohérence, la masse, la glutinité de leurs parties; &c. & tous ces différents effets dépendent de l'action & de la réaction perpétuelle du feu sur les corps, & des corps sur le seu, c'est toûjours la même cause qui se diversifie en mille saçons différentes, mais cette cause s'arrête dans tous les corps à ces parties élémentaires sur lesquelles le feu ne peut agir.

Puisque le feu dilate tous les corps, puisque son absence les contracte, les corps doivent être plus dilatés le jour que la nuit,

ET LA PROPAGATION DU FEU. 120 la nuit, les maisons plus hautes, les hommes plus grands, &c. ainsi tout est dans la Nature dans de perpétuelles oscillations de contraction & de dilatation, qui entretiennent le mouvement & la vie dans l'Univers; car le mouvement se perd en partie par la réfisfance des corps durs, & le manque d'élasticité dans les corps mols, mais le feu le conserve, & les créatures animées le renouvellent, les Newtoniens diroient que la gravitation est encore une des causes qui empêche le mouvement de périr.

La chaleur doit dilater les corps fous l'Equateur, & les contracter fous le Pole; c'est pourquoi les Lappons sont petits & robuftes, & il y a grande apparence que les Animaux & les Végétaux qui vivent sous le Pole, mourroient fous l'Equateur, & vice versa, à moins qu'ils n'y fussent portés par des gradations insensibles, comme les Cometes

passent de leur aphélie à leur périhélie.

Cette chaleur de l'Equateur doit élever la terre dans cette région, & abbaisser celle du Pole; mais cette élevation causée par la chaleur feulement, doit être infensible pour nous.

Les corps s'échauffent plus ou moins, & plus ou moins Les corps s'évîte, selon seur couleur, ainfi les corps blancs composés de chauffent plus oumoins, selon particules très-compactes & très-serrées, cédent plus diffi- leur couleur. cilement à l'action du feu, c'est pourquoi ils résléchissent presque toute la sumiére qu'ils reçoivent; les noirs, au contraire, composés de particules très-déliées, cédent aisément à l'action du feu, & l'absorbent dans seur substance; ainsi un corps noir, toutes choses égales, pese spécifiquement moins qu'un corps blanc : c'est la facilité avec laquelle le noir s'échauffe, qui rend les terres noires bien meilleures que les blanches.

Ce n'est pas seulement le noir & le blanc qui s'échauffent différemment par un même feu, mais les sept couleurs primitives s'échauffent à des degrés différents. J'ai fait teindre un morceau de drap des sept couleurs du prisme, & l'ayant mouillé également, l'eau, par un même feu, s'est retirée des pores de ces couleurs dans cet ordre, à commencer par celles

Prix 1738.

qui se séchérent le plus vite: violet, indigo, bleu, verd, jaune, orangé & rouge. La réslexion des rayons suit le même ordre, & cela ne peut être autrement, car le corps qui absorbe le moins de rayons, est sûrement celui qui en résléchit davantage.

Si les rayons de différentes couleurs n'auroient point différentes vertus brûlantes!

Une expérience bien curieule (fi elle est possible) ce feroit de rassembler séparément asses de rayons homogenes pour éprouver si les rayons primitifs qui excitent en nous la sensation des différentes couleurs, n'auroient pas différentes vertus brûlantes; si les rouges, par exemple, donneroient une plus grande chaleur que les violets, &cc. c'est ce que je suis bien tentée de soupconner:

Natura est sibi semper consona.

Or les différents rayons ne nous donnent la fensation des différentes couleurs, que parce que chacun d'eux ébranle le nerf optique différemment; pourquoi ne feront-ils pas aussi des impressions différentes sur les corps qu'ils consument, & fur notre peau? Il y a grande apparence, fi cela est ainsi, que les rouges échauffent davantage que les violets, les jaunes que les bleus, &c. car ils font des impressions plus fortes fur les yeux; la plus grande difficulté est peut-être de s'appercevoir de ces différences, le sens du tact ne paroissant pas susceptible de sentir des variétés aussi fines que le sens de la vûë: quoi qu'il en foit, il me femble que cette expérience mérite bien d'être tentée, elle demande des yeux bien philosophiques, & des mains bien exercées, je ne me suis pas trouvée à portée de la faire, mais à qui peut-on mieux s'adresser pour l'exécuter, qu'aux Philosophes qui doivent juger cet Effay?

V

Comment le Feu agit fur les Liquides.

On sçauroit peu de chose sur la façon dont le feu agit sur les liquides, sans la découverte de M. Amontons; on

ET LA PROPAGATION DU FEU. 121

scait que ce scavant homme, en cherchant le moyen de faire un Thermometre plus parfait que celui de Florence, découvrit que l'eau qui bout, acquiert un degré de chaleur déterminé, passé lequel elle ne s'échauffe plus par le plus grand lanten'acquiere feu; ainsi le dernier période de la puissance du feu sur les liquides, c'est l'ébullition.

Le célébre M. de Reaumur, & Faheinrheit, cet Artifan Philosophe, ont perfectionné tous deux cette découverte

d'Amontons.

M. de Reaumur a remarqué que l'eau ne fait pas monter le Thermometre à son dernier période dans le moment même de l'ébullition, mais quelque temps après, & que ce temps va même quelquefois jufqu'à un quart d'heure; ce Philosophe nous en a appris la raison, la liqueur du Thermometre se refroidit en montant dans le tube, ainsi la chaleur de l'eau n'augmente pas réellement après l'ébullition, mais elle paroît augmenter, & cette augmentation apparente a trompé plufieurs Phificiens avant la remarque de M. de Reaumur.

Faheinrheit de son côté a découvert que la pression de l'Atmosphere augmente cette chaleur que l'éau acquiert en bouillant, en sorte que plus l'Atmosphere est pesant, plus il faut de feu pour faire bouillir l'eau. Cette découverte est confirmée par ce qui arrive dans le vuide, où l'eau qui n'étoit que tiéde dans l'air, bout dans le moment qu'on la met sous

le récipient.

Cette découverte de Faheinrheit est d'autant plus belle. qu'on en voit aisément la raison; car lorsque la surface de l'eau est pressée par un plus grand poids, le fen sépare plus difficilement ses parties, & par conséquent il faut une plus grande quantité de feu pour la faire bouillir, puisque c'est dans cette séparation des parties des liquides, que consiste l'ébullition; ainsi il est vraisemblable que l'eau, pressée par un poids pareil à celui que l'Atmosphere auroit à 409 640 toises de la surface de la terre, brilleroit comme les métaux en fonte, car le poids de l'Atmosphere à cette profondeur, seroit égal à celui de FOr, survant le calcul de M. Mariotte.

Pourquoi !

Cette propriété de l'eau de ne point augmenter sa chaleur passé l'ébullition, appartient à tous les fluides, ainsi :

Il en est de imême des autres fluides.

Ils acquiérent tous des degrés de chaleur différents dans l'ébullition, car il faut que le feu soit en plus grande quantité pour faire les mêmes effets sur les corps qui lui opposent une plus grande résistance; mais cette quantité de seu plus ou moins grande, que les différents liquides reçoivent dans leurs pores, ne dépend point de leur masse, car l'Huile qui est plus legere que l'eau, acquiert cependant près de trois fois autant de chaleur que l'eau avant de bouillir, & l'Esprit de Vin qui est aussi plus leger que l'eau, acquiert moins de chaleur qu'elle dans l'ébullition.

Le Mercure est un des fluides à qui il faut un plus grand feu pour bouillir; ainsi on connoît avec certitude le plus grand degré de chaleur des autres liquides, à l'aide des Thermometres qui sont composés de Mercure, de même que le Fer qui est celui de tous les métaux qui se fond le plus difficilement, sert à faire connoître la chaleur des autres métaux

en fonte.

2.º Les fluides se raréfient d'autant plus promptement, qu'ils sont plus legers; ainsi l'air est celui de tous à qui il faut un moindre feu pour commencer à se raréfier, ensuite l'alcohol, l'huile de Pétrole, &c. & ainsi de suite, suivant leur pesanteur spécifique.

Tous les fluides se raréfient.

3.º Tous les fluides sur lesquels on a opéré jusqu'à préfent, se sont raréfiés; ainsi il y a la plus grande vraisemblance qu'ils se raréfient tous, comme tous les solides se dilatent.

Cette raréfaction ne tuit point la denfité des liqueurs.

4.º La quantité de cette raréfaction, depuis le froid artificiel produit par l'Esprit de Nitre, jusqu'à l'ébullition, est différente dans les différents fluides; mais elle ne suit ni la raison de la pesanteur spécifique, ni celle de la glutinité des parties, ni aucune raison constante, car l'Esprit de Vin qui est plus leger que l'eau, augmente son volume de 10.0 & l'eau feulement de 100, mais le Mercure dont la pesanteur spécifique est à celle de l'eau comme 14 à 1; augmente le sien de 4.es. Ainsi il en faut toujours revenir à la contexture ET LA PROPAGATION DU FEU. 133 intime des corps, quand on veut expliquer les effets que le feu fait fur eux; & comme nous ne la connoîtrons jamais, il y aura totijours pour nous des exceptions aux regles les plus générales.

5.° La raréfaction de presque tous les fluides s'opére par des especes de sauts inégaux; le Mercure est celui de tous qui se raréfie le plus également, & c'est un des avantages des

Thermometres qui en font composés.

6.° L'Air qui est de tous les suides celui qui se rarése le plus, ne parvient jamais jusqu'à l'ébullition, sa rarésaction est telle, que la chaleur de l'eau bouillante augmente son volume d'un tiers, & c'est encore à M. Amontons à qui nous devons cette découverte: cette grande rarésaction est peut-être ce qui l'empêche de bouillir, de même que l'Esprit de Vin ne bout point au foyer d'un verre ardent, parce qu'il s'evapore dans se moment; ainsi le dernier période de la puissance du seu sincipal de la vérité l'ébullition comme la suson sur les solides, mais cependant si son action est continuée, leurs parties s'évaporent.

7. Le mélange des différentes liqueurs, produit des Effets surpre-

effets très-finguliers.

Quelquefois les liqueurs mêlées s'enflamment, & c'eft ce des liqueurs, qu'on appelle des fulminations; plusieurs Huiles font cet effet avec de l'Esprit de Nitre.

Dans d'autres mêlanges, il se fait une grande effervescence, qui produit le refroidissement des liqueures, tel est l'estet de l'Hulle de Térébenthine avec de l'Esprit de Vin, & cest ce qui fait les fermentations froides dont j'ai parlé dans ma

premiére partie.

D'autres liqueurs au contraire, s'échauffent très-fenfiblement par l'effervescence de leur mixtion, ainsi l'Esprit de Vin mêlé avec de l'eau fait monter * le Thermometre de 18 degrés, L'Esprit de Vin fait le même effet avec notre sang, qu'avec l'eau; c'est ce qui fait que les liqueurs

* Les degrés de froid & de chaud dont je parle, ont été mesurés au Thermometre de Fahenrheit.

nants des différentes mixtions des liqueurs. 134 DISSERTATION SUR LA NATURE foiritueuses sont souvent mortelles, quand on en abuse.

Dans les fermentations chaudes, le mêlange s'échauffe dans le moment même de la mixtion, la Poudre à Canon ne prend pas feu plâtôt, & lorsque le mêlange est parfait, la liqueur ne s'échauffe plus, quelque fort qu'on la remué:

Il y a bien de l'apparence que la chaleur des liquides qui s'échauffent par la mixtion, est produite par la même cause qui fait que les solides s'échauffent par le frottement.

Il y a des mêlanges qui s'échauffent plus que d'autres, parce que les particules des liqueurs qui les composent, agissent plus puissamment les unes sur les autres; de même que certains corps acquiérent plus de chaleur que d'autres, par l'attrition de leurs parties.

Cette chaleur dure jusqu'à ce que le mouvement où sont les liquides cesse, alors ils retoument à leur première température, de même que la chaleur que les solides acquiérent par le frottement, se dissippe dès que le mouvement interne

de leurs parties vient à cesser.

L'analogie feroit parfaite, s'il y avoit des corps folides qui fe refroidiffent par le frottement, comme il arrive à quelques liqueurs par la mixtion, mais nous n'en connoiffons point, ainfi il paroît plus difficile de connoître ce qui caule les

fermentations froides que les chaudes.

Il et cependant vraisemblable que c'est toûjours la même cause qui agit dans les unes et dans les autres, toute la différence consiste en ce que dans les fermentations chaudes, les particules ignées sont évaporer les particules les plus legeres des liqueurs, et que dans les froides, ce sont les parties de seu que s'évaporent: ainsi ces effets si différents dépendent de la façon dont les particules des différentes liqueurs agissent les unes sur ses autres.

Mais l'effet le plus fingulier de ces mêlanges, & qui paroît entiérement inexplicable, c'est que deux quantités égales, mais différemment échauffées, d'un liquide quelconque, prennent par la mixtion, un degré de chaleur qui est la moitié de la différence de la chaleur que ces deux portions du-liquide: ET LA PROPAGATION DU FEU. 135 avoient avant d'être mélées; ainfi une livre d'eau qui tient le Thermometre à 32 degrés, étant mélée à une autre livre d'eau bouillante qui le tient à 212, fera monter le Thermometre après la mixtion, à 90: or 90 est la moitié de la dissérence de 32 à 212.

De quelque façon qu'on explique ce Phénomene si singulier, il est toujours certain qu'il est une nouvelle preuve de l'égalité avec laquelle le seu se répand dans les corps.

Dans toutes les fermentations, soit chaudes, soit froides, le mouvement dure jusqu'à ce que le combat entre l'action du feu & la tendance que les parties des corps ont à s'unir, vienne à cesser, ainsi ces sermentations dépendent aussi de la combination de ces deux pouvoirs.

VI.

Comment le Feu agit sur les Végétaux & sur les Animaux.

Le Thermometre nous apprend que les créatures qui ont reçû la vie, contiennent une plus grande quantité de feu que les autres corps de la Nature, la plus grânde chaleur de l'Eté étant, dans nos climats, de. 80 degrés, & rarement de 84 degrés, & celle d'un Homme fain de 90 ou 92 degrés, & même dans les Enfants elle va jufqu'à 94. Ainfi le principe de la vie paroît être dans le feu, puifque les créatures animées en ont reçû une plus grande quantité que les autres; & que les Enfants, en qui le principe de la vie eft encore tout entier, ont un plus grand degré de chaleur que les Hommes faits, & les Hommes faits plus que les Vieillards.

La chaleur du fang d'un Bœuf eff à celle de l'eau bouillante à peu-près comme 14 31 est à 33, c'est-à-dire, un peu moins de la moitié; la chaleur de l'eau bouillante fait monter le Thermometre à 212 degrés dans l'air ordinaire, ainsi ces Animaux ont un plus grand degré de chaleur que nous, aussi sont est plus vigoureux.

Le célébre Boërhave, dans son admirable Traité du Feu, rapporte qu'ayant mis pluseurs Animaux dans un lieu où

Le principe de la vie paroît être dans le feu

Page 148

136 DISSERTATION SUR LA NATURE l'on séche le Sucre, & dont la chaleur étoit de 146 degrés, non-seulement ils y moururent tous en peu de temps, mais leur fang & toutes leurs humeurs se corrompirent, de façon qu'ils rendoient une odeur insupportable. Les Hommes ne peuvent soûtenir la chaleur de ce lieu, & il faut que les ouvriers qui y travaillent, se relayent presque à chaque inflant pour aller respirer de nouvel air. M. Boërhave conclut de cette expérience & de quelques autres, que nous mourrions bientôt, si l'air qui nous entoure, faisoit seulement monter le Thermometre à 90 degrés; ainsi nous pouvons regarder à peu de chose près ce degré de chaleur comme le

Quel degré de chaleur feroit périr tous les Animaux.

point auguel toute l'espece animale périroit. En 1709, le Thermometre fut à 0 degrés en Islande, & l'espece animale ne périt point; ainsi il est vraisemblable que nous pouvons supporter un plus grand froid, pourvû

qu'il ne foit pas continu.

La végétation cesse au point de la congélation, car quoique les Arbres & quelques Herbes, comme l'herbe à foin, y réfistent, elles ne végétent point tant que l'air a cette tem-Quel degré pérature; ainfi ce terme peut être regardé comme celui de de froid & de la vénément du câté la characterisme du câté la Comme celui de la végétation du côté du froid, & s'il étoit continué, les gémux peuvent Arbres & les Plantes ne végétant plus, seroient bientôt entiérement détruits.

chaud, les Véfoutenir.

> Le degré de chaleur de la Cire fonduë qui, nageant sur de l'eau chaude, commence à se coaguler, peut être regardé comme le point extrême de la végétation du côté du chaud; car puisqu'une plus grande chaleur fondroit la Cire qui est une substance végétale, cette chaleur disperseroit & sépareroit les matières nutritives, au lieu de les amasser & de les unir, & les Plantes ne pourroient que dépérir.

VII.

De l'aliment du Feu.

On sçait assés que ce qu'on appelle l'aliment du Feu, pabulum ignis, sont les parties les plus legeres des corps, que le feu ET LA PROPAGATION DU FEU. 137

le feu enleve, & qui disparoissent entiérement pour nous. Les opérations chimiques nous font voir que l'Huile contient seule cet aliment du feu; on retrouve tous les autres prin-climent du feu. cipes, lorsqu'on rassemble les exhalaisons que le seu tire des corps, l'Huile seule se consomme, & échappe entiérement à nos sens.

Quel eft l'a-

De grands Philosophes ont cru que cet aliment du feu, Que l'aliment qui disparoît entiérement pour nous, n'étoit autre chose que du seu pas du seu. le feu lui-même, qui se dégageoit d'entre les pores des corps qui se consumoient; mais si cela étoit, les matières qui restent après des opérations réitérées, comme le caput mortuum, par exemple, devroient toûjours être inflammables, car certainement cette tête-morte n'est pas entiérement privée de feu, cependant le feu ne peut plus rien sur elle: Donc elle ne contient plus cette matiére sur laquelle le feu exerçoit sa puisfance: Donc cette matière n'étoit pas du feu.

De plus, il y a des corps qui contiennent beaucoup plus de ce pabulum, de cette huile qui nourrit le feu, que d'autres, & cependant tous contiennent également de feu dans un même air; c'est ce qui a été, je crois, invinciblement prouvé: Donc l'aliment du feu n'est pas du feu.

Mais que fera-ce donc?

Les parties les plus tenuës & les plus volatiles des corps, lesquelles cédant plus facilement à l'action du feu que les autres, s'envolent avec lui dans l'air où elles se diffipent, & ne reparoiffent plus à nos yeux, du moins sous la même forme; car l'huile & l'esprit ne sont autre chose que ces parties les plus fubtiles, mêlées encore avec quelque flegme dont le feu les dégage.

Mais ces exhalaifons que le feu tire des corps, cette huile Et qu'il ne fe qu'il consomme, ne se changent pas non plus en sa substance, en seu, ne deviennent pas du feu; c'est ce que j'ai déja tâché de

prouver dans ma premiére partie.

Voici encore quelques preuves de cette vérité; car on ne peut trop s'en convaincre, si l'on veut avoir quelque idée de la nature du feu.

Prix 1738.

1.º Si le feu changeoit quelque partie des corps en feu, la matiére ignée augmenteroit à tel point sur la terre par la puissance du feu, que tout deviendroit feu à la fin: or la constitution de notre globe demande qu'il y ait toûjours à peu-près la même quantité de feu, sans quoi tous les germes seroient détruits: Donc, &c.

2.º Il paroît par les plus exactes & les plus anciennes Tables Météorologiques, que la quantité du feu est toûjours

la même: Donc, &c.

3.º Les incendies des forêts qui brûlent pendant plufieurs mois, ne changent point, lorsqu'ils sont passés, la température

des climats qui les ont foufferts : Donc, &c.

4.º La flamme de l'alcohol (la plus pure de toutes) nous est visible, & le cone lumineux qui va fondre l'Or dans le foyer du verre ardent, échappe entiérement à notre vûë; marque certaine que l'esprit qui compose l'alcohol n'est pas du feu, & qu'il ne se change point en feu: Donc les particules que le feu enleve des corps, & qui disparoissent à nos yeux, ne se changent point en feu.

Ce que c'est que la flamme & la fumée.

A l'égard des parties plus groffiéres des corps, le feu les atténuë, & les transforme en un fluide élastique, que nous voyons tantôt sous la forme de fumée, lorsqu'il ne contient pas encore assés de particules de feu pour briller, & tantôt fous celle de flamme, lorsqu'il en contient une plus grande quantité; ainsi la fumée ne différe de la flamme, que par le plus ou le moins de particules ignées qu'elles contiennent l'une & l'autre, elles montent toutes deux dans l'air par leur legereté spécifique, & par l'action du feu qui les enleve & qui tend en en-haut, comme je l'ai déja dit.

Le feu consume les corps plus ou moins vîte, selon leur En quelle prodenfité; ainfi dans un mêlange d'Esprit de Vin, d'Huile, de Camphre, de Sel ammoniac, de Terre & de Limaille de bois, l'Esprit de Vin brûle le premier, & la flamme a la même couleur que s'il étoit feul, & tous les autres corps de ce mêlange

brûlent de même, selon leurs densités respectives. L'air par son élasticité, & l'atmosphere par son poids, sont

portion les corps fe confuET LA PROPAGATION DU FEU. 139

auffi nécessaires au seu pour entretenir son action, que sa pourqueit intermatière même qui lui sert d'aliment; ainsi les matières les au seu seu seu plus combustibles ne brûleroient point sans air, & l'air ne brûler. S'enstammeroit jamais, si les exhalations ne méloient pas de

cette huile alimentaire à fa substance.

L'atmosphere pese sur un seu d'un pied en quarré, comme un poids de 2240 livres environ; ce poids étant sans ceste agité, & pressant sans ceste par de nouvelles seconsies, sur le corps que le seu consume, augmente la puissance du seu dans ce corps, à peu-près par la même raison qu'un corps s'enslamme d'autant plus promptement par le frottement, que celui qui lui est successivement appliqué est plus pesant; car dans tous les seux que nous allumons, l'atmosphere sait sur le corps qui s'enslamme, le même esset qu'un corps qu'on appliqueroit successivement sur un autre par le frottement.

C'eft par cette raifon que l'eau éteint le feu, & qu'un Peurquoi l'eau foufflet l'allume; car l'eau empêche que les ofcillations que l'air peurquoi un communiquoit au feu, parviennent jufqu'a lui, & le foufflet bauquoi un contraire rend les vibrations de l'atmosphere plus fortes hune.

& plus fréquentes; la force avec laquelle un foufflet double de Forge pouffe l'air dans le feu, étant égale à la 3 o.º partie du poids de l'atmosphere, cette force doit faire fortir l'air avec une grande vitesse, & le renouveller à chaque moment. On peut juger par-là combien un vent violent doit augmenter

le feu.

Le feu dure tant que l'action & la réaction excitée par Des caufes de cette pression de l'atmosphere subsissée. Ainsi trois choses l'extindion du peuvent faire cesser le feu.

1.º La conformation du corps combustible.

2.° La suppression du poids de l'atmosphere. 3.° La destruction de l'élasticité de l'air.

VIII.

Si le Feu est cause de l'Elasticité.

Cette nécessité de l'air élastique pour entretenir l'action S ij

- -,

Le feu n'est du feu, prouve bien clairement, ce me semble, que le feu, point la cause de l'élasticité, loin d'être la cause de l'élasticité de l'air, comme quelques phénomenes pourroient d'abord le faire croire, en est au contraire le destructeur, car on voit toûjours le feu détruire

cette propriété dans l'air, & dans tous les corps.

Il la détruit dans l'air & dans tous les corps.

. 6.

1.º Le feu détend le ressort de tous les corps, puisque ce n'est que par cet effet qu'il les raréfie: or un corps est d'autant moins élaftique que son ressort est plus détendu, & il n'y a pas même d'autre moyen de faire perdre l'élasticité à l'air & à tout autre corps, que de détendre son ressort: Donc puisque celui de l'air & d'un corps quelconque, est d'autant plus détendu qu'il est plus échauffé, le feu ne peut être la cause de l'élasticité de l'air, ni de celle d'aucun corps.

2.º Il est vrai que lorsque l'air est comprimé, le feu augmente son ressort; mais cette augmentation suit la raison des poids qui le compriment, & non celle du feu qu'on lui applique: Donc ce n'est pas le feu qui lui donne l'élasticité, & il n'augmente celle de l'air comprimé, que parce que l'air réfiste à l'effort que fait le feu pour détendre son ressort, à pro-

portion des poids qui le compriment.

3.º L'air de la movenne région reçoit plus de rayons, & des rayons plus directs que l'air d'ici-bas, car ces rayons n'ont point d'atmosphere à traverser, & cependant il est bien moins élastique que l'air qui est près de la surface de la Terre: Donc, &c.

4.° Une bougie que l'on met sous un récipient avant d'en avoir pompé l'air, détruit l'élasticité de cet air, & ne s'éteint même qu'à cause de ce manque d'air élastique; cependant si le feu causoit l'élasticité, il ne pourroit la détruire, & cet air

devroit être très-élastique.

5.º Tous les corps perdent leur élasticité par l'action du feu, l'eau liquide, les métaux en fonte, qui font à peu-près aux métaux froids, ce que l'eau liquide est à la glace; tous les corps enfin cessent d'être élastiques, dès que le feu les a pénétrés: Donc le feu détruit l'élasticité, loin de la produire. Ce n'est pas ici le lieu d'examiner ce que c'est que l'élasticité des

ET LA PROPAGATION DU FEU. 141' corps, il me suffit d'avoir prouvé que le feu, loin d'en être le principe, en est le destructeur, & que s'il y contribuë, c'est en s'y opposant.

IX.

Si l'E'lectricité dépend du Feu.

On peut croire avec plus de fondement que le feu est la Le seu paroît être la cause de cause de l'Electricité.

L'analogie, ce fil qui nous a été donné pour nous conduire dans le labyrinthe de la Nature, rend, ce me semble, cette opinion très-vraisemblable.

1.º Tous les corps contiennent du feu, presque tous ont Preuves la propriété de retenir & de rendre la lumière, & tous deviennent électriques, si on en excepte les métaux & les liquides; mais ces corps qui ne deviennent point électriques par eux-mêmes, le deviennent par communication; ainfr l'Electricité appartient presque aussi généralement à la Nature, que le feu.

2.º Il n'y a point d'électricité sans frottement, & par

conféquent sans chaleur.

3.º Presque tous les corps électriques manifestent audehors la cause qui les anime, par les étincelles qu'ils jettent dans les ténébres.

4.º Leur lumière subsiste après que leur électricité est détruite, de même qu'il y a des corps qui donnent de la lumiére fans chaleur.

5.º La gelée & un temps serein, sont plus favorables qu'un grand chaud à l'électricité, comme au miroir ardent.

6.° Le feu & la matiére électrique ont besoin de l'air

pour agir.

7.° Les corps les plus susceptibles de l'électricité, sont les moins propres à la transmettre, de même que les corps réfléchissent d'autant moins de lumière, qu'ils s'échauffent davantage.

8.º L'humidité détruit l'électricité des corps, fans détruire

142 DISSERTATION SUR LA NATURE leur lumière, ainfi que l'eau refroidit les corps, mais n'éteint point les Dails, les Vers luifants, &c.

9.° Les corps homogenes s'empreignent de l'électricité, en raison de leur volume, de même que le feu se distribue selon

les volumes, & non selon les masses.

10.º Les corps deviennent plus électriques lorsqu'on les

échauffe avant de les frotter.

Il femble par tous ces effets, que l'on peut, avec quelque vraifemblance, regarder le feu comme la caufe de l'électricité.

Je ne disconviendrai pas cependant qu'elle en opére d'autres, dont l'analogie ne paroît pas si clairement. Telle est, par exemple, la lumière que les corps électriques rendent dans le vuide, &c. Mais je ne propose mon opinion sur cela, que comme un doute que je soûmets au Corps respectable à qui

j'adresse cet Essai.

Si le feu produit l'électricité, il y a grande apparence qu'il fe joint à fon action un atmosphere particulier qui lui fert de véhicule, êt qui entoure les corps électriques; êt que cet atmosphere est la cause de ces subsaltations des corps legers qui sont dans la sphere de son activité, êt que c'est cet atmosphere qui décide l'éspece d'électricité des corps (peut-être est-ec cet atmosphere qui opére la réslexion de la lumière) mais le seu n'en est pas moins la cause efficiente des phénomenes de l'électricité.

Le Philosophe ingénieux, qui s'est appliqué à suivre ces nouveaux miracles de la Nature, peut espérer d'en connoître bien-tôt la cause, si le travail, l'application & la sagacité de

l'esprit, peuvent suffire pour la découvrir.

X.

Comment le Feu agit dans le Vuide.

L'air paroît aussi nécessaire au seu pour brûler, qu'aux Animaux pour vivre; cependant la Machine Pneumatique nous a fait voir que cette regle si générale, a aussi ses exceptions.

1.* Du Soufre versé dans se vuide sur un Fer chaud.

ET LA PROPAGATION DU FEU. 143 donne une lumiére très-foible à la vérité, & qui s'éteint très-

vîte, mais enfin il s'enflamme.

corps s'enflamment dans le

2.º Quelques grains de Poudre à Canon jettés sur ce Fer, vuide. s'enflamment sans explosion. M. Hauksbée assure que lorfqu'on y en jette une plus grande quantité, elle fait explofion & casse même le récipient : Donc l'explosion de la Poudre à Canon ne viendroit point de l'air. Boyle rapporte avoir fait à peu-près la même expérience que M. Hauksbée, avec le même fuccès.

3.º L'Huile de Gérofle s'y enflamme, & c'est la seule de

toutes les Huiles qui ait cette vertu.

4.º Les Pierres & les Métaux se vitrifient dans le vuide par la percuffion, mais ils n'y jettent point d'étincelles.

5.º Du Phosphore d'urine enfermé hermétiquement dans une boule de verre, à qui l'on donne un feu de 120 degrés,

jette une flamme très-legere.

Je ne parle point des effets du Verre ardent dans le vuide, n'ayant pas eu la commodité de m'en instruire, & de faire

les expériences nécessaires.

Il est assés difficile de concevoir comment l'air peut être si nécessaire au feu pour brûler, & comment en même temps il peut y avoir des corps qui brûlent dans le vuide; car quels feront les corps qui brûleront sans air? Quelle sera enfin la cause de cette différence? Seroit-ce que les corps plus inflammables, plus pleins de la matière qui est l'aliment sur la cause de du feu, comme le Soufre & la Poudre à Canon, s'enflammeroient plus aisément, & que le feu pour les embraser n'auroit pas besoin d'être excité par les secousses & le poids de l'atmosphere? La foiblesse & le peu de durée de la flamme, que les corps donnent dans le vuide, rendent cette conjecture vraisemblable, mais il faut avouer qu'elle n'est rien de plus.

Cependant malgré ces exceptions, les corps en général ne s'allument point dans le vuide, & s'y éteignent très-promptement, mais ils ne s'y refroidissent que successivement.

Ils s'y refroidissent précisément dans le même espace de Les corps se temps que dans l'air; c'est ce dont M. Musschenbroek s'est tegalement vite tegalement vite

ce phénomene.

dans levuide & convaincu en mettant deux Pyrometres fous deux récipients. dans l'air. l'un plein d'air, & l'autre entiérement vuide.

Ce refroidissement des corps dans le vuide, est une des plus fortes preuves de l'équilibre du feu; car ce n'est pas affürément parce que l'air prend à tout moment de la chaleur de ces corps, qu'ils se refroidissent: Donc il faut que ce soit par la seule tendance du feu à l'équilibre; ainsi le contact des corps froids accélére le refroidissement des corps échauffés, mais il ne le cause pas.

L'eau bout d'autant plus promptement dans le récipient, que l'on en a tiré plus d'air, & les urines de différents Animaux, de même que plusieurs mêlanges, y bouillent plus ou moins vîte, felon que le vuide est plus ou moins parfait.

Enfin la plûpart des effervescences, tant chaudes que froides, s'opérent dans le vuide comme dans l'air; il y a même des liqueurs dont le mêlange ne fait point d'effervescence dans l'air, & qui fermentent sous le récipient; mais le temps ne me permet pas d'entrer dans ces détails.

X I.

En quelle raison le Feu agit.

La Géométrie démontre qu'un corps qui est à 4 pieds d'un feu quelconque, en reçoit 16 fois moins de rayons que celui qui n'en est qu'à 2 pieds; & on conclut de cette démonstration, que la lumière & la chaleur croissent en raison inverse du quarré de la distance, au corps lumineux.

Cette conclusion seroit très-juste, si la chaleur & la

lumiére étoient affervies aux mêmes loix.

La regle du quarré des di-

ftances n'a pas

lieu dans la cha-

leur comme

La lumiére n'étant que le feu transmis en ligne droite danslalumière, jusqu'à nos yeux, ce feu ne peut nous éclairer que par la

quantité des rayons qu'il nous envoye.

Mais il paroît qu'il n'en est pas de même de la chaleur. Le feu, par sa chaleur, fait plusieurs effets sur les corps, qui ne paroiffent pas pouvoir être attribués à la quantité feule de ses parties raffemblées dans un plus petit espace.

1.º L'effet

ET LA PROPAGATION DU FEU. 145

1.° L'effet le plus prompt & le plus violent que le feu pus seulement puisse faire, se produit par l'attrition de deux corps durs: or par se nombre on ne peut attribuer, ce me semble, la vitrification presque de ses parties, instantanée de ces corps, à la seule quantité des parties du feu.

Cette expérience prouve encore que tout le feu ne vient pas du Soleil, car elle réuffit auffi-bien à l'ombre qu'au Soleil,

& la nuit que le jour.

2.º Le Pyrometre nous apprend qu'un feu double n'opére Prouves. pas un effet double, ni un feu triple un effet triple dans la dilatation des corps: Donc le feu n'agit pas toûjours en raison de sa quantité.

3.º Les Phosphores brûlants produisent des effets qui ne peuvent être attribués à la feule quantité du feu qu'ils con-

tiennent.

4.º La chaleur du cone lumineux qui va fondre l'Or & les Pierres dans le foyer du miroir ardent, est à 5 pouces de ce foyer, très-supportable à la main, & le Thermometre dans cet endroit, ne monte qu'à 100 degrés: or comment se peut-il que par la seule densité des rayons, le seu fasse des effets si différents à 5 pouces de distance seulement?

5.º Si on ne reçoit pas les rayons que le miroir ardent envoye à son foyer, sur un corps solide qui les retienne dans sa substance, ces rayons qui auroient vitrifié l'Or & les Pierres exposés à ce foyer, communiqueront à l'air une chaleur qui sera à peine sensible. Cependant si le seu agissoit seulement par la quantité de ses parties, l'air devroit être dans cet endroit d'une chaleur qu'on auroit peine à supporter; il faut donc que ces effets ayent encore une autre cause.

6.° Ce phénomene nous apprend encore que le chaud & le froid ne différent que par la rélistance que les corps solides apportent à l'action du feu, c'est ce qui fait qu'il regne un

grand froid au-dessus de l'atmosphere.

7.º Si ces effets si prompts & si violents du miroir ardent, devoient être attribués à la feule quantité des rayons qu'il raffemble à fon foyer, il feroit impossible que la chaleur du Soleil fût si modérée, & qu'en Hiver même où il nous donne

Prix 1738.

146 DISSERTATION SUR LA NATURE une chaleur si médiocre, le miroir ardent sit cependant ses plus grands effets; c'est ce que M. Lémery a très-bien remarqué; cet habile homme attribuë cette différence à l'air qui est entre le Soleil & nous, & qui modere la chaleur des rayons du Soleil, comme le bain-marie tempere la chaleur de notre feu; mais ne pourroit-on pas lui répondre que l'air est également entre le miroir ardent & fon foyer, comme entre le Soleil & nous? & que par conféquent il devroit tempérer les effets des rayons raffemblés par ce miroir, comme il tempere ceux des rayons que le Soleil nous envoye, le miroir & nos yeux les recevant du Soleil également affoiblis; le peu d'impression que les rayons qui entrent dans nos yeux, font sur cet organe, est encore une preuve que le Feu n'agit pas par la seule quantité.

Il paroît donc qu'il faut chercher une autre cause des effets prodigieux des verres brûlants, puisqu'ils ne peuvent être attribués à la seule quantité des rayons que ces miroirs

raffemblent à leur foyer.

Les parties du feu acquiérent une nouvelle approximation.

Si ce n'est pas par leur densité que les rayons opérent tous les effets des verres brûlants, ce ne peut être que parce qu'ils force par leur acquiérent une nouvelle vertu par leur approximation.

Le Feu ne seroit pas seul dans la Nature dont l'approximation déployeroit la force, l'Aimant n'est-il pas dans ce cas, & la distance ne détermine-t-elle pas sa vertu à agir ?

Nous voyons dans l'inflexion de la lumiére & dans fa réfraction, que les corps agiffent d'autant plus sur les rayons, qu'ils en font plus proches; pourquoi les rayons n'agiront-ils pas aush l'un sur l'autre en raison de leur approchement?

Preuves.

Mais de plus, j'ai prouvé dans ma premiére partie, article VII. que les particules conftituantes du Feu, ont la même tendance à se fuir, que celles des corps ont à s'unir, & que cette propriété du Feu est nécessaire à la constitution & à la conservation de l'Univers: or pourquoi cette force que les rayons ont pour s'éviter, n'augmentera-t-elle pas en raison de leur approchement, de même que celle que les corps ont à s'unir, augmente dans le contact?

ET LA PROPAGATION DU FEU. 147 Il est difficile, à la vérité, d'assigner en quelle proportion

cette force augmente dans les particules du feu. Plufieurs Philosophes ont conjecturé que celle que les corps ont pour s'unir, augmente dans le contact en raison du cube de leur

approchement, & même un peu plus.

Je ne voudrois pas affûrer que la force par laquelle les particules du feu le fuyent, augmente dans la même proportion. Ce probleme (s'il elt poffible de le réfoudre) me paroît digne de l'attention des Philosophes; mais quelle que foit cette augmentation de force que les rayons acquiérent par l'approximation, il eft de l'uniformité avec laquelle la Naurre procede, qu'elle foit d'autant plus grande qu'ils font plus rapprochés, de même que l'effort que les corps font pour s'unir, augmente dans ce que nous appellons leur contact, & que c'elt vraifemblablement à cette force qu'on doit attribuer les prodigieux effets des verres brûlants.

Cette propension que les parties du seu ont à se fuir, cet effort qu'elles sont sans cesse pour s'éviter, se voit à l'œil lorsqu'on approche deux bougies l'une de l'autre, & qu'on veut unir leurs slammes; car on les voit visiblement s'éviter, & se fuir avec d'autant plus de sorce qu'on les approche da-

vantage.

Il y a bien de l'apparence que le feu agit toûjours sur les corps dans une raison composée de ces deux raisons, sçavoir, la densité de ses parties, & la force qu'elles acquiérent dans

leur approximation.

La premiére de ces raifons, c'eft-à-dire, leur quantité, tombe prefque fous nos fens, au lieu qu'il a fallu d'auffi grandes différences que celles des effets des verres brûlants, pour nous faire appercevoir de la vertu qu'ils acquiérent par l'ap-

prochement.

Les effervescences nous démontrent que la plûpart des particules de la matière, sont l'une & l'autre comme de petits Aimants, & qu'elles ont un côté attirant & un côté repoussant. Cette vertu n'est vraisemblablement autre chosé que la tendance que les particules des corps ont à s'unir, & l'essort que

T ij

148 DISSERTATION SUR LA NATURE le feu retenu dans leurs pores, fait fans ceffe pour les séparer, & c'eft le combat de ces deux pouvoirs antagonifes qui cause les effervescences, & peut-être la plûpart des phénomenes de la Nature.

Les fermentations qui se font dans l'air, & qui causent les Tonnerres, les Vents, &c. nous prouvent encore que les corps se repoussent & s'attirent, & que ce combat augmente

dans l'approchement.

Cette nouvelle force que les particules de feu acquiérent dans l'approchement, ne peut être qu'une augmentation de mouvement, & c'est par ce mouvement augmenté, qu'ils détruisent les corps les plus solides avec tant de facilité dans le foyer du Miroir ardent.

Objections contre cette opinion, & réponfes. Je ne veux point diffimuler les phénomenes qui paroiffent contraires à l'opinion que je propose: les difficultés affermissent la vérité, & quand on la cherche de bonne-foi, on chérit les objections, ce sont autant de fanaux mis sur la route, pour nous empêcher de nous égarer.

Je vais examiner quelques-unes des difficultés que j'imagine que l'on peut faire contre cette propriété des rayons.

1.6. Toute action est d'autant plus forte, qu'elle est plus perpendiculaire; or cette action mutuelle des rayons l'un sur l'autre, ne pourroit être que latérale: Donc loin d'aug-

menter leur force, elle la diminuëroit.

Il me semble que cette objection, qui paroît d'abord spécieuse, est aisse à détruire; car, premiérement, le Feu est un être à part, qui n'est pas toújours assujetti aux regles que suivent les corps, & secondement, quel est l'esse que suitait sur les corps, au foyer du verre ardent? n'est-ce pas de les fondre, de les vitrisser, de les dissiper, de les séparer ensin jusques dans leurs parties élémentaires? Or une action perpendiculaire sit forte qu'on la puisse supposer, ne pourra jamais faire cet esset; il faut absolument que le seu agiste sur les particules de ces corps, selon toutes sortes de directions, pour les séparer à ce point: Donc cette action latérale, loin de diminuer la force des rayons, est précisément ce en quoi elle conssiste. ET LA PROPAGATION DU FEU. 149

2.º Les rayons de la Lune, quoique très-rapprochés dans le foyer d'un verre ardent, ne paroiffent point augmenter leur force, car ils ne font aucun effet sur les corps qu'on leur expose; ainsi cette vertu que vous supposés dans les rayons, n'existe pas; mais on seroit aussi en droit de conclurre de cette expérience, queles rayons du Soleil n'ont pas la vertu de brûler, car les rayons de la Lune sont également privés de ces deux propriétés.

3. Deux meches dilatent moins une lamine de métal dans le Pyrometre, font moins d'effet sur elle, qu'une méche, trois en font moins que deux, & ainsi de suite; or il y a cependant plus de rayons, & des rayons plus rapprochés quand il v a deux meches, que quand il n'y en a qu'une; l'effet du feu devroit donc être plus grand alors, mais il est plus petit:

Donc, &c.

Premiérement, cette puissance du feu n'est pas assés augmentée par deux meches, trois meches, &c. pour surmonter la réfistance des parties du métal; ainsi l'effet ne suit pas dans ce cas la quantité du feu seulement, mais il est proportionné à cette quantité, & à la réfistance qu'on lui oppose.

Secondement, lorsque ces deux meches sont éloignées, la dilatation est moindre que lorsqu'elles sont rapprochées: Donc alors cette vertu du feu par l'union de ses parties, se manifeste

même dans un objet presque insensible.

Malgré toutes ces raisons, je ne propose cette opinion que comme un doute, je pourrois dire qu'il m'est commun avec de grands Philosophes; mais c'est au temps, & sur-tout à l'ex-

périence à le justifier.

Il reste encore bien des découvertes à faire sur l'action du Feu, sur les corps & la réaction des corps sur le Feu, & c'est peut-être les avancer que d'oser douter, car on ne cherche

point ce qu'on croit découvert.

Cette augmentation de la force du feu, par l'approximation de ses parties (fielle a lieu) est peut-être une des voyes dont le feu dans Sa-Créateur s'est servi pour suppléer à l'éloignement où Saturne turne & dans & les Cometes sont du Soleil. Peut-être les rayons agissent-ils

Conjecture fur l'action du les Cometes.

T iii

150 DISSERTATION SUR LA NATURE dans ces Globes, en raison du cube des approchements, & alors la force qu'ils acquerrout dans l'approximation, sera d'autant plus grande, que la force ordinaire est augmentée; ainfi une très-petite quantité de rayons suffira pour les échauffer & pour les éclairer.

XIL

Du Refroidissement des corps.

i.º Plus un corps reçoit difficilement le feu dans ses pores, folides ferefroi- & plus il l'y conferve long-temps, car ce corps réfifte également difference de les par la masse & par la cohérence de les parties, à l'effort que fait le feu pour pénétrer dans la substance, & à celui qu'il fait pour l'abandonner; ainsi plus un corps est solide, plus il se refroidit lentement.

> 2.º Les corps legers au contraire cédant aifément à l'action du feu, s'échauffent plus promptement & se réfroidissent de même; ainsi le seu échausse davantage les plus grands, & plus long-temps les plus massifs, car il se distribue selon les

espaces & non selon les masses.

3.º Deux globes de Fer également échauffes, conservent léur chaleur en raison directe de leur diametre; car plus leur diametre est grand, moins ils ont de surface par rapport à leur masse, & moins le seu trouve d'issue pour s'échapper de léurs pores; & de plus, l'air extérieur qui les environne les touchant en moins de points, prend moins de leur chaleur.

Par là même raison, la figure sphérique est la plus propre Conjecture fur la forme du à conserver long-temps la chaleur, car c'est de toutes les figures celle qui à le moins de surface, par rapport à sa matière, & le feu ne trouve dans un globe aucun endroit qu'il puisse abandonner plus aisément qu'un autre, car ils lui opposent tous une réfiftance égale.

Cette raison pourroit faire croire que le Soleil & les Etoiles fixes, sont des corps parfaitement sphériques (en faisant

abstraction de l'effet de la force centrifuge).

4.º Les corps qui prennent le plus de la chaleur des

ET LA PROPAGATION DU FEU. 151 autres corps, sont reputés les plus froids ; c'est pourquoi le Fer

nous paroit plus froid que la Soye, car les corps les plus denfes, font ceux qui prennent le plus de notre chaleur, parce qu'ils nous touchent en plus de points, & le Fer étant spécifiquement plus dense que la Soye, doit nous paroître plus froid.

5.º Un cube de Fer chaud étant mis entre deux cubes froids, l'un de Marbre, & l'autre de Bois, ce Fer se réfroidira plus raison les corps communiquent par le contact du Marbre, mais il échauffera davantage le leur chaleur. Bois dans un même temps, car le feu passe d'un corps dans un autre, & ce Marbre s'échauffe plus difficilement que le Bois, à peu-près en raison de la pesanteur spécifique de ces deux corps.

6.º Mais fi on laiffe ces trois cubes affés long-temps dans un même lieu, la chaleur du cube de fer se distribuera aux deux autres, & à l'air qui les entoure; de façon qu'au bout de quelque temps, ils seront tous trois de la même température

que l'air dans lequel ils sont.

7.º Les liqueurs se refroidissent à peu-près en raison de

leur masse, & de la glutinité de leurs parties.

8.º La chaleur des corps qui se refroidissent, est plus forte au centre, car le feu abandonne toûjours la superficie la premiére.

9.º L'eau qui éteint le feu, conserve le Phosphore d'urine, car ce phosphore, tant qu'il ne brûle pas, est comme un feu éteint, ainsi l'eau l'éteint en un sens en le conservant, c'est une espece de créature qu'on lui confie, & qu'elle rend dès qu'on la lui redemande.

Toutes ces regles, selon lesquelles le seu abandonne les corps, sont sujettes à des exceptions, de même que celles felon lesquelles il les pénétre, mais le détail en seroit infini.

Le Pyrometre qui nous a appris la marche de la dilatation des corps, nous marque aussi celle de leur contraction : en général, les corps se contractent d'autant plus lentement qu'ils se sont moins dilatés par un même feu, & vice versa, le feu abandonne les corps plus lentement qu'il ne les pénétre, &c. Mais les bornes que je me suis prescrites, ne

diffement des fluides,

152 DISSERTATION SUR LA NATURE permettent pas d'entrer dans le détail de ces sçavantes expériences.

XIII.

Des causes de la Congélation de l'Eau.

Il y a trois fortes de froids.

Le premier est celui qui dépend de la disposition de nos organes, car nos fens nous font fouvent juger qu'un corps est plus froid qu'un autre, quoiqu'ils soient tous deux de la même température; c'est par cette illusion que le Marbre nous paroît plus froid que la Laine, que le Peuple croit les Caves plus chaudes en Hiver qu'en Êté, &c.

Le second, lorsque les corps se refroidissent réellement,

& que le feu s'envole de leurs parties; cette forte de froid n'est autre chose que la diminution du feu, & c'est d'elle dont j'ai parlé dans l'article précédent. C'est ainsi que toute la Nature se refroidit & se contracte l'Hiver, par l'absence du Soleil.

Le troisiéme est la congélation de l'eau.

Il semble par toutes les circonstances qui accompagnent L'absence du feu n'est pas la cette troisséme espece de froid, qu'il ne peut être attribué la congélation à la seule absence du feu; & qu'il faut en chercher une autre de l'eau. caufe dans la Nature.

Preuves.

1.º Le feu raréfie tous les corps qu'il pénétre, & augmente par conséquent leur volume : Donc si la glace n'étoit caufée que par l'abfence du feu, elle seroit de l'eau contractée; & elle devroit être spécifiquement plus pesante que l'eau; mais il arrive tout le contraire, l'eau augmente son volume par la congélation, environ dans la proportion de 8 à 9, & l'augmente d'autant plus que le froid est plus grand, & qu'elle devroit être plus contractée: Donc la glace n'est pas caufée par l'absence du feu seulement.

2.º Cette augmentation de volume de l'eau glacée, ne peut être attribuée aux bulles que l'air qui s'échappe de ses pores, éleve dans sa substance; car de l'eau purgée d'air, avec

tout

ET LA PROPAGATION DU FEU. 153 tout le soin possible, se gele sans faire paroître aucune de

ces bulles, & cependant son volume augmente.

3.° Le Feu étant le principe du mouvement interne des corps, moins un corps contient de feu, plus ses parties doivent être en repos; ainsi si la glace n'étoit causée que par l'absence du feu, elle devroit être privée de tout mouvement sensible, mais il se fait une fermentation très-violente dans sa subfance, cette fermentation va même jusqu'à lui faire rompre se vases qui la contiennent, quelque solides qu'ils soient; on sçait qu'elle fit peter un canon de Fusil que M. Huguens exposa sur la fenètre pendant l'Hiver, après l'avoir rempli d'eau: Donc l'absence du seu n'est pas la seule cause de la congélation.

4.° Ce mouvement dans lequel les parties de la glace se trouvent continuellement, se prouve norre par les exhalassons qu'elle rend, elles sont si consedérables, que son poids en diminué sensiblement. M. Hals a observé que si une surface d'eau s'évapore de ½1.º de pouce en 9 heures, à l'ombre, pendant l'Hiver, la même surface de glace, misé dans le même endroit, s'évapore pendant le même temps, de ¾1.º; c'est cette transpiration qui fait que la neige qui est sur la terre,

diminuë même par le plus grand froid.

Enfin, dans les Etangs pendant la gelée on entend le bruit caulé par cette effervelcence, ainfi la ceffation du mouvement n'est pas plus la cause de la glace, que le mouvement

n'est la cause du feu.

5.º Si la glace n'étoit que la privation du feu, il devroit toùjours dégeler dès que le Thermometre monte à 3 3 degrés au-deffus de la congélation; mais le Thermometre monte fouvent jufqu'à 3 6 & même jufqu'à 41, fans qu'il dégele; & au contraire, il gele quelquefois forsque le Thermometre eft au-deffous de 3 2 degrés: Donc l'absence du seu n'est pas lá seule cause de la congélation.

6.° Si le feu en se retirant des pores de l'eau, étoit la feule cause de la congélation, on ne pourroit attribuer cet effet qu'à l'absence du Soleil, qui fait seul la différence du

Prix 1738.

154 DISSERTATION SUR LA NATURE plus ou du moins de feu répandu dans l'Atmosphere, pendant

l'Hiver & l'Eté.

Or M. Amontons, qui nous a si fort éclairés sur toutes ces matiéres, a trouvé par ses observations sur le Thermometre, que le froid de l'Hiver ne différe du chaud de l'Été, que comme 7 disservations de l'est et disservations la chaleur pourroit-elle suffire pour changer les fluides en solides, & pour faire périr quelquesois une partie des germes de la Nature!

Si la congélation ne peut être attribuée à la feule abfence du feu, il faut donc en chercher quelque autre cause dans la Nature; les circonstances qui l'accompagnent, sont ce qui peut nous servir le plus à découvrir cette cause, il faut donc

les examiner avec foin.

Il fe mêle des parties hétérogenes à l'eau, lesquelles sont la cause de sa congélation.

Rous voyons que les parties de la glace font dans un grand mouvement, il faut donc qu'il fe mêle à l'eau, lorfiqu'elle le gele, des parties hétérogenes, qui foient caufe de cette effervescence continuelle; car aucun fluide ne fait effervéscence, s'il ne se joint à lui quelque corps hétérogene avec leaude il ferment de l'experience.

L'existence de ces parties qui se mêlent à l'eau, & qui produisent sa congélation, paroît prouvée par une foule d'ex-

périences.

i.° L'eau de la glace fonduë s'échauffe bien plus d'ifficilement que l'autre; elle n'est plus propre à faire ni Casé ni Thé, & ceux qui ont le palais délicat, la distinguent facilement au goût : il faut donc qu'il se soit mêlé des parties hétérogenes à cette eau, puisque sa saveur & sa qualité sont changées. Ces parties hétérogenes donnent des goitres & des maux de gorge continuels aux habitans des Alpes qui boivent de l'eau de neige.

2.° L'eau exposée à l'air se gele beaucoup plus vîte que l'eau enfermée hermétiquement dans une bouteille de verre, & cependant ces deux eaux contiennent également de particules de feu; & les particules de seu passent à travers le verre avec facilité: Done si l'absence du feu faisoit la

ET LA PROPAGATION DU FEU. 155 congélation, il ne devroit pas y avoir une si grande différence dans la vîtesse de la congélation de ces deux eaux : Donc

puisqu'elle s'opére si inégalement, c'est une marque certaine que des particules hétérogenes se mêlent à l'eau dans le temps de la congélation, & que ces particules passent plus facilement dans cette eau, lorsqu'elle est en plein air, que lorsqu'elle

est enfermée dans cette bouteille.

3.º L'épaisseur de la glace n'augmente pas à proportion du froid qu'il fait, plus la glace est épaisse le premier jour de la gelée, moins son épaisseur augmente le second, & ainsi de suite; marque certaine qu'il s'est introduit dans sa substance, des particules hétérogenes qui ont bouché ses pores & ses interstices, & en ont rendu par-là, l'accès plus difficile à celles qui veulent y pénétrer; mais les particules de feu qui pénétrent les pores d'un Diamant, devroient sortir de cette eau glacée avec la même facilité, quelle que foit fon épaisseur : il faut donc qu'il se fiche dans les particules de l'eau qui se gele, des particules roides qui remplissent ses pores, & qui, en interrompant sa glutinité, sont cause de sa congélation.

4.º Il est rapporté dans les expériences de l'Académie de Florence, que 500 livres de glace ayant été exposées à un fingulière, faite Miroir concave, les parties frigérifiques réfléchies à fon foyer, de Florence, firent baisser sensiblement un Thermometre qu'on y avoit qui prouve placé; les Philosophes qui firent cette expérience, craignant que ce ne fût l'effet direct de cette masse de glace sur le Thermometre, qui l'eût fait baiffer, couvrirent le Miroir, & alors le Thermometre haussa, quoique les 500 livres de glace n'eussent pas changé de place: Donc ce Miroir résléchiffoit réellement des rayons glacés (fi je puis m'exprimer ainfi) Donc il falloit qu'il y eût dans cette glace des particules frigérifiques; car fi la feule privation du feu faifoit la congélation, le Miroir n'auroit pû rassembler, résléchir le froid; une privation n'étant rien, ne peut être ni réfléchie, ni rapprochée.

Mais quelles sont ces particules? c'est ce qui nous reste à dire.

Expérience

Les eaux glacées que nous faifons, nous fent la glace.

Les Hommes ont inventé un art qui peut servir également à leur instruction & à leurs plaisirs; la façon dont on fait font connoître ce qu'on appelle des eaux glacées, peut nous servir d'indice parties frigéri. pour découvrir les corps que la Nature employe dans ses figues qui cau congélations. Tout le pande Cuit un vase que l'on entoure de Sel & de Neige, se glace, quelque chaud que soit l'Atmosphere, dès que le Sel commence à fondre la Neige; mais si au lieu de Sel on met de l'Esprit de Nitre avec la Neige, le froid qui se produit alors, fait baissier le Thermometre à 72 degrés au-dessous du point de la congélation : c'est Faheinrheit qui fit le premier cette expérience, & elle nous prouve invinciblement, qu'il y a encore beaucoup de feu dans la glace naturelle, puifqu'on peut produire une sorte de froid, qui surpasse de 72 degrés celui qui fait geler l'eau fur la terre. Et qui ofera mettre des bornes à cette puissance d'exciter le froid! Ainsi cette expérience nous fait voir que nous ne connoissons pas plus les bornes de la congélation, que celles de la chaleur.

Ces particules font les Sels & les Nitres dont

Il y a donc grande apparence que les corps qui entrent pendant l'Hiver dans l'eau pour la réduire en glace, sont de l'air est chargé. la même nature que ceux qui produisent nos congélations; & que les particules de Sel & de Nitre, que le Soleil éleve dans l'air, & qui retombent ensuite sur la terre, s'insinuent dans l'eau, bouchent ses pores, & se fichant comme autant de cloux entre ces interffices, en chaffent les particules de feu, & font enfin que cette eau passe de l'état de fluide, à celui de folide: ainsi le feu est en un sens, une des causes de la congélation, puisque ce n'est qu'en le chassant d'entre les pores de l'eau, que ces particules roides la réduisent en glace; mais fans ces particules, l'absence seule du feu ne seroit point cet effet sur elle: c'est ce qui paroît dans ce qui arrive aux liqueurs spiritueuses, comme l'Eau forte, l'Esprit de Vin, &c. qui ne gelent point, quoique, dans le froid, il se retire beaucoup de particules de feu de leurs pores.

Pourquoi l'Esprit de Vin & d'autres liqueurs ne gelent point.

> Ces liqueurs qui ne se gelent jamais, sont une des plus grandes preuves de la nécessité de ces parties frigérifiques,

ET LA PROPAGATION DU FEU. 157 lesquelles vraisemblablement ne fermentent point avec elles comme avec l'eau; & c'est vraisemblablement ce qui fait qu'elles ne se gelent point.

Plus on examine la Nature, plus on se persuade que les particules de Sel & de Nitre qui s'introduisent dans l'eau,

sont la cause de la congélation.

1.° Les lieux qui abondent en glace & en neige, font tous remplis de Sel & de Nitre; ainfi il y a des pays où il gele la nuit du jour qu'il a fait grand chaud : telle eft la partie septentrionale de la Perse & de l'Armenie. M. Tournefort, que l'amour des Sciences entraîna jusques dans ces pays, a remarqué qu'ils abondent en Nitre & en Sel; le Soleil qui y est très-chaud, éleve le jour, par sa chaleur, ces particules nitreuses, & elles retombent la nuit sur la terre où elles s'insinuent dans l'eau, & la gelent malgré ses particules de seu qui ont pénétré dans cette eau pendant le jour, par la présence du Soleil.

2.º Lorfqu'un pays abonde en ces fortes de particules nitreufes & falines, la chaleur du Soleil doit les élever de la terre pendant l'Été, plus que pendant l'Hiver, car elle est beaucoup plus forte; ainsi il gelera l'Été dans ces pays-là, & c'est ce qui arrive en plusieurs endroits de l'Italie, de la Suisse & de l'Atlemagne où il y a des Lacs, & même un Fleuve dans l'Évêché de Bâle, qui, au rapport de Scheuchseus,

ne gelent que dans l'Eté.

Ön connoît la sçavante Description que M. de Boze a faite des Grottes de Belançon, & l'on sçait que ces Grottes dans le plus fort de l'E'té, sont pleimes de glace, & que plus il fait chaud, plus cette glace est épaisse; il sort de ces Grottes pendant l'Hiver, une espece de sumée, laquelle annonce la liquesaction de cette glace, & un ruisseau qui est dans le milieu de la Grotte, gele l'E'té, & coule l'Hiver. M. de Billenez a examiné la terre qui couvre & entoure ces Grottes, & il l'a trouvée pleine de Sel, de Nitre, & de Sel ammoniac; le Soleil fond ces Sels bien plus sacilement l'E'té que l'Hiver, ces Sels coulent dans ces Grottes par des sentes, & l'eau

V. iij

qu'elles contiennent, se glace d'autant plus, que l'Eté étant plus chaud, le Soleil fait fondre une plus grande quantité de ces Sels; or que la glace de ces Grottes en contienne beaucoup, cela est certain, car lorsqu'on la fait fondre & évaporer, il reste dans le fond, une terre qui a le même goût à peu-près que les Yeux d'Ecrevisses.

Pourquoi de l'eau entourée de glace & de Sel, gele fur le feu.

3.º Si l'on met de la Neige & du Sel autour d'un vase plein d'eau, & que l'on mette le tout sur le feu, l'eau qui est dans le vase se gelera d'autant plus vîte que le feu sera plus grand, & que la Neige sera plûtôt fonduë, ce qui ne peut venir que de ce que le feu chasse d'entre les pores de la Neige, les parties roides qu'elle contenoit, & que ces particules s'infinuent dans l'eau & la gelent; car on ne dira pas, je crois, que le feu prive l'eau du vase, des particules de feu qu'elle contenoit, ni qu'il diminue leur mouvement; c'est de la même maniére que la Neige & le Sel font geler l'eau fans être dessus le feu, car le feu ne fait qu'accélérer sa congélation.

Il n'y a point de pays dont la terre ne contienne de ces particules falines & nitreules, que j'appelle parties frigérifiques, mais les régions qui en contiennent le moins, font, toutes choses d'ailleurs égales, beaucoup moins froides que les autres.

Je dis, toutes choses d'ailleurs égales, car il y a des vents qui apportent ces fortes de particules avec eux, c'est ce dont on ne peut douter, si on fait attention aux effets qu'ils produifent.

De certains

1.º Au mois de Juin, dans le milieu de l'Eté, & par un ventsapportent temps très-ferein, l'irruption inopinée d'un vent d'Est vient & le Nitre, qui geler la pointe des herbes, les vignes, les fosses qui concausent la glace. tiennent une eau dormante, & changer entiérement la température de l'air : or fi ce vent n'apportoit avec lui ces particules nitreuses qui font la congélation, il ne pourroit refroidir à ce point les herbes & l'eau échauffées depuis longtemps par le Soleil.

Or pourquoi le vent d'Est, qui vient d'un pays très-chaud, fait-il plûtôt cet effet que le vent du Nord, qui vient du Pole,

ET LA PROPAGATION DU FEU. 150 si ce n'est parce qu'il apporte avec lui ces particules de Sel & de Nitre, dont le Soleil éleve une plus grande quantité dans ces contrées chaudes, que fous le Pole ? Donc ce n'est pas seulement parce que le vent s'applique successivement aux corps, ni parce qu'il apporte des particules de glace, qu'il les refroidit.

2.º Il gele quelquefois aux deux côtés, & non au milieu. dans un endroit, & non dans un autre qui lui est contigu; ces effets ne peuvent être affürément attribués à l'absence du feu, car ces deux endroits en contiennent également; mais on voit avec évidence qu'un vent d'Est qui souffle dans un endroit, & non pas dans un autre dont quelque Montagne lui défend l'entrée, doit répandre dans cet endroit où il fouffle, les particules nitreufes dont il est chargé, ce qui cause la congélation.

3.º Une preuve que le vent par lui-même ne refroidit point l'air, & qu'il faut que ceux qui causent le froid, apportent avec eux des particules frigérifiques ou de la glace, c'est qu'en soufflant avec un soufflet sur un Thermometre,

on ne le fait jamais baisser.

4.º Il gele rarement l'Eté, parce que les particules de Pourquoi il Sel & de Nitre étant plus divisées, plus petites, par l'agitation que la chaleur du Soleil cause dans toute la Nature, climats. elles se soutiennent dans l'Atmosphere lorsque le Soleil les éleve de la terre, & ne retombent point sur la terre comme en Hiver; & de plus, les parties de l'eau étant aussir dans un grand mouvement, le peu qui peut retomber de ces particules fur la terre, ne peut suffire pour la geler.

L'air ne gele point, apparemment à cause de la rareté de ses parties, & de leur prodigieux ressort. Il me semble qu'on peut confidérer l'air extrêmement comprimé, comme une espece d'air gelé, & apparemment qu'il n'est pas susceptible par sa nature, d'une autre sorte de congélation.

Ces particules salines & nitreuses, qui s'introduisent dans l'eau, & qui devroient la rendre plus pesante lorsqu'elle est gelée, n'empêchent pas cependant que sa pesanteur spécifique,

160 DISSERTATION SUR LA NATURE ne diminuë, l'augmentation de son volume & les exhalaisons qui en fortent, empêchant qu'on ne s'apperçoive du poids de ces corpulcules, qui sont d'ailleurs très-déliés, puisqu'ils passent à travers les pores du Verre, & il se peut très-bien faire que leur poids foit infenfible à la groffiéreté de nos balances, de même que celui des corpufcules du Musc, de l'Ambre & de toutes les odeurs.

Je ne crois pas que quelqu'un qui pefera avec attention toutes les raisons que je viens de rapporter, puisse s'empêcher de reconnoître que ces particules (dont tous les Phénomenes de la Nature, & toutes nos opérations sur la glace, nous démontrent l'existence) soient absolument nécessaires à la congélation de l'eau, & que sans elles nous n'en pourrions

affigner aucune cause.

XIV.

De la Nature du Soleil.

On n'a communément qu'une idée vague de la nature du Soleil, on voit que ses rayons nous échauffent, & qu'ils brillent; & on en conclut que le Soleil doit être un globe de feu immense, qui nous envoye sans cesse les rayons lumineux dont il est composé, & on se repose sur cette idée, fans trop l'examiner en détail.

Le Soleil ne peut être un globe de feu.

Mais qu'entend-on par un globe de feu? Si l'on entend un globe entier de particules ignées, de feu élémentaire, j'ose dire que cette idée est insoûtenable.

En voici les raisons.

1.º Le feu qui fond l'Or & les Pierres au foyer d'un Verre ardent, disparoît en un instant, si on couvre ce Miroir d'un voile; & il ne reste aucun vestige de ce feu, qui un moment auparavant faisoit des effets si puissants: Donc Il faut qu'il si le Soleil étoit un globe de seu, s'il n'étoit pas un corps solide, un seul instant d'émanation suffiroit pour le détruire, & il auroit été diffipé dès le premier moment qu'il a commencé d'extiter.

foit folide, puifqu'il ne se diffi-

2.º La

ET LA PROPAGATION DU FEU. 161

2.º La chaleur & la lumiére ne disparoissent ainsi au foyer du Verre ardent, que par la propriété que le feu a de se répandre également de tous côtés, lorsqu'aucun obstacle ne s'oppose à sa propagation quaquaversum, qui est un attribut de son essence: Donc si le Soleil étoit un globe de seu, le feu ne pourroit avoir cette tendance quaquaversum: Donc puisqu'il est certain que cette propriété est inséparable du feu, & qu'elle constitué son essence, le Soleil ne peut être composé seulement de particules ignées.

3.º Si les parties constituantes du feu ont une force pour s'éviter, cette force devroit augmenter infiniment dans le Soleil, s'il étoit un amas de feu, puisqu'elles y seroient plus rassemblées qu'elles ne peuvent jamais l'être aisleurs: Donc si on suppose que les particules du feu, ont une force qui les porte à s'éviter, le Soleil n'auroit pû subsister un moment sans être dissipé, s'il étoit composé seulement de seu.

4.° On ne peut dire que le Soleil ne se dissipe pas par l'émanation, parce que l'Atmosphere qui l'entoure, repousse avoir d'atmosans cesse vers lui les particules lumineuses qui émanent de sa substance; car si cet Atmosphere les repoussoit vers lui, elles ne viendroient pas à nous: mais il est prouvé par la découverte de M.rs Huguens & Roëmer, qu'elles viennent du Soleil à nous, en 7 ou 8 minutes, & de certaines Étoiles fixes, en près de 36 ans, selon un nouveau calcul de M. Brendley: Donc cet Atmosphere ne pourroit empêcher que le Soleil & les Etoiles fixes, ne se dissipassent par l'émanation. Cet Atmosphere est d'ailleurs démontré impossible, car s'il étoit très-denfe, il empêcheroit la lumière de venir jusqu'à nous; & s'il ne l'étoit pas, il se diffiperoit par la chaleur du Soleil.

Il y a eu des Philosophes, qui, pour trancher apparemment toutes ces difficultés, avoient imaginé que les rayons que le Soleil nous envoye, retournoient à cet Astre.

5.º Le Soleil est au centre de notre système planétaire, tous les Philosophes en conviennent : cependant s'il est un globe de feu, il paroît qu'il ne peut occuper cette place; car, Prix 1738.

H ne peut

Si le Soleil étoit un globe de feu, il ne pourroit être au centre du monde.

ou bien le feu est pesant & déterminé vers un centre, ou bien il ne pese pas, & ne tend vers aucun point, plûtôt que vers un autre: Or dans le premier cas, tous les corpufcules de feu qui composent le corps du Soleil, tendroient vers le centre de cet Aftre, & alors la propagation de la lumiére feroit impossible; car comment le Soleil par sa rotation fur fon axe, pourroit-il faire acquérir aux particules de feu Sile feu étoit qui le composent, une force centrifuge assés grande pour les obliger à fuir avec tant de force, le centre de gravité auquel

pefant, il ne pourroit émaner du Soleil. elles tendent, & pour leur faire parcourir par cette feule

force centrifuge, 33 millions de lieuës en 7 ou 8 minutes? Si au contraire, le feu n'est pas pesant, s'il n'est déterminé vers aucun point, quel pouvoir le retiendra au centre de l'Univers, & s'opposera à l'effort que ses particules sont sans cesse pour s'éviter? qui l'empêchera enfin de se dissiper? Donc il faut que le Soleil soit un corps solide, puisqu'il ne fe diffipe pas, & qu'il est au centre de notre monde : & il faut que le feu ne foit pas pefant, puisqu'il émane du Soleil.

Qu'il me soit permis de supposer un moment, l'attraction Newtonienne; le Soleil dans ce systeme, est au centre de notre monde planétaire, & cette place lui est affignée par les loix de la gravitation, parce qu'ayant plus de masse que les autres globes, il les force à tourner autour de lui : or si le seu ne pese point (comme je crois l'avoir prouvé) comment le Soleil pent-il être un corps de feu, c'est-à-dire, un corps non pefant. & attirer cependant tous les corps céleftes vers lui, en raison de sa plus grande masse? Il est donc nécessaire Il faut absolu- dans le système de l'attraction, ou que le Soleil soit un corps solide, ou que le feu pese, & qu'il tende vers un centre; mais si le feu du Soleil tend vers son centre, par quelle puissance s'éloignera-t-il toûjours de ce centre, &c ? Aussi M. Newton croyoit-il le Soleil un corps folide.

ment que le Soleil foit un corps folide dans le fysteme deM. Newton.

> M. Newton dans fon admirable Traité des Cometes. liv. 111. page 481 de ses Principes, conjecture que le Soleil & les Étoiles fixes, réparent de temps en temps les pertes qu'ils font par l'émanation continuelle de leur lumière ; &

ET LA PROPAGATION DU FEU. 163 que ce renouvellement de substance, leur vient des Cometes, qui, par les dérangements que leur rencontre peut causer dans leur cours, & par la prodigieuse excentricité de leurs orbes, doivent, felon son système, tomber un jour dans le Soleil.

Il est vrai que ce n'est qu'une conjecture, mais celles d'un aussi grand homme que M. Newton, méritent bien qu'on

les examine.

Si le Soleil & les Etoiles font des globes de feu, & qu'il foit prouvé d'ailleurs que le feu est un être simple, qui ne se produit de rien, il faut ou que le Soleil & ses Etoiles fixes ne soient point composées de particules de feu seulement, ou que cette ressource que le grand Newton croyoit leur être préparée, leur devienne presque inutile; car les Cometes sont des corps opaques, qui ne peuveut jamais devenir du seu: il faut donc que le Soleil soit un corps solide, s'il répare ses pertes par l'addition de corps opaques & solides, tels que les Cometes, qui doivent contenir bien moins de particules ignées, que de matiére solide.

6.° Les taches du Soleil sont encore une preuve que cet

Aftre n'est pas un globe de feu.

La lumière du Soleil paroît tirer fur le jaune, On peut eonjechurer avec quelque vraifemblance, que le Soleil projeche par fa nature plus de rayons jaunes que d'autres, & que c'eft-là la raifon pour laquelle il nous paroît de cette couleur; car que la lumière du Soleil abonde en cette forte de rayons, c'eft ce que M. Newton a prouvé par une expérience que l'on

peut voir dans son Optique, page 216,

Il est très-possible que dans d'autres systemes, il y ait des Soleils qui projectant plus de rayons rouges, verds, &c., que d'autres, soient d'une autre couleur que notre Soleils: peut-ètre même ces couleurs primitives du Soleil sont-elles différentes des nôtres; car il est vraisemblable qu'il y a dans la Nature d'autres couleurs que celles que nous connoissons dans notre monde.

Quant à la nature du Soleil, il paroît presque démontré qu'il n'est pas un globe de seu, & qu'il faut absolument qu'il

Xij

foit un corps folide;mais de quoi ce corpself-il composé? d'où lui vient cette quantité presque infinie de particules ignées qu'il projecte à tout moment hors de sa substance, sans s'épuiser? C'est ce que nous ne s'eaurons vraisemblablement

iamais avec certitude.

Le Feu est un être dont nous connoissons à peine quelques attributs, mais dont la nature intime nous est inconnué, & qui n'est analogue à aucun de ceux qui semblent plus soâmis que lui à nos recherches; ainsi nous ne pouvons que nous trainer de vraisemblance en vraisemblance, pour deviner sa nature; nous entrevoyons ce qu'il n'est pas, mais nous ne voyons point du tout ce qu'il est.

Conjecture fur la nature du Soleil. Il eft très-poffible que le Soleil soit un corps extrèmement solide, (comme le grand Newton l'a soupçonné, Quest. II. de son Optique) que ce corps solide contienne dans sa substance, le seu qu'il nous envoye sans cesse, & que ce seu en émane par de grands volcans; ce globe retiendra par sa solidité, une partie de ce seu, & les particules ignées pourront en émaner sans cesse, sans qu'il s'épuise; car si le seu n'est ni pesant ni impénétrable, le Soleil pourra contenir dans sa substance une infinité de ces particules.

Mais il faut avoüer que ce ne sont-là que des conjectures très-incertaines, & d'ailleurs la facilité avec laquelle une hypothese expliqueroit tous les Phénomenes, n'est pas une raison pour l'admettre, de même que les difficultés que laisse encore dans notre esprit une verité découverte, n'est pas une raison pour la rejetter; ainsi je crois qu'on peut affirmer que le Soleil n'est pas un globe de seu, & qu'il est solie; mais il faut avoüer en même temps, que nous ignorons entiérement

quelle est sa nature.

X V.

Du Feu Central.

Tout le feu he vient pas du Soleil, deux cailloux frappés he vient pas du Pun contre l'autre, suffisent pour nous convaincre de cette

ET LA PROPAGATION DU FEU. 165 vérité; chaque corps & chaque point de l'espace a recû du Créateur une portion de feu en raison de son volume; ce feu renfermé dans le fein de tous les corps, les vivifie, les a donné une anime, les féconde, entretient le mouvement entre leurs à chaque partie parties, & les empêche de se condenser entiérement.

Le Soleil paroît destiné à nous éclairer, & à mettre en action ce feu interne que tous les corps contiennent, & c'est par-là & par le feu qu'il répand, qu'il est la cause de la végéta-

tion, & qu'il donne la vie à la Nature.

Mais son action ne pénétre pas beaucoup au de-là de la premiére surface de la terre; on sçait que les Caves de du Soleil ne pénétre passort l'Observatoire, qui n'ont environ que 84 pieds de profon- avant dans le deur, sont d'une température égale dans le plus grand froid terre, & dans le plus grand chaud : Donc le Soleil n'a aucune influence à cette profondeur.

Le feu étant également répandu par-tout, & la chaleur du Soleil ne pénétrant que la première surface de la terre, le froid devroit augmenter à mesure que la profondeur augmente, puisque le Soleil échauffe continuellement la super-

ficie, & n'envoye aucune chaleur à 84 pieds.

Mais le froid, loin d'augmenter avec la profondeur, dimi- La chaleur nue au contraire avec elle lorsqu'elle passe de certaines bornes; augmente en approchant du c'est ce que M. Mariotte a éprouvé en mettant le même centre de la Thermometre consécutivement dans deux Caves, l'une de terre, 3 o pieds de profondeur, & l'autre de 84; le Thermometre ne passa pas 5 1 degrés 1 dans la premiére, mais il monta à 5 3 degrés 1 dans la seconde : Donc puisque la chaleur étoit plus grande à 84 pieds qu'à 30, il faut qu'un feu renfermé dans les entrailles de la terre, soit la cause de cette chaleur, qui augmente lorsqu'elle devroit diminuer.

Les Volcans & les Sources d'eau chaude, qui fortent du Les Volcans fein de la terre, les Métaux & les Minéraux qui végétent d'eau chaude dans ses entrailles, &c. nous démontrent ce seu central que démontrent le Dieu a vraisemblablement placé au milieu de chaque globe, feu central,

comme l'ame qui doit l'animer.

M. de Mairan a prouvé par le calcul & par l'expérience X iii

La chaleur qu'il fait en Eté en est encore • une preuve.

(ces deux cless de la Physique) que la chaleur du Soleil au Solstice d'Eté est à celle de cet Aftre au Solstice d'Hiver, comme 66 à 1, toute déduction faite: or si toute la chaleur venoit du Soleil, l'Eté seroit 66 sois plus chaud que l'Hiver, & cependant il est prouvé par les expériences que M. Amontons a faites au Thermometre, que la chaleur de l'Eté de nos climats ne diffère du froid qui fait geter l'eau, que comme 8 diffère de 7. Il saut donc qu'il y ait dans notre terre un fond de chaleur indépendante de celle du Soleil.

Or puisque rien ne se change en seu, & qu'il est également répandu par-tout, il faut que ce sond de chaleur ait été mis par le Créateur dans le centre de la terre, d'où il se distribué également à la même distance dans tous les corps qui la composent, en sorte que s'il n'y avoit point de Soleil, tous les climats de la terre séroient également chauds, ou plûtôt également froids à sa superficie; mais la chaleur augmenteroit, comme elle augmente récliement, à mesure

que l'on approcheroit du centre de la terre.

Ainfi le feu central paroît prouvé par les Phénomenes de la Nature, & il n'est nullement nécessaire, pour l'expliquer, de recourir, comme un Philosophe de nos jours, à une tendance du seu en embas, tendance démentie par les expériences les plus communes, comme par les plus fines. Il sufficience de ce seu, de la volonté du Créateur, & pour l'a conservation, de la loi qui suit que le seu se retire plus lentement des corps, à mesure qu'ils sont plus denses; car le seu, a centre de la terre, doit être retenu par un poids dont il ne peut vaincre la résistance.

Lorsque le feu trouve quesqu'issuë, il sort avec surie de cette sournaise sotterraine, & c'est ce qui fait les Volcants, les Vents sulphureux, &c. mais il ne peut jamais s'échapper qu'une très-petite partie de ce seu renseruné dans ses entrailles

de la terre.

La chaleur de ce feu soûterrain augmente à mesure que l'on approche du centre de la terre, car alors on en est plus

ET LA PROPAGATION DU FEU. 167 près; & de plus, puisque la pesanteur de l'Atmosphere retarde l'ébullition de l'eau, c'est-à-dire, le point auquel ses pores laissent passer les particules de feu, le feu doit être d'autant plus puissamment retenu dans les entrailles de la terre, que le poids dont il est surchargé augmente ; or ce poids augmente avec la profondeur : Donc le feu doit subsister au centre de la terre, & être d'autant plus ardent que l'on approche plus de ce centre.

Ainsi la chaleur du Soleil augmente d'autant plus qu'on Le seu central approche de la furface de la terre, à cause de l'Atmosphere diminue vers la furface de la qui retient ses rayons dans ses pores, & dont les vibrations Terre, & celui continuelles excitent fa puissance; mais la chaleur du feu mente. central, au contraire, diminuë à mesure qu'il approche de cette surface, car il est d'autant moins dense, & le poids

dont il est chargé est d'autant moins fort.

Le feu nous éclaire dès qu'il peut être transmis en ligne Pourquoi! droite jusqu'à nos yeux, mais il ne nous échauffe qu'à proportion de la résistance que les corps lui opposent, & c'est-là une des plus grandes marques de la Providence du Créateur; car si le feu brûloit aussi aisément qu'il éclaire, nous serions du Créateur, exposés à tout moment à en être consumés, & s'il avoit plus difficilebesoin de la résissance des corps pour éclairer, nous serions ment, qu'il n'éclaire, souvent dans les ténébres; mais dès qu'il frappe nos yeux, il nous donne une lumiére très-vive, & il ne nous échauffe jamais affés pour nous incommoder, à moins que nous n'excitions fa puissance, la plus grande chaleur de l'Été étant environ trois fois moindre que celle de l'eau bouillante.

L'existence du feu dans les corps, indépendamment du 11 y a grande Soleil, & ce feu central qu'on peut, avec bien de la vrai- la quantité du semblance, supposer dans tous les globes, peut faire croire feu dans les que la quantité du feu dans les Planetes, est proportionnée et proportion à leur éloignement du Soleil ainsi Venus qui en est plus nelle à leur près, en aura moins, Saturne & les Cometes qui en sont éloignement du Soleil. très-éloignées, en auront davantage, chacune felon leur distance. Cette compensation est d'autant plus nécessaire, que la rareté de la matière de Saturne, par exemple, ne peut

C'eft un effet

168 SUR LA NAT. ET LA PROPAG. DU FEU. seule suppléer à son éloignement, car étant dix sois plus loin du Soleil que nous, il en reçoit cent fois moins de rayons, & sa matiére n'est qu'environ six sois & deux tiers plus rare: Donc tout y feroit dans une inaction & une condensation qui s'opposeroit à toute végétation, & la matière des Cometes doit être dense, puisqu'elles vont si près du Soleil, sans se diffoudre par sa chaleur: Donc il faut que Dieu ait pourvû par la quantité du feu central, à cet éloignement du Soleil, ou bien par le feu qu'il a répandu dans les corps qui composent ces globes; & peut-être aussi a-t-il compensé cette distance, en augmentant la raison dans laquelle le seu agit dans les globes, de même qu'il a pourvû à l'illumination de Saturne & de Jupiter, par la quantité de leurs Lunes: ainsi il est inutile de supposer une hétérogénéité de matiére dans les globes placés à différentes distances du Soleil, mais feulement une quantité de feu plus ou moins grande, ou une augmentation dans la raison selon laquelle les rayons agissent fur les corps.

Le feu central conferve toutes les déployer.

Le feu conserve toutes ses propriétés dans le centre de la terre, il v tend à l'équilibre, ses parties cherchent à s'éviter, &c. fes propriétés, mais il ne les exerce qu'en partie, car il ne peut surmonter

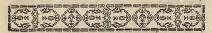
entiérement la force qui s'oppose à son action.

C'est le seu central qui fait que les Puits très-profonds ne fe gelent point, que la Neige qui touche immédiatement la terre, fond plûtôt que celle qui est sur du chaume, ou sur d'autres suppôts ; enfin c'est lui qui est cause en partie du dégel, qui fait que pendant la gelée la plus forte, l'eau fume fous la glace, &c. Je n'aurois pas fitôt fini, si je voulois entrer dans le détail de tous ses effets.

Mais je n'ai déja que trop abusé de la patience du Corps respectable à qui j'ose présenter ce foible Essai, j'espere que mon amour pour la vérité me tiendra lieu d'éloquence, & que le desir sincere que j'ai de contribuer à sa connoissance,

me fera pardonner mes fautes.

FIN de la premiére Piece.



ESSAI

SUR

LA NATURE DU FEU,

ET SUR SA PROPAGATION.

Ignis ubique latet, naturam amplectitur omnem, Cuncta parit, renovat, dividit, unit, alit.

INTRODUCTION.

LES Hommes ont dû être long-temps fans avoir l'idée du Feu, & ils ne l'auroient jamais euë, fi des forêts embrafées par la foudre, ou l'éruption des Volcans, ou le choc & le mouvement violent de quelques corps, n'euffent enfin produit pour eux, en apparence, ce nouvel être: Le Soleil tel qu'il nous luit, ne donne aux hommes que la fenfation de la lumière & de la chaleur; & fans l'invention des Miroirs ardents, perfonne n'auroit, ni pû. ni dù affûrer, que les rayons du Soleil font un feu véritable, qui divife, qui brûle, qui détruit, comme notre feu que nous allumons.

Nous ne connoissons guéres plus la nature intime dufeu, que les premiers Hommes n'ont dû connoître son existence.

Nous avons des expériences, qui, quoique très-fines pour nous, font encore très-groffiéres par rapport aux premiers principes des choses: ces expériences nous ont conduit à quelques vérités, à des vraisemblances, & sur-tout à des doutes en grand nombre; car le doute doit être souvent en Physique,

Prix 1738.

170 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU ce que la démonstration est en Géométrie, la conclusion

d'un bon argument.

Voyons donc, sur la Nature du Feu, & sur sa Propagation, le peu que nous connoissons de certain, sans oser donner pour vrai, ce qui n'est que douteux, ou tout au plus vraifemblable.

PREMIERE PARTIE.

De la Nature du Feu.

ARTICLE PREMIER.

Ce que c'est que la substance du Feu, & à quoi on peut la reconnoître.

U le Feu est un mixte produit par le mouvement & l'arrangement des autres corps, & en ce cas ce qui n'est pas feu le devient; & ce qui l'est devenu, se change enfuite en une autre substance, par une vicissitude continuelle;

Ou bien c'est une substance simple, existante indépendamment des autres êtres, laquelle n'attend que du mouvement & de l'arrangement pour se manifester, & c'est ce que l'on appelle E'lément; en ce cas le feu est toûjours feu, il ne change aucune substance en la fienne propre, & n'est transformé en aucune des substances auxquelles il se mêle.

Descartes.

Descartes, dans les Principes de sa Philosophie (4.º partie article 8 o) paroît croire que le Feu n'est que le résultat du mouvement & de l'arrangement; que toute matière réduite en matière subtile par le frottement, peut devenir ce corps de feu; & que cette matiére subtile qu'il appelle son premier Elément, est le Feu même.

Le même Descartes, dans tout son Traité de la Lumiére, dans sa Dioptrique, dans ses Lettres, assure que la lumiére qu'il appelle son second E'lément, est un composé de petites

boules, qui ont une tendance au tournoyement.

Mais comme il est constant, par l'expérience des Verres brûlants, que le feu & la lumière sont le même être, & ne différent que du plus au moins, il paroît que cette substance ne peut à la fois être cette matière subtile & cette matière globuleuse, ce premier élément & ce second élément de Descartes.

Ni le temps ni le sujet qu'on traite ici, ne permettent d'examiner ces éléments de Descartes, & la foule des ar-

guments qu'on leur oppose.

On discutera seulement, sans se charger d'aucun système, s'il est possible que l'arrangement & le mouvement de la

matiére produisent la substance du Feu.

1.º Les mixtes par leur mouvement, &c. ne peuvent jamais produire que leurs compolés, ou laisser échapper de leurs substances, les corps dont eux-mêmes étoient composés; or le Feu, par toutes les expériences que l'on a, n'est le composé d'aucun corps connu : Donc on ne doit point le croire produit d'eux : Donc il faut, ou que le feu sortant d'une matière quelconque, soit un élément simple, enfermé auparavant dans cette matière, ou que cet élément soit formé tout d'un coup par cette matiére, dans lequel il n'étoit point; mais être produit par un être dans lequel on n'étoit point, ce seroit être créé par cet être, ce seroit être formé de rien : Donc le Feu est un élément existant indépendamment de tous les autres corps.

2.º Si l'arrangement & le mouvement des corps pouvoient produire une substance aussi pure, aussi simple que le feu semble l'être, il faudroit qu'ils pussent produire, à plus forte raison, des corps mixtes; mais le mouvement & l'arrangement ne feront jamais croître un brin d'herbe, si ce brin d'herbe n'existe déja dans son germe : Donc le Feu existe en effet avant que les autres corps fur la terre servent à

le faire paroître.

3.º Si le mouvement seul pouvoit produire du feu, comment est-ce que le vent du Midi nous apporteroit toûjours de la chaleur en temps serein, & le vent du Nord toûjours

Le mouvement feulpour? roit-il produire la fubstance du

172 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU du froid en temps ferein? Un vent du Nord violent devroit échauffer l'air, l'eau & la terre, plus qu'un vent du Midi médiocre: il faut donc que l'air venu du Nord, apporte la glace dont il est chargé; & que l'air du Midi, qui nous vient de la Zone torride, nous apporte le feu dont le Soleil l'a rempli.

4.º Si le mouvement des parties des corps faifoit le feu, & par conféquent la chaleur; comment pourroit-on concevoir ces fermentations excitées dans la Machine Pneumatique, qui ne font ni hauffer ni baiffer le Thermometre! comment concevoir ces autres fermentations qui n'excitent aucune chaleur, ni dans le vuide ni dans l'air libre! comment enfin concevoir les fermentations fivides, qui font tant baiffer les Thermometres! Le mouvement peut domner du froid comme du chaud, la chaleur n'eft done pas produite par un mouvement inteftin & circulaire des parties, comme plufieurs Auteurs l'ont fuppolé: il faut donc qu'il y ait une fubfance particulière, qui feule puisse donner la chaleur.

5.° Si le mouvement des corps peut produire quelque nouvel être, le mouvement qui n'est jamais le même deux instants de suite, dans la Nature, produiroit-il toûjours un être qui est toûjours le même, qui a des propriétés si subtiles & si inaltérables, qui s'étend toûjours suivant les mêmes loix, qui éclaire en raison renversée des quarrés des distances, qui se plie toûjours avec inflexion vers les bords des objets, que l'on peut diviser toûjours en sept faisceaux primordiaux, dont chacun est le vehicule immuable d'une couleur primitive, &c. Il paroît par tout ce qu'on vient de dire, que le Feu est une substance élémentaire.

Ce que Newton a penfé de la fubfiance du feu.

* Optique, page 551. 2^{ds} édition.

Newton ne semble être une seule fois du sentiment de Descartes, qu'en ce qu'il dit * que la terre peut se changre en seu, comme l'eau est changsé en terre; s'il entend que l'eau & cle seu ne paroissent plus à nos yeux sous la forme de seu & cleau, qu'elles entrent dans la terre où elles sont emprifonnées & déguisées, ce n'est pas sà une transformation véritable, c'est seulement un mélange; & en ce cas cette idée

de Newton, n'est qu'une confirmation du sentiment qu'on expose ici.

Mais supposé qu'il entende une transformation véritable, on ose dire qu'il auroit corrigé cette idée s'il avoit eu le temps de la revoir; on sçait qu'il ne proposoit ces questions, à la fin de son Optique, que comme les doutes d'un grand Homme.

Ce qui l'avoit induit dans cette opinion, étoit une experience incertaine, rapportée par Boyle. Un Chimifte ami de Boyle, avoit diffillé long-temps de l'eau pure, & après plufieurs opérations réitérées, il prétendoit qu'un peu de

cette eau étoit devenuë terre.

Newton fe fonde encore fur cette même expérience, dans le troiliéme livre de fes Principes, pour prouver que la mafie féche de la terre doit augmenter, & que la mafie aqueule doit diminuer petit à petit; mais enfin les travaux d'un Philosophe* de nos jours, ont découvert la méprife du M. Boërhaves Chimifte, qui avoit trompé Boyle, & ensuite Newton.

Il a été prouvé par des expériences réitérées , qu'en effet l'eau pure ne se transforme point en terre; & il n'y a d'ailleurs aucun exemple, que jamais rien se soit changé en seu,

ni que le feu ait produit du feu.

Il réfulte donc que le Feu est un être élémentaire, dont les parties constituantes sont des éléments inattérables, & il ne se change en aucune autre substance, & aucune n'est changée en lui.

Il est donc à croire que l'air pur, dégagé de tout le cahos de l'Atmosphere, l'eau pure, la terre simple, ne se changeants en aucun autre corps, sont les éléments primitifs de

toute matiére, au moins connuë.

Les éléments que la Chimie a découverts, ne paroifient être autre chose que ces quatre éléments; car tout Soufre, tout Sel, toute Huile, toute Tête-morte, contient totijours quelqu'un des quatre éléments, ou les quatre ensemble: & à l'égard de ce qu'on a nommé l'Esprit, ou le Mercure, ou ce n'est rien, ou c'est du seu.

Y iij

174 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

Ainsi il semble qu'après toutes les recherches de la Philosophie moderne, on peut revenir à ces quatre éléments que l'antiquité avoit admis sans les trop connoître, & ce ne feroit pas la feule idée ancienne que les travaux du dernier siècle ont justifiée en l'approfondissant.

Il paroît en effet qu'il est nécessaire que la matière telle qu'elle est, soit composée d'éléments inaltérables: tout le mouvement imaginable n'en feroit jamais que la même substance mûë différemment; on ne voit pas comment un morceau de bois, par exemple, divisé & atténué, seroit

jamais autre chose que du bois en poussière.

Ne suit-il pas de tout ce qui a été dit, que le Feu est une substance inaltérable, dans la constitution présente des choses, qu'il n'est jamais ni détruit ni augmenté par aucune autre substance; que par conséquent, il y a toûjours dans la Nature, la même quantité de feu; qu'ainsi lorsqu'un corps est plus échauffé, il faut qu'il y en ait quelqu'autre qui se refroidisse; que par conséquent le feu dardé à tout moment du Soleil sur les Planetes, doit augmenter la substance de ces globes, & diminuer celle du Soleil, qui doit avoir des reflources d'ailleurs pour renouveller sa substance, &c?

Sans chercher à présent à tirer plus de conséquences, & nous reposant sur cette idée, que le Feu est une substance élémentaire, à quoi la reconnoîtrons-nous? quels effets éta-

bliffent fon caractère diffinctif?

Sera-ce la diffolution des corps? mais l'eau diffout à la ongue jusqu'aux Métaux. Sera-ce la dilatation? mais l'air dilate visiblement tous les corps minces & élastiques dans desquels on le comprime. L'eau dilate les cordes, le bois

fec, & le feu au contraire les refferre.

Le Feu en général, est le feul être qui éclaire et qui brûle; earactere de la ces deux effets ne s'accompagnent pas toûjours : Le feu du fubstance du Soleil, répercuté sur la Lune, renvoyé vers nous, & réuni au foyer d'un Verre ardent, jette une grande lumiére: il éclaire

beaucoup, mais il ne peut rien échauffer, encore moins brûler, parce qu'il y a trop peu de rayons. Le Feu, au

ET SUR SA PROPAGATION. contraire, dans une barre de Fer, non encore ardente, échauffe, brûle, & ne peut éclairer nos yeux; parce que le feu n'a pû encore s'échapper affés de la furface du Fer, pour venir en rayons divergents, former fur nos yeux des cones de lumiére dont le sommet doit être dans chaque point de

C'est donc en général, de la quantité de sa masse, & de la quantité de son mouvement, que dépendent sa chaleur & fa lumiére; mais il est le seul être connu, qui puisse éclairer

& échauffer: voilà simplement sa définition.

ARTICLE SECOND.

Si le Feu est un corps qui ait toutes les propriétés générales de la matière.

Le Feu a-t-il les autres propriétés primordiales de la

matiére?

cette barre.

. Il est mobile, puisqu'il vient à nos yeux en si peu de temps. Il est divisible, & plus divisible par nous que les autres corps, puisqu'on sépare le moindre de ses traits en sept faifceaux de rayons différents.

Il est étendu par conséquent; mais a-t'il la pesanteur & la pénétrabilité de la matière ? est-il en effet un corps tel que les autres corps? Plufieurs Philosophes très-respectables en ont

douté.

Newton, page 207 de ses Principes, Scolie de la Proposition 96, dit qu'il n'examine pas si les rayons du Soleil sont un corps: un corps ou non, qu'il détermine seulement des trajectoires des corps semblables aux trajectoires des rayons du Soleil.

Or puisqu'il est constant par l'expérience, que les rayons du Soleil réunis, sont le feu le plus pur & le plus violent, douter s'ils font un corps, c'est douter si le Feu est un corps.

D'autres Physiciens, dont la raison s'est éclairée par quarante ans d'études & d'expériences, après avoir cherché si le seu a pesant? quelque poids, ne lui en ont jamais trouvé. Le célébre Boërhave, dit dans sa Chimie, qu'ayant pesé huit livres de Fer

Le Feu est-il

Le Feu eft-il

176 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU froid, puis tout ardent, puis refroidi encore, il a toûjours trouvé fon même poids de huit livres.

Cette épreuve femble réclamer contre d'autres épreuves faites par des mains non moins habiles, & non moins exercées. On sçait que cent livres de Plomb produssent après la

calcination, jusqu'à cent dix livres de minium.

On sçait que quatre onces d'Antimoine exposées près du foyer du Verre ardent du Palais Royal, après avoir été calcinées au seu élémentaire, ont pesé aussi près d'un dixiéme plus qu'auparavant, quoique cet Antimoine edt perdu beaucoup de la substance dans l'exhalaison de sa sumée, &c.

Il ne s'agit à present que de sçavoir si cette augmentation de poids dans cette expérience, peut prouver la pesanteur du seu, & si l'égalité de poids dans l'expérience de M.

Boërhave peut prouver que le Feu ne pese point.

Qu'il me soit permis de rapporter ici ce que je viens de

faire pour m'éclairer sur cette difficulté.

Le respect que l'on doit au Corps qui jugera ce foible Essai, est un garant de l'exactitude avec laquelle j'ai tâché de m'instruire, & de la fidelité avec laquelle je rapporte ce que j'ai vû, dont d'ailleurs j'ai dix témoins oculaires.

J'ai été exprès à une Forge de Fer, & là, ayant fait réformer toutes les balances, & en ayant fait porter d'autres, toutes les balances de Fer ayant des chaînes de Fer au lieu de cordes, j'ai fait pefer depuis une livre, jusqu'à deux mille livres
de métal ardent & refroidi, & n'ayant jamais trouvé la moindre différence dans le poids, voici comme je raifonnois.
Ces mafles énormes de Fer ardent avoient acquis par leur
dilatation une plus grande furface, elles devoient donc avoir
alors moins de pefarteur ípécifique. Je puis donc, de cela
même qu'elles pefent également chaudes & froides, conclurre
que le feu qui les pénétroit, leur donnoit précliément autant
de poids que leur dilatation leur en faifoit perdre, & que
par conséquent le Feu est réellement pesant.

Mais, disois-je, toutes les calcinations après lesquelles les matières ont augmenté de poids, n'ont-elles pas aussi dilaté

ET SUR SA PROPAGATION. ces matiéres? Il leur arrive donc la même chose qu'à mon Fer ardent. Cependant ces matiéres pefent, brûlantes & calcinées, un dixiéme de plus qu'avant d'avoir été expofées au feu, & deux milliers de Fer ardent & froid, conservent toûjours leur même poids. Se peut-il que dans quatre onces de poudre d'Antimoine exposées quelques minutes au feu du Soleil, ou calcinées quelques heures au fourneau de reverbere, il soit entré incomparablement plus dé matiére ignée que dans ces masses pénétrées pendant vingt-quatre heures

Je fongeai donc à pefer quelque chose de beaucoup plus chaud encore que le Fer embrafé; je suspendis près d'un fourneau où l'on fait la fonte, trois marmites de fer trèsépaisses, à trois balances bien exactes; je sis puiser de la fonte en fusion. Je sis porter cent livres de ce seu liquide dans une marmite, trente-cing livres dans une autre, vingt-cing livres dans la troisiéme. Il se trouva au bout de six heures, que les cent livres avoient acquis quatre livres étant refroidies, les vingt-cinq livres à peu-près une livre, & les trente-cinq

livres, environ une livre une once & demie.

Je m'étois servi dans cette expérience, de la fonte blanche, dont il est parlé dans l'Art de forger le Fer, Livre qui devoit procurer au public plus d'avantage que la jalousie des Ouvriers ne l'a fouffert.

Je répétai plusieurs fois cette expérience, & je trouvai toûjours à peu-près la même augmentation de poids dans la fonte

blanche refroidie.

du feu le plus violent?

Mais la fonte grife, qui est toûjours moins cuite, moins métallique que l'autre, me donna toûjours un même poids, soit

froide, foit ardente.

Que dois-je penser de cette expérience? S'il est vrai, comme le dit M. de Reaumur, dans les Mémoires de 1726, Page 2733 que le Fer augmente de volume en passant de l'état de fusion à celui de solidité; il doit donc avoir une pesanteur spécifique, moindre dans l'état de folidité; & cependant le voilà qui, folide, pese beaucoup plus que fluide: voilà quatre livres Prix 1738.

178 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU d'augmentation fur cent, quand la furface est devenuë plus large, & que le feu dont il étoit pénétré, s'est échappé pendant plus de fix heures.

Cette augmentation de volume, & cette perte de fa fubffance, devroit concourir à le faire pefer bien moins; l'air dans lequel on le pefe froid, étant alors plus denfe, devroit diminuer encore un peu le poids de ce métal. Malgré tout cela, ce métal pefe toûjours beaucoup plus étant refroidi,

qu'en fusion.

Or en fusion il contenoit incomparablement plus de seu qu'etant refroidi: Done il semble qu'on doive conclurre que cette prodigieuse quantité de seu riavoti aucune pesanteur: donc il est très-possible que cette augmentation de poids soit venué de la matière répandue dans l'Atmosphere: Donc dans toutes les autres opérations par lesquelles les matières calcinées acquiérent du poids, cette augmentation de substance pourroit aussi leur être venué de la même cause, & non de la matière ignée. Toutes ces considérations m'obligent à respecter l'opinion, que le Feu ne pese point.

Mais d'un autre côté, je confidére que cette augmentation apparente de volume dans le Fer, lorfque de fondu il devient folide, est dûë très-vraisemblablement à la distattion des vases & des moules dans lesquels on le répand, qui secontractent avant que le Fer se soit resservé; & si cela est, je conclus que le Fer en susion, doit en effet peser spéerssquement moins, & solide, doit peser plus en raison de

fon volume.

J'observe austi qu'il en est aimi de tous les Métaux en fafion, qu'ils doivent tous peser solides plus que stiudes, sans que cet excès de pesanteur dans les Métaux resroidis, vienne d'aucune addition de matière étrangere.

Je vois que si le Plomb, l'Etain, le Cuivre, &c. pesent moins en susion que refroidis, ils acquiérent au contraire

du poids dans la calcination.

Maintenant de deux choses l'une, ou dans cette calcination la matière acquiert un moindre volume, conservant

la même masse, & alors par cela seul, elle doit peser un peu davantage, ou bien sans avoir un moindre volume, elle acquiert plus de masse. Ce surplus de masse lui vient ou du feu ou de quelqu'autre matière. Il n'est pas probable que cent livres de Plomb acquiérent dix livres de seu: il n'y a peutêtre pas dix livres de seu dans tout ce que l'on brûle en un jour sur la terre. Mais aussi il n'est pas probable que le seu ne contribue rien à cette addition de poids.

Je joins à cette probabilité, qu'il n'y a d'ailleurs aucune raison pour priver l'élément du Feu, de la pesanteur qu'ont les autres Eléments, & je conclus qu'il est très-probable que

le feu est pesant.

Les Philosophes qui refusent au Feu l'impénétrabilité, ne manqueront pas encore de raisons. Il est constaté, diron-lis, il que la lumiére est du feu, que ce feu vient à nos yeux, que se traits, ses rayons sont colorés, c'est-à-dire, que les rayons producteurs du rouge, doivent toûjours donner la sensation

du rouge, &c.

Or cela polé, vous regardés deux points, dont l'un est rouge & l'autre bleu, non-feulement les rayons bleus & rouges se crossent mécessairement avant d'arriver à vos yeux; mais dans ce point d'intersection, il passe encore une infinité de rayons de l'atmosphere; réunissés encore dans ce mêmepoint, tous les rayons réstséchis d'un miroir concave; & tous ceux d'un verre lenticulaire qui lui sera opposé, vous n'en verres toûjours que plus vivement le point rouge & le point bleu; ces deux traits de fêt viendront toûjours à vos yeux dans leur même direction, à travers ces mille millions de traits qui pénétrable.

Le Feu, suivant l'idée de ces Philosophes, seroit donc une subtlance qui auroit quelques attributs de la matière, & qui ne seroit pas en effet matière. Hauroit la divisibilité, la mobilité, l'étendue; mais il n'auroit ni la gravitation vers un centre, ni l'impénétrabilité, caractere plus inhérent dans

la matiére, que la gravitation.

Le Feu est-if impénétrable!

180 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

Il agiroit fur les corps, sans être entiérement de la nature des corps, ce qui ne seroit pas incompatible. Il seroit dans l'ordre des êtres, une fubstance mitoyenne entre les corps plus grossiers que lui, & d'autres substances plus pures que lui : il tiendroit à ceux-ci par la pénétrabilité & par sa liberté de nêtre entraîné vers aucun centre: il tiendroit aux autres par sa divisibilité, par son mouvement, semblable en ce sens à ces substances qui semblent marquer les bornes des espéces, qui ne sont in Animaux ni Végétaux absolus, & qui semblent être les degrés par lesquels la Nature passe d'un genre à un autre. On ne peut pas dire que cette chaîne des êtres foit sans vraisemblance, & cette idée qui aggrandit l'Univers, n'en seroit par-là que plus philosophique.

Cependant quoiqu'aucune expérience ne femble encore avoir conflaté invinciblement la pesanteur & l'impénétrabilité du Feu, il paroît qu'on ne peut se dispenser de les

admettre.

A l'égard de la pesanteur, les expériences lui sont au moins très-favorables.

A l'égard de l'impénétrabilité, elle paroît plus certaine : car le Feu est corps, ses parties sont très-solides, puisqu'elles divisent les corps les plus solides, puisque l'aiguille d'une

Bouffole tourne au foyer d'un verre ardent, &c.

La folidité emporte nécessairement l'impénétrabilité. Il est vrai que les traits de feu qu'on nomme rayons de lumiére, se croisent, mais ils peuvent très-bien se croiser sans le pénétrer; car tout corps ayant incomparablement plus de pores que de matière, ces traits de feu passent, non pas dans la siubstance folide des parties élémentaires les uns des autres, ce qui seroit incompréhensible, mais dans les pores les uns des autres; & non-seulement, ils peuvent se croiser ainsi, mais ils se croisent s'un par-dessius l'autre, comme des bâtons: & de-sa vient, pour le dire en passant, que deux hommes ne voyent jamais le même point physique, le même minimum visible.

Il paroit donc enfin qu'on doit admettre que le Feu a

ET SUR SA PROPAGATION. 18 t toutes les propriétés primordiales, connues dans la matière,

Voyons ses propriétés particulières, & d'où elles dépendent, pour tâcher de connoître quelque chose de sa Nature.

ARTICLE TROISIE ME.

Quelles sont les autres propriétés générales du Feu.

Les deux attributs qui caractérisent le Feu, étant de brûler & d'éclairer, d'où lui viennent ces deux attributs, & quelles autres propriétés en résultent?

SECTION I.

D'où le Feu a-t-il le mouvement?

1.º Le Feu ne peut éclairer, échauffer, brûler, que par le mouvement de les parties; d'où ce mouvement lui viendra-t-il? Scra-ce de quelqu'autre matiére plus tenuë, plus fluide encore? Mais d'où cette autre matiére aura-t-elle son mouvement? Pourquoi cette matiére ne fera-t-elle pas ellemême les mêmes effets que le feu? Pourquoi recourir à

une autre matiére qu'on ne connoît pas?

Cette autre matiére agiroit, ou dans le plein abfolu, ou dans le vuide; fi elle est supposée dans le plein, eette supposítion est exposée à d'étranges contradictions: Comment une étincelle de seu, venant de Sirius jusqu'à nous, dérangera-t-elle ce plein prodigieux? Comment un rayon de Soleil percera-t-il plus de trente millions de lieuës en 8 minutes? d'ailleurs, quelle soule d'objections contre le plein absolu! Si cette matiére est supposée agir dans l'espace non rempli, quel besoin avons-nous d'elle, pour produire l'action du seu? Le Feu est un essentie, ses parties constituantes ne s'altérent donc point, du moins tant que cet Univers sub-sisté; que serviroit donc une autre matière insensible à ces parties constituantes? Il ne faut admettre de principe invisible, insensible, que quand ce premier principe invisible, insensible, est d'une nécessité primordiale absolué, inhérente

182 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU dans la nature des choses. Ne seroit-il pas contre toute Philosophie, d'expliquer le mouvement connu d'un élément, par le mouvement supposé d'un autre élément inconnu? If faut donc croire que le Feu a le mouvement originairement imprimé en lui-même, jusqu'à ce qu'on soit bien sûr qu'il

y a une autre fubitance qui le lui donne.

Le Feu étant donc toûjours par la nature, en mouvement, les parties étant les plus limples, & par conséquent
les plus folides des corps connus, tous les corps connus
étant poreux, le feu habite néceflairement dans les pores
de tous les corps, il les étend, les meut, les échauffe &
les confume, felon la quantité & fon degré de mouvement.

Tous les corps tendent à s'unir par la même loi qui fait graviter tous les corps céleftes vers un foyer commun, quelle que foit la cause de cette tendance: Donc toutes les parties de chaque corps préseroient également vers le centre de ce corps, & tous les corps composeroient des masses également dures, si le feu étant toûjours en mouvement, n'écartoit ces parties toûjours prêtes à s'unir.

Le Feu réfifte donc continuellement à l'effort des corps, & les corps lui réfiftent de même: cette action & cette réaction continuelle, entretiennent donc un mouvement

fans interruption dans toute la Nature.

Pourquoi tous les Animaux font-ils plus grands le jour que la nuit i Pourquoi les maifons font-elles plus hautes à midi qu'à minuit ? Pourquoi toute la Nature eft-elle dans une agitation plus ou moins grande, felon que les climats font plus ou moins chauds l'audra-t-il, pour expliquer ces Phénomenes continuels, recourir à autre chofe qu'au Feu ? Son abfence ne fait-elle pas ferifiblement le repos ? Sa préfence ne fait-elle pas fenfiblement le mouvement? Faudra-t-il, encore une fols , imaginer une autre matière que le Feu pour rendre raifon de la chalent?

Loin que ce foit le mouvement interne des corps, qui puisse produire & faire en effet du feu, c'est donc réellement le feu qui produit le mouvement interne de tous les

ET SUR SA PROPAGATION. corps. Mais, dira-t-on, comment peut-il exciter des fermen-

tations froides, qui font baiffer le Thermometre? Comment peut-il, en agitant l'air, causer des vents qui apportent la

gelée?

Je répondrai que ces effets arrivent de la même maniére que nous faifons geler des liqueurs, en mettant du feu autour de la masse de Neige & de Sel qui entourent la liqueur que nous voulons glacer; à peine le feu a-t-il commencé à fondre cette masse de Neige & de Sel, que notre liqueur fe gele: voilà du mouvement, & une fermentation des plus froides à la fuite de ce mouvement : c'est ainsi qu'une demi-once de Sel volatil d'urine, & trois onces de Vinaigre, en fermentant, font baisser le Thermometre de 9 à 10 degrés. Il y a certainement du feu dans ces deux liqueurs, fans quoi elles ne seroient point fluides; mais il y a austi autre chose que du feu, il y a des Sels, plusieurs parties de ces Sels ne se coagulent-elles pas en la même maniére que plusieurs parties de Sel & de Glace entrent dans nos liqueurs que nous glaçons?

De même l'air dilaté par le moyen du Feu, de quelque maniére que ce puisse être, soit par des exhalaisons, soit par l'action immédiate des rayons du Soleil; cet air, dis-je, nous apporte du Nord, des Sels coagulés, & pourquoi ces Sels fe coagulent-ils dans un air que la chaleur dilate? N'est-ce point que ces Sels contiennent en eux moins de feu que les autres parties de l'Atmosphere, & gu'ainsi ils s'unifient quand l'Atmosphere se dilate? Ils excitent alors un vent froid, qui n'est autre chose qu'une fermentation froide: le Feu par son mouvement peut donc unit ensemble des matiéres, qui par-là même deviennent froides.

Que l'on jette des morceaux de glace dans l'air, ils seront toûjours froids, quoiqu'en mouvement; les exhalaisons du Nord, le vent qui n'est autre chose que l'air dilaté, doivent être confidérés comme une puissance qui pousse des parties

de glace.

Le Feu par son mouvement contribue donc même au

184 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU froid, puifqu'avec le feu nous glaçons des liqueurs; puifque des fluides empreints de matiére ignée, tels que le Sel vo-latil d'urine & le Vinaigre, tels que le Sel ammoniac & le Mercure fublimé, font baiffer prodigieusement le Thermometre; puifque l'air dilaté par l'action du feu, nous apporte du Nord des particules froides.

SECTION II. N'est-il pas la cause de l'Elasticité!

Le Feu étant en mouvement dans tous les corps, le Feu agiffant par ce mouvement, la réaction étant toûjours égale à l'action, ne suit-il pas que le Feu doit eauser l'Elasticité?

Etre élaftique, c'est revenir par le mouvement, au point dont on est parti; c'est être repoussé en proportion de ce qu'on presse. Pour que les mixtes ayent cette propriété, il faut qu'ils ne soient pas entiérement durs, que l'adhésion de leurs parties constituantes ne soit pas invincible; car alors rien ne pourroit presser se resouler leurs parties, ni en dedans ni en dehors.

Une balle fait reffort en tombant sur une pierre, parce que les parties qui touchent la pierre, en sont repoussées; parce que la réaction de la pierre est égale à l'action de la balle: quand cette balle ayant cédé à cet effort qui lui a ôté sa rondeur, la reprend ensuite, c'est parce que ses parties qui étoient pressées, se renssent, s'étendent. Il y a donc de toute nécessité, un pouvoir qui distend toutes ces parties; ce pouvoir n'est que du mouvement, le feu qui est dans ce corps est en mouvement, le Feu cause donc l'Estastieité.

Que le feu soit l'origine de cette propriété, c'est une chose d'autant plus probable que le feu lui-même semble parfaitement étallique, ses parties élémentaires étant nécessairement très-solides, se choquant continuellement & se repoussant avec une force proportionnée à leur choc, doivent faire des vibrations continuelles dans les corps. Un corps seroit parsaitement dur, s'il étoit absolument privé de seu-

S'il en étoit tout pénétré, & que ses parties ne pussent résister aucunement à l'action du feu, ses parties auroient encore moins de cohérence que les fluides les plus subtils, & il feroit entiérement mou; un corps n'est donc élastique qu'autant que ses parties constituantes rélistent au mouvement du feu qu'il renferme.

C'est ce que l'expérience confirme dans tous les corps élastiques. Plus on a augmenté l'adhésion, la cohérence des parties d'un métal en le comprimant sous le marteau, plus alors cette adhésion surpasse l'action du feu que contient ce métal; alors fon reffort est toûjours plus grand; qu'il soit échauffé, le reffort diminue; qu'il foit ensuite en fusion, ce reffort est perdu entiérement. Laissés refroidir ce corps fondu, c'est-à-dire, laissés exhaler le feu étranger & surabondant qui le pénétroit, ne lui laissés que la quantité de substance de feu qui étoit naturellement dans les pores de ses parties constituantes, le ressort se rétablit.

SECTION III.

L'Air ne reçoit-il pas aussi son ressort du Feu!

L'Air, ce corps si finguliérement élastique, paroît recevoir son ressort du Feu par les mêmes raisons.

L'Air de notre Atmosphere, est un assemblage de vapeurs de toute espece, qui lui laissent très-peu de matiére propre.

Ostés de cet Air l'eau dans laquelle il nage, & dont la pelanteur spécifique est au moins 8 5 0 fois plus grande que celle de cet air, ôtés-en toutes les exhalaisons de la terre, que restera-t-il à l'Air pur pour sa pesanteur? Il est impossible d'affigner ce peu que l'Air pur pese par lui-même, il reçoit donc certainement d'une autre matière, cette grande pelanteur qui soûtient 33 pieds d'eau, ou 29 pouces de Mercure: cette force qui surprit tant le siécle passé, ne lui appartient pas en propre.

Si cette pesanteur n'est pas à lui, pourquoi son ressort ne

lui viendra-t-il pas auffi d'ailleurs ? Prix 1738.

Aa

186 ESSAI SUR LA'NATURE DU FEU

Il eft conflant que la chaleur augmente heaucoup le reflort d'un air enfermé; on connoît les découvertes fines d'Amontons fur l'augmentation de puissance, qu'un air comprimé acquiert par la chaleur de l'eau bouillante.

La chaleur étend l'air, & augmente sensiblement son élasticité dans l'instant que cet air s'étend; ainst l'air se dilatant par le seu, casse les vaisseaux qui le renferment; ainst échausse dans une vessie, il la fait crever; ainsi il fait monter le Mercure & les liqueurs dans les subes, d'autant plus qu'il s'échausse. &c.

Tant qu'il y aura du feu dans cet air comprimé, les corpufcules de l'air, écartées en tout fens, presient en tout fens tout ce qu'elles rencontrent. Voilà l'augmentation de

fon reflort.

L'air libre étant échauffé, se distend, s'écarte de tous côtés, & alors ce ressort qui agissoir par la dilatation, s'épuise en proportion de ce que l'air s'est dilaté; ce plein air libre, échaussé, n'est plus si élastique, parce qu'alors il y a moins t'air dans le même espace.

De même, quand le métal pénétré de feu, s'étend de tous côtés, alors il y a moins de métal dans le même espace; & quand il est fondu, il s'est étendu autant qu'il est possible, alors son restort est perdu autant qu'il est possible.

Ce métal refroidi redevient élaftique, aufil l'air libre refroidi, revenu dans son premier état, reprend son élafticité première; mais si l'air est plus refroidi encore, si le froid le condense trop, alors son ressort satsoiblit; n'est-ce pas que l'air n'a plus alors la quantité de seu nécessaire pour aire joiuer toutes ses parties, & pour le dégager de l'atmosphere engourdi qui le renserme?

Si l'Air étoit absolument privé du Feu, il seroit sans mou-

vement & fans action.

SECTION IV.

Suite de l'examen, comment le Feu caufe l'Elasticite.

Tous les Liquides, quoique d'une autre nature que l'air, ne doivent-ils pas auffi au Feu leur plus ou moins d'élafficités Le feu qui subfiste dans l'eau, retient les parties de l'éau dans une defunion continuelle. L'eau est alors par rapport à la quantité de feu qu'elle contient, ce qu'est un niétal enslammé par rapport à la quantité de feu qui le pénétre. Ce métal en fusion perd fon resfort. L'eau coulante est aussi dans une espece de fusion, & par conséquent, sans élasticité; mais dès qu'elle contient moins de feu, dès qu'elle est glacée, elle fait resfort comme le métal refroidi, parce qu'alors elle peut réagir comme le métal, contre l'action d'un moindre feu qu'elle contient : Or que la glace contienne du feu, on ne peut en douter, puilqu'on peut rendre la glace 30 à 40 fois plus froide encore, qu'au premier degré de congélation, & si on pouvoit trouver le dernier terme de la glace, on trouveroit celui de l'extrême dureté des corps.

Ceux qui, pour expliquer l'Elafticité, ont employé la matier fubrile, de l'exiftence de laquelle on n'a de preuve que le besoin qu'on croit en avoir; ceux-là, dis-je, ont toûjourseu dans leur systeme quelque contradiction à dévorer.

S'ils difent, par exemple, qu'une lame d'Acier courbée fait reffort, parce que cette matière fubtile qu'on suppose être par-tout, fait un effort violent pour repasser par les pores de cet Acier, que sa courbûre vient de rétrécir, ils s'apperçoivent auffi-tôt que la loi des fluides les contredit; car tout fluide libre presse également par-tout; & de plus, si la matière subtile est supposée faire tourner notre globe d'Occident en Orient, comment causera-t-elle un ressortants un sens contraire?

S'ils disent que la matiére subtile remplissant tous les pores des corps & tout l'Univers, est composée de petits tourbillons logés dans les corps; que les parties de ces tourbillons tendants

188 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

toûjours à s'échapper par la tangente, font la caule du reflort: que de difficultés & de contradictions encore! ces petits tourbillons font-ils compolés d'autres tourbillons? Il le faut bien, puisqu'ils ont des parties. La derniére de ces particules ferat-elle un tourbillon? En quelle direction se mouvrontils? effece en un seul fens? eft-ce en tout sens? Qu'on songe bien qu'ils remplissent l'Univers, & qu'on voye ce qui en résulteroit. Il faudroit que tout suivit cette direction de leur mouvement. Sont-ils durs, sont-ils mous? S'ils sont durs, comment laisseront-ils venir à nous un rayon de lumisére? S'ils sont mous, comment ne se consondrent-ils pas tous-ensemble? De quelque côté qu'on se tourne, on est en-vironné d'obscurités.

Je demande simplement, si dans les incertitudes où nous laisse la Physique, il ne vaut pas mieux s'en tenir aux fubstances, dont au moins on connoît l'existence & quelques propriétés, que de rechercher des êtres dont il faut deviner l'existence. Nous sommes tous des étrangers sur la terre que nous habitons, ne devons-nous pas plûtôt examiner ce qui nous entoure, que de faire la carte des pays inconnus? Nous voyons du feu sortir des corps où il étoit enve loppé, nous voyons qu'il est dans tous les corps connus, qu'il imprime évidemment des vibrations à leurs parties. que quand ces vibrations sont finies par la dissolution du corps; tout reffort ceffe; nous fentons que l'air devient plus élaftique quand il s'échauffe, & moins quand il est très-froid: Pourquoi donc chercher ailleurs que dans cet élément du Feu, l'Elasticité qu'il donne si sensiblement ? Par-là, on ne se chargeroit du fardeau d'aucune hypothese, & certainement on n'avanceroit pas moins dans la connoissance de la Nature.

SECTION V.

N'est-il pas la cause de l'Electricité.

S'il est vraisemblable que le Feu est la cause de l'Elasticité, il ne l'est pas moins que l'Electricité soit aussi un de ses essets.

La marche de l'esprit humain doit être, ce semble, de se contenter d'attribuer les mêmes effets aux mêmes causes, jusqu'à ce que l'expérience découvre une cause nouvelle : Or l'Electricité paroît toûjours produite par la cause qui produit toûjours du feu dans les corps durs, c'est-à-dire, qui développe le feu que ces corps durs contiennent, cette cause est le frottement, l'attrition des parties.

Il n'y a aucun corps dur, frotté, qui ne s'échauffe; il n'y a aucun corps électrique, qui ne doive être frotté avant

d'exercer cette Electricité.

Quelques corps durs, frottés, s'enflamment; quelques corps électriques jettent des étincelles brûlantes, tous après un long

& violent frottement jettent de la lumiére.

Il est vrai que les Métaux, quelqu'attrition qu'ils puissent éprouver, n'attirent point les corps minces à eux, n'exercent point d'Electricité; mais on ne dit point que tout ce qui prend feu soit électrique, on remarque seulement que tout ce qui devient électrique, jette du feu plus ou moins: Doncle Feu paroît avoir très-grande part à cette Electricité. Au moins il est indubitable, qu'il n'y a point d'Electricité sans mouvement, & qu'il n'y a point, dans la Nature, de mouvement sans le Feu.

ARTICLE QUATRIEME.

Suite des autres Propriétés générales, par lesquelles on cherche à déterminer la Nature du Feu.

Le Feu, comme tout autre Fluide, se meut également en tout sens, ou plûtôt ne pouvant se mouvoir qu'avec cette égalité, parce que l'action & la réaction de ses parties élementaires est égale, il semble être l'unique cause pour laquelle les autres Fluides se meuvent ainsi.

Il doit donc échauffer également dans toutes ses parties, un corps homogene qu'il pénétre ; sa flamme doit être lement, ronde, & l'est toûjours quand l'air ne presse pas sur le mixte qui brûle. Qu'une boule de fer soit bien enflammée dans

Comment il fe répand éga190 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU un fourneau, où l'air très-raréfié a épuisé son ressort, cette boule de fer jette des flammes également en haut & en bas; la flamme de l'Esprit de Vin s'arrondit quand on la plonge dans une autre flamme.

De cette propriété inhérente dans le Feu, de se répandre également, s'il ne trouve point d'obstacle, il fuit que tout corps enslammé doit envoyer les traits de seu également de tous les côtés, & qu'ainsi tout point lumineux est un centre dont les rayons partent & aboutissent à la surface d'une sibhere.

phere.
C'est par cette propriété que le Feu échauffe & éclaire en

raison inverse ou reciproque du quarré des distances.

Le Feu a donc la propriété d'envoyer aux corps une quantité de la substance dans cette proportion.

Il a encore la propriété d'être attiré sensiblement par les corps.

1. Cette attraction est démontrée par cette expérience connue d'une lame de couteau ou de verre, dont la pointe est rasée par les rayons du Soleil dans une chambre obscure.



Exemples:

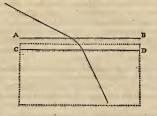
Le Feu paroît

attiré par les

corps.

On (çait que les rayons s'infléchissent, se portent vers cette lame en proportion des distances, c'est-à-dire, que le rayon qui passe le plus près de cette pointe, est celus qui s'infléchit le plus vers le couteau. Toutes les autres expériences de l'inflexion de la lumiére près des corps, se rapportent à celle-ci. On le connoît, on n'en grossira pas ce Mémoire.

2.° La réfraction est encore une preuve évidente de cette attraction, on sçait asses que quand le verre ou l'eau, &c. reçoit un rayon oblique, ce rayon commence à se briler ET SUR SA PROPAGATION. 19 r en approchant de ce milieu, & qu'il se brise toûjours tant



qu'il est entre ces lignes AB, CD, qui sont les termes de cette attraction; après quoi, il continue à aller en ligne droite: & cette inflexion & ce brisement avant d'entrer dans ce corps, & en y entrant, est toûjours d'autant plus grand, que la matière qui reçoit ce rayon a plus de densité, à amoins que cette matière ne soit un corps oléagineux, suffureux, inflammable; car alors ce corps oléagineux, suffureux, rempli de feu, agit davantage sur ce rayon que ne sera un corps de même densité, mais qui contiendra moins de parties inflammables.

3.º Tout rayon tombant obliquement d'un milieu moins épais, dans un milieu plus épais, va plus rapidement dans le corps qui l'attire davantage, & cela en raifon inverse de la grandeur des finus; & non-feulement il accélére fon mouvement dans ce corps en tombant en ligne oblique, mais auss en tombant en ligne perpendiculaire.

Il est donc aussi indubitable, qu'il y a une attraction entre les particules du Feu & les autres corps, qu'il est difficile

d'affigner la cause de cette attraction.

Ayant reconnu cette propriété fingulière du Feu, d'être attiré par les corps, de se plier vers eux, d'accélérer son mouvement yers eux, & dans eux, sitôt qu'ils sont dans la

192 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

fishere de l'attraction; on ne doit plus être fi étonné qu'il réjailliffe des corps folides avant de les avoir touchés; car fi les corps ont le pouvoir de l'attirer, à quelque diffance, pourquoi n'auront-ils pas auffi celui de le repouffer à cette même diffance?

II paroît repouffé fans toucher aux corps.

Or que des parties de feu foient repouffées de desflus la furface des corps sans la toucher, c'est un Phénomene dont il n'est plus permis de douter

On fçait que la lumiére tombant furun prifine, & faifant avec fa perpendiculaire un angle de près de 40 degrés, paffe à travers de ce prifine, & va dans l'air; mais qu'à un angle de 41, elle ne paffe plus, elle est résléchie toute entiére; mais alors si on met de l'eau sous ce prisine, la même lumiére qui ne passoit point dans, l'air à 41 degrés, passe à cette même obliquité dans l'eau, elle trouve pourtant dans l'eau plus de parties solides que dans l'air, elle ne réjaillit point de dessus cette eau, & elle réjaillit de dessus cet air: Done elle n'est pas résléchie en ce cas par les parties solides.

Adjoîtés à cette expérience, celle des corps réduits en lame mince, qui réfléchifient certains rayons de lumière, & qui laiflent paffer ces mênes rayons quand leurs lames font plus épaiffes. Adjoûtés les inégalités extrêmes des miroirs les plus polis, qui cependant réfléchiffent la lumiére également & avec régularité, & qui par conféquent, ne peuvent renvoyer avec régularité ce qu'ils reçoivent fi irrégulièrement; on conviendra que la lumière qui n'est autre chose que du seu réjaillit sans toucher aux corps dont elle semble réfaillir.

De cette attraction & de cette répulsion de la matiére du feu à quelques distances des corps folides, n'est-il pas prouvé qu'il y a une action & une réaction entre tous les corps & le Feu, 'telle qu'il y en a une entre les corps électriques & les petits corps qu'ils attirent & qu'ils repouffent! La différence est (comme dit à peu-près le grand Newton dans fon Optique) qu'il ne faut que des yeux pour voir l'attraction & la répulsion de l'Electricité, & qu'il faut les

yeux

ET SUR SA PROPAGATION. 193 yeux de l'esprit pour voir l'attraction & la répulsion du Feu

&des corps.

Il reste à examiner la figure du Feu & sa couleur.

Quelle est sa figure & sa

La figure de ses parties constituantes, doit être ronde, figure & c'est la seule qui s'accorde avec un mouvement égal en tout sens, & la feule qui puisse produire des angles d'incidence égaux aux angles de réflexion. Il est bien vrai que ces angles d'incidence & de réflexion ne sont pas produits sur la fursace des corps solides, mais ils sont produits près de ces surfaces par quelque cause que ce puisse être. Or cette cause inconnuë, & qui peut-être est la matiére d'estrique, ne peut renvoyer ainsi les rayons, s'ils ne sont pas propres à former totijours ces angles, & il n'y a que la figure ronde qui puisse les former.

Pour la couleur qui résulte du Feu, j'entends du seu pur & fans mélange, cette couleur dépend des rayons différents qui composent le feu: l'assemblage des sept rayons primordiaux réssections de la lumière du Soleil tire sur le jaune; & de-là on pourroit croire que le Soleil est un corps solide, dans lequel se rayons jaunes dominent. Il n'est nullement impossible que le seu dans d'autres Soleils ait d'autres couleurs, & la quantité de rayons rouges ou jaunes, dominante dans ce seu élémentaire, pourroit très-vraisemblablement opérer de nouvelles pro-

priétés dans la matiére.

Voilà donc à peu-près un affemblage des propriétés principales, qui peuvent servir à donner une foible idée de la

nature du Feu.

C'eft un élément qui a tous les attributs généraux de la matière, &t qui a par-deffus encore, le pouvoir d'agir fur toute matière, d'être toûjours en mouvement, de se répandre en tout sens, d'être élastique, de contribuer à l'élasticité des corps, à leur éléctricité, d'être attiré & d'être repoussé par les corps; enfin c'est le seul qui puisse nous échairer & nous échaufter : Et cette propriété de nous donner le sentiment de lumière & de chaleur, n'est autre chose qu'une suite de la proportion établie entre ces mouvements

Prix 1738.

204 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU & nos organes, & il eft très-vraisemblable que cette proportion est nécessaire pour nous causer ces sentiments; car l'Auteur de la Nature ne fait rien en vain, & ces rapports admirables de la matiére du Feu avec nos organes, seroient un ouvrage vain, si dans la constitution présente des choses, nous pouvions voir sans yeux & sans lumière, & être échaussés sans seu.

SECONDE PARTIE.

De la Propagation du Feu.

N tâchera dans cette feconde partie, d'expliquer fes doutes en autant d'articles.

1.º Sur la manière dont nous produisons du Feu-

2.º Sur la manière dont le Feu agit.

3.° Sur les proportions dans lesquelles le Feu embrase un corps quelconque.

4.° Sur la manière & les proportions dont le Feu se

communique d'un corps à un autre.

5.° Sur ce qu'on nomme pabulum Ignis, & ce qui est nécessaire pour l'action du Feu.

6.º Sur ce qui éteint le Feu.

ARTICLE PREMIER.

Comment produisons-nous le Feu!

Les Hommes ne peuvent réellement produire du Feu, parce qu'ils ne peuvent rien produire du tout; ils ne peuvent que mêler les especes des choses, mais non changer une espece en une autre. On décéle, on manises le feu que la Nature a mis dans les corps, on lui donne de nouveaux mouvements, mais on ne peut produire réellement une étincelle.

Nous ne pouvons développer ce Feu élémentaire que par

l'un de ces cinq moyens suivants.

ET SUR SA PROPAGATION. 195 1.° En rendant les rayons du Soleil convergents, & les

affemblant en affés grand nombre.

2.º En frottant violemment des corps durs.

3.° En exposant tous les corps possibles, au Feu tiré de ces corps durs, comme aux charbons ardents, à la flamme, aux étincelles de l'Acier, &c.

4.° En mêlant des matiéres fluides, comme des especes d'Huile qui fermentent ensemble avec explosion, & qui

s'enflamment.

5.º En composant des Phosphores avec des matiéres suffureuses & falines, qui s'enflamment à l'air, comme avec du Sang, des Excréments, de l'Alun, de l'Urine, &c. ou bien en faisant de la Poudre fulminante & autres opérations femblables.

Dans toutes ces opérations, il est ailé de voir qu'on ne fait autre chose que d'adjoiter un seu nouveau aux corps qui n'en ont point assés; ou de mettre en mouvement une quantité de seu suffisante, qui étoit dans ces corps sans mouvement sensible.

ARTICLE SECOND.

Comment le Feu agit-il!

Le Feu étant une fubflance élémentaire répandué dans tous les corps, & jufques dans la glace la plus dure, ne peut agir fur ces corps, qu'en agitant leurs parties. Si cette agitation est modérée comme celle qu'un air 'tempéré communique aux Végétaux, leurs pores ouverts reçoivent alors l'eau, l'air & la terre qui les entourent, & les quatre Eléments unis ensemble, étendent le germe de la Plante qu'ils nourrissent. Si l'agitation est trop forte, les parties du végétal defunies sont dispersées, & tout peut en être aisement détruit, jusqu'au germe.

Ce mouvement, qui fait la vie & la destruction de tout, ne peut, ce semble, être imprimé aux corps par le seu, qu'en vertu de ces deux raisons-ci, ou parce qu'ils reçoivent une Le Feu agit par fa maffe & plus grande quantité de feu qu'ils n'en avoient, ou parce que par fa maffe & fa viteffe. & comme une quantité eff mife dans un mouvement plus violent; & comme une quantité de feu quelconque appliquée aux corps, n'agit que par le mouvement, il eft clair que c'eft le mouvement feul qui échauffe, confume & détruit les corps.

Tous les corps également chauds dans le même air.

Il n'y a aucun corps sur la terre, qui ait dans sa masse assesse de feu pour faire de soi-même un effet sensible sans fermenter avec d'autres corps: voilà pourquoi du Marbre & de la Laine, du Fer & des Plumes, du Plomb & du Coton, de l'Huile & de l'Eau, du Soufre & du Sable, de la Poudre à canon, appliquées au Thermometre, ensemble ou séparément, ne le font ni hausser ni baisser, lorsque ces divers corps ont été exposés long-temps à une égale température d'air, ainsi que le Thermometre.

De grands Philosophes inférent de cette expérience, qu'il y a également de feu dans tous les corps; mais on

ose être d'une opinion différente.

1.° Parce que si cette égale distribution de feu qu'ils supposent, étoit réelle, la glace factice en auroit autant que

l'alcohol le plus pur.

Mais tous les corps n'ont pas en eux également de feu. 2.º Parce que les corps s'enflamment beaucoup plus aifément les uns que les autres; & comme il est certain que nous mettons plus de feu dans des matiéres que nous préparons, dans de la Chaux, par exemple, que dans des mèlanges d'autre pierre, austi paroît-il vraisenblable que la Nature agit en cela comme nous, & distribuë plus de seu dans du Soufre que dans de l'Eau*.

* Voy. l'art. 4. de cette feconde Partie.

Il paroît donc très-probable par toutes les expériences & par le raifonnement, que de deux corps, celui qui s'enflammera le plus vite, à feu égal, contenoit dans fa maffe plus de fubltance de feu que l'autre; & qu'ainfi un pied cubique de Soufre, contient certainement plus de feu qu'un pied cubique de Marbre.

Pourquoi donc tous les corps inégalement remplis de Feu élémentaire, ont-ils cependant un égal degré de chaleur,

selon cette expérience faite au Thermometre?

N'est-ce pas ces raisons-ci? Le Feu n'agit dans les corps que par un mouvement proportionnel à sa quantité, chaque corps réliste à l'action de ce feu qu'il contient, & quand cette réfiftance est en équilibre avec l'action du feu, c'est précifément comme si le seu n'agissoit pas: Or dans tous les corps en repos, la réfiftance de leurs parties & l'action du feu contenu, sont en équilibre (car sans cela il n'y auroit point de repos) Donc tous les corps en repos doivent avoir un égal degré de chaleur.

Il faut remarquer qu'il n'y a point de repos parfait, mais le mouvement interne des corps est si insensible, qu'il ne peut faire un effet sensible sur la petite quantité de liqueur contenue dans un Thermometre. On sent assés pourquoi au Thermometre cette chaleur est égale, & ne l'est pas au

tact de nos mains.

Pour qu'un corps s'échauffe & ensuite s'enflamme, &c. il s'agit donc de le pénétrer d'un nouveau feu, & de mettre dans un grand mouvement celui qu'il a.

Des Charbons ardents, ou les rayons du Soleil réunis, appliqués, par exemple, à du Fer, produisent le premier

effet, l'attrition seule produit le second.

Les rayons du Soleil, ou le Feu ordinaire, adjoûtent une nouvelle substance de matiére ignée à ce Fer; l'attrition caufée par un caillou, n'y adjoûte que du mouvement fans nouvelle matiére. Ce mouvement seul fait un si grand effet par les vibrations qu'il excite dans ce Fer, qu'une partie de lui-même en tombe incontinent brûlante, lumineuse & vitrifiée.

L'action presque instantanée des rayons du Soleil, par le plus grand Miroir ardent, produit un effet entiérement

femblable.

Il faut voir à présent si une nouvelle quantité de traits de Feu, qui pénétrent dans un mixte, agit par le nombre agissent les uns de ses traits, & par le mouvement avec lequel chaque trait pénétre ce mixte; ou bien si cette force augmente encore par l'action de ces traits les uns sur les autres.

Si les rayons

198 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

Par exemple, mille rayons arrivent d'un Verre ardent à un morceau de bois; dans le foyer de ce Verre ardent, je demande si ces mille rayons agissent seulement par leur masse multipliée par leur vitesse (on n'eutre point ici dans la question, si la sorce est mesurée par la masse multipliée par le quarré de la vitesse) ou si à cette action il saut encore adjoûter une sorce résultante de l'action mutuelle de ces rayons les uns sur les autres.

Il paroît probable que la maffe feule des rayons, multipliée par leur vitefle, fans autre augmentation, fait tout
reflet du Verre ardent; car s'il y avoit une autre action
quelconque, cette action ne pourroit être que latérale,
c'efl-à-dire, que les rayons augmenteroient mutuellement
leurs puisflances en fe touchant par les côtés; mais cette
prétendue action ne feroit que détourner les rayons qui
vont tous en ligne droite, & par conféquent affoibliroit leur
pouvoir au lieu de le fortifier. Plufieurs coins enfoncés à
la fois dans un morceau de bois, plufieurs fleches hancées à
la fois dans un rond, se miront si elles se touchent; &
comment agirout-elles sensiblement les unes sur les autres,
se elles ne se touchent pas'

J'adjoiteral encore, que si les rayons du Feu augmentoient leur sorce par cette action mutuelle (ce qui n'est pas
assurément conforme aux loix méchaniques) les rayons de
la Lune, reçàs sur un Miroir ardent, sembleroient devoir au i
moins faire sentir quelque chaleur à leur soyer, mais c'est
ce qui n'arrive jamais: Done on paroit très-bien sondé à
penser que les rayons n'agissent point réciproquement l'un
fur l'autre, en partant d'un même lieu & allant frapper le
même corps. Il s'en saut beaucoup que le nombre des traits
de slamme, qui pénétrent un corps, reçoivent une nouvelle
action, par leur agistation mutuelle.

Qu'on mette fous un métal quelconque, une meche allumée, trempée d'Efprit de Vin, & qu'on observe, à l'aide de l'ingénieuse invention du Pyrometre, le degré d'expansion de raréfaction que ce métal aura acquis dans un temps

donné; si le feu augmentoit son action par le choc mutuel de ses parties, deux meches pareilles devroient raréfier ce métal beaucoup plus du double; mais il est prouvé par les expériences les plus exactes, que deux meches pareilles ne font pas seulement un effet double de celui d'une simple meche.

Une simple meche allumée, mise sous le milieu d'une lame de Fer longue de 5 pouces 8 , & épaisse de 3 , allonge cette lame comme 80; deux meches mises au même milieu, l'une auprès de l'autre, ne l'allongent que comme 117: & les deux mêmes flammes, mises à 2 pouces 1 l'une de l'autre, ne l'allongent que comme 100.

On ne prétend pas répéter ici le détail de toutes ces exnériences vérifiées, on essayera seulement d'en tirer quel-

ques conclusions.

Si le Feu agissoit dans ce cas, par la force d'une action mutuelle de ses parties les unes contre les autres, la flamme de ces deux meches devroit se joindre, pour produire ces effets réunis; & ces deux flammes devroient échauffer, raréfier cette lame beaucoup au-delà de 160 : mais ces deux flammes voifines, au lieu de se réunir, s'écartent, chacune se diffipe de côté & d'autre.

On peut donc, encore une fois, conclurre que les rayons du Feu n'agissent point l'un sur l'autre pour augmenter leur puissance, soit qu'ils viennent du Soleil en parallelisme, soit qu'ils foient réunis au foyer d'un Verre ardent, foit qu'ils s'échappent en cercle d'un charbon allumé, &c.

Voici donc ce qui arrive dans un corps auquel on applique un feu étranger; plus ce corps réfifte, plus la quan- feu sppliqué à un corps, agir, tité de ce feu multipliée par sa vîtesse, agit sur lui; & tant que l'action de ce feu & la réaction de ce corps subsistent, la chaleur augmente, jusqu'à ce qu'enfin de nouveau feu entrant toûjours, les parties solides de ce corps, qui résistoient, par exemple, à 1000 parties de feu, ne pouvant rélister à 10000, à 100000, se desunissent & s'évaporent. Un morceau de bois de 100 pouces quarrés, pourra très-

200 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU aisément être percé dans 100 demi-pouces d'étenduë fans perdre sa figure, mais s'il est percé dans 144000 lignes, il est réduit en poussière.

Comment un corpss'embrafe fans addition

Voici maintenant ce qui arrive à un corps, dont on met en mouvement le feu propre qu'il contenoit. Qu'un mord'un seu étran- ceau de Fer, par exemple, soit conçû partagé en mille lamines élastiques, que chaque lamine contienne dix parties de feu, que ce corps reçoive un choc violent qui ébranle ces mille lamines, & que ce choc réitéré augmente cent fois le ressort de chaque partie de seu; ces atomes de seu qui ne pouvoient agir auparavant, vû le poids dont ils étoient accablés, prennent une force égale à celle des mille lamines: Que ce ressort soit augmenté encore, on voit aisément comment enfin cette centiéme partie de feu contenuë dans cette masse, l'enslammera toute, & la dissipera à la fin, fans qu'il y foit intervenu une seule particule de feu étrangere.

> Les corps font donc échauffés, enflammés, confumés, ou par le feu qui est en eux, & dont on a augmenté le mouvement, ou par la quantité d'un feu étranger qu'on leur a appliqué, & qui par son mouvement vient agir sur ces corps; & dans les deux cas le feu agit toûjours par les

loix du mouvement.

ARTICLE TROISIE ME.

Proportions dans lesquelles le Feu embrase un corps quelconque.

On a essayé dans ce troisiéme article, de rassembler quelques loix générales, fur les proportions dans lesquelles le Feu agit.

PREMIÉRE LOY.

Le Feu étant un corps, & agissant sur les autres corps par sa masse & par son mouvement, selon les loix du choc, il communique son mouvement aux corps homogenes, à proportion de leur

de leur groffeur. Soit une lamine de Plomb échauffée, dilatée comme 154, par un feu donné, une autre lamine de même longueur, deux fois auffi large, deux fois auffi haute, & pefant ainfi le quadruple de la première, acquiert 109 degrés de chaleur en temps égal, à feu égal, felon les expériences faites au Pyrometre.

Le quarré des degrés de cette chaleur, est à peu de chose près, comme la racine des pesanteurs de ces lamines. La racine de la pesanteur de la derniére lamine, est à celle de la première, comme 2 est à 1; & les quarrés de leurs degrés de chaleur, sont aussi comme 2 à 1, ou peu s'en saut.

SECONDE LOY.

Le Feu agit en raison inverse du quarré de sa distance; cela est asses pouvé, puisque le feu se répand également en tout sens : c'est aussi en vertu de cette loy, que de deux corps d'égale longueur & épaisseur, le plus large présentant une plus grande quantité de matière plus voisine de la slamme, que le moins large, le corps le plus large sera toûjours le plûtôt échausse, en raison directe de cet excès de quantité de matière, & en raison du quarré de la proximité du seu.

Troisiéme Loy.

Le Feu augmente le volume de tous les corps avant d'enlever leurs parties.

Si le bois, les cordes, &c. ne paroissent pas augmenter de volume, c'est qu'on n'a pas le temps de les mesurer avant que leurs parties ayent été dissipées.

Il est démontre par cette Loy, que le seu (puisqu'il est pesant) doit augmenter le poids des corps, avant qu'il en ait fait évaporer quelque chose.

QUATRIÉME LOY.

Les corps retiennent leur chaleur, d'autant plus long-temps, qu'il a fallu plus de temps pour les échauffer.

Ainsi le Fer ayant acquis 70 degrés de chaleur & Prix 1738.

I

202 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU d'expansion en 6 minutes 47 secondes, & un pareil volume

de Plomb à feu égal, ayant acquis 70 pareils degrés en une feule minute; ce plomb raréfié à ce même degré 5 minutes 47 fecondes plûtôt que le fer, se refroidira, se contractera aussi environ 5 minutes 47 secondes plûtôt que le fer.

Cette regle souffre pourtant quelques exceptions; la Craye, par exemple, & quelques pierres se refroidissent fort vite, après s'être très-lentement échaustées; la raison est vraisemblablement, que le seu a changé seurs parties & ouvert leurs pores, &, comme nous le dirons après avoir exposé toutes ces Loix, se tissue dissussant des substances & l'arrangement des pores, doit apporter quelque changement aux regles les plus générales.

CINQUIÉME LOY.

Tous les corps sont échaussés & rarésés par un seu égal, plus lentement d'abord, ensuite plus rapidement, puis avec plus grande célérité, & de ce point de plus grande célérité, its se rarésent tous d'autant plus lentement, qu'ils approchent plus du dernier terme de leur expansion.

Par exemple, dans les expériences faites à l'aide du

Pyrometre,

Le Plomb se raréfie à seu égal, d'abord en s sec...de s degrés.

en 9 sec... de 10 degrés.

en 13 fec. . . de 15 degrés. en 15 fec. . . de 20 degrés. Le Fer se raréfie

en 9 secondes... de 1 degré.

en 15 secondes... de 2 degrés.

en 18 secondes... de 3 degrés. tation croissant toûjours, le

Puis, cette célérité de dilatation croissant toûjours, le temps depuis la 28.º seconde jusqu'à la 36.º, est l'époque de la plus grande vîtesse de l'action du Feu, & depuis ce terme de la 36.º seconde, les degrés de dilatation arrivent toûjours plus lentement.

Cette cinquiéme Loy dépend évidemment de la force de

cohésion des parties constituantes des corps.

Cette cohérence est d'autant plus grande que le corps est plus froid, & le dernier degré de froid, (s'il étoit possible de le trouver) seroit le plus grand degré de cohérence possible.

Or dans l'air froid, le corps étant plus refroidi à la furface que dans la fubstance, oppose à l'action du feu une écorce plus serrée, c'est pourquoi un feu égal employe 9 secondes à

échauffer le fer d'un seul degré.

Mais les pores de cette premiére écorce étant ouverts, ceux de la feconde écorce font aussi un peu ouverts, parce qu'ils ont reçû déja des particules de feu : le feu égal opére donc en 18 secondes, une expansion de 3 degrés qu'il n'eût produite qu'en 27 secondes, s'il avoit eu pareille résistance à vaincre : ensuite, quand le feu a par son mouvement, féparé, divifé toutes les parties de cette maffe, il en a élargi tous les pores, la réaction de toutes les parties solides plus écartées, en est moins forte; alors pareille quantité de feu n'étant plus suffisante pour distendre ces pores devenus plus grands, il faut qu'il arrive dans ces pores une portion de feu plus considérable : or la matiére qui produit ce feu, étant toûjours supposée la même, une plus grande quantité de matiére ignée ne peut être fournie en temps égaux : Donc le même feu doit toûjours agir plus lentement jufqu'au terme où la cohérence du corps équivaudra précifément à l'action du feu, & passé ce temps, le corps se fond, se calcine ou s'exhale en vapeurs, selon sa nature.

SIXIÉME LOY.

La raison dans laquelle le seu agit sur les corps, est toújours moindre que la raison dans laquelle on augmente le seu.

Par exemple, un feu simple agit en proportion plus qu'un feu double, & un feu double plus à proportion qu'un triple.

204 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

Une meche d'une groffeur donnée, communique à une lame de Fer donnée,

de Fer donnée, en 9 fecondes... 1 degré.

en 15 fecondes. . . 2 degrés.

en 18 secondes... 3 degrés.

Deux pareilles meches réunics à feu égal, communiquent à la même lame,

en 6 secondes, 1 degré, & non en 4 secondes & demie.

en 9 fecondes, 2 degrés, & non en 7 fecondes & demie.

en 1 o fecondes, 3 degrés, & non en 9 fecondes.

La cause de ces différences, est que la substance du seu entrant dans l'intérieur d'un corps quelconque, le dilate en poussant en tout sens ses parties.

Or cette pulsion dans tout l'intérieur d'un corps, est égale à une force quelconque appliquée extérieurement, laquelle tireroit ce corps, & l'allongeroit autant que le feu le dilate:

Mais il est démontré que les lames, les fibres égales d'un corps homogene, pareilles en longueur & épaisseur, étant chargées chacune d'un poids différent au même bout, ne peuvent être tenduës en raison des poids, mais l'extension produite par le plus grand poids, est à l'extension que donne le plus petit, toûjours en moindre raison que les poids ne sont entr'eux.

Une corde de 3 pieds de long, chargée de 2 livres, s'étend comme 9, & chargée de 4 livres, elle ne s'étend pas comme 1,8, mais comme 1,7 seulement.

Or ce qu'est cette corde par rapport aux poids qui la tendent, tous les corps homogenes le sont à l'égard du seu qui les dilate: Donc il faut plus du double du seu pour faire un effet double, & plus du triple pour faire un effet triple.

SEPTIÉME LOY.

Toutes choses d'ailleurs égales, tout corps exposé au feu sera plus promptement échauffé par ce feu étranger, en raison de la portion de seu qu'il contient dans sa propre ET SUR SA PROPAGATION. 205. fubflance, ainfi toutes choses égales, le corps qui contiendra le plus de Soufre, sera le plûtôt dilaté, brûlé & consumé.

Voilà pourquoi de tous les fluides connus, l'alcohol est

celui qui se consume le plus vîte.

HUITIÉME LOY.

Tous corps homogenes de dimensions égales, à seu égal; mais chacun peint ou teint d'une couleur différent, s'échauffent suivant les proportions des sept couleurs primitives. Le noir s'échauffe le plus vite; puis le violet, le pourpre, le verd, le jaune, l'orangé, le rouge, & enfin le blanc.

Par la même raifon, le corps blanc garde plus long-temps a chaleur, & le corps noir est celui qui la perd le plûtôt.

On pourroit mettre pour neuviéme Loy, qu'il doit y avoir des variations dans la plûpart des Loix précédentes.

Ces variations viennent de ce que les pores & la tissur d'un corps (quelque homogene qu'il foit) ne sont jamais également distribués & disposés. Concevés un corps divisse ne cent lamines, & ayant mille pores; les cent lamines ne sont pas toutes de la même épaisseur, & les pores de ces lamines ne se croisent pas de la même façou, e'est cet arrangement inégal des pores, & cette épaisseur disférente des feuilles, qui sont cause que certains rayons sont résléchis, & certains autres transsimis, qu'une feuille d'Or transsime des rayons bleus tirants siur le verd, & résléchit les autres couleurs; que la quartiéme partie d'un millioniéme de pouce donne du blanc, entre deux verres, s'un plat & l'autre convexe, se touchants en un point, &c.

Or cette variation de tiffure qui détermine les différentes actions du feu, en tant qu'il éclaire, ne doit-elle pas auffi déterminer les différentes actions du feu, en tant qu'il échauffe

& qu'il brûle?

C'eft donc de la combination de toutes ces loix dont on vient de parler, que naît la proportion dans laquelle le Feu pénétre les corps, il n'agit point en raifon réciproque des pefanteurs, ni des cohérences, ni en raifon composée de

Cc iij

206 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU ces deux; car, par exemple, la cohéfion dans le Fer est environ 15 fois plus grande que dans le Flomb (comme il est prouvé par les poids égaux suspendus à des barres de Plomb & de Fer de pareil volume) la pelanteur spécifique du Plomb est à celle du Fer, comme 11 est à 7: cependant le Plomb acquiert en temps égal, à seu égal, à peu-près le double de chaleur du Fer, ce qui n'a aucun rapport ni à leurs pelanteurs, ni à leurs cohérences.

La raison dans laquelle le Feu agit, est non-seulement composée de ces deux raisons de pesanteur & de cohésion,

mais de tous les rapports ci-dessus mentionnés.

Il n'est guére possible que nos lumiéres & nos organes, austi bornés qu'ils le sont, puissent jamais parvenir à nous faire connoître cette proportion qui résulte de tant de rapports imperceptibles; nous en scaurons toûjours assés pour notre ulage, & trop peu pour notre curiostié.

L'expérience seule peut nous apprendre en quel rapport le Feu détruit les divers corps, Fluides, Minéraux, Végétaux,

Animaux.

L'on ne peut fixer rien d'exact fur cela, que pour le climat que nous habitons, & pour une température déterminée de ce climat; car les rayons du Soleil en moindre ou plus grand nombre, ou dardés plus ou moins obliquement, les vents, les exhalaíons, altérent la tiflure de tous les corps.

Sur tout le reffort & la pesanteur de l'air, par leurs variétés, augmentent & diminuent l'action du Feu. Plus l'air, est pesant, plus les corps acquiérent de chaleur à seu égal; trois onces de plus de pesanteur dans la colomne de l'Atmofphere, rendent l'eau bouillante plus chaude d'un neuviéme.

On sçait déja par le Pyrometre, qu'un Philosophe excellent vient d'inventer, les dilatations comparatives des Métaux à feu égal, en temps égal, le Barometre étant à telle hauteur.

On fçait par le Thermometre du S. Fahenrheit le Philosophe des Artisans, les degrés comparatifs de la chaleur de plusieurs liqueurs, & les termes de leur chaleur.

Or dans une température d'air déterminée, tout a son

ET SUR SA PROPAGATION. 207 degré de chaleur déterminé. Les Liqueurs bouillantes, les Métaux en fufion, les Minéraux calcinés, les Végétaux ar-

Métaux en fusion, les Minéraux calcinés, les Végétaux ardents, comme les Bois, &c. acquiérent un degré de chaleur, passé lequel on ne peut les échauffer.

Ce dernier degré abfolu, & les degrés comparatifs de chaleur des Fluides, des Minéraux, des Végétaux, peuvent, je crois, être connus à l'aide du feul Thermometre conftruit fur les principes de M. de Reaumur.

Il n'y a qu'une seule précaution à prendre, c'est que l'Esprit de Vin ne bouille pas dans se Thermometre. Pour cet effet, je ne plonge qu'à moitié la boule du Thermometre

dans les liqueurs bouillantes.

Je mets le même Thermometre à une telle distance de chaque métal en fusion, que le métal le plus ardent fait monter l'Esprit de Vin plus haut, sans le faire bouillir. Je fais une Table en trois colomnes: la première colomne marque le temps où la liqueur bout en un vase égal, à seu égal : la seconde colomne marque le degré où est monté le Thermometre dont la boule est à moitié plongée dans la liqueur bouillante: la troisséme colomne marque le temps dans lequel le Thermometre est monté depuis la marque o, ayant soin d'avoir toûjours de la glace auprès de moi.

Une autre Table sert pour les Métaux en fusion.

La premiére colomne marque le temps qu'il a fallu pour fondre les divers Métaux à feu égal, en vale égal.

La seconde, les degrés où s'est élevé le Thermometre depuis la marque o, à égale distance des Métaux fondus.

Je fais la même opération pour les calcinations.

A l'égard des Plantes, je fais couper en un même jour, des branches de tous les Arbres d'une Pépiniére, j'en fais tourner au Tour, des morceaux d'égale dimension; & les rangeant tous sur une grande plaque de fer poli, également épaisle, rougie au seu également, j'observe avec une Pendule à secondes, les temps où chaque morceau est réduit en cendre, & il y a entre ces temps, des dissérences très-considérables.

J'en fais autant avec les Légumes.

208 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

Mais s'il est utile de sçavoir quel degré de feu est nécessaire pour détruire, il ne l'est pas moins de sçavoir quel degré il faut pour animer; & quel feu & quel froid peuvent soltenir les Animaux & les Plantes; par exemple, quel degré de feu peut saire meurir le Bled, & en combien de temps, quel degré de feu le fait périr, &x.

C'eft de quoi je prépare encore une Table, & je joindrai toutes ces Tables à ce petit Effai, if Mefficurs de l'Académie le jugent digne de l'impreffion, & s'ils penfent que l'utilité de ces opérations, puifié fuppléer aux défauts de l'Écrit.

ARTICLE QUATRIEME.

De la communication du Feu; comment, & en quelle proportion le Feu se communique d'un corps à un autre.

Les loix du mouvement doivent toûjours nous servir de regle. Un corps en mouvement qui choque un corps en repos, perd de son mouvement autant qu'il en donne; il en est ainsi du seu qui échausse un corps quelconque.

Tout corps échauffé communique sa chaleur également, & en tout sens, aux corps environnants; c'est-à-dire, seur donne le feu qui est dans lui, jusqu'à ce qu'eux & lui soient à un même degré de température.

Le vulgaire qui voit monter la flamme, pense que le Feu se communique plûtôt en haut qu'en bas, sans songer que la flamme ne monte que parce que l'air plus pesant qu'elle,

presse sur le corps combustible.

Le feu ne tend ni à monter, ni à descendre.

Quelques Philosophes observant que le Feu descend presque toûjours quand on met des matières enstannnées au milieu de pareilles matières séches; ont décidé que le Feu tend à descendre, sans considérer que le Feu ne descend en ce cas plus qu'il ne monte, que parce que d'ordinaire la matière enstannmée, un morceau de bois, par exemple, qu'on mettra au milieu d'un buscher, touche les bois de dessois en plus de points que les bois de dessis; & que de plus, le buscher étant déja allumé par le bas, la partie basse

ET SUR SA PROPAGATION. 200

du buscher est déja plus échauffée que la partie haute.

On donne pour constant, dans un nouveau Traité de Phyfique, fur la Pefanteur univerfelle (feconde partie, chap. 2.) que le Feu tend toûjours en bas. J'en ai fait l'épreuve, en faifant rougir un fer, que je posai ensuite entre deux fers entiérement semblables; au bout d'un demi-quart d'heure je retirai ces deux fers femblables, je mis deux Thermometres construits sur les principes de M. de Reaumur, à quatre pouces de chaque fer, les liqueurs montérent également, en temps égaux : Ainsi il est démontré que le feu se communique également en tous sens, quand il ne trouve point d'obstacle.

Il ne faut pas, fans doute, inférer de-là, que deux corps égaux homogenes, communiquent également de chaleur à

deux corps égaux hétérogenes, en temps égal.

Par exemple, deux cubes de fer égaux, échauffés à pareil degré, étant posés l'un sur un cube de marbre, l'autre sur également un cube de bois, d'égale température, le fer posé sur le & comment; marbre perdra plus de sa chaleur, & communiquera cependant moins de chaleur à ce marbre, que l'autre fer n'en communiquera à ce bois: Et cette différence vient évidenment de l'excès de pesanteur & de cohérence du marbre, & du tissu de ses parties, qui composent un tout, lequel réfifte plus au choc des parties de feu, qu'un morceau de bois de pareil volume.

Mais comme on l'a déja dit (article 2. seconde partie) ces quatre corps au bout d'un temps confidérable, font dans le même air, d'une température égale, quelque chan-

gement que le feu ait apporté en eux.

Cette température égale de tous les corps, après un certain temps dans un même air, ne prouve pas qu'il y ait alors également de feu dans tous les corps; elle prouve feulement que l'action du feu qui est en eux, est égale. Voici, ce semble, comme on peut concevoir cet effet.

Je confidére toûjours le Feu comme un corps qui agit Comment tous les corps par les loix du choc: quand l'action du feu est supérieure à paroissent

Prix 1738.

210 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

d'une égale température. la réfiftance des parties d'un corps, ce corps acquiert des degrés de chaleur: quand la réfiftance d'un corps, au contraire, est supérieure, il acquiert des degrés de froid.

Quand l'action & la réaction font égales, c'est comme s'il y avoit aucune action. Il y a plus de seu dans un pied cubique d'Esprit de Vin, que dans un pied cubique d'eu; mais le seu est en équilibre avec l'eau & avec l'Esprit de Vin, il n'agit ni dans l'un ni dans l'autre; par conséquent il n'y a point de raison pour laquesse l'une soit alors plus chaude que l'autre.

Que deux refforts, dont l'un peut agir comme 10 & l'autre comme 1, soient retenus, leur action, ou plûtôt leur inaction, sera égale jusqu'à ce que leur force se déploye.

Le Feu est ce ressort, la force qui le déploye est le mouvement ou la masse qu'on peut lui adjoûter, la puissance qui le retient est la matiére qui le comprime.

Il paroît donc que les corps ne deviennent d'une égale température, que parce que le feu qu'ils contiennent, n'agit

point sensiblement dans eux.

Il feroit, ce femble, très-utile de sçavoir en quelle proportion le feu se communique d'un corps aux autres, comme des Liqueurs aux Liqueurs, des Minéraux aux Minéraux, des Végétaux aux Végétaux.

Par exemple, l'eau bouillante fait monter à 92 degrés un bon Thermometre de M. de Reaumur, dont la boule

est à moitié plongée dans cette eau.

L'Huile bouillante, qui feule doit faire monter le même Thermometre à près de trois fois cette hauteur, mêlée avec pareille quantité d'eau fraîche, ne le fait monter qu'à 43 degrés.

Même quantité d'Huile bouillante, mêlée avec même quantité d'Huile froide, le fait monter à 79 degrés, la

boule toûjours à moitié plongée.

Même quantité d'Huile bouillante, mêlée avec même quantité de Vinaigre, le fait monter à 51 degrés, c'est 6 degrés de chaleur plus que le mêlange d'Huile & d'eau n'en ET SUR SA PROPAGATION.

donne, & cependant le Vinaigre seul bouillant, n'est pas

plus chaud que l'eau bouillante.

J'ai préparé des expériences fur la quantité de chaleur que les Liqueurs communiquent aux Liqueurs, les Solides aux Solides; & j'en donnerai la Table, fi M.rª de l'Académie jugent que cette petite peine puisse ètre de quelque utilité.

Il y auroit plus d'avantage à connoître en quelle proportion le Feu se communique dans les Incendies; cette proportion dépend principalement du vent qui regne: le Feu allumé dans une forêt, n'est nullement à craindre, quelque violent qu'il soit, quand l'air est entiérement calme: J'en ai fait l'expérience sur un terrein de 80 pieds de long, &c 20 de large; lequel je sis couvrir de bois taillis debout, nouvellement coupés, entremélés de balivaux: Je sis allumer avec de la paille, toute la face de 20 pieds, l'air étoit se &c entiérement calme; le Feu en une heure ne consuma que 20 pieds sur 80, après quoi il s'éteignit de lui-même: Mais le lendemain par un grand vent qui faisoit plus de 25 pieds par seconde, la même étenduë de bois, c'est-à dire, de 80 pieds de long, sur 20 de large, sut entiérement consumée en une heure.

ARTICLE CINQUIEME.

Ce que c'est que l'aliment du Feu, & ce qui est nécessaire pour qu'un corps s'embrase, & demeure embrase.

Ce qu'on nomme le pabulum Ignis, l'aliment du Feu, est ce qu'il y a de combustible dans les corps. Qu'entend-on par combustible? Si on entend la divission, la séparation des parties, tout mixte peut être ainsi divisé tôt ou tard par le Feu, & tout mixte est entiérement combustible, les Eléments mêmes le sont, aussi; le Feu divise & l'Air principe, & l'Eau & la Terre principe.

Si on entend par aliment du Feu, par ce mot combustible, des parties qui se transforment en feu, il n'y en a aucune

de cette espece, & nul corps ne devient Feu-

212 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

Si on entend par combuflible, ce qui prend la forme de feu, ce qui s'embrafe, il est clair 'que rien ne pouvant prendre cette forme que le Feu lui-même, le pabulum Ignis; le corps qui s'embrafe, n'est autre chose qu'un corps qui contient la matière ignée dans ses pores; & de quelque saçon qu'on s'y prenne, il n'y a que le mouvement qui puisse décéler cette matière ignée.

Ce que c'est que le pabulum Jenis.

Mais quelles parties des corps contiennent le feu? Les moindres opérations chimiques nous apprennent que les Sels, les Flégmes, la Tête-morte ne s'enflamment point, la feule matière inflammable qu'on retire des corps, est ce qu'on appelle l'Huile ou le Soufre. Ainsi les corps ne sontdonc l'aliment du Feu, qu'à proportion qu'ils contiennent de ce Soufre, de cette Huile.

Mais qu'est-ce que ce Soufre lui-même? C'est un principe en Chimie; mais ce principe n'est physiquement qu'un mixte, dans lequel il entre encore de l'eau, de la terre, de l'air & du feu; or ce n'est ni par l'eau, ni par l'air, ni par la terre qu'il est instantable, ce n'est donc que par le seu élémentaire qu'il contient; aussi l'insatigable Homberg disoit que ce qu'on appelle le Soufse principe, n'est autre chose que le seu l'ui-même; tout se réduit toûjours ici à ce seu élémentaire, lequel s'échappe des Mixtes, & dont la quantité & le mouvement sont la force.

Or pour que ce feu élémentaire embrase les mixtes, & continuë à les embraser, on demande si l'Air est nécessaire.

On sçait que nous ne pouvons guére ni produire ni conserver notre seu factice sans Air, ni même avec le même Air, il nous saut toûjours un Air renouvellé; de sorte que le Feu, ainsi que les Animaux, meurent souvent dans la Machine Pneumatique en très-peu de temps, si le récipient est vuide, & si le récipient est plein du même Air.

J'ai eu la curiofité d'entasser 4 livres de charbons noirs dans une boite de tole, que je fermai très-bien, cette boite étoit haute de cinq pouces, large d'un pied & longue d'enyiron deux pieds, je la fis rougir de tous côtés au feu le

Quand & comment l'air est nécessaire au feu, plus violent, pendant une heure & demie; au bout de ce temps, le tout pefoit 4 onces de moins, les charbons étoient très-chauds, pas un n'étoit allumé, & plufieurs s'embraférent dès qu'ils reçurent l'action de l'air extérieur.

Mais il y a souvent en Physique expérience contre expérience; du fer enfermé dans cette même boîte s'embrase &

rougit très-bien.

Si un métal très-chaud se refroidit dans l'air, pareil volume de même métal se refroidit dans le vuide en temps

égal.

Suivant l'expérience exacle rapportée dans les Additamenta Experimentis Florentinis, le Soufire avec le Salpètre fur un fer ardent, y jette des flammes, la Poudre à canon s'y eft enflammée quelquefois aux rayons réunis du Soleil, &cc. la difficulté eft donc de fçavoir quand l'air est nécessaire au feu, & quand il ne l'est pas.

Il faut, je crois, partir toûjours de ce principe, que le Feu agit par son mouvement & par sa masse, & qu'il agit

autant qu'on lui réfifte.

Sur ce principe, la Poudre à canon ne s'enflammera que difficilement dans le vuide, ne fera point d'explosion, parce qu'elle manquera d'air qui la repousse.

Ainfi, je concevrai le Feu agiffant dans l'Air & dans le Vaide, comme un reffort quelconque qui pouffe un corps

dur, & qui se perd dans un corps mou.

Que l'on allume un feu de bois d'un pied quarré, ce feu agira continuellement contre un poids d'environ 2000 livres d'air, c'elt-à-dire, contre un reflort qui a la force de 2000 livres; ce reflort fe déploye à chaque inflant, & augmente ainfi le mouvement du feu, & par conféquent la force: si le reflort de l'air qui presse fur un feu allumé, s'épui-foit par sa dislatation, le feu contre lequel il n'agiroit plus, s'éteindroit; si l'on pompe l'air, le feu s'éteint encore plus vite. L'air fait donc uniquement l'office d'un soufflet qui est nécessaire à un seu médiorre.

C'est la seule raison pour laquelle, toutes choses égales, D d iij 214 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU la chaleur au haut & au bas d'une Montagne, est en raison

réciproque de la hauteur de la Montagne.

Plus la Montagne est haute, plus son sommet est froid, parce que la masse des particules de seu semanées du Soleil, est presse par beaucoup moins d'air au haut de cette Montagne qu'au pied, ce Feu manque d'un soussite asses fort-

Mais le Feu agit par fa maffe auffi-bien que par son mouvement, le soufflet ne sait rien à sa masse: si donc cette masse et asses grande pour se passer du mouvement du soufslet; en ce cas, il peut très-bien subsister sans air. Voità pourquoi une boite de fer rouge conserve sa chaleur aussis long-temps dans se vuide que dans l'air.

Auffi, quand le mouvement est assés grand indépendamment de la masse, le sousset est encore inutile, le seu subsiste,

la matière s'enflamme sans air.

Du Soufre entouré de Salpêtre, s'enflamme dans le vuide, parce que la réaction du Salpêtre tient lieu de la réaction

de l'air.

Il eft à croire que les Verres ardents brûleront dans le vuide, comme dans l'air, pourvû qu'ils puissent transmettre une asses grande quantité de rayons; ils ne feront pas les mêmes explosions dans le récipient, que dans l'air sibre; mais ils consumeront, ils ensammeront aussi-bien tous les corps, car la masse du feu suppléera au mouvement nouveau que l'air réagissant lui donneroit.

Mais pourquoi, dira-t-on, ces charbons enfermés dans votre boîte de fer, ne font-ils point enflammés par l'action

du feu?

J'ose croire que c'est uniquement par ce même principe, parce que la masse du feu qui les choquoit, n'étoit point asses parce que la masse de l'alloit que la quantité de feu vainquit la quantité de résistance de l'atmosphere de ces charbons: cette atmosphere est très-dense & très-sensible, tous les corps en ont une, mais celle du charbon est beaucoup plus épaisse, elle augmente à messre qu'ils sont échausses, elle les défend contre l'action de ce seu qui n'est que médiocre. Je suis

très-persuadé que si on avoit jetté ma boîte de ser dans un feu plus violent, qui eût pu la fondre, ces charbons se se-roient embrasés dans seur boîte sans le sécours de l'air extérieur.

Il paroît donc qu'il ne s'agit dans tout ceci, que du plus & du moins: dans tous les cas possibles, on peut donc admettre cette regle, qu'un petit seu a besoin d'air, et qu'un

grand feu n'en a nul besoin.

Il n'y a pas d'apparence que le feu du Soleil fubfifte par le fecours d'aucune matière environnante, semblable à l'air; car cette matière étant dilatée en tout sens, par ce feu prodigieux d'un Globe un million de fois plus gros que le nôtre, perdroit bientôt tout son ressort & toute sa force.

ARTICLE SIXIE ME.

Comment le Feu s'éteint.

Nous avons déja été obligés de prévenir cet article en parlant de l'aliment du Feu (article précédent) car il étoit impossible de traiter de ce qui le nourrit, sans supposer ce

qui l'éteint.

On dit d'ordinaire que le Feu est éteint, & le vulgaire croit qu'il cesse de substiter quand on cesse de le voir & de le sentir; cependant la même quantité de seu substite toûjours: ce qui s'est exhalé d'une forêt embrasée, s'est répandu dans l'air & dans les corps circonvoisins, il ne se perd pas un atome de seu, il en reste toûjours beaucoup dans les corps dont on fait cesser l'embrasement.

Ce que l'on doit entendre par l'extinction du Feu, n'est autre chose que la matiére embrasée, réduite à ne contenir que la quantité de masse & de mouvement de seu propor-

tionnelle à la quantité de matiére qui reste.

Un métal en fusion, par exemple, ne contient plus, quand il est refroidi, qu'une masse de feu déterminée, dont l'action est surmontée par la masse du métal; & il s'est exhalé la masse de seu étrangere, dont l'action avoit surmonté la résislance de ce métal.

216 ESSAI SUR LA NATURE DU FEU

Si ce métal ne s'est enflammé que par le mouvement, comme l'essieu d'un Carrosse, il n'a point acquis de seu étranger, mais la masse de seu contenus dans sa substance, a acquis un mouvement nouveau; & la vitesse multipliée par cette même masse de seu, ayant échaussé le corps, la cessation de ce mouvement étranger le refroidit.

Pour éteindre un Feu quelconque, il faut donc diminuer

fa masse ou son mouvement.

L'air incessamment renouvellé, servant de sousset pour entretenir tout seu médiocre, l'absence de cet air suffit pour

que le feu s'éteigne.

L'eau jettée sur le Feu l'éteint, pour deux raisons. Premiérement, parce qu'elle touche la matière embrasée, & le met entre l'air & elle. Secondement, parce qu'elle contient bien moins de feu que le corps embrasé qu'elle touche.

L'Huile, au contraire, contenant beaucoup de feu, aug-

mente l'embrasement au lieu de l'éteindre.

Comme l'extinction du Feu dépend toûjours de la quantité de la force de cet élément, & de la force qu'on lui oppole, un charbon ardent, un fer ardent même, s'éteignent dans l'Huile la plus bouillante comme dans l'eau froide.

La raison en est, que ces petites masses de Feu n'ont pas la force de séparer le flegme de l'Huile; & que cette Huile bouillante n'ayant qu'une chaleur déterminée, qui la rend froide, par comparaison au ser ardent, elle le refroidit en le touchant, en appliquant à sa surface des parties froides qui diminuent le mouvement du seu qui pénétroit ce ser ardent.

Le même fer embrafé, s'éteindra dans l'alcohol le plus pur, quoique cet alcohol foit empreint de Feu; & cela précifément par la même raifon qu'il s'éteint dans l'Huile: Mais pour que du fer embrafé s'éteigne dans de l'alcohol, il faut que ce fer ne jette point de flamme; car s'il en jette, cette flamme touchera l'alcohol avant que le fer foit plongé, & alors la liqueur s'enflammera.

La

ET SUR SA PROPAGATION. 2

La raifon en est, que les vapeurs legéres de l'alcohol, font aisement divissées par les parties fines de la flamme; mais le feu du fer ardent tout chargé des grosses molécules de fer, entre brusquement dans cet Esprit de Vin dont la partie aqueuse le touche en tous ses points, & refroidit tout ce qu'elle touche.

Un charbon ardent, & tout feu médiocre, s'éteint plus vite aux rayons du Soleil & dans un air chaud, que dans un air froid, par la raifon ci-deffus alléguée, que l'air eft un foufflet néceffaire à tout feu médiocre; & que ce charbon eft plus preffé d'un air froid moins dilaté, que d'un air chaud moins dilaté.

Un flambeau s'éteint dans l'air non renouvellé, par la même raison, & parce que la sumée retombant sur la flamme, s'y applique, & rallentit le mouvement du seu.

Un flambeau séteint dans la Machine du Vuide, parce que l'air n'y a plus aucune force qui puisse faire monter la

Cire dans la meche en pressant sur elle.

Ce qu'on auroit encore à dire sur cette matiére, se trouve en partie à l'article précédent, & l'on craint d'abuser de la patience des Juges.

FIN de la seconde & derniére Piece.



Prix 1738.

Ee

L'ACADÉMIE n'a pas cru devoir permettre qu'il fût fait aucun changement dans les Piéces qui lui out été euvoyées pour les Prix, ér qu'elle a jugées digues de voir le jour; elle s'est prescrite la loy de les faire imprimer précisément telles qu'elle les a reçüés. Mais elle ne peut qu'approuver que les Auteurs fassent paroître séparément des changements qui peuveut coutribuer à eu éclaircir, ou à en rectifier certains endeoits. Voici ceux que l'Auteur de la Piéce N.º 6, destre qui soient faits dans cette Piéce.

Page 85, ligne 4, les prifes, lifés, aux prifes. Page 86, ligne 23, nous brûle à la

même distance, lifés nous brûle presque à la même distance.

Page 87, ligne 16, d'échauffer & de raréfier, lif. de raréfier. Ligne 24, au dessus de l'amosphere, lif. dans l'amosphere. Page 88, ligne 29, pour exciter la

Page 88, ligne 29, pour exciter la lumière, lif. pour exciter la chaleur. Page 90, ligne 24, à 212 degrés environ, adjoûtés, du Thermo-

metre de Merciure de Fahentheit.
Page 91, ligne 7, font, lif. foient.
Page 93, ligne 10, toute fluidité,
& peut-être toute élafficité, toute
électhicité, vient de lii, lif. la
fluidité, & peut-être auffi l'électricité vient de lui. Ligne 23, n'en
ell pas moins, lif. n'en paroît pas

Page 97, ligne 11, qui diftinguent la matiére de l'espace pur, lif. qui distinguent la matiére.

moins être.

Page 99, ligne 22, les parties, lif. fes parties.

Page 100, lignes 5 & 6, que l'impénérabilité du feu et bien loin d'être démontrée, lif, que l'impénétrabilité du feu n'et pas encoadémontrée. Ibid. Art. 6, note marginale, les Philosophes font partagés für cette maitére, lif, les Philosophes font partagés fur la pesanteur du Feu. Page 103, ligne 16, corne de Fer, lifés corne de Cerf.

Page 1051, ligne 3 de la note, & comme on le corloit encore, fantla façon admirable dont M. de Mairan a prouvé le contraire, lif. & comme une grande partie dumonde (qavant le croit engore, malgré la façon admirable dont M. de Mairan a établi le contraire dans fon Mémoire de 1728.

3 livres; lif. 3 dragmes.

Page 110, ligne 16, que toutes les parties du feu, lif. que les parties du feu. Ligne 19, aufii, lif. ainfi.

Page 112, ligne 2, dans les corps.

Page 112, ligne 2, dans les corps, lif dans les corps & dans les efpaces. Ligne 11, le Vuide & l'Or, lif. le Vuide de Boyle, & l'Or.

Page 113, ligne 7, de tous les liquides, lif. de tous les fluides. Ligne 22, font ailément, lif. font plus aifément. Page 114, ligne 27, pour une espece quelconque, liges, pour un espace quelconque. Ligne 30, de la raffembler, lif. de le raffembler. Page 118, n.º 14.º, ligne 14, que

Page 118, nº 145, figne 14, que le Feu enfin est un être d'une nature mitoyenne, qu'il n'est ni feptit, ni matiére, ni espace, fif que le Feu enfin pourroit bien être un être d'une nature mitoyenne, qu'il n'est point impossible qu'il ne foit ni esprit, ni matière, ni espace.

Page 120, ligne 32, vers leur centre commun, lif. l'un vers l'autre. Ligne 35, fur eux, lif. fur elles.

Page 125, ligne 26, de celle du Sable, des rayons de la Lune , & de tous les autres corps , lif. de celle du Sable, & des autres corps, & de celle que les rayons de la Lune opérent peut-être. Ligne 35, que cette expension, lif. que cette expansion.

Page 127, lign. 6 & 7, expension, lif. expansion.

Page 134, ligne 8, s'échauffent par le frottement, lis, s'échauffent, c'elt-à-dire, par le frottement.

Page 142, ligne 21, peut-être est-ce cet atmosphere, lif. peut-être est-ce aussi cet atmosphere.

Page 144, ligne 20, 16 fois moins de rayons, lif. 12 fois moins de rayons.

Page 147, ligne 15, & que c'est,

Page 148, ligne 26, le Feu est un être à part, lis. le Feu paroît être un être à part.

Page 149, ligne 24, dans un objet,

Page 152, ligne 10, le fecond, lorfque les corps se refroidiffent réellement, & que le seu s'envole d'entre leurs parties, lis. le second est celui des corps qui se refroidissent réellement, & dont le seu s'envole d'entre leurs parties. Page 153, ligne 31, il gele quelquefois, lif. il dégele quelquefois.

Page 155, ligne 22, les parties frigérifiques, lif. les parties frigorifiques. Ligne 31, frigérifiques, lif. frigorifiques.

Page 156, ligne 20, pour la réduire en glace, li. pour la changer en glace. Ligne 25, ces-interflices, li. fes interflices. Ligne 36, frigérifiques, li.f frigorifiques. Ibid. 1. "note marginale, frigérifiques, li.f frigorifiques.

Page 158, ligne 20, parties frigérifiques, lif. parties frigorifiques.

Page v 9, lign. 4 & 5. Donc ce n'ell pas feulement parce que le vent s'applique fucceffivement aux corps, ni parce qu'il apporte des particules de flace, qu'il ils refioidit, lif. Donc ce n'ell pas feulement parce que le vent s'applique fucceffivement aux corps, qu'il les refroidit. Ligne 1 6, frigéritiques, lff. frigorifiques.

Page 160, ligne 12, foient, lif. font.
Page 161, note marginale, il ne peut
avoir d'atmosphere, adjoûtés, semblable au nôtre.

Page 164, ligne 14, Question II.

lif. Queltion XI.

Pag. 166 & 167, lign. 36 & 1.51,

meltire qu'on approche du centre
de la terre, car alors on en est plus
près; & de plus, puisque, &c. lif.

meltire qu'on approche du centre
de la terre; car, puisque, &c.

* Page 167, ligne 13, à messure qu'il approche, lif. à messure qu'on approche. Ibid. 3. note marginale, c'est un effet du Créateur, lifés, c'est un effet de la providence du Créateur.

Page 168, ligne 5, & la matiére des Cometes, lif. de plus la matiére des Cometes. Ligne 15, dans les globes, lif. dans ces globes. The state of the s

PIECES

SUR LE

FLUX ET REFLUX

DE LA MER.

Prix de 1740.



CEDILL

SUR LE

FLUX ET REFLUM DE LA MER

Priss de 1740.

PIECES

QUI ONT REMPORTÉ

LEPRIX

DES SCIENCES.

EN M. DCC. XL.

Sur le Flux & Reflux de la Mer.

Selon la fondation faite par feu M. ROUILLÉ DE MESLAY, ancien Conseiller au Parlement.





A PARIS, rue Saint Jacques.

Chez G. MARTIN, J. B. COIGNARD, & less Freres GUERIN, Libraires.

M. DCC. XLI.

DISSERTATION

SUR

LA CAUSE PHYSIQUE

DUFLUX

ET

DU REFLUX

DE LA MER.

Par le P. Antoine Cavalleri, Jesuite *
Professeur Royal de Mathématiques à l'Universué
de Cahors.

N fait voir dans cette Differtation, que trois Causes concourent au Flux & Reflux de la Mer.

PREMIEREMENT, Le Mouvement annuel de la Terre autour

du Soleil.

Il fait que sous le Soleil les eaux de la Mer se portent vers cet Astre, & à l'autre Hemisphere vers le point du Ciel diametralement opposé.

SECONDEMENT, L'Effort central du Tourbillon terrestre.

Il est moindre au Diametre où est la Lune, que dans le reste du Tourbillon; ce qui sait, que sous la Lune, les eaux de la Mer se portent vers cet Astre, & à l'autre Hemisphiere vers le point du Ciel diametralement opposs.

TROISIE'MEMENT, Le Mouvement journalier de la Terre

autour de son Axe.

Il donne à la Mer des forces centrifuges, qui facilitent

l'effet des autres Causes, qui la font monter.

Il fait qu'en montant vers le Soleil & vers la Lune, & vers les points du Ciel diametralement oppolés, la Mer se meut de l'Occident à l'Orient; & qu'ains sa plus grande élevation ne se fait pas à l'endroit où les Causes, qui la sont monter, auroient seules leur plus grand esset, mais à 45 Dégrés de là vers l'Orient: les heures du Flux & du Reslux dépendent de ce Mouvement.

Il fait aussi qu'à quelque endroit de l'Océan qu'on observe le Flux & Ressux, on passe deux sois le jour par le Méridien de l'endroit où se fait la plus grande élevation de la Mer, & que deux sois le jour on s'en éloigne de 90 Dégrés; ce qui donne chaque jour deux sois le Flux, & deux

fois le Reflux, dont il s'agit.

HINC DEPRIMOR, ERIGOR ILLING.



DISSERTATION

SUR

LA CAUSE PHYSIQUE DU FLUX ET DU REFLUX

DE LA MER.



Ans les Mers vaftes & profondes, on voir l'Océan monter deux fois le jour, & descendre deux fois alternativement: les eaux paroiffent s'élever durant environ six heures, & s'étendre sur les Rivages, c'est ce qu'on nomme le Flux on les voir après descendre durant autant de

tems, & rentrer dans l'Océan, c'est ce qu'on nomme le Restux: ce qui contraint ces Flots de s'éloigner d'abord du centre de la Terre, & ce qui les reduit après à s'en rapprocher, c'est ce qu'on nomme la Cause Physique du Flux & Restux de la Mer.

Ce Phénomene est célébre chez les Physiciens, parce qu'il n'est pas moins difficile d'en découvrir les Causes,

DISSERTATION SUR LA CAUSE PHYSIQUE

qu'il est naturel de vouloir les connoître : les observations. les recherches, les découvertes qu'on a fait sur ce sujer, n'ont presque abouti qu'à multiplier les opinions, à serrer les nœuds des difficultés, à faire dire enfin que si la Nature est admirable dans la grandeur des mouvemens des Flots, elle ne l'est pas moins dans le secret des ressorts dont elle

fe sert pour les élever.

Nous fera-t-il donné de les découvrir ces ressorts, & de les faire connoître? Nous l'espérons de l'avantage qu'on a, quand on écrit après de Grands-Hommes, des lumieres & du travail desquels on peut se prévaloir : les observations des gens les plus expérimentés, les découvertes exactement reconnuës, les regles des Méchaniques universellement reçûes, ce font les moyens dont nous allons nous servir pour faire voir quelle est la Cause Physique du Flux & Reflux de la Mer. C'est le sujet de cette Dissertation.

roiffent conla Mer.

D'abord avec les (a) Anciens & les (b) Modernes, nous la Lune pa- tenons pour certain, que les mouvemens du Flux & Reflux tribuerauFlux de la Mer ne sont pas tout-à-fait independans de la situa-& Reflux de tion où se trouvent le Soleil & la Lune respectivement à l'Océan. On le conclut des observations les plus connuës: il est à propos d'en rappeller ici le précis, & de ne pas enfuite les perdre de vûë; elles font toute la difficulté du fu-

jet proposé.

Dans toute la Côte Orientale de la Mer Atlantique, & de la Mer d'Ethiopie, entre la France & le Cap de Bonne-Espérance; & dans la Mer Pacifique, aux rivages du Chili & du Pérou; par-tout où le mouvement des eaux n'est pas retardé par des Isles, des Caps, des Détroits ou par d'autres semblables obstacles, on observe à la Marée trois Périodes, & dans chacune de ces Périodes une varieté reguliere de circonflances, qui demandent quelque attention.

Premierement, Comme la Lune paroît employer 24 Les trois Pêriodes du Flux heures & environ 49 minutes à faire autour de la Terre fa Mer.

(a) Plin. l. 2. c. 97. Caufa in Sole Lunaque.

(b) News. Princip. 1. 3. Prop. 24. Ab actionibus Solis ac Luna oriri.

revolution journaliere, & que dans ce tems elle arrive deux fois au Méridien, & deux fois à l'Horison; ainsi la Marée employe 24 heures & environ 49 minutes à fa Période journaliere, & dans ce tems on voit arriver deux fois le

Flux de la Mer, & deux fois le Reflux.

Secondement, Comme la Lune dans sa revolution de chaque mois passe deux fois aux Syzygies, & se trouve deux fois en quadrature avec le Soleil; ainsi les Marées deux fois à chaque Lunaison sont plus grandes, c'est quand la Lune est arrivée à environ 18 1 dégrés au-delà des Syzygies, en suivant l'ordre des Signes, & deux fois ordinairement elles font plus petites, c'est quand la Lune est à environ 18 - dégrés au-delà des quadratures; voilà la Période

de chaque mois.

Troisiémement, Enfin comme la Lune fait avec la Terre fa revolution annuelle autour du Soleil, aussi la Marée dans sa Période annuelle paroît suivre les divers rapports, qu'a l'Océan avec la Lune & le Soleil: car aux Equinoxes les Marées d'environ les Nouvelles & les Pleines Lunes font plus grandes, & celles des Quartiers font moindres qu'aux autres Lunaifons; au contraire, au tems des Solffices, les Marées d'environ les Nouvelles & les Pleines Lunes ne font pas h grandes qu'aux autres Lunaifons, au lieu que les Marées d'environ les Quartiers, font alors plus grandes qu'aux autres Lunaifons.

On observe de plus que chaque jour : Premierement, Circonstanaprès le Flux & après le Reflux, la Mer est quelques minu- ces de la Pétes de tems, sans paroître ni monter, ni descendre.

riode de chaque jour.

Secondement, La haute Mer arrive aux Rades orienta-

les, plûtôt qu'aux Rades plus occidentales.

Troisiémement, Entre les deux Tropiques, la Mer paroît aller de l'Est à l'Oüest; ce qui surnage à la merci des flots, indique ce mouvement, sur tout au Détroit de Magellan; & si d'ailleurs tout est égal, la Navigation vers l'Occident est fort prompte, & le retour long & difficile.

Quatriémement, Dans les Zones tempérées, au tems du

DISSERTATION SUR LA CAUSE PHYSIQUE

Flux, les flots de l'Océan vont de l'Equateur vers les Poles, & dans ce cours, ils s'élevent toujours d'un mouvement dont la vitesse décroît jusqu'à la haute Mer. Ensuite au tems du Reflux, ils reviennent vers l'Equateur & descendent d'un mouvement acceleré jusqu'au tems de la basse Mer.

Cinquiémement, Enfin dans la Zone torride, à moins d'obstacle qui retarde la propagation du mouvement des eaux, la haute Mer arrive au même tems aux Plages, qui font fous le même Méridien; au lieu que dans les Zones tempérées, elle arrive plûtôt à une moindre latitude, qu'à une plus grande, & le Flux de la Mer n'est pas sensible audelà du 650 dégré de latitude.

Circonstances de la Péque mois,

On observe aussi que chaque mois : Premierement, tanriode de cha- dis que la Lune, après les Quadratures, approche des Syzygies, les Marées vont en croissant; au contraire, quand après les Syzygies, la Lune approche des Quadratures, les

Marées vont en diminuant.

Secondement, Quand la Lune est aux Syzygies ou aux Quadratures, la haute Mer arrive à la troisiéme heure lunaire, c'est-à-dire environ trois heures après que la Lune a été au Méridien, de sorte que l'endroit qui est sous la Lune, est d'environ 45 dégrés plus occidental que celui où se fait la plus grande élevation des eaux : mais quand la Lune fe trouve entre les Syzygies & les Quadratures, la haute Mer arrive plus près du tems des trois heures lunaires, que de celui des trois heures folaires; & si la Lune va des Syzygies aux Quadratures, le tems des trois heures folaires précedant les trois heures lunaires, le tems de la haute Mer les précede aussi; au lieu que si la Lune va des Quadratures aux Syzygies, le tems des trois heures lunaires précede la haute Mer, d'autant qu'il en avoit été précedé auparavant; & jamais cet intervalle n'est si grand, que quand la Lune est un peu au-delà des 45 dégrés d'après les Syzygies & d'après les Quadratures. Ces Observations se font en pleine Mer, dit M. (a) Newton; car aux embouchures des Fleuves, si

⁽a) Princip. L. 3. C. 24.

d'ailleurs tout est égal , le fort du Flux arrive plus tard. Troisiémement, La haute Mer n'arrive pas plus tard aux Plages septentrionales, quand la Lune est dans l'Hemisphere auftral, que quand elle est dans l'Hemisphere septentrional.

On observe enfin, que chaque année, si d'ailleurs tout ces de la Péest égal, premierement, les Marées des Solstices d'Hyver riode de cha-

font plus grandes que celles des Solftices d'Eté.

Secondement, Les Marées font plus grandes, quand la Lune est plus près de la Terre; elses le sont aussi, quand elle est plus près de l'Equateur, & jamais elles ne sont si grandes, que quand la Lune est en son perigée à l'Equateur en conjonction ou en opposition avec le Soleil.

Troisiémement, Dans les contrées septentrionales, les Marées des Nouvelles & des Pleines Lunes, font en Eté plus grandes le foir que le matin; & en Hyver, elles font

plus grandes le matin que le foir.

Voilà les principales circonflances du Phénomene, dont nous entreprenons de faire connoître la Cause. Cette varieté des mouvemens des flots suivroir-elle si regulierement la varieté des situations du Soleil & de la Lune, s'il étoit vrai que l'aspect de ces deux Aftres ne fit rien au Flux & au Reflux de la Mer?

Examinons donc premierement, comment le Soleil & la Lune peuvent occasionner ces plus grands & ces moindres mouvemens des flots; nous verrons après si tout ce qu'on observe au Flux & au Reflux de la Mer, ne doit pas venir de la cause, que nous en aurons affignée; c'est le plan

que nous suivrons dans cette Differtation.

On convient affez aujourd'hui que l'Astronomie & la Il n'est pas Physique concourent à prouver que la Lune fait d'un mou- le Soleil & la vement réel autour de la Terre sa revolution périodique en Lune soient 27 jours 7 heures 43 minutes; & que la Terre fait en 23 & que par des heures 56 minutes sa revolution autour de son axe, & en qualités at-365 jours 6 heures 9 minutes & 30 fecondes fa revolution agirent les autour du Soleil. Galilée jugea que le Flux & le Reflux de eaux de la

DISSERTATION SUR LA CAUSE PHYSIQUE

la Mer font une preuve de ce double mouvement de la Terre; on pourra le conclure aussi de cette Dissertation, quoique nous ayons de la Cause du Flux & Ressux d'autres

idées que les siennes.

Mais il ne paroît pas, que tout ce que quelques Physiciens ont dit, pour établir un vuide immense dans les Cieux, ramene les esprits à ces qualités attractives, dont on s'étoit défabusé, & dont ils semblent vouloir accréditer la force, en lui attribuant les mouvemens de la Terre & des Astres, &

ceux du Flux & du Reflux de la Mer.

Que n'a pas fait M. Newton pour préferver ses Lecteurs de lui imputer qu'il sui mbu de ces sortes d'idées? On peut voir ce qu'il en dit à l'occasson de la huitiéme des désinitions qu'il a mises au commencement de ses principes; il s'en explique sur-tour au commencement & à la sin de la Section onzième du Liv. 1. « Il juge qu'à parler en Physicien, ce qu'il nomme attraction, pourroit avec plus de raison, s'appeller impussion; mais il écrit, dit-il, non en Physicien, mais en Mathématicien.... Il prend en général pend d'attraction, pour tour effort que des corps nortal lemot d'attraction, pour tour effort que des corps font, pour s'approcher les uns les autres, soit que cet effort vienne, ou de l'Ether, ou de l'Air, ou d'un Milieu quelconque corporel ou non, qui pousseroit les uns vers les autres tous les corps, qui nageroient dans ce Milieu.

A fuivre ce qu'alleguent les Défenseurs de ce grand vuide, ne diroit-on pas que les Altres se sont appercevoir, sans qu'il y ait entre eux & nous des corps, dont le mouvement soit aussi rapide qu'il le paroît par la fameuse Observation de M. Roëmer sur les Eclipses des Satellites de Jupiter? On apperçoit, dit-on, que des Astres dans la vaste étendue des Cieux, & tout Fluide qui les pénétreroit, & qui les environneroit, empêcheroit leur mouvement. Apperçoit-on la lumiere autrement que par se sesses? La verroit-on, si elle ne faisoit voir les objets, qui l'envoyent à nos yeux? Un corps transparent doit-il être plus difficile à mouvoir, quand il est pénétré de lumiere, que quand il ne l'est

pas ?

pas? Et croit-on, qu'un mobile doive trouver plus de resistance dans un Milieu, que tous les Astres éclairent, qu'il n'en trouveroit, s'ils ne l'éclairoient pas? Quelque spécieux que soient les argumens qu'on prend de l'excentricité des mouvemens des Cométes, les sçavans Ecrits de divers Phyficiens ont affez fait voir, que ce qu'on en peut conclure ne prouve pas ce grand vuide : l'acceleration des mouvemens des Aftres, leur retardement & les changemens de leurs directions y seroient des effets sans cause, ou bien ils n'auroient pour cause, que des qualités abstraites, qu'on ne concevra jamais.

Faisons-nous de ce vaste Univers une idée qui réponde à l'infinie perfection de l'Etre suprême, qui l'a créé; en étalant à nos yeux ces admirables mouvemens des Corps célestes, il nous invite à en chercher les ressorts, & à tâcher d'en acquérir une connoissance, qui perfectionne celle, que nous avons de fa Toute-Puissance & de fa Sagesse; c'est à quoi les qualités attractives ne serviroient pas : ne leur attribuons donc pas les mouvemens des Aftres, & ceux du

Flux & du Reflux de la Mer.

Concevons donc qu'au gré du Souverain Arbitre des Un Fluide mouvemens, un Fluide que nous n'appercevons pas, mais qu'on n'apdont nous voyons les effets, donne à la Terre & à la Lune meur autour cette varieté de directions & de viteffes, qu'on observe dans du Soleil, & leur revolution annuelle autour du Soleil. L'étenduë indé- un femblable finie de cette matiere, son extrême fluidité, sa mobilité, sa meut autour grande force, la simplicité des loix, qui reglent ses mouve- de la Terre. mens, les effets qui en résultent; tout y est digne de celui qui lui donna l'être, lorsqu'au commencement il créa les Cieux.

Concevons aussi, qu'un semblable Fluide agité d'un mouvement particulier autour de la Terre, la fait tourner fur fon axe, & fait décrire à la Lune une Ellipse sujette à tous ces changemens, que Tycho a si soigneusement observés: examinons les mouvemens & les efforts de ces Fluides, nous y trouverons une Caufe nécessaire de la régularité &

DISSERTATION SUR LA CAUSE PHYSIQUE 10 des prétenduës irrégularités du Flux & du Reflux de la Mer.

La furface de la Mer est le centre de la Terre.

Par les Observations de Kepler, & de bien d'autres Aspresse de tou- tronomes, il est constant qu'un rayon qui joindroit le centes parts vers tre de la Lune à celui de son mouvement, décriroit autour de la Terre des Aires proportionnelles aux tems employés à les décrire. Cela démontre, que le Fluide qui lui donne ce mouvement, fait toujours un effort (a) central, dont la direction est vers la Terre, vers laquelle il presse nécessairement toute la furface de la Mer.

> En effet, ce mouvement de la Lune, avec celui de la Terre autour de fon axe, la Direction que suivent les corps pesans en tombant, & celle des corps legers, qui s'élevent dans un milieu tranquille; tout cela n'indique-t-il pas, que ce Fluide forme un Tourbillon, dont le centre est aux environs de celui de la Terre? Or dans ces fortes de Tourbillons, chaque (b) point de matiere tâche de s'écarter du centre du cercle, où il est; & cet effort est soutenu par la réaction de quelque surface concave, dont la resistance donne lieu à la formation du Tourbillon : & parce que cet effort n'a d'action effective sur cette surface, qu'autant que sa direction (c) participe de la perpendiculaire, la réaction toujours contraire à l'action, ne peut être que perpendiculaire au Tourbillon, c'est-à-dire, qu'elle ne peut être dirigée, que vers le centre de la Terre, & c'est-là cet effort central, dont nous parlons: on conçoit, que si cet effort presse la surface de la Mer, & qu'il soit effectivement égal par tout, il maintiendra les flots au niveau; mais s'il est moindre fous la Lune, que par tout ailleurs, ne donnera-t-il pas aux eaux de la Mer, une tendance vers cet Aftre? Nous nous proposons de montrer, que c'est de là sur-tout, que vient le Flux & Reflux de la Mer.

Le mouvement annuel eaux de la

On scait aussi par les observations des mêmes Astrode la Terre nomes, qu'un rayon, qui joindroit le centre de la Terre à

(a) Nevv. Princip. L. 1. Prop. 2. Mer une ten- . (b) De Molier. Lec. 2. Prop. 2.

(c) De Molier. Lec. 2. Prop. 6.

celui de son mouvement annuel, décriroit autour du So-dance vers le leil des aires proportionnelles aux tems employés à les décrire; cela prouve de même, que dans tout ce qui fait avec la Terre cette revolution, il y a comme un effort central. dont la direction est vers le Soleil, c'est-à-dire, que le mouvement annuel de la Terre autour du Soleil, donne aux eaux de la Mer une tendance vers cet Astre: cette impression sera plus ou moins efficace, à mesure que le Fluide, qui environne la Terre, pourra plus ou moins librement fuivre la direction de cet effort, & de là dépendront certaines irrégularités du Flux & Reflux de la Mer.

On voit déja, que par le double mouvement du Tourbillon de la Terre, chaque point de ce Tourbillon, & conféquemment chaque goutte de l'eau de la Mer recoit toujours une impulsion, dont la direction est composée d'une direction vers la Terre, & d'une direction vers le Soleil: il n'est pas besoin de montrer ici, que sur chacune de ces directions, cette impulsion a les propriétés qu'on attribue à l'attraction, & dont M. Newton & M. Keil croyent s'être affûrés par des expériences, qui exercerent la fagacité qu'on

leur connoît.

On pourroit montrer, premierement, que, si d'ailleurs Divers raptout est égal, l'action de l'effort central est proportionnelle ports de l'effort de l'eff à la densité du corps, qui se trouve au centre : car plus ce qui pousse les corps est dense, plus il a des parties, dont l'union empêche eaux de la Mer que leur force centrifuge ne s'oppose efficacement à l'ac-de la Terre. tion de l'effort central, dont nous parlons; au lieu que, si ce corps étoit plus rare, il contiendroit d'autant plus de Fluide, dont la force centrifuge ne seroit pas arrêtée par la cause, qui retient unies les parties des corps durs; & cette force centrifuge diminueroit l'action oppofée de l'effort central.

Secondement, Par la même raison, cet effort sera proportionnel à la masse du corps, qui se trouve au centre; en forte que de deux corps inégaux, dont les densités seroient égales, le plus grand fera, qu'à distances égales du centre,

12 DISSERTATION SUR LA CAUSE PHYSIQUE

l'effort central du Fluide sera plus grand.

Troisiémement, Et par la même raison encore, si cet effort a action sur des mobiles, qu'il pousse vers le centre du Tourbillon, cette action sera proportionnelle aux produits des densités, & des masses des mobiles, qui seront

ainsi poussés.

Quatriémement, On montreroit sur-tout, qu'aux divers points du Tourbillon, les forces centrales font en raison inverse des quarrés des distances, qu'il y a de ces points au centre. M. l'Abbé (a) Villemot, & M. l'Abbé (b) de Moliere l'ont clairement démontré; l'on voit affez, qu'à chaque surface sphérique du Tourbillon, la somme des points est en raison directe des guarrés des distances du centre : or le Tourbillon ne sçauroit subsister, si l'effort central de chaque point n'étoit en raison inverse de la somme des points, qui sont à la même surface sphérique; sans cela l'effort total de chaque furface sphérique seroit-il égal à l'effort de toute autre furface semblable, & fans cette égalité, comment éviter le dérangement des parties, qui font fous ces furfaces, c'est-à-dire, comment éviter la destruction du Tourbillon? Il est donc certain, que tandis que le Tourbillon sphérique subsiste, les forces centrales de ses divers points sont en raison inverse des quarrés des distances, qu'il y a de ces points au centre.

y a de ces points ad centre.

Cinquiémement, Et de-là fuit ce qu'on dit encore de l'attraction, que si la Terre étoit par-tout d'une égale densité, les mobiles égaux, que son Globe rensermeroit, seroient poussés ser son centre, par des forces proportionnelles aux distances qu'il y auroit de ces mobiles au centre de la Terre; car, si dans le Globe terrestre l'on conçoit ces distances, comme des rayons de divers Globes concentriques, on vient de voir que d'une part (num. 2.) ces sorces seroient proportionnelles aux massés de ces Globes, c'est-à-dire, proportionnelles aux cubes des dissances du centre; & que d'ailleurs (num. 4.) elles feroient en raison inverse des quar

(a) Nouv. Explic. . . . Part. 1, Ch. 5. (b) Lec. 2. Prop. 10.

rés de ces mêmes distances. On pourroit donc les exprimer par des fractions, dont les numerateurs feroient les cubes des distances, & dont les dénominateurs seroient les quarrés des distances; ces fractions seroient égales aux distances les forces exprimées par ces fractions seroient donc proportionnelles aux distances. Si dans quelques endroits de cette Differtation, il paroît, que nous supposions ces divers rapports entre ces efforts, ce que nous en disons ici, suffira

pour nous autorifer à les supposer.

Quant à la tendance, que le mouvement annuel de la La tendans Terre donne aux flots de l'Océan vers le Soleil, si d'ailleurs ce, qu'ont les tout est égal, ses forces sont en raison inverse des cubes des Soleil, est en distances, qu'il y a de la Terre au Soleil. D'abord, si nous raison inverse des Cubes des ne considérions ces flots, que comme faisant partie du Tour-diffances, qu'il billon du Soleil, & qu'il fallût comparer leur effort central yadela Terre avec celui de quelque mobile égal, qui n'eût de mouvement qu'autour du Soleil, noustrouverions (pag. 12 num. 4) que ces efforts seroient en raison inverse des quarrés des distances, qu'il y auroit de ces parties du Tourbillon au centre de leur mouvement : ensuite, si nous ne considérions ces flots, que comme des parties du Tourbillon de la Terre, & qu'il fallût comparer la force, qu'ils ont pour se porter vers le Soleil, avec celle, qui pouffe vers cet aftre quelqu'autre partie égale de ce même Tourbillon, nous verrions, que fous ce rapport, ces mobiles parcourant autour du Soleil la même orbite dans le même tems, leurs moyennes vitesses sont égales, & (a) qu'ainsi leurs forces centrales font en raison inverse des distances, qu'il y a de ces mobiles au Soleil: mais ici nous devons les regarder, comme faisant partie, & du Tourbillon du Soleil, & de celui de la Terre; il est donc maniseste, que les forces, que la Mer reçoit du mouvement annuel de la Terre, pour se porter vers le Soleil, font en raison composée de la raison inverse des quarrés des distances, qu'il y a du Soleil à la Terre, & de la raison inverse de ces mêmes distances, c'est-à-dire,

DISSERTATION SUR LA CAUSE PHYSIQUE 14

que ces forces dans leur moyenne grandeur, font en raison inverse de cubes des distances, qu'il y a de la Terre au Soleil.

La force donne

me 1. à

12868200.

wind.

Rapporterons-nous ce que difent les Physiciens, pour que le mouve-montrer combien la tendance, que le mouvement annuel ment annuel donne aux flots de l'Océan vers le Soleil, peut contribuer flots de l'O- à la grandeur des Marées, c'est-à-dire, pour montrer par la céan, pour s'é-du décomposition des forces de cette tendance, en quelle procentre de la portion elle agit contre l'effort, qui pousse les flots vers le Terre, està la centre de la Terre?

On sçait assez, que quand un Mobile décrit divers Cerl'effort central cles, les forces qui l'empêchent de s'éloigner des centres, du Tourbillon de la Terre, font en raison composée de la raison directe des quarres, pour s'en ap- des vitesses & de la raison inverse des rayons des Cercles procher comparcourus: Or dans les mouvemens uniformes, dont il s'agir, les tems périodiques sont en raison composée de la raison directe des rayons, & de la raison inverse des vitesses; donc, quand un Mobile décrit divers Cercles, si d'ailleurs tout est égal, les forces qui l'empêchent de s'éloigner des centres, font en raison composée de la raison directe des rayons, & de la raifon inverse des quarrés des tems périodiques. C'est un principe recû.

> Observons donc, que la revolution périodique de la Lune est de 27 jours 7 heures 43 minutes, & qu'ainsi la Lune dans le cours d'une année, fait treize fois sa revolution périodique. Si le Soleil & la Terre ne se mouvoient pas, ce seroit treize revolutions synodiques, au lieu que la Terre fe mouvant autour du Soleil, la revolution synodique de la Lune, est de 29 jours 12 heures 44 minutes; & ainsi dans le cours d'une année, la Lune ne fait que douze fois fa revolution fynodique: c'est donc comme si le Tourbillon du Soleil caufoit à la Lune une revolution annuelle autour de la Terre, en allant de l'Orient vers l'Occident, contre l'or-

dre des Signes.

En effet, si l'on conçoit un rayon, qui joigne le centre de la Lune à celui de la Terre, & qu'on fasse précision du

mouvement, que la Terre & la Lune reçoivent du Tourbillon de la Terre, pour ne considérer que le mouvement annuel, qu'elles reçoivent du Tourbillon du Soleil, c'està-dire, si l'on n'observe ce rayon, que toutes les fois que la Lune sera à un même point de l'Orbite lunaire, on trouvera roujours qu'à la surface de la Terre, ce rayon dans 27 jours 7 heures 43 minutes, aura décrit un Arc d'environ 28 dégrés, en allant contre l'ordre des Signes; de même que si la Terre étoit sans mouvement, & que la Lune sit une révolution annuelle autour de la Terre, le rayon de cette révolution annuelle seroit tantôt plus grand & tantôt moindre que le rayon moyen de la révolution de chaque mois; ainsi dans leur moyenne grandeur, ces deux rayons seroient à peu près égaux, & par le principe que nous avons rapporté, cette égalité feroit, que la force centrifuge de cette révolution annuelle, seroit à l'effort central de la révolution de chaque mois en raison inverse des quarrés des tems périodiques, c'est-à-dire, (a) comme le quarré de 27 jours 7 heures 43 minutes, est au quarré de 365 jours 6 heures 9 minutes, ou comme 1000 à 178725, ou bien comme 1 eft à 178 22.

D'ailleurs les Observations des plus sameux Astronomes nous autorisent à croire que la distance moyenne de la Lune à la Terre, est de 60, ou bien de 60½ demi - diametres de la Terre; & si la Terre étoit sans mouvement, & que la Lune sit la révolution annuelle, dont nous venons de parler, à la distance de 60½ demi-diametres, l'effort centrisuge de cette révolution, seroit à l'effort centrisuge d'une semblable révolution à la distance de 60 demi-diametres, comme 60½ do, à cause de l'égalité des tems périodiques; au lieu qu'à 60 demi-diametres de la Terre, l'effort central de la révolution de chaque mois, est à l'effort central que le Tourbillon de la Terre donneroit à la Lune près de la surface de la Terre, comme 1 est à 60x 60, (pag. 12 num.4). Donc la moyenne grandeur de la tendance qu'à la Lune

⁽a) Newt. Princip. L. 3. Prop. 25. (b) Ibid. Prop. 4.

χÅ DISSERTATION SUR LA CAUSE PHYSIQUE

dans son Orbite, pour s'éloigner du centre de la Terre vers le Soleil, està la moyenne grandeur de la tendance qu'elle auroit vers la Terre, si le Tourbillon qui lui fait faire la révolution de chaque mois, la faisoit tourner près de la surface de la Terre, comme 1 x 601 eft à 60 x 60 x 60 x 17829, c'est-à-dire, comme 1 est à 638092, 6. Et si la Lune étoit à la surface de la Terre, les forces, que la tendance qu'elle auroit vers le Soleil, lui donneroit pour s'éloigner du centre de la Terre, seroient aux forces qu'elle auroit vers la

Terre (a) comme 1 est à 38604600.

Telle seroit la proportion de ces forces à 90 dégrés de l'endroit, qui seroit sous le Soleil: mais on sçait, que des Quadratures jusqu'aux Syzygies, le mouvement de la Lune est accéleré; il lui arrive ce que M. Huygens & M. Keil ont démontré (b) du Pendule, à qui sa pésanteur fait parcourir le quart du Cercle compris entre le Rayon Horisontal, & le perpendicule : ce Pendule acquiert dans ce mouvement une force centrifuge double de sa pésanteur; de forte qu'au point le plus bas du quart de Cercle, il a pour s'écarter du centre de son Orbite, une force triple de la tendance, qu'il avoit vers la Terre, quand il étoit au bout du Rayon Horisontal; de même aux Syzygies la Lune a pour s'éloigner du centre de son Orbite, une force triple de la tendance qu'elle a vers le Soleil, quand elle est aux Quadratures.

Et puisque les Fluides, qui donnent à la Lune sa tendance vers le Soleil, & fa force centrale vers la Terre, agissent fur les eaux de la Mer, il faut, que, lorsque le Soleil est à fa movenne distance de la Terre sur un endroit de l'Océan. la force, qui pousse les eaux de cet endroit vers le Zenith, soit à celle qui les pousse vers le centre de la Terre, (c)

comme 1 à 12868200.

Ce qu'on vient de dire font fous le Soleil, doit fe

Or la Terre étant placée (pag.9 lig. 31 & pag. 10 lig. 15) des eaux, qui au centre d'un Tourbillon, si d'une part la tendance qu'ont

(a) Newt. Princip., L. 3. Prop. 36. (c) Newt. Ibid. dire auffi de (b) De vi Centr. Theor. 13.

les.

les eaux vers le Soleil, fait qu'elles pésent moins vers le celles, qui centre de la Terre, il arrive qu'à l'autre Hemisphere, la font sous le colonne du Tourbillon diametralement opposée, peut diametrale d'autant prévaloir à l'effort central de la colonne, qui se ment opposé. trouve sous le Soleil; il faut donc que la Terre se meuve vers cet Aftre; alors la réaction de la Terre, qui céde, devenant moindre, l'action de la colonne, qui a prévalu, devient moindre aussi; car ce Fluide est là comme un ressort, qu'on presseroit moins qu'auparavant, il agit moins qu'il ne faifoit: ainsi, pourvû que le Soleil, soit vers le Zenith ou vers le Nadir d'un endroit de l'Océan, les eaux de cet endroit sont moins pressées vers le centre de la Terre, que ne le sont les eaux collatérales; & par les loix de l'Hydrostatique toutes ces eaux doivent se porter vers le Zenith de

l'endroit où se fait cette moindre compression.

Au reste on trouve (a) que la tendance qu'a la Lune Ce qui presvers la Terre, n'est que ce qui dans les corps terrestres, se se se nomme la pésanteur. Car si le Diametre moyen de la Terre la Mer vers le eft de 19695539 pieds, comme il paroît aux mesures prises centre de la Terre, c'est en France par M. Picard & M. Cassini, & en Angleterre la cause de la par M. Norwood, & que la distance moyenne de la Lune pésanteur. à la Terre, soit d'environ 601 demi-diametres de la Terre, comme on le conclut des Observations, il faut que le Sinus verse de l'Arc, que la Lune décrit par son mouvement moyen dans une minute de tems, soit de 15- pieds, & les forces centrales augmentant (pag. 12. num. 4.) en raifon inverse des quarrés des distances du centre, il s'ensuit qu'auprès de la Terre, si la Lune suivoir l'impulsion, qui dans fon orbite, l'empêche de s'éloigner du centre, elle parcourroit dans une seconde de tems 15 1 pieds. Or M. Huygens a montré par des expériences reconnues, que c'est-là précifément ce que la péfanteur fait parcourir aux corps terrestres dans une séconde de tems. C'est donc la cause de la péfanteur, qui donne, & à la Lune, & aux eaux de la Mer, toute la tendance qu'elles ont vers le centre de la Terre:

(a) News. Princip. L. 3. Prop. 4.

18 DISSERTATION SUR LA CAUSE PHYSIQUE

& fi cette cause n'a pas sur ce corps céleste tour l'effet qu'elle paroit avoir sur les corps qu'elle précipite, c'est que la Lune a dans son Orbite toute la vites et, qu'elle autoit acquise, si fa pésanteur lui avoir fait parcourir le quart du Diametre du Cercle, qu'elle décrit; c'est ce qui maintient (a) l'Equilibre entre la force centristige & la pésanteur.

La péfanteur Par de femblables considérations, on a tâché de troudes eaux de ver à quelle hauteur les eaux de la Mer peuvent monter l'Océan empécheroit pas, sous le Soleil, en satisfaisant seulement à la tendance

que fous le qu'elles ont vers cet Aftre.

Nous venons de dire, (pag. 14.) que cette tendance est à la péfanteur, comme 1 à 12868200; (b) on montre aussi, que la force centrifuge, que le mouvement journalier donne aux corps terrestres, est à leur pésanteur, comme 1 à 289 : car par les mesures prises en France & en Angleterre, dont nous venons de parler, on compte, que dans une seconde de tems, chaque point de la circonference de l'Equateur de la Terre, parcourt un Arc de 1436, 223 pieds, dont le Sinus verse est de 7, 54064 lignes; & par les loix des mouvemens circulaires, on sçait qu'à l'Equateur, les forces, que les corps terrestres reçoivent du mouvement journalier, pour s'éloigner du centre de la Terre. comparées aux forces femblables, qu'ils reçoivent à une latitude quelconque, font en raison doublée du rayon de la Terre au Sinus de complément de la Latitude, c'est-à-dire, qu'à l'Equateur, par rapport à la Latitude de Paris, qui est de 48 dégrés & 50 minutes, ces forces sont comme 7,54064 à 3, 267; d'où l'on conclut, que, si la Terre n'avoit pas son mouvement journalier, les corps péfans, qu'on laisse tomber, & qui à la Latitude de Paris, parcourent en une seconde de tems 15 pieds 1 pouce, 2, 18 lignes parcourroient 15 pieds 1 pouce, 5, 44 lignes; or 7, 54064 lig. font à 15 pieds 5, 44 lignes, comme 1 à 289. La force centrifuge, qui vient du mouvement journalier, est donc

(a) Hugen, de vi Centr. Theor. 5. (b) Newt. Princip. L. 3. Prop. 19.

à la péfanteur, comme 1 à 289.

La péfanteur des eaux de l'Océan n'empécheroit pas, que fous le Soleil, la tendance qu'elles ont vers cet Aftre, ne les fit monter d'un pied & 11½ pouces

plus qu'à 90

dégrés de-là.

Enfin on suppose un Siphon plein d'eau, dont les branches feroient un angle droit au centre de la Terre, en sorte que l'Axe d'une de ces branches fût un rayon de l'Equateur, & l'Axe de l'autre branche aboutit au Pole de la Terre; la colonne d'eau, qui seroit à l'Equateur, auroit, par le mouvement journalier, des forces centrifuges, que n'auroit pas celle qui aboutiroit au Pole; ces forces centrifuges diminueroient l'effort de la pésanteur, qui leur est opposé; & par un calcul appuyé fur les principes, que nous fuivons dans cette Differtation, on trouve, que l'eau, pour être en équilibre dans ce Siphon, devroit avoir à l'Equateur 85820 pieds de hauteur, plus qu'au Pole : de toutes ces confidérations on (a) conclut ainfi.

Puisque la tendance que le mouvement annuel de la Terre donne aux eaux de la Mer vers le Soleil, est à leur pélanteur, comme 1 à 12868200, & que la force centrifuge, qui vient du mouvement journalier, est à cette même pésanteur, comme 1 à 289, il est manifeste, que cette tendance vers le Soleil, est à cette force centrifuge, comme 289 à 12868200, c'est-à-dire, à peu de chose près, comme 1 à 44527. Or ces 44527 dégrés de force centrifuge font qu'à l'Equateur, la Mer est plus haute qu'au Pole de 85820 pieds. Et comme 44527 sont à 1, ainsi, à peu de chose près, 85820 pieds sont à 1 pied & 11 pouces; donc la tendance, que le mouvement annuel de la Terre donne à la Mer vers le Soleil, peut faire, que fous cet Aftre, les eaux soient de 1 pied & 11 pouces plus hautes qu'à 90 dégrés de-là.

Ajoutons encore, que les deux efforts, que nous avons comparés, (pag. 14.) concourant à chaque point du Tour- ces qui poufbillon terrestre, il en résulte un troisième effort composé, étant connues, qui par rapport à ces deux autres, peut être exprimé par la on connoît com-Diagonale d'un Parallelogramme, dont les deux côtés fe- pose qu'elles roient proportionnels aux deux efforts composans, & au- produisent. roient été pris sur leurs directions, en commençant du point

Les puissan-

(a) Newt. Princip. L. 3. Prop. 36. Corol.

où elles concourent : cette Diagonale marque aussi la direction de cet effort composé; & les Sinus des Angles qu'elle fait avec les côtés du Parallelogramme, étant en raison inverse des efforts, que ces côtés expriment, on voit que chacun de ces efforts agit moins obliquement, & ainfi plus efficacement, à mesure qu'il y a plus grande raison de cet effort à l'autre.

De là, si les directions de ces deux efforts sont en même sens, l'effort composé est plus grand, à mesure que l'angle qu'elles font, est plus aigu; en forte que, si cet angle est infiniment aigu, c'est-à-dire, si ces directions sont paralleles, l'effort composé est égal à la somme des efforts composans; & si ces directions sont en sens contraires, l'effort composé est plus grand, à mesure que l'angle qu'elles font, est plus obtus; en forte que si cet angle est infiniment obtus, l'effort composé est égal à la somme des efforts composans, au lieu que si cet angle est infiniment aigu, l'effort composé est égal à la différence des deux efforts composans. Tout cela se trouve démontré dans des Traités de Statique, nous nous en fervirons, lorsqu'il s'agira de certains accroissemens & de certaines diminutions, qu'on observe au Flux & Reflux de la Mer.

L'explication que M. Defné du Flux & Reflux de la Mer, eft, comme beaucoup d'autres, in-

soutenable.

Mais enfin, comment la Lune peut-elle contribuer au Flux & au Reflux de la Mer? C'est sur-tout ce qui donne cartes a don- lieu chez les Physiciens à cette multiplicité d'opinions, dont les plus ingénieuses laissent encore fouhaiter quelque

chofe, qui fatisfasse davantage.

Les qualités abstraites, dont les Péripatéticiens s'autorifoient, pour faire dominer la Lune sur toutes les choses humides; la Sphere d'activité, qui, selon d'autres, donne à cet Astre une qualité attractive, pour élever les flots; les influences tiédes, humides & falines, qui, felon quelquesuns, mettent en mouvement les fermens de la Mer; l'agitation même, que d'autres attribuent à l'Axe de la Terre, pour donner des secousses aux Flots; l'inégalité des vitesses, que Galilée a fait observer dans les différentes situations. où le double mouvement de la Terre met les reservoirs

0.5

des caux; ces opinions, & tant d'autres, ne sont pas moins fameuses par le succès avec lequel on les a résutées, que par

la réputation de leurs Auteurs.

L'opinion de M. Descartes trouve encore aujourd'hui des gens, qui l'accueillent affez favorablement : ce Philofophe a cru, (a) que la Lune & la Terre ne pouvant se mouvoir aussi vite que la matiere du Tourbillon, dans lequel elles tournent, pendant qu'il est emporté autour du Soleil, la portion de cette matiere, qui paffe entre la Lune & la Terre, comme dans un canal retreci, presse & l'Athmosphere & la Mer, beaucoup plus sous la Lune, qu'aux environs; que cet excès de compression fait mouvoir la Terre vers l'autre Hemisphere ; qu'ainsi l'Océan est par-tout moins pressé, que sous la Lune & sous le point du Ciel diametralement opposé; que par conséquent à ces deux endroits, la surface de la Mer est plus basse, ou moins éloignée qu'ailleurs du centre de la Terre, duquel elle s'éloigne de plus en plus aux environs jusqu'aux endroits, qui sont à 90 dégrés de-là; qu'enfin le mouvement journalier de la Terre faisant que, chaque point de l'Océan passe chaque jour deux fois par le Méridien où est la Lune, & deux fois par celui qui en est éloigné de 90 dégrés, il est manifeste. que par-tout où l'on observe la Marée, on doit y voir chaque jour deux fois le Flux, & deux fois le Reflux de la Mer.

Nous applaudissons volontiers aux éloges qu'on donne à cette opinion; ce qu'elle a d'ingénieux en mérite de grands: mais il ne paroît pas qu'elle réponde aux Observations, dont les gens expérimentés ou instruits, ne sçauroient douter. M. Descartes a voulu faire voir, qu'aux environs du Parallele, où est la Lune, on doir avoir la basse-Mer, quand cet Astre est au Méridien; on sçair aujourd'hui, qu'il n'en est jamais ainsi: toujours entre les Tropiques & aux environs, dans les Mers vastes & libres de tout obstacle au mouvement des Flots, la basse-Mer arrive près de trois heures avant que la Lune soit au Méridien. On ne devroir, selon M. Des-

⁽a) Princip. Part. 4. num. 49.

cartes, y voir la haute-Mer, que quand la Lune est arrivée à l'Horison; il est constant, qu'on l'y voit toujours, lorsque cet Astre a encore près de 45 dégrés à parcourir, pour arriver à l'Horison. Aussi ne trouve-t-on pas, que les Cartésiens avent expliqué, d'où vient (pag. 6. num. 2.) que la haute-Mer y précede les trois heures lunaires, quand la Lune va des Syzygies aux Quadratures, au lieu que quand elle passe des Quadratures aux Syzygies, la haute-Mer n'arrive qu'après la troisiéme heure lunaire. Ajoûtez qu'à suivre l'hypothése de M. Descartes, il est certain, qu'aux endroits dont il parle, il faudroit, que la basse-Mer sût toujours à l'Orient du Méridien où est la Lune; car il est certain, que si les eaux fous la Lune, sont poussées en même tems, & vers le centre de la Terre & vers l'Orient, comme le prétend M. Defcartes, elles doivent en même tems, & descendre & s'avancer vers l'Orient; ainsi, lorsqu'elles auroient le plus approché du centre de la Terre, elles seroient à l'Orient de l'endroit, qui est sous la Lune: toutesois il est constant, que fous le parallele où est la Lune, la basse-Mer est toujours à l'Occident du Méridien où est cet Astre, à environ 45 dégrés de l'endroit où M. Descartes la place : c'est à 45 dégrés vers l'Occident de cet endroit, que la Mer commence à monter; fa moyenne hauteur est sous la Lune, & le point de la plus haute élévation des Flots, est à 45 dégrés vers l'Orient du Méridien où est la Lune : tout cela est constaté par les Observations, qui affürent (pag. 6. num. 2.) que la haute-Mer arrive aux endroits, dont il s'agit, environ trois heures après que la Lune a été au Méridien : en un mot M. Descartes a cru que sous la Lune, la surface de l'Océan est enfoncée, comme si la Lune repoussoit les eaux; mais depuis qu'on sçait l'heure lunaire où finit le Flux, & celle où finit le Reflux, entre les deux Tropiques en pleine Mer. on voit, que sous la Lune, les eaux sont élevées, comme fi cet Aftre les attiroit.

Nous pourrions ajoûter avec (a) M. Villemot, que les

(a) Nouv. Explic. du mouv. des Planet. 3. Part. ch. 5.

baffes - Marées des Quadratures sont une circonstance inexplicable dans le système Cartésien, parce qu'il est faux, que la Lune aux Quadratures, foit toujours plus éloignée de la Terre, qu'aux Syzygies: ce Physicien jugeoir aussi, que, pour causer un enfoncement à la surface de la Mer, la Lune devroit avoir un Tourbillon, que M. Descartes ne lui a point attribué, & nous venons de montrer, que, si l'effort centrifuge de ce Tourbillon causoit l'effort que M. Villemot lui attribuë, la basse-Mer seroit toujours à l'Orient du Méridien où est la Lune; au lieu que par-tout où les mouvemens du Flux & Reflux n'ont pas d'obstacle, la basse-Mer est toujours à l'Occident de ce Méridien.

Revenons donc à l'effort central du Tourbillon terrestre; nous avons fait voir (pag. 10.) qu'il presse toute la surface de l'Océan s'élevent sous de la Mer vers le centre de la Terre; mais, s'il est moindre la Lune, parau diametre où est la Lune, qu'aux autres rayons du Tour- ce que dans billon, est-il de Physicien, qui de-là ne conclue, que, se- rerrestre, l'eflon les régles de l'Hydroffarique, les eaux moins pressées, est contral moindre diametre de diametre de la celles d'alentour, celles ci doivent couler vets au diametre diametre de la celles d'alentour per la celles de la celles de la celles de la celles d'alentour per la celles de la celles l'endroit, où la furface de la Mer foutient un moindre ef- où est la Lufort; que par conféquent sous la Lune, & sous le point du tres rayons du Ciel diametralement opposé, les Flots doivent s'élever, Tourbillon. comme fous le piston d'une Pompe, jusqu'à ce que ce qui se trouve au-dessus du niveau, fasse équilibre à l'excès de l'effort, qui cause ce mouvement des eaux?

Les Cartéliens pensent au contraire, que sous la Lune, cet effort est plus grand qu'ailleurs; ils jugent, que toute Planete allant moins vite que l'Ether, ce Fluide trouve sous la Lune un passage retreci; que là pressé de toutes parts, & contraint de céder à l'action des Courans d'alentour, il y est réduit à accelerer son mouvement, d'où ces Messieurs concluent, que l'Ether agit avec plus de force sur les eaux, qui sont sous la Lune, que sur le reste de

la Mer.

D'autres Physiciens en jugent autrement, ils disent que la Lune ne peut contribuer, ni à augmenter, ni à diminuer

la force centrale de l'Ether : ils se persuadent, qu'étant suspendue dans le Fluide, sans aucun mouvement progresfif, qui lui foit propre, se sans aucun appui, elle doit avoir la même vitesse que le Fluide qui l'environne, & par con-

féquent agir comme lui.

Pour nous, quelque attention que nous donnions aux raifons, dont ces divers fentimens font appuyés, il nous paroît qu'à suivre les Observations Astronomiques, & les Régles ordinaires des Mécaniques, on peut affûrer avec M. Descartes, que la Lune a moins de vitesse que le Fluide dont elle fuit le mouvement, & que de-là nous devons conclure le contraire de ce que M. Descartes vouloit établir: car en allant moins vite, la Planete est évidemment une espéce de digue, qui d'abord retarde le Fluide; c'est un obstacle qui rompt la direction des Courants de l'Ether; ils sont réduits à se mouvoir autour de la Lune; elle fait donc que l'action, qu'avoit ce Fluide vers la Terre, est comme interrompue : ne scait-on pas que cette action dépend (pag. 14. lig. 13.) & de la vitesse du Fluide, & de la courbure de la Ligne qu'il décrit autour de la Terre? Or ici la vitesse est d'abord diminuée, & le mouvement se fait moins autour de la Terre, qu'autour de la Lune; n'est il pas manifeste, que dans ce retardement, & ce changement de direction, le Fluide retardé & réduit à couler autour de la Lune, n'a plus alors tant d'action vers le centre de la Terre? Les directions de ses efforts tombent plus obliquement sur les surfaces du fluide inférieur concentriques avec la Terre; ainsi l'effort centrifuge de ce fluide inférieur en est moins gêné & comme un ressort, qu'on commence à moins presser, agit d'une part contre la puissance qui le pressoit, tandis que d'autre part il presse le point d'appui moins qu'auparavant, de même la colomne sublunaire, moins pressée par le fluide retardé, agit d'une part contre ce fluide & contribue à son acceleration, tandis que d'autre part elle presse l'Athmosphere & la surface des eaux moins qu'auparavant.

Nous convenons donc, que la Lune retrécit le canal

de l'Ether, & qu'en coulant entre la Lune & la colonne sublunaire, le Fluide que la Planete détourne, accelere fon mouvement; mais, quand on demande que nous en convenions, on ne peut nier, qu'avant cette acceleration, le mouvement du Fluide qui rencontre la Lune, n'ait été retardé; que même dans cette acceleration le Fluide ne se meuve beaucoup moins autour de la Terre, qu'autour de la Lune, & sur-tout que ce surcroît de vitesse ne soit en partie causé par l'effort centrifuge du Fluide inférieur; d'où il suit que cette acceleration ne peut pas rendre à l'effort central, ce que le retardement & le changement de Direction lui avoient ôté. Il faut donc que la furface de la Mer foit moins preffée fous la Lune qu'ailleurs : dès-lors à l'autre Hemisphere, l'effort central diametralement opposé, fait reculer la Terre vers la colonne sublunaire, dont il furmonte le moindre effort; par ce mouvement, la réaction de la Terre qui cede, devient moindre, & l'action del'effort central, qui a prévalu, en est moindre aussi, comme nous avons déja dit (pag. 17. lig. 7.): la Lune fait donc que dans le Tourbillon terrestre, l'effort central est moindre au diametre où elle est, qu'aux autres rayons du Tourbillon, & c'est ce qui détermine les Flots de l'Océan à se mouvoir de toutes parts vers ce diametre, à s'y placer autant qu'ils le peuvent, au dessus du niveau, c'est-à-dire, à monter vers la Lune, & vers le point du Ciel diametralement oppofé.

Mais encore quelles font les Observations Astronomiques, & les Régles des Mécaniques, qui prouvent que la Orbite avec Lune n'a pas, en décrivant son Orbite, une vitesse égale à moins de vicelle du Fluide, dont elle suit le mouvement? Les voici. tesse que n'en

La Lune a toujours le même Hémisphere tourné vers dont elle suit le centre de son Orbite; les vitesses des divers points de le mouvecette Planete sont donc en raison directe des distances, qu'il y a de ces points divers à ce même centre, au lieu qu'il est démontré (a) que les vitesses du Fluide aux diyers points du Tourbillon, font en raison inverse des

(a) M. Villemot Explic. nouv. Part. 1. c. 5. & M. de Moliere L. 2. Prop. 11.



Racines quarrées de ces mêmes diffances. Cette Planete ne fe meut donc pas, comme feroit une égale mafie de Fluide; elle caufe donc dans le Tourbillon quelque dérangement, un défaut d'Equilibre; elle fait que la furface de

la Mer est pressée inégalement.

D'ailleurs, en allant des Quadratures aux Syzygies, la Lune accelere son mouvement; elle reçoit donc alors ces surcroits de force, dont l'acceleration est l'esset; or, en suivant le mouvement d'un Fluide, comment recevroit-elle des surcroîts de force, si elle n'alloit moins vite que le Fluide, qui doit l'atteindre pour les lui donner!

Soit donc M D N I (Fig. 1.) une Sphere qui représente la Lune, que les Lignes paralleles PD, GR, JE, représentent des cercles du Tourbillon, qui donne le mouvement à cet Aftre; que sur les Directions JE, GR, on prenne EA, RF, égales entre elles, on aura là une expression des vitesses (a) égales des points d'une même couche Sphérique de la matiere de ce Tourbillon; que des points E & R, on tire EB, RV, perpendiculaires aux tangentes de ces points; & qu'enfin des points A & F on tire AB, FV, paralleles à ces mêmes tangentes. Si l'on veut que la Ligne R F, ou son égale E A, représente la vitesse qu'a le Fluide avant d'atteindre la Lune, supposons d'abord, qu'en agissant sur la Direction perpendiculaire PD, ce Fluide communique toute sa force; il est évident qu'en ce cas la vitesse qu'il communiquera, ne peut pas être exprimée par une Ligne plus grande que RF, ou E A: il est également évident qu'en ce cas aussi, la vitesse qu'il peut communiquer, en agissant sur la Direction GR, ne peut pas être (b) exprimée par une Ligne plus grande que le Sinus R V de l'Angle d'incidence R F V, & la vitesse qu'il aura après le choc, ne peut pas être exprimée par une Ligne moindre que le Sinus F V de l'Angle de complément FRV: de même la vitesse qu'il peut communiquer, en agissant sur la Direction JE, ne peut en ce cas

(a) M. de Moliere L. 2. Prop. 8, (b) M. de Moliere L. 1. Prop. 14. & 15,

être exprimée par une Ligne plus grande que EA, & celle qu'il aura après le choc, ne peut pas être exprimée par une Ligne moindre que A B. On verroit déja dans cette supposition, que tout le Fluide, qui agiroit sur toute autre Direction, que la perpendiculaire GB auroit, après le choc, quelque vitesse; que même elle seroit plus grande, à mesure que le Fluide auroit stappé plus près du Méridien MN, & que par conséquent la Planete n'en reçoit pas autant qu'en a le Fluide, qui passe aux environs, sans la rencontrer.

Mais la Planete n'étant, ni un corps inébranlable, ni un corps en repos, & le Fluide perpendiculaire PD, n'agissant pas seul, il n'est pas possible que ce Fluide communique toute sa force; réduit de sa nature à garder autant qu'il peut, la force qu'il a , il n'en donne qu'autant qu'il faut, pour ôter l'obstacle, que la Lune oppose à son mouvement, c'est-à-dire, autant qu'il faut pour faire que la vitesse qu'il communique, & celle qui lui restera, soient égales; & dès que ces vitesses sont parvenuës à l'égalité, ce Fluide n'a plus d'action sur la Planete, qu'il ne peut plus atteindre; ainsi la vitesse qu'il avoit avant le choc, étant représentée par le Sinus total R F, ou E A, pour exprimer celle qu'il communique, en agissant sur la Direction perpendiculaire P D, il faut prendre une Ligne moindre que RF, ou EA; & par conféquent, pour exprimer la vitesse qu'il communique, en agissant sur la Direction GR, il faut prendre une Ligne moindre que RV: supposons que ce foit XV: de même pour exprimer la vitesse qu'il communique, en agiffant fur la Direction JE, il faut prendre une Ligne moindre que EB: supposons que ce soit ZB: alors la vitesse qui lui restera, après avoir agi sur la Direction GR, devra s'exprimer (pag. 19.) par la Diagonale du Parallelogramme rectangle, dont les deux côtés seront XV, VF, & la vitesse, qui lui restera, après avoir agi fur la Direction JE, s'exprimera par la Diagonale du Parallelogramme rectangle, dont les deux côtés feront Z B,

BA; on ne trouvera que la Direction perpendiculaire PD, qui ne soit pas sujette à cette décomposition, & le Fluide d'alentour déterminant tout celui dont la Lune rompt la Direction, à suivre le mouvement du Tourbil-

lon, on aura cette Demonstration.

Presque tout le Fluide qui pousse la Lune, conserve, après avoir agi fur elle, un mouvement, dont la vitesse est à celle qu'en a recû la Planete, comme la Diagonale d'un Parallelogramme rectangle est à l'un des côtés. Or par la dix-huitième Proposition du premier Livre des Elémens d'Euclide, cette Diagonale est toujours plus grande, que chacun des côtés: donc, après avoir agi fur la Lune, le Fluide conserve toujours un mouvement, dont la vitesse est plus grande que celle qu'en a reçû la Planete. C.Q.F. D.

On répond tion.

Mais cette Planete, dit-on, recevra toujours des perà une objec- cussions réiterées, & par conséquent des surcroîts de vitesses; comment pourroit-elle ne pas avoir enfin une vitesse égale à celle du Fluide, qui répond au centre de son mouvement, c'est-à-dire, une vitesse moyenne entre celle des courants qui répondent à sa partie supérieure, & celle des courants qui répondent à fa partie inférieure ?

Pour fatisfaire à cette objection, il suffiroit de répondre, que ce que nous venons de dire peut évidemment s'appliquer à chacune de ces percussions, quelque réiterées qu'elles soient; & pourvû qu'on eût l'idée de la divisibilité & de la décomposition des forces, on y verroit

toujours la folution de cette difficulté.

D'autres ajoûteroient qu'à l'Apogée & au Perigée de la Lune, ces vitesses moyennes des courants de l'Ether, sont comme les Racines reciproques des distances, qu'il y a de ces courants au centre de la Terre, au lieu que, selon les Observations de Prolomée, les vitesses de la Lune y font comme ces distances reciproques; mais cette réponse ne seroit pas sans replique, parce que la différence insensible de ces Racines n'est pas sujette aux Obfervations.

20

Ainsi, pour achever d'effacer l'impression qui resteroit peut-être encore du préjugé, qui donne à cette objection ce qu'elle a de spécieux, nous disons que s'il est vrai, que par des percussions réiterées à son Hemisphere occidental, la Lune recoive des forces toujours nouvelles, il est également vrai que par des efforts réiterés à son Hemisphere oriental, cette Planete repousse des obstacles toujours nouveaux, qui lui font perdre de sa force; de sorte que, perdant d'une part, tandis qu'elle reçoit de l'autre, sa vitesse n'égale jamais celle du Fluide, qui lui donne le mouvement. On conçoit affez quels font ces obffacles, dès qu'on fçait, que pour causer l'acceleration qu'on observe au mouvement de la Lune depuis les Quadratures jusqu'aux Syzygies, il faut que l'Ether ait plus de vitesse que la Lune : car avec cet excès de vitesse , le Fluide qui répond à l'Hemisphere oriental de la Lune, est contraint de s'en séparer : dès-lors, pour satisfaire aux loix du mouvement, & pour éviter le vuide, les courants d'alentour fe détournent, & vont se placer entre la Planete & le Fluide qui s'en sépare; peuvent-ils y aller, sans croiser la direction de la Lune, & n'est-ce pas opposer à son mouvement un obstacle toujours nouveau? Si, pour lever cet obstacle, la Lune employe tout le surcroît de force qu'elle reçoit, fon mouvement est uniforme; si elle en employe moins, fon mouvement est acceleré; si elle en employe plus qu'elle n'en reçoit de nouveau, son mouvement est retardé, & toujours obliquement frappée par les courants qui l'atteignent, elle n'acquiert jamais autant de vitesse, qu'en a le Fluide à l'Orbite qu'elle décrit.

Cest donc l'esfort central du Tourbillon terrestre, qui de tes forces toutes parts presse les eaux de la Mervers le Diametre où est qu'a l'Ocasa la Lune, & ces eaux à l'un & à l'autre Hemisphere, se sont la Lune, portent vers ce Diametre, parce que la surface de la Met avers de set là moins presse qu'ailleurs, d'où il suit-que les Flots Cubes desdictionent là s'éloigner du centre de la Tetre, à messre qu'il qu'ils y soutiennent une moindre sompression: que sil'on la Tetre.

Ďij

considere les forces qu'ils ont pour s'élever ainsi, on trouvera qu'elles sont en raison inverse des Cubes des distances qu'il y a de la Lune à la Terre: car on voit affez (pag. 23.) que la puissance qui donne ces forces, n'est que la réaction des eaux opposée & égale à l'action que la Lune interrompt, & puisque cette action (pag. 12. num. 4.) est en raison inverse du Quarré de la distance qu'il y a de la Lune à la Terre, la fomme des forces de cette réaction est aussi toujours en raison inverse du Quarré de cette distance. Mais ces forces se distribuent à tout ce Cone de Fluide, dont la base est l'Horison de l'endroit qui est sous la Lune, & dont le sommet est à la Lune : car, par les loix du mouvement des Fluides, toute cette base agit vers le point, d'où elle est moins pressée, c'est-à dire vers la Lune. Or par la XIVe. Propolition du Livre 12. des Elemens d'Euclide, ce Cone est proportionnel à la distance qu'il y a de la Lune à la Terre; ces forces sont donc distribuées à une masse proportionnelle à cette distance; de forte que si d'ailleurs tout étoit égal, elles feroient dans chaque partie déterminée de cette masse en raison inverse de cette distance; elles sont donc à la surface de la Mer en raison compofée de la raison inverse du Quarré de cette distance, & de la raison inverse de la Racine de ce Quarré, c'est-à-dire qu'elles font en raifon inverse des Cubes des distances qu'il y a de la Lune à la Terre.

A quelle te Planete.

Du reste par la différence des hauteurs où les eaux parhauteurlaMer viennent aux Marées des Equinoxes environ le tems où peut monter la Lune est aux Quadratures, & environ celui où elle est par la tendan- aux Syzygies, on connoît la proportion qu'il y a entre la ce qu'ont les force, qui fous la Lune éleve les Flots, lorsqu'elle est à 90. dégrés du Soleil, & la force qui sous le Soleil & la Lune joints ensemble, fait monter les eaux de la Mer: on sçait par les Observations que (a) la hauteur où elles s'élevent alors sous la Lune au tems de la Quadrature, est à la hauteur où elles parviennent sous les deux Astres au tems de

(a) News. Princip. L. 3. Prop. 37.

la Conjonction, comme 25 à 45, c'est-à-dire comme 5 à 9; & les effets étant proportionnels à leurs causes, on en conclut que les forces qui font monter la Mer en ces deux tems, font entre elles comme ; à 9 : on examine ensuite les accroissemens & les diminutions qui surviennent à ces forces dans les différentes fituations des deux Aftres, & l'on trouve que la moyenne grandeur des forces qui portent les eaux vers le Soleil, est à celle des forces qui les portent vers la Lune, comme 1 à 4, 4815 : or la tendance que les eaux de la Mer ont vers le Soleil, est à leur péfanteur (pag. 14.) comme 1 à 12868200 : donc la tendance qu'elles ont vers la Lune est à leur pésanteur, comme 1 à 2871404: fur quoi l'on raisonne ainsi.

La force centrifuge que les eaux de la Mer ont du mouvement journalier de la Terre, est à leur pésanteur (pag. 18. lig. 35.) comme 1 à 289, & la tendance qu'elles ont vers la Lune, est à leur pésanteur, comme 1 à 2871404: donc la tendance qu'elles ont vers la Lune, est à la force centrifuge qui leur vient du mouvement journalier, comme 289 à 2871404. Or par cette même force centrifuge, ces eaux s'élevent contre leur péfanteur (pag. 19.) à 85820 pieds; donc par la tendance qu'elles ont vers la Lune, elles doivent s'élever contre leur péfanteur à 8 pieds & environ 8 pouces; car cette hauteur est à 85820 pieds, comme 289 à 2871404. Ainsi, lorsque la tendance qu'elles ont vers le Soleil, & celle qu'elles ont vers la Lune, auront une même direction pour agir ensemble, la Mer pourra monter à 101 pieds; elle montera même jusqu'à 121 pieds & au-delà, si la Lune est alors à son Perigée, & que les vents fecondent ce mouvement des Flots. Tout cela fuit des principes que nous avons, ou établis, ou rapportés comme généralement reçûs, & rien n'est plus conforme aux Observations.

Il est donc constant que par le mouvement annuel de Le mouve la Terre, les Flots de l'Océan font dirigés, les uns vers lier de la Terl'endroit qui est sous le Soleil, & les autres vers l'endroit re fair que la



plus grande é- diametralement opposé; & qu'ainsi par l'effort central du levation de la Tourbillon terrestre, ces mêmes Flots sont pressés & di-Mer est à 45 rous mont terrente, ces memes riots font prenes et di-dégrés vers rigés, les uns vers l'endroit qui est sous la Lune, & les au-

l'Orient de tres vers l'endroit diametralement opposé. Si le mouve-l'endroitoilles ament de ces Flots n'étoit composé que de deux de ces di-causes qui la ment de ces Flots n'étoit composé que de deux de ces difont monter, rections, il y auroit d'abord à la surface de la Mer deux auroient leur points diametralement opposés plus hauts que tous les autres; & si dans l'Hemisphere éclairé par la Lune, l'un de ces points étoit éloigné de l'endroit qui seroit sous la Lune, & de celui qui feroit, ou fous le Soleil, ou fous le point du Ciel diametralement opposé, cet éloignement seroit (pag. 20. lig. 2.) en raison inverse des forces qui agiroient sur ces directions. C'est-à-dire que quand ces forces seroient dans leur moyenne grandeur, ce point le plus haut de la Mer dans cet Hemisphere seroit (pag. 31. lig. 9.) quatre fois plus près de l'endroit qui seroit sous la Lune, que de l'endroit qui seroit, ou sous le Soleil, ou sous le point du Ciel diametralement opposé; & quand la Lune seroit en Quadrature, ce point le plus haut de la Mer seroit sous la Lune; car alors les eaux qui seroient sous le Soleil, ne seroient pas pouffées vers l'endroit qui feroit sous la Lune, plus que vers l'endroit diametralement opposé, puisqu'elles seroient à distances égales de ces deux endroits; elles n'obérroient donc qu'à l'action de la Cause qui les éleveroit vers le Soleil, sous lequel elles ne pourroient monter (pag 18.) que de 1 pied 11 pouces, ou environ; par la même raifon les eaux qui feroient fous la Lune, n'obéiroient qu'à l'action de la Cause qui les éleveroit vers la Lune, fous laquelle elles monteroient (pag. 31. lig. 23.) d'environ 8 pieds & 8 pouces : les deux points de la Mer les plus hauts, seroient donc alors sous la Lune, & sous le point du Ciel diametralement opposé. Tels seroient les mouvemens de l'Océan, si les Flots n'avoient à satisfaire qu'aux directions dont nous venons de parler, & par-tout où ce mouvement ne trouveroit pas d'obstacle, on auroit la haute-Mer environ le tems où la Lune seroit au Méridien.

Mais

Mais tout ce qui est dans le Tourbillon de la Terre doit suivre le mouvement de ce Tourbillon : par cette raison la Mer en s'élevant vers la Lune & vers le Soleil, se meut aussi de l'Occident vers l'Orient, & ce mouvement fait que les points les plus hauts de la Mer font toujours de 45 dégrés plus orientaux qu'ils ne le feroient, si cette troisième direction des Flots n'avoit pas son effet; car au lieu qu'en ce cas la haute-Mer, comme nous avons dit, arriveroit au tems où la Lune seroit au Méridien, on voit qu'elle n'arrive qu'environ la troisiéme heure lunaire, & l'on ne compte cette troisième heure qu'à 45 dégrés vers l'Orient, des endroits où la Lune est au Méridien.

Si l'on suppose donc qu'une profonde Mer couvre toute la Terre: Premierement, Cette Mer aura la figure d'un So- Corollaires de lide elliptique concentrique avec la Terre; un de ses points de montrer. dans l'Hemisphere éclairé par la Lune, & le point diametralement opposé dans l'autre Hemisphere, seront plus hauts, plus éloignés du centre de la Terre, que tout au-

tre point de la surface de la Mer.

Secondement, Les deux points de la Mer les plus hauts auront toujours autour de la Terre un mouvement presque semblable à celui de la Lune; ils seront toujours, l'un vers le parallele où fera la Lune, & l'autre vers le parallele où fera le point du Ciel diametralement opposé, & tous deux vers le Méridien, où l'on comptera les trois heures lunaires; si de tems en tems ils s'en éloignent un peu, ce sera vers les paralleles où se trouvent le Soleil & le point du Ciel diametralement opposé, & vers le Méridien, où l'on comptera les trois heures folaires; & ainsi le plus grand diametre de la Mer sera toujours entre les deux Tropiques.

Troisiemement, Si la Mer a la figure d'un Solide elliptique concentrique avec la Terre, & que fon plus grand diametre foit toujours entre les Tropiques, il est évident, que quand fur la Mer on parcourt des paralleles à l'Equateur, on décrit, non des circonférences de Cercle, mais

Quelques

des peripheries de certaines Ellipses, qui toutes ont leur plus grand diametre fous un même Méridien, & dans chacune desquelles un des deux points les plus éloignés du centre de la Terre, est plus haut que l'autre, quand il est plus près d'un des plus hauts points de la Mer, ainsi qu'il arrive, lorsque le plus grand diametre de la Mer, suivant la déclinaison de la Lune, s'incline sur l'Axe de l'Equateur.

Quatriémement, Si par-tout où le Flux & Reflux se fait sensiblement & sans obstacle, on ne voit arriver la haute-Mer, que quand on est sous le Méridien où sont les points les plus hauts de la Mer, il faut que quand l'aspect du Soleil & de la Lune est, ou la conjonction, ou l'opposition, ou la quadrature, la haute-Mer arrive au tems des trois heures lunaires, & quand l'aspect de ces Astres est tout autre, la haute-Mer doit arriver environ quatre fois plus près du tems des trois heures lunaires, que de celui des trois heures solaires. Il n'est pas besoin de beaucoup de refléxion pour voir que ces quatre points de Physique suivent nécessairement de ce que nous avons établi.

Pour fatisfaire à la question, il fuffit du Flux & Re-

Venons enfin à l'explication des trois Périodes du Flux & Reflux de la Mer. Nous en avons indiqué les Causes : d'expliquer les rapprochons -les de leurs effets; c'est tout ce qui reste à trois Périodes faire dans cette Differtation. Car pour ces mouvemens sinflux de la Mer, guliers, qu'on ne voit à la Mer que quelquefois, & en quelque endroit, on sçait affez qu'ils ne sont pas du sujet que nous traitons : ils dépendent bien moins de la Cause du Flux & Reflux, que de la disposition du lieu, ou de quelque autre circonstance, qui n'échappe guéres aux recherches des Obfervateurs expérimentés: nous pourrons en rapporter quelque exemple; l'explication que nous y joindrons, facilitera celle des Phénomenes femblables, dont nous ne parlerons pas.

Explication de la Période journaliere du de la Mer.

Pour developper avec plus de facilité ce qui nous reste à traiter, nous supposerons, comme M. Descartes & M. Flux & Reflux Newton, qu'une Mer profonde couvre toute la Terre : on a vû (pag. 33. num. 1.) que cette Mer auroit la figure d'un DU FLUX ET DU REFLUX DE LA MER.

Solide elliptique, & que les paralleles à l'Equateur y feroient (pag. 33. num. 3.) non des Cercles, mais des Ellipties.

Soit donc l'Ellipfe A B C D (Fig. 2.) un des Plans Paralleles à l'Equateur : qu'on y inferive le Cercle A E G F : qu'aurour de cette Ellipfe on décrive le Cercle G B H D : & qu'à quelque point d'une Ligne perpendiculaire au Plan

ABCD, on conçoive le centre de la Terre T.

Si, par exemple, au point A, il y avoit un Vaisseau à l'ancre, ce Vaisseau suivroit nécessairement le mouvement journalier de la Terre : or par ce mouvement le point A de la Terre T arriveroit dans six heures au point E, ce Vaisseau se trouveroit donc alors sur l'Ellipse A B C D à quelque point de la Ligne T E. Mais pendant ces six heures, le point B de l'Ellipse ABCD se sera avancé d'environ trois dégrés vers J, d'un mouvement (pag. 33. num. 2.) semblable à celui de la Lune, & il faudra que le point A de la Terre T, pour se trouver sous le point B de la Peripherie mobile A B C D, continue à se mouvoir au-delà du point E environ 12 minutes de tems : ce Vaisseau arrivera donc en 6 heures & environ 12 minutes du point A au point B de l'Ellipse A B C D. Le mouvement journalier de la Terre étant uniforme, il faudra autant de tems pour arriver du point B au point C, & encore autant du point C au point D: ainsi en 24 heures & environ 49 minutes on décrit d'un mouvement uniforme l'Ellipse A B C D. Ceux qui font dans ce Vaisseau ne s'apperçoivent pas de ce mouvement, il leur est commun avec le Vaisseau; mais ce qu'ils apperçoivent, c'est que pendant les premieres 6 heures & 12 minutes, la Mer à l'endroit où ils avoient mouillé, est devenue plus profonde; sa surface à la fin de ce tems est plus éloignée de celle de la Terre de toute la hauteur E B: ils voyent aussi que pendant les 6 heures 12 minutes suivantes, la Mer à l'endroit où ils avoient mouillé, est devenue moins profonde; sa surface à la fin de ce second tems est éloignée de celle de la Terre

Eij

moins qu'à la fin du premier tems, de toute la profondeur H G. Ils trouvent encore après, que dans autant de tems la furface de la Mer, au même endroit, s'éloigne de la furface de la Terre de toute la hauteur F D; & qu'enfuite dans un tems égal cet éloignement est devenu moindet de toute la profondeur G A: d'où ils concluent que dans 24 heures & environ 49 minutes, la Mer à l'endroit A, monte deux fois, & descend deux fois alternativement.

C. Q. F. E.

On peut ici remarquer que, quoique la Mer Atlantique n'ait que 60 dégrés d'étenduë de l'Occident à l'Orient, le Flux doit y être de 6 heures & environ 12 minutes, comme ailleurs, & le Reflux aussi; les Mers plus vastes que celle-ci, auront de plus grandes Marées qu'elle, parce qu'elles fournissent plus d'eau vers l'endroit de la plus grande élevation de leurs flots. Mais le lit de la Mer Atlantique, employant autant de tems que celui des autres Mers, à faire autour de l'Axe de la Terre sa revolution journaliere, fa furface est autant de tems pressée inégalement, & son étenduë suffit pour y rendre fort sensibles les vicissitudes qu'on observe ailleurs, comme des effets de cette inégale compression. La basse-Mer y est d'abord aux Plages occidentales A fur les 9 heures lunaires, parce que les Flots plus pressés en cet endroit (pag. 23.), que sous la Lune L, se sont écoulés vers l'Orient K, où est alors la haute-Mer. Ensuite, à mesure que le mouvement journalier de la Terre fait approcher ces Plages A du Méridien L, où est la Lune, cet endroit de la Mer est toujours moins pressé; il faut donc que les Flots plus pressés aux contrées plus éloignées du Parallele où est la Lune, se portent vers ces Plages, & qu'ainsi la Mer y monte : ce mouvement durera jusqu'à ce que le rivage occidental A soit arrivé au Méridien B, où se fait la plus grande élevation des Flots; c'està-dire, qu'il durera depuis la neuviéme jusqu'à la troisiéme heure lunaire; le Flux fera donc de 6 heures & environ 12 minutes, Enfuite, à mesure que ce rivage s'éloignera.

DU FLUX ET DU REFLUX DE LA MER.

du Méridien B où se fait la plus grande élevation des eaux, cet endroit de la Mer sera toujours plus pressé; les Flots s'écouleront vers les Plages, qui s'approchant du Méridien L, où est la Lune, commenceront d'être moins

pressées; & ce mouvement durera depuis la troisiéme jusqu'à la neuviéme heure lunaire : le Reflux fera donc aussi de 6 heures & environ 12 minutes. C. Q. F. E.

Du reste, on voit assez, Premierement, Qu'en parcourant les Arcs K J, M N, après le Flux, & les Arcs O P, SV, après le Reflux, le Vaisseau que nous avons supposé, ne paroîtroit, ni s'éloigner, ni s'approcher du centre de la Terre T; il faut donc qu'après le Flux, & qu'après le Reflux, la Mer soit quelques minutes de tems sans paroître. ni descendre, ni monter.

Secondement, S'il y avoit une Rade au point R plus occidentale que celle qui seroit au point A, le mouvement journalier de la Terre feroit que cette premiere Rade R arriveroit fous le point B de la Peripherie A B C D, plus tard que l'autre Rade A plus orientale ; la haute-Mer B doit donc paroître arriver aux Rades orientales, plûtôt

qu'aux Rades plus occidentales.

Troisiémement, Si la Terre étoit une Sphere fluide, & qu'elle tournât au centre de son Tourbillon, de saçon à s'y maintenir, tous les points de sa surface tourneroient également vite; les circonferences des Paralleles employeroient à leurs revolutions des tems proportionnels à leurs Diametres; & ainsi dans un tems donné, les sommes de leurs revolutions seroient en raison inverse de leurs Diametres : alors la furface de la Terre & celle de la Mer auroient autour de l'Axe de la Terre des viresses, ou tout-àfait égales, ou dont la différence ne seroit pas sensible, & l'on n'appercevroit pas qu'il fallût plus de tems pour aller, par exemple, de l'Isle de Madagascar au Bresil, que pour revenir du Bresil à cette Isle. Mais la Terre n'étant pas un Corps fluide, la force qui l'agite autour de son Axe, se distribue en raison composée des masses qu'elle meut, &

E iii

des distances qu'il y a de ces masses à l'Axe du mouvement; la circonference de l'Equateur de la Terre a donc beaucoup plus de vitesse qu'elle n'en auroit, si c'étoit un Fluide : il en est de même des Paralleles, qui sont entre les Tropiques & aux environs; ainsi dans la Zone torride, la Terre tourne de l'Occident vers l'Orient, beaucoup plus vite que la Mer, d'où il suit que par rapport à la Terre, l'Océan doit paroître aller toujours de l'Orient à l'Occident : il faut même que des Rivages élevés empêchent les Flots de s'étendre toujours suivant la Direction de ce mouvement; sans cet obstacle, l'Océan paroîtroit faire périodiquement le tour de la Terre, en allant de l'Orient vers l'Occident. Qu'on parte donc des côtes occidentales de l'Amérique A pour la Chine E, ce Rivage E, qui est le terme de la Navigation, s'éloigne des eaux A, qui portent les Vaisseaux; il fuit vers C avec plus de vitesse, que n'en ont les eaux pour le suivre : ce mouvement ne peut que rendre la Navigation plus pénible, & le tems du voyage plus long. Qu'on revienne après par la même route, le Rivage A, qui est le terme de la Navigation, s'avance vers les eaux B, qui portent les Vaisseaux ; il suit ces eaux vers C avec plus de vitesse qu'elles n'en ont en même sens : ce mouvement ne doit-il pas faciliter la Navigation, & en abréger le tems? Vers les Poles on appercevroit tout le contraire; mais les grands mouvemens, qui portent les Flots, tantôt de l'Equateur vers les Poles, tantôt des Poles vers l'Equateur, divers courants, dont la Direction favorise le mouvement de l'Occident à l'Orient, quelquefois la fituation des Mers, fouvent même toutes ces choses ensemble, mettent obstacle à l'expérience dont il s'agit.

Quatriemement, Si le Parallele ABCD, & les autres d'alentour étoient coupés vers A par des rivages élevés, il est évident que le mouvement journalier de la Terre faisant avancer ces rivages vers B avec plus de vitesse (ci-dessus lig. 6.), que n'en auroit la Mer, les Flots s'éleveroient contre ces Rivages, & que bientôt la pésanteur venant à

abattre ces Flots élevés, ils s'écouleroient le long du canal qu'ils trouveroient, & vers l'endroit où les eaux d'alentour seroient moins hautes, c'est-à-dire qu'ils iroient de l'Equateur vers les Poles; & dans ce mouvement ces Flots s'éleveroient davantage par-tout où le Canal feroit moins large : ainsi voit-on dans la Mer d'Ethiopie, qu'entre les Tropiques, la Marée monte moins que dans les Zones temperées, où le Canal est retreci entre l'Afrique & la partie Australe de l'Amérique : de même dans le Canal de la Manche, les Marées font plus hautes que dans la Mer Atlantique, & ce Canal allant toujours en se resserrant de Brest jusqu'à Saint Malo, la Marée y va toujours en augmentant; de forte qu'aux Nouvelles ou Pleines Lunes, la Mer à Saint Malo monte jusqu'à 60, quelquefois jusqu'à 80 pieds de hauteur: & comme un Pendule en montant perd successivement la force qui l'éleve, ce qui fait que fa vitesse décroît toujours, au lieu qu'en descendant, il acquiert toujours de nouveaux dégrés de force, qui lui donnent un mouvement acceleré; de même ces Flots, au tems-du Flux, montent vers les Poles d'un mouvement toujours retardé, au lieu qu'au tems du Reflux, ils descendent vers l'Equateur d'un mouvement toujours acceleré.

Cinquiémemen, Enfin dans la Zone Torride, on voir arriver la haute-Mer (pag. 37. mum. 2.), lorsque par le mouvement journalier de la Terre, on arrive au Méridien B, sous lequelse trouvent (pag. 33. num. 3.) tous les plus grands Diametres des Ellipses qui sorment l'Océan; il saut bien que dans la Zone Torride, la haute-Mer arrive au même tems à toutes les Plages qui sont sous un même Méridien; ainsi on l'y voit toujours (pag. 6. num. 2.) environ la troisiéme heure lunaire. Mais dans les Zones Tempérées, le Flux & Restux dépend moins de la Figure elliptique de la Mer, que de la propagation du mouvement que cause (pag. 38. num. 4.) la chute des Flots ressentin des Côtes oog. 38. num. 4.) la chute des Flots ressentin des Côtes oncurement se fait successivement, il saut donc que la haute-

Mer arrive fuccessivement à une moindre Latitude, plûtôt qu'à une plus grande, & le Flux n'est pas sensible audelà du 650 dégré de Latitude, parce que ce mouvement n'est sensible que jusques-là. Par la même raison, le Flux & Reflux n'est pas bien sensible dans la Mediterranée : les eaux de l'Océan n'y entrent que par le Détroit de Gibraltar; elles n'y viennent pas en affez grande quantité, pour faire des Marées considérables; & personne n'ignore, que si dans le Golfe de Venise la Mer paroît monter à quelque hauteur, c'est que les eaux restéchies des Côtes de la Morée, sur celle d'Italie, y sont soutenuës par les Flots, qui furviennent dans le tems du Flux.

Explication mois.

Mais d'où vient que quand la Lune est près des Syzyde la Pério-gies, les Marées sont plus grandes, & que quand elle est près des Quadratures, elles font moindres, que quand elle en est éloignée ? Il est aisé d'en voir la raison dans les prin-

cipes que nous avons établis.

Premierement, Les Flots de l'Océan doivent fous la Lune s'élever davantage (pag. 23.) lorsqu'ils y sont moins pressés; or ils le sont moins, quand la Lune est aux Syzygies, puisque l'effort avec lequel elle se porte vers le Soleil (pag. 16. lig. 22.) est alors triple de ce qu'il est aux Quadratures; il faut donc que quand la Lune est aux Syzygies, les Flots de l'Océan montent plus que quand elle

est aux Quadratures.

Secondement, Si l'on fait précision de l'excentricité de l'Orbite lunaire, la distance qu'il y a de la Terre à la Lune, quand elle est aux Syzygies, est à la distance qu'il y a, quand elle est aux Quadratures, comme 69 à 70. Or les forces qui font monter les eaux de l'Océan vers la Lune, font (pag. 29.) en raison inverse des Cubes de ces distances; ces forces font donc plus grandes, quand la Lune est aux Syzygies, que quand elle est aux Quadratures; d'autant que le Cube de 70 = 343000, est plus grand que le Cube de 69 = 328509. Et ces forces plus grandes caufent néceffairement une plus grande élevation des eaux.

Troisiemement .

Troisiémement, Enfin, si les eaux de l'Océan sont toujours poussées (pag. 11.) vers le Soleil, & (pag. 23) vers la Lune, ou vers les points du Ciel diametralement oppofés à ces Aftres, il est manifeste que quand la Lune s'approche des Syzygies, les Flots, foit de l'Hemisphere éclairé par la Lune, soit de l'autre Hemisphere, reçoivent deux impulsions, dont les Directions sont en même sens, & font un Angle plus aigu, quand la Lune s'approche davantage des Syzygies, & un Angle moins aigu, quand elle s'approche des Quadratures : or on sçait (pag. 20. lig. 8.) que quand deux impulsions sont en même sens, & qu'elles concourent à former un effort composé, cet effort est plus grand, lorsque leurs Directions font un Angle plus aigu : les Flots de l'Océan reçoivent donc plus de force pour s'élever, quand la Lune s'approche des Syzygies; ils en reçoivent moins, quand elle s'approche des Quadratures : il faut donc que quand la Lune s'approche des Syzygies, les Marées aillent en croiffant; & quand la Lune s'approche des Quadratures, il faut que les Marées aillent en diminuant. C. Q. F. E.

Que si ces Marées ne sont pas aussi grandes, quand la Lune est aux Syzygies, que quand elle est à 181 dégrés au-delà; ce n'est pas que les Flots ne reçoivent plus de force pour s'élever, quand la Lune est aux Syzygies, qu'ils n'en recoivent après; mais ces forces n'ont pas d'abord tout leur effet : les eaux, par exemple, de l'Hemisphere éclairé par la Lune, plus pressées aux extrémités de cet Hemifphere, que vers le milieu, n'arrivent pas d'abord à l'endroit où elles cefferont de s'élever : d'ailleurs , l'effet des plus grandes forces est pendant quelque tems secondé par celles que les Flots reçoivent après, jusqu'à ce que la Lune est arrivée à 181 dégrés au delà des Syzygies : il faut donc que les Marées aillent en croissant jusques-là : ensuite les eaux moins pressées aux extrémités de cet Hemisphere, cédent à la péfanteur des Flots élevés vers le milieu; ces Flots s'abbaissent d'un mouvement acceleré, comme il

arrive à tout Corps, que sa pésanteur fait descendre, & la cause de l'acceleration fait que ce mouvement dure jusqu'à ce que la Lune est arrivée à 181 dégrés au-delà des Quadratures; il faut donc que les Marées aillent en diminuant

iusques-là.

Enfin, s'il arrive quelquefois que les Marées des Quadratures égalent en hauteur les Marées des Nouvelles & des Pleines Lunes, cela vient de ce que l'excentricité du mouvement de la Lune fait que quelquefois aux Syzygies, la Lune est en Apogée, comme on le voit dans l'explication que M. Villemot a donné de l'Apogée de la Lune: avec cela, fi la Lune aux Quadratures est à l'Equateur, comme il arrive aux Solftices, les Marées pourront être aussi hautes au tems des Quadratures, qu'à celui des Conjonctions & des Oppositions, parce qu'à l'Equateur le mouvement journalier de la Terre favorise plus qu'ailleurs l'action des Cau-

fes qui font monter la Mer.

Quant à la varieté des heures aufquelles la haute-Mer arrive en un même endroit, nous en avons affez donné la raifon (pag. 34. num. 4.); néanmoins pour montrer ici combien cette explication est conforme aux principes les plus connus, foit l'Orbite de la Lune ABCD (Fig. 3.); vers le centre de laquelle soit le Globe terrestre EFGH. entouré de la Mer JLMN. Si la Lune est au point B en conjonction avec le Soleil S, & que les eaux qui font en L & en N foient moins pressées que toutes celles d'alentour; celles qui sont dans les espaces JL, ML, doivent se porter vers L; & celles qui font dans les espaces MN, JN, doivent se porter vers N; c'est un des premiers principes de l'Hydroffatique.

Mais, si ces eaux, en tâchant de s'élever en L vers B. & en N vers D, doivent aussi satisfaire au mouvement journalier qui les porte de l'Occident à l'Orient, les endroits de leur plus grande élevation, ne feront, ni le point L. ni le point N, mais des points éloignés de ceux-ci (pag. 32.) de 45 dégrés vers l'Orient, par exemple R & V, où l'on compte alors les trois heures, tant folaires, que lunaires. Enfuite, quand la Lune, en parcourant fon Orbite, se sera avancée vers l'Orient jusqu'au point O, & qu'on compteta les trois heures solaires en R, & les trois heures lunaires en M, l'endroit de la plus grande élevation des eaux sera (pag. 34. num. 4.) environ quatre sois plus près du point M, que dupoint R, par exemple, au point y; parce que la force qui accumuler oit les eaux en R, en les élevant vers le Soleil, est à celle qui en les portant vers la Lune, les accumuler oit en M (pag. 31. lig. 9.), comme 1 à 4, ou environ. Alors les trois heures solaires R, précedant les trois heures lunaires M, la haute Marée en y, précede aussi les trois heures lunaires de tout l'intervalle y M.

Que si la Lune est éloignée des Syzygies B d'un peu plus de 45 dégrés; qu'elle soit, par exemple, en x, & qu'on compte les trois heures solaires en R, & les trois heures lunaires en z, alors l'endroit de la plus grande élevation des eaux seta environ quatre sois plus près de z, que de R, par exemple, au point M; & l'espace R z étant plus grand que l'espace R M, la cinquiéme partie M z de l'espace R z, sera plus grande que la cinquiéme partie y M de l'espace R M; c'est-à-dire que l'intervalle qu'il y aura du tems de la haute-Mer à celui de la trossiéme heure lunaire, sera plus grand qu'aux Marces des jours pré-

cedens.

Quand la Lune fera près des Quadrattres, par exemple, au point a les eaux qui feront fous cet Aftre en y, n'auront pour se porter vers le Soleil S, qu'environ le tiers (pag. 16. lig. 22.) de la force qu'elles avoient pour cela au point L; cette force sera donc alors en bien moindre tai-fon qu'auparavant, à l'effort qui les portera vers la Lune; il faudra donc (pag. 20. lig. 3.) que l'endroit de la plus grande élevation des eaux, soit plus près qu'auparavant, de l'endroit où l'on comptera les trois heures lunaires.

Ensuite, si la Lune est en Quadrature avec le Soleil au point C, les eaux qui sont en M, n'ont pas de leur mou-

vement annuel plus de force pour s'élever vers le Soleil S, que vers le point D diametralement opposé; il faut donc qu'elles ne satisfassent qu'à la puissance qui les éleve vers la Lune, & au mouvement journalier; ainsi l'endroit de la plus grande élevation des eaux sera sous le Parallele où est la Lune, à l'endroit où l'on comptera les trois heures lunaires, par exemple au point K.

Enfin, quand la Lune ira des Quadratures aux Syzygies, & qu'elle fera arrivée, par exemple, au point b, si l'on compte les trois heures sunaires au point N, & les trois heures solaires au point V, l'endroit de la plus grande élevation des eaux sera environ quatre fois plus près du point N, que du point V par exemple, au point D; & ainsi le tems des trois heures lunaires en N, précedera celui de la haute-

Mer de tout l'intervalle N d.

Du reste, nous avons montré, que quand sur l'Océan on parcourt des Paralleles à l'Equateur, on décrit (pag. 33. num. 3.) des Ellipses dont les plus grands diametres font tous sous le même Meridien; & que la haute-Mer n'arrive à diverses Plages, que quand par le mouvement journalier (pag. 37. num. 2.), ces Plages arrivent au Méridien où se trouvent les plus grands Diametres des Ellipses, qui forment les Paralleles qu'on parcourt: or, soit que la Lune se trouve dans l'Hemisphere Austral, soit qu'elle fe trouve dans l'Hemisphere Septentrional, le mouvement journalier est le même; & par conféquent les Plages Septentrionales n'en arrivent, ni plus tard, ni plus tôt, à quelque Méridien que ce foit : la haute-Mer doit donc ne pas arriver plus tard aux Plages Septentrionales, quand la Lune eft dans l'Hemisphere Austral, que quand elle est dans l'Hemisphere Septentrional. Ainsi s'explique aisément tout ce qui regarde la Période de chaque mois.

Explication annuelle.

Il n'est pas moins aisé, dans le système que nous suivons. de la Période de rendre raison des grandes Marées des Equinoxes : pour peu qu'on connoisse les forces centrifuges des mouvemens circulaires, on voit qu'à l'Equateur, les eaux recoivent du

DU FLUX ET DU REFLUX DE LA MER. mouvement journalier plus de force, pour s'éloigner du centre de la Terre, qu'elles n'en reçoivent ailleurs. Nous avons même déja remarqué (pag. 18. lig. 27.) qu'à l'Equateur, cet effort centrifuge est à celui d'un égal mobile, qui seroit à la Latitude de Paris, comme 7, 54064, à 3, 267; de plus la Terre étant un Sphéroïde applati vers les Poles, les eaux à l'Equateur font plus éloignées qu'ailleurs du centre de la Terre; cet éloignement fait que la cause de la péfanteur resiste moins à l'élevation de ces eaux; car les forces de la pésanteur (pag. 12. num. 4.) sont en raison inverse des Quarrés des distances, qu'il y a du corps pésant au centre de la Terre : il faut donc que, lorsque les causes qui font monter la Mer, agissent sur les Flots qui sont à l'Equateur, elles trouvent plus de facilité à les élever; & que si d'ailleurs tout est égal, la Mer monte alors plus qu'en tout autre tems; or aux Nouvelles & aux Pleines Lunes des Equinoxes, le Soleil & la Lune se trouvent sur les eaux qui sont à l'Equateur; & c'est sur-tout sous ces Astres, que se fait alors le grand effort des Causes qui font monter la Mer; elle doit donc alors monter plus qu'en tout autre tems. C. Q. F. E.

Il faut donc qu'aux Quadratures de la Lunaifon des Equinoxes, les Marcés foient moins hautes qu'en tout autre tems; car alors la Lune est sur des eaux plus éloignées de l'Equateur, c'est-à-dire, sur des eaux, qui reçoivent du mouvement journalier moins de force, pour s'éloigner du centre de la Terre, & dont la pésanteur ressiste davan-

tage à leur élevation.

Il faut aussi qu'aux Nouvelles & Pleines Lunes des Solflices, les Marées soient moins grandes qu'aux Nouvelles & aux Pleines Lunes des autres Lunaisons; parce qu'aux Conjonctions & aux Oppositions d'environ les Solstices, le Soleil & la Lune sont sur des eaux éloignées de l'Equateur; mais aux Quadratures des Solstices, la Lune est fur les eaux qui sont à l'Equateur, la Mer doit donc alors monter plus qu'aux Quadratures des autres Lunaisons.

Que si d'ailleurs tout est égal, les Marées du Solstice Fiii d'Hyver seront plus grandes que celles du Solstice d'Eté; parce qu'en Hyver le Soleil est plus près de la Terre : la distance qui le sépare de la Terre au Solstice d'Hyver, est à celle où il est au Solstice d'Eté, comme 983 à 1017, & les forces qu'ont les Flots pour monter vers le Soleil, font (pag. 13.) en raison inverse des Cubes de ces distances.

Les Marées seront aussi plus grandes, quand la Lune sera plus près de la Terre, parce qu'aussi les forces qu'a la Mer pour monter vers la Lune (pag. 29.) sont en raison inverse des Cubes des distances, qu'il y a de la Terre à la Lune: on n'aura donc jamais de si grandes Marées, que quand la Lune sera en son Perigée à l'Equateur en Conjonction ou en Opposition avec le Soleil; parce qu'alors tout ce qui peut contribuer à faire monter la Mer, se trouvera réuni sur l'endroit de l'Océan, où les Flots, pour s'élever, ont du côté de la péfanteur moins à vaincre qu'en tout autre

endroit.

Enfin, dans les Contrées Septentrionales, les Marées des Nouvelles & des Pleines Lunes, seront en Eté plus grandes le foir que le matin; parce qu'en imitant (pag. 32. num. 2.) le mouvement de la Lune, un des plus hauts points de la Mer fe trouve alors dans l'Hemisphere Septentrional, & l'autre dans l'Hemisphere Austral; & celui qui est dans l'Hemisphere Septentrional, est en Eté sur l'Horison au tems de la haute-Mer du foir, & il est dessous l'Horison au tems de la haute-Mer du matin : donc en Eté dans les Contrées Septentrionales, les eaux sur l'Horison sont le soir affez près du plus haut point de la Mer, & le matin elles en font plus loin : & l'Océan ayant (pag. 33. num. 1.) la figure d'un Solide elliptique concentrique avec la Terre, n'est-il pas évident que les Marées doivent paroître plus hautes, a mesure qu'on est plus près de l'endroit de la Mer le plus élevé? Il faut donc qu'en Eté, dans les Contrées Septentrionales, les Marées du foir paroiffent plus hautes que celles du matin. En Hyver au contraire, le plus haut

point de la Mer, qui est dans l'Hemisphere Septentrionals se trouve le matin sur l'Horison, & le soit dessous l'Horison il faut donc qu'en Hyver dans les Contrées Septentrionales, les Marées du matin soient plus grandes que celles du soir.

En effer, à la Nouvelle Lune d'environ les Solftices d'Eté, dans les Mers libres de tour obfacle aux mouvemens des Flots, la haute-Mer arrive le foir fur les trois heures; la Lune est alors sur l'Horison, près du Tropique de l'Ecrevisse, à 45 dégrés du Méridien vers l'Occident; & par conséquent celui des plus hauts points de la Mer, qui est dans l'Hemisphere Septentrional, se trouve alors (pag. 33, num. 2.) sur l'Horison près du Méridien: mais le matin la haute-Mer arrive environ les trois heures, & alors la Lune est sous l'Horison à 45 dégrés du Méridien vers l'Occident de dessous l'Horison, c'est-à-dire versnotre Orient; & par conséquent celui des plus hauts points de la Mer, qui est dans l'Hemisphere Septentrional, se trouve alors (1814). Sous l'Horison près du Méridien,

De même à la Pleine Lune d'environ les Solfices d'Eté, la haute-Mer arrive le foir fur les trois heures : la Lune est alors dans l'Hemisphere Austral sous l'Horison, & le point du Ciel diametralement opposé, se trouve précisément sur l'endroit de la Mer sur lequel la Lune nouvelle étoit à pareille heure; & puisque sous le point du Ciel diametralement opposé à la Lune (pag. 25, lig. 20.) la Marée est la même que sous la Lune, il saut bien qu'au tems de la Pleine Lune, comme à celui de la Nouvelle Lune, la Marée en Eté dans les Contrées Septentrionales, soir plus grande le

foir que le matin.

Mais au lieu qu'en Eté, la Lune au tems de la Conjonction, est dans l'Hemisphere Septentrional; en Hyver la Lune en Conjonction, est dans l'Hemisphere Austral; & conséquemment au tems de l'Opposition, au lieu qu'en Eté la Lune est dans l'Hemisphere Austral, elle esten Hyyer dans l'Hemisphere Septentrional; il saut donc que tout

à rebours des Marées d'Eté, les Marées d'Hyver foient

plus grandes le matin que le foir. C. Q. F. E.

Nous sera-t il permis de penser que cette explication du Les mouvemens fingu- Flux & Reflux de la Mer ne suppose que les principes les liers, qu'on plus connus, qu'elle est aisée, qu'elle s'étend à toutes les quelques en-circonstances de ce grand Phénomene; & que du moins droits de la elle peut faire douter, si la découverte des vraies Causes vent rien con- du Flux & Reflux est autant impossible, qu'il est ordinaire tre ce que de se le persuader?

nous avons dit de la Cause

Mais les Causes à quoi nous recourons, sont, dit-on, du Flux & Re- trop regulieres, pour suffire à ces mouvemens si bizarres, flux de la Mer. qu'on remarque en certains endroits de la Mer. Nous avons déja répondu, que ce qu'il y a de singulier à ces mouvemens, dépend bien moins de la Cause du Flux & Reflux, que de diverses circonstances, dont il faut s'affurer par d'exactes observations.

Par exemple, au Pas de Calais, la Mer devient plus haute au tems du Reflux; mais on voit qu'alors les eaux qui se retirent des Côtes d'Angleterre & des Côtes de France, se joignent au milieu du Détroit, & donnent à la Mer ce

furcroît de hauteur.

Au Port de Batsha, dans le Tunquin, à 20 dégrés 50 minutes de Latitude Boréale, le lendemain du jour que la Lune a été à l'Equateur, la Mer est tout le jour sans monter & fans descendre : ensuite dès que la Lune commence à décliner, à s'éloigner de l'Equateur, on voit dans ce Port le Flux & le Reflux, non pas deux fois le jour, comme aux autres Ports, mais une fois seulement; si la Lune décline vers le Nord, le fort du Flux est au coucher de la Lune, & celui du Reflux au lever; si elle décline vers le Sud, le fort du Flux est au lever de la Lune, & celui du Reflux au coucher : à mesure que la Lune s'éloigne de l'Equateur, les Marées vont en croissant durant sept ou huit jours; quand elle s'en rapproche, les Marées diminuent d'autant qu'elles avoient crû: l'Euripe a-t-il rien de plus singulier?

M. Newton

M. Newton a pourtant fait voir que tout cela peut suivre du cours ordinaire du Flux & Reflux de l'Océan : on scait que la Marée vient au Port de Batsha de deux côtés: elle y vient de la Mer de la Chine, en passant entre le Continent & l'Isle de Luçon; elle y vient de la Mer des Indes. en passant entre le Continent & l'Isle de Borneo. Si les Flots de l'Océan employent 12 heures à venir des Indes à Batsha, la haute-Mer y arrivera de ce côté-là à la troisième heure lunaire; s'ils employent six heures à venir de la Chine, la haute-Mer arrivera de cet autre côté-là à la neuvième heure lunaire, c'est-à-dire qu'à Batsha le moment où commencera le Reflux vers les Indes, sera celui où commencera le Flux du côté de la Chine; & si la Marée du soir est égale à celle du matin, comme il arrive quand la Lune est à l'Equateur, ce Port recevra autant d'eau d'une part, qu'il en perdra de l'autre; & ainsi de tout ce jour, la Mer ne paroîtra dans ce Port, ni descendre, ni monter.

Dès que la Lune déclinera vers l'un ou vers l'autre Pole, les Marées à l'Océan (pag. 18. lig. 11.) feront alternativement l'une plus grande, & l'autre moindre: fi la Lune décline vers le Nord, la Marée sera plus grande à l'Océan septentrional, quand la Lune sera sur l'Horison; & elle fera moindre, quand la Lune sera sur l'Horison; tout le contraire arrivera, quand la Lune déclinera vers le Sud.

Supposons donc, que d'abord la Lune décline vers le Nord; les Flots, que la moindre des deux Marées aura fait monter des Indes à Batsha, commenceront à se retirer vers l'Océan trois heures après que la Lune aura été au Méridien sur l'Horison; & précissement alors les Flots, que la plus grande des deux Marées sera monter de la Chine, commenceront d'arriver à ce Port; il recevra donc alors du côté de la Chine plus d'eaux qu'il n'en perdra vers les Indes, ainsi la Mer y parostra monter; le sort de ce mouvement sera à la sisséme heure lunaire, c'est-à-dire au coucher de la Lune, & ce Flux durera jusqu'à la neuvième heure lunaire, alors la Mer sera dans ce Port à sa plus

Nous avons montré que les deux plus hauts points de l'Océan imitent le mouvement & la déclinaison de la Lune. & qu'on a des Marées plus hautes, à mesure qu'on est plus près d'un de ces deux points; les embouchures, par où la Marée monte au Port de Batsha, en font plus loin, à mefure que la Lune s'éloigne de l'Equateur, les Marées doivent donc y aller alors en croissant, & diminuer ensuite, à mesure que la Lune se rapproche de l'Equateur ; la prétendue bizarrerie de tous ces mouvements, a-t-elle rien qui ne s'accorde exactement avec ce que nous avons établi dans cette Differtation? Concluons que si d'autres Phénomenes présentent à l'esprit quelque difficulté, ce n'est pas qu'on ne connoisse la Cause du Flux & Reflux de la Mer: ce qu'on ne connoît pas, c'est quelque circonstance de ces Phénomenes, qu'il faudroit observer, & d'où dépend ce qu'ils

semblent avoir de singulier.



Ils ne nous empêcheront donc pas de juger que le Flux Conclusor & Reflux de la Mer vient des inégalités de l'effort central de cette Differation, du Fluide qui se meut en Tourbillon autour de l'Axe de la Terre: cet effort agit moins au Diametre qui répond au Soleil, parce que le mouvement annuel de la Terre donne à toutes les parties de son Tourbillon une tendance vers le Soleil: il agit encore moins au Diametre où est la Lune, parce que les percuffions obliques, qui donnent à cette Planete son mouvement, ne lui donnent pas toute la vitesse qu'il faudroit, pour ne pas interrompre l'action des Courants de l'Ether, qui viennent après elle : elle retarde leur mouvement; elle rompt leur direction, elle les fait céder à l'effort centrifuge du Fluide sublunaire, la Mer en est moins pressée au milieu de l'Hemisphere éclairé par la Lune, & aupoint diametralement opposé; & cela lui donne la figure d'un Solide elliptique concentrique avec la Terre, & dont le plus grand Diametre est toujours entre les deux Tropiques. Enfin, pour fatisfaire au mouvement journalier, qu'a la Mer autour de l'Axe de la Terre, les deux extrémités de ce grand Diametre, c'est-à-dire les deux points de l'Océan les plus élevés, font toujours à l'Orient du Méridien où est la Lune; ils en sont éloignés d'environ 45 dégrés; & toujours celui qui est dans l'Hemisphere éclairé par la Lune, est environ quatre fois plus près du Parallele où est la Lune, que de celui où est le Soleil, ou le point du Ciel diametralement opposé. Il imite donc à peu près le mouvement de la Lune; & de-là viennent ces rapports fi constants, qu'on observe entre les divers aspects qu'a la Lune à l'égard du Soleil, & les divers mouvemens du Flux & Reflux de la Mer. C. Q. F. E.

HINC DEPRIMOR, ERIGOR ILLING.

Financial Programme Communication Communicat

March 1977 The Control of the Control

TRAITÉ

S U R

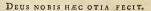
DE LA MER,

ADRESSÉ MESSIEURS

DES SCIENCES,

Pour concourir au PRIX de 1740.

Par M. Daniel Bernoulli, Professeur d'Anatomie & de Botanique à Basse.





TRAITÉ

SUR

LE FLUX ET REFLUX DE LA MER:

CHAPITRE PREMIER.

Contenant une Introduction à la Question proposée:

I.



Ans le grand nombre des Systèmes sur le Flux & Reslux de la Mer, qui sont parvenus à notre connoissance depuis l'antiquité la plus reculée, il n'y a plus que ceux des Tourbillons & de l'Attraction ou Gravitation mutuelle des Corps célestes & de

la Terre, qui partagent encore les Philosophes de notre tems: l'un & l'autre de ces Syssèmes ont eu les plus grands Hommes pour Désenseurs, & ont entraîné des Nations

T T.

J'ai commencé d'abord par l'idée de Kepler, qu'on nomme avec justice le Pere de la vraie Philosophie. Elle est fondée fur l'Attraction ou Gravitation mutuelle des Corps célestes & de la Terre : cet incompréhensible & incontestable Principe, que le grand Newton a si bien établi, & qu'on ne scauroit plus revoquer en doute, sans faire tort aux fublimes connoissances & aux heureuses découvertes de notre siécle. Après un examen fort scrupuleux, j'ai vûs. que cette Gravitation mutuelle, considérée dans les Globes de la Terre, de la Lune & du Soleil, non-seulement pouvoit produire tous les Phénomenes du Flux & Reflux de la Mer, mais même qu'elle le devoit nécessairement, & qu'elle le devoit, suivant toutes les loix qu'on a observées jusqu'ici. Avec ces heureux succès, j'ai poussé mes recherches aussi loin qu'il m'a été possible de les porter. En chemin faisant, je suis tombé sur les Théoremes de M. Newton, dont je n'avois pû gueres voir la fource auparavant; mais en même tems j'ai remarqué le peu de chemin qu'on a encore fait dans cette matiere, & même l'infuffifance de la Méthode usitée, lorsqu'elle est appliquée à des Questions un peu détaillées. J'ai suivi une toute autre route; j'ai poussé mes recherches bien plus loin, & je fuis entré dans un détail tel que l'A CADE MIE m'a paru le demander; & je dois dire à l'avantage des Principes que nous adopterons, que j'ai trouvé par-tout un accord merveilleux entre la Théorie & les Observations, accord qui doit être d'autant moins suspect, que je n'ai consulté les Observations, qu'après avoir achevé

achevé tous mes Calculs, de maniere que je puis dire de bonne foi, d'avoir deviné la pluspart des Observations, sur lesquelles je n'étois pas trop bien informé, lorsque j'ai entrepris cet ouvrage.

III.

Quant aux Tourbillons, j'avouë qu'il est bien difficile d'en demontrer le faux à ceux qui veulent s'obstiner à les défendre: mais aussi il n'en est pas de la Physique, comme de la Géometrie. Dans celle-ci on n'admet, ni ne rejette rien, que ce dont on peut absolument démontrer la vérité, ou la fausseté, pendant que dans la Physique il faut se rapporter souvent à un certain instinct naturel de sentir le faux & le vrai, après avoir bien pésé toutes les raisons de part & d'autre. Quant à moi, je ne trouve point ce caractere de vérité, ni dans l'hypothese des Tourbillons, ni dans les conféquences que l'on en tire. Si nous disons que le Tourbillon a la même densité, la même direction & la même vitesse que la Lune, ce Tourbillon ne sçauroit faire aucun effet; & si au contraire nous supposons ces trois choses n'être pas les mêmes de part & d'autre, il me paroît bien clair & bien certain, que l'effet du Tourbillon devroit se manifester infiniment davantage dans le mouvement de la Lune, que dans celui des Eaux de la Terre. Cependant on sçait parfaitement bien que la Lune, quoique fujette à beaucoup d'irrégularités dans ses mouvemens, n'en a aucune qui puisse être attribuée à l'action aussi sensible d'un Tourbillon. Si nous passons par-dessus toutes ces différentes difficultés, nous en rencontrerons d'autres également embarrassantes. C'est contre les loix de l'Hydrostatique, que la Lune, qui nage dans le Tourbillon, puisse causer des variations dans la compression des parties du Fluide. C'est une propriété essentielle des Fluides de se remettre aussi-tôt à l'Équilibre , lorsque ses Parties en sont forties. Si une colonne du Tourbillon, entre la Lune & la Terre, étoit plus comprimée qu'une autre colonne sem-

H

blable, rien ne scauroit empêcher ses parties de s'échapet de côté jusqu'au retablissement de l'Equilibre. Qu'on s'imagine, par exemple, l'air de notre Atmosphere tout d'un coup extrêmement échauffé; ce changement feroit en même tems hausser à proportion le Mercure dans le Barometre, puisque l'air chaud a plus de ressort que l'air froid; mais comme rien n'empêche l'air de s'échaper de côté jufqu'à la parfaite conservation de l'Equilibre, cela fait qu'un tel changement n'en sçauroit faire aucun sur le Barometre; aussi n'observe-t-on dans le Barometre aucune variation du jour à la nuit, qui cependant, par un raisonnement tout-à-fait semblable à celui des Tourbillonnaires pour expliquer les Marées, devroit être très-sensible. Pareillement si les eaux d'une Riviere donnent contre un pieu, on ne remarquera aucune différence dans la furface des eaux, que bien près du pieu, & le fond du lit de la Riviere fera toujours également pressé. En voilà assez & trop fur cette matiere; car ce fera toujours aux Sectateurs de Descartes de montrer l'effet des Tourbillons sur l'Océan, avec la même clarté qu'on peut le faire, moyennant le principe de Kepler, principe d'ailleurs qui n'est plus contesté; scavoir, que la Terre & tous les Corps célestes ont une tendance mutuelle à s'approcher les uns des autres. Ce principe posé, il est facile de faire voir, que la Terre que nous supposerons devoir être sans cette tendance parfaitement ronde, en changera continuellement sa figure, & que c'est ce changement de figure qui est la cause du Flux & Reflux de la Mer: Comme ce changement dans la Figure de la furface de la Terre est produit de differentes façons, j'en ferai ici un dénombrement, & je tâcherai dans la fuite d'en donner la mesure.

IV.

Fig. 1. Si A est le centre de la Lune (Fig. 1.), ou du Soleil:

B G D H la Terre; si l'on tire par les centres de la Lune ou
du Soleil & de la Terre la droite AD, & qu'on prenne

au dedans de la Terre un Point quelconque F, on tirera FE perpendiculaire à BD, avec la droite FA, & on achevera le Rectangle FL A E. Chaque point F est tiré ou pouffé vers A, & cette force étant representée par FA, elle fera confiderée comme composée des deux Laterales FL & FE: cela étant, on voit que la force FE étant appliquée dans chaque point de la Terre, ne sçauroit que l'allonger au tour de BD : Et comme c'est une même raison pour tous les Plans qui passent par BD, il est clair que la Terre formera ainsi un Sphéroïde produit par la rotation d'une Courbe B G D autour de B D.

On remarquera, que cet allongement ne scauroit être qu'extrêmement petit. Premierement, A cause de la petitesse des Lignes, FE par rapport à FA. En second lieu, A cause du peu de rapport qu'il y a entre la pésanteur du Point F vers A, à la pésanteur du même Point vers le centre de la Terre C. Nous verrons dans la fuite que cet allongement ne peut aller qu'à un petit nombre de pieds, ce qui est fort peu considérable, par rapport au Diametre de la

Terre.

On remarquera encore, que l'allongement total étant imperceptible par rapport au Diametre de la Terre, la différence des allongemens pour l'Hemisphere supérieur GBH, & pour l'inférieur G DH, doit être infensible par rapport à l'allongement total; à la rigueur, il faudroit dire, que les forces exprimées par FE, font tant foit peu plus grandes dans l'Hemisphere GBH, que dans l'Hemisphere opposé, dont les parties sont plus éloignées du point A, & qu'ainsi ledit Hemisphere GBH sera un peu plus allongé que l'autre Hemisphere : mais on sent bien que la différence doit être insensible. On peut donc prévoir que les Poles B & D resteront également éloignés du Point C, & que la Courbe GBH pourra être cenfée la même que GDH. Nous donnerons un Calcul juste & détaillé de tout cela dans la suite de ce Traité.

Venons à une seconde considération, qui produira le Hij

60 même resultat, que celle dont nous venons de parler.

Comme la Terre tâche continuellement à s'approcher du Soleil & de la Lune, il faut qu'il y ait en même tems d'autres forces qui la retiennent; & ce sont les forces centrifuges de la Terre, qu'elle a par son mouvement autour du Soleil, & autour du centre de Gravité (je l'appelle ainsi, pour me conformer à l'usage) qui est entre la Terre & la Lune. Je démontrerai aussi ci-dessous, que cette force centrifuge doit être supposée égale dans toutes les parties de la Terre, & parallele à la Ligne AD, pendant que l'autre force se répand inégalement sur les parties de la Terre. Elle est plus grande dans les parties plus proches de A, & plus petite dans les parties qui en sont plus éloignées, & cela en raison quarrée reciproque des Distances. Cette raison supposée, le Calcul fait voir, que pourvû que les Couches concentriques de la Terre autour du Point C, soient homogenes, la force moyenne, qui pousse les parties de la Terre vers A, est précisément celle qui répond au centre de la Terre C; & que c'est dans ce centre C, où la force centrifuge est précisément égale à la force centripete. Ainsi chaque partie qui est entre C & B, est plus pousfée vers A, qu'elle n'est repoussée; & au contraire chaque partie située entre C & D, est moins poussée vers A, qu'elle n'est repoussée; de sorte qu'en s'imaginant deux Canaux communiquans entre eux GH & BD, on voit que chaque goute dans la partie CB, est tirée vers A, & que chaque goute dans la partie CD, est poussée dans un sens contraire. Cela diminue l'action de la péfanteur vers le centre de la Terre dans le Canal BD, pendant que cette même péfanteur n'est pas diminuée dans le Canal GH, d'où il arrivera encore un allongement autour de l'Axe BD, ce que je m'étois proposé de faire voir.

Le Calcul montre que cette raison est en soi-même de fort peu d'importance ; qu'elle ne sçauroit allonger l'Axe ET REFLUX DE LA MER.

B D confidérablement. Mais fon refultat est assez comparable avec celui de l'allongement exposé auparavant. On prévoit d'ailleurs encore que l'allongement produit par cette raison, doit être égal dans les Canaux B C & CD, la disférence ne pouvant être sensible; & ainsi les Points B & D resteront encore également éloignés du centre C.

VI.

Une troisiéme raison, qui peut allonger davantage l'Axe BD, est que par l'allongement même, produit par les deux causes précedentes, la pésanteur terrestre qui fait descendre tous les Corps vers le centre C, est changée. Cette péfanteur peut être confidérée comme égale dans les Canaux GC& BC, ou DC à des Distances égales du centre C, tant que la Terre est supposée Sphérique; mais cette Sphéricité ôtée, il est naturel que cette égalité ne pourra plus fublister. Il est aussi vraisemblable que la pésanteur est diminuée dans les Canaux CB & CD, & qu'ainsi l'Axe doit encore être prolongé. Pour calculer cet allongement, nous aurons recours au Systême de M. Newton, qui suppose la pésanteur produite par l'Attraction commune de la matière en raison quarrée reciproque des Distances. Ce n'est pas que je croye cette hypothese bien démontrée; car la conclusion de la Gravitation mutuelle des Corps du Système du Monde en raison quarrée reciproque des Distances, qu'on ne sçauroit plus nier à une semblable attraction universelle de la matiere, de laquelle M. Newton déduit la péfanteur; cette conféquence, dis-je, demande beaucoup d'indulgence. Mais je l'adopterai pour ce sujet, parce que tous les autres Systèmes sur la pésanteur me seroient inutiles : c'est le seul, qui étant du ressort de la Geometrie, donne des mesures assurées & fixes; & il est d'ailleurs digne de l'attention de tous les Géometres & Phyficiens.

VII.

Les trois causes que je viens d'exposer, comme pouvant & devant allonger la Terre autour de la Ligne qui passervoir par le centre du Soleil & de la Lune, sont d'une force affez égale; de forte qu'il saudra tenir compte de toutes, quoique chacune soit si petite, qu'elle ne sçauroit allonger la Terre au-delà d'un petit nombre de pieds, & peu-être moins d'un pied. Il sera bon de remarquer ici que ce qui, après le Calcul, exprime les dits allongemens, est toujours un certain multiple, ou sous-multiple de $\frac{ag}{c} \times b$, entendant par b le rayon de la Terre, par a la distance du luminaire en question & par $\frac{g}{c}$ la raison qui est entre la pésanteur d'un

question & par $\frac{C}{G}$ la railon qui est entre la pélanteur d'un Corps placé en B vers A, & sa pélanteur vers C, laquelle

raison est extrêmement petite.

Pai jugé à propos d'alleguer ici cette Formule, que le Calcul m'a enfeigné, afin que ceux qui voudroient le faire après moi, sçachent d'abord quels termes on peu rejetter, comme inutiles, qui rendent les Calculs extrêmement pénibles, & qui fe trouvent au bout du Calcul, n'être d'aucune importance. Ce feroit une chofe ridicule, de vouloir faire ici attention à des parties d'une Ligne qui proviendroient, si ladite quantité $\frac{k}{n\cdot G} \times b$ étoit encore multipliée

 $par \frac{b}{a}$, ou par $\frac{g}{G}$.

VIII.

Notre dessein est d'abord de chercher & d'exprimer analytiquement les allongemens dont nous venons de parler. On peut les trouver par rapport aux deux premieres causes, indépendamment de la Figure de la Terre; mais par rapport à la troisième cause exposée au sixième Article, il faut supposer la Terre, c'est-à-dire, le Méridien BGDH d'une Figure donnée; & c'est l'hypothese la plus naturelle, de la supposer elliptique, ayant pour Axes les Lignes BD&GH;

quelle qu'elle foit, elle n'en sçauroit être fensiblement différente, & si elle l'étoit, cela ne scauroit produire un changement bien considérable sur le rapport des deux Axes BD & GH, que nous cherchons. Outre cela nous verrons que c'est ici un Problème, qui dépend encore de la loi des changemens dans les Denfités des couches de la Terre. M. Newton suppose la Terre par-tout homogene. Il ne l'a fait apparemment, que pour faciliter le Problême, qui est affez difficile dans toute autre hypothese. Mais cette supposition de M. Newton n'a aucune vraisemblance; je dirai même, qu'elle seroit fort peu favorable à notre Système, comme nous le verrons dans la suite. C'est pourquoi je n'ai pas voulu restreindre si fort la Solution du Problème en question. J'ai cru que je payerois trop cher l'avantage d'applanir les difficultés du Problême, & les peines du Calcul. J'ai donc rendu notre Question infiniment plus générale, pour en tirer tous les Corollaires, & pour choisir ceux qui conviennent le plus à notre fujet, & qui rendront par - là même plus vrai - femblables les hypothefes, aufquelles ils appartiennent.

IX.

Voici à present nos hypotheses. Nous considererons la Terre, comme naturellement sphérique, & composée de couches concentriques: Nous supposerons ces couches homogenes, chacune dans route son étendue; mais qu'elles sont de différentes Densirés entre elles, & que la loi des variations de leur Densiré sont donnée. Quant à la Sphericité de la Terre, que nous supposerons, on voit bien qu'il seroit ridicule de s'y arrêter, puisque l'élevation des eaux de l'Océan, causée par les deux Luminaires, ne sçauroit disférer sensiblement, que la Terre soit un peu applatie, ou un peu allongée. La supposition de l'Homogénérité des couches concentriques, ne doit pas non plus nous faire de la peine, puisqu'on ne sçauroit donner aucune raison, pourquoi elles devroient être hétérogenes.

CHAPITRE II.

Contenant quelques Lemmes sur l'Attraction des Corps:

- 1

JE prie encore une fois le Lecteur, de ne confidérer ce J Chapitre, que comme hypothétique. Je ne fuppole PAttraction universelle de la matiere, que parce que c'est la seule hypothese, qui admette des Calculs, & qu'elle est d'ailleurs assez bien sondée, pour mériter l'attention de

tous les Philosophes du monde.

On appelle au reste Attraction, qu'exerce un Corps A fur un Corps B, la force accéleratrice, que le Corps B acquiert à chaque instant, en tombant vers A. On voit donc que l'esser à celui-ci une pélanteur, qu'on suppose proportionnelle à la masse du Corps A, divisée par le quarré de la Distance; & cette pésanteur doit encore être multipliée par la masse du Corps B, pour avoir la force, que ce Corps exerce, s'il est empêché de s'approcher du Corps A.

PROBLEME.

II.

Soit une couche sphétique homogene, infiniment mince, & d'une épaisseur égale, comprise entre les surfaces fighétiques MNOR (Fig. 2.) & PLQS, trouver l'Atraction, ou la force accéleratrice, que cette couche exercera sur un Corps placé au point B, pris hors de la surface extérieure.

SOLUTION.

SOLUTION.

Qu'on tire la droite BO par le Point B & le Centre C. dans laquelle on prendra deux Points infiniment proches J & i: on tirera ensuite les deux Perpendiculaires J L & il, & par les Points L & l, on tirera du centre les droites CN & cn. Soit à présent CB=a; CJ=x; Ji=dx; CP== b; P M ou L N (que nous regardons comme infiniment petite) = 6: la Densité de la matiere de la couche ==m.

On voit que pendant la revolution autour de l'Axe MO, la petite partie NL ln garde toujours une même Diftance du Point B, & que cette Distance sera = V (aa -2ax+bb): or, comme il faut toujours divifer par le Quarré des Diftances, il faudra pour trouver la force accélératrice en question d'abord prendre 4 4 4 4 4 4 4 6 6 , & cette quantité doit être ensuite multipliée par la raison de Bi à BI, & on aura $\frac{a-x}{(aa-2ax+bb)!}$: & cette quantité doit encore être multiplié par la Masse de l'Anneau, que la partie NL ln forme par fa revolution, & la Masse doit être exprimée par la Densité m & la capacité de l'Anneau, c'est-à-dire (en nommant n la raison de la circonférence d'un Cercle à fon rayon)par $m \times NL \times Ll \times n \times LJ$: ou par $m \times G \times \frac{bdx}{\sqrt{(bb-xx)}} \times n \times V(bb-xx)$, ou enfin par n m b G dx; de forte qu'on a la force accéleratrice absoluë produite par ledit Anneau = $\frac{nmb6(a-x)dx}{(aa-xax+bb)x}$, dont l'Intégrale exprimera l'Attraction cherchée de toute la couche. Pour trouver cette Intégrale, nous supposerons aa-2ax+bb=yy, & nous aurons $\int_{(aa-2ax+bb)\frac{1}{2}}^{nmb} \int_{(aa-bb+yy)}^{amb} dx = \int_{(aa-bb+yy)}^{-nmb} \int_{(aa-bb+yy)}^{amb} dy$ $\frac{nmb6}{2aa} \times \left(\frac{a-bb-yy}{y} + C\right) = \frac{nmb6}{2aa} \times \left(\frac{2ax-2bb}{Vaa-2ax+bb} + C\right),$ entendant par Cune Constante convenable: pour la trou-

ver il faut remarquer, que l'Intégrale doit être = 0, lors-

que x = -b, d'où l'on tire $C = \frac{2ab+1ab}{a+b} = 2b$: fubflituant cette valeur, on obtient pour l'Intégrale en question $\frac{nmb^2}{aa} \times \left(\frac{ax-bb}{Vaa-2ax+bb} + b\right)$, & mettant enfin b à la place de x, on obtient la force accélératrice cherchée $= \frac{2nmbb^2}{ab}$. C. Q. F. T.

COROLLAIRE,

Comme la quantité de la matiere de toute la couche (pour laquelle nous venons de déterminer la force accéleratrice, qu'elle exerce fur le Corps placé au point B) et $\mathbf{e} = 2 \, mb \, b \, b \, c$, nous voyons que cette force accéleratrice est exprimée par la quantité de matiere divisée par le quarté de la Distance du Point B au Centre C, & par conféquent la même, que si cette quantité de matiere étoir concentrée au Centre.

SCHOLIE:

On remarquera que cette Solution n'a lieu, que lorsque le Point B est placé hors de la couche, parce que dans notre Calcul nous avons supposé, que chaque Anneau sormé par la revolution de la partie N L In produit une sorce accéleratrice du même côté, ce qui n'a plus lieu, lorsque le Point B est placé entre les deux surfaces, ou au-dedans, de la surface intérieure. Je ne dirai rien de ces deux cas, dont chacun demande une Solution particuliere, parce que nous n'en aurons pas besoin, & qu'ils ont déja éré resolus par l'Auteur de ces Problèmes. Je n'aurois même rien dir du cas que nous venons de résoudre, comme pareillement déja résolu par M. Newron, si je n'avois pas crû, qu'il étoit convenable de suivre toutes les traces qui nous menent à l'intelligence de notre Question principale: aussi

ces précautions font-elles nécessaires, pour pouvoir toujours exprimer d'une même façon les Quantités constanres; & ainsi nous nous souviendrons toujours dans la suite d'exprimer la force accéleratrice d'un Corps infiniment petit par la Masse divisée par le quarré de la Distance, & de dénoter la Masse par le produit de son étenduë, & de sa Densité.

PROBLEME.

Trouver l'Attraction pou

Trouver l'Attraction pour un Corps placé en B, causée par une Sphere solide, composée de couches homogenes; mais de différentes Densirés entre elles.

SOLUTION.

Il paroît par le troisiéme Article, qu'on n'a qu'à concevoir la Masse de toute la Sphere ramassée au Centre C, & qu'elle causera la même Attraction, tant que le Point B est nors de la Sphere: nommant donc M la Masse du Globe, ou la somme des Masses de toutes les couches, l'Attraction cherchée sera $= \frac{M}{44}$ C. Q. F. T.

PROBLEME.

VI.

Soit BGDH(Fig. 3.) une Ellipse presque circulaire, verale dire, dont la différence des Axes $BD \otimes GH$ foir regardée comme infiniment petite; & qu'on conçoive cette Ellipse former par sa rotation autour de l'Axe BD, un Sphéroide homogene. On demande la force accéleratrice, ou l'attraction que ce Sphéroide produira sur un Corps placé au Pole B.

SOLUTION.

Soit la Denfité de la matiere exprimée par μ ; le petit demi Axe BC = b; le grand demi Axe BC = b + 6; I ij

Fig. 3.

BJ=x; Ji=dx; on aura la perpendiculaire $LJ=\frac{b}{b+c}$ $\times \sqrt{2}$. (b+c)x=xx. Or on voit facilement que l'Attraction caufée par la couche, qui répond au Rectangle $LJiJ_0$ eft $=n\mu dx-n\mu dx \times \frac{BJ}{EL}$, c'est-à-dire par $n\mu dx-n\mu x dx$:

 $x x + \frac{bb}{(b+\zeta)^2} \times (2bx + 2\zeta x - xx)$ ou par $n\mu dx$ $(b+6)n\mu x dx : V(2b6xx+66xx+2b^3x+2bb6x)$: Dans cette derniere quantité, nous rejettrons le Terme 66 x x, comme devant être comparé aux infiniment petits du fecond ordre, & nous changerons le Signe radical du Dénominateur en Signe exponentiel de Numerateur; & de cette maniere nous aurons $n\mu dx - (b + c) n\mu x dx$ $\times (2b^3x + 2b6xx + 2bb6x) = :$ or on scait par la formation des suites de M. Newton, que (2b'x + 2bGxx $+2bb6x)-ieft = (2b^3x)-i-(2b^3x)-i\times(b6xx)$ + b b 6 x): fubflituant donc cette valeur, on obtient $n \mu d x = \frac{(b+6)n\mu x dx}{\sqrt{2}b^3x} + \frac{(b+6)n\mu x dx(b6xx+bb6x)}{2b^3x\sqrt{2}b^3x}$, qui marque l'action de la couche formée par la rotation du Rectangle L Jil: à la place de cette quantité, on peut encore, en multipliant les quantités à multiplier, & rejettant les termes affettés de la seconde Dimension de 6, poser $n\mu dx = \frac{n\mu dx \sqrt{x}}{\sqrt{x}b} = \frac{6n\mu dx \sqrt{x}}{2b\sqrt{2}b} + \frac{6n\mu x dx \sqrt{x}}{2bb\sqrt{2}b}$, & l'Intégrale de cette quantité (qui doit être = o, lorsque x = o) est= $n\mu x = \frac{2n\mu x \sqrt{x}}{3\sqrt{2b}} = \frac{6n\mu x \sqrt{x}}{3b\sqrt{2b}} + \frac{6n\mu x x \sqrt{x}}{5bb\sqrt{2b}}$; & faifant enfin x = 2b + 26, on trouve, en rejettant toujours les infiniment perits du second ordre 2 n u b + 2 n u 6 - 4 n u b - 2 nu6 - 2 nu6+4 nu6, ou bien enfin

 $\frac{2}{3}n\mu b + \frac{2}{15}n\mu 6,$

qui marque la force accéleratrice caufée par l'action de tout l'Ellipforde fur un petit Corps placé au Pole B. C. Q. F. T.

PROBLEME. VII.

Les hypotheses étant les mêmes, que dans la proposition précedente, trouver la même chose pour un petit Corps placé en G, qui est sous l'Equateur de l'Ellipsoïde.

SOLUTION.

Il est facile de démontrer par la Géometrie, que toute Section de l'Ellipfoide parallele à l'Axe de Rotation BD, fait une Ellipfe semblable à l'Ellipfe génératrice BGDM. Considérons l'Ellipfoïde comme composée de la Sphere inscrite, ayant pour Diametre le petit Axe GM, & de l'écorce formant un double Menisque : l'action de la Sphere doit être exprimée par $\frac{1}{7}n\mu b$, comme nous avons démontré au \mathfrak{s} . \mathfrak{s} . Car la masse de cette Sphere est $\frac{2}{7}n\mu b^4$, on la sissance du Point G au centre est $\mathfrak{m} b$. Il nous reste donc à chercher quelle action resulte du double Menisque.

Concevons pour cet effet tout l'Ellipsoïde partagé en couches paralleles & perpendiculaires à G H. Soit la diftance du centre d'une de ces couches au Point G = x; fon épaisseur = dx; il n'est pas difficile de voir que la capacité du bord de cette couche (qui fait partie du double Menifque en question) est = $\frac{nc}{2b} \times (2bx - xx) dx$, & que ce bord étant multiplié par la Densité p, en donne la quantité de matiere $=\frac{n\mu^2}{2b} \times (2bx-xx) dx$. Or toutes les parties de ce bord infiniment mince, peuvent être cenfées agir également, & avec une même obliquité sur le Corps placé au point G: on n'a donc qu'à multiplier cette quantité de matiere par la raison de la distance du centre de la couche au Point G à la distance du bord de la couche au même Point G, & diviser par le quarré de cette Distance, pour avoir l'attraction du bord de la couche, qui sera donc $= \frac{n\mu c}{2b} \times (2bx - xx) dx \times \frac{x}{\sqrt{2bx}} \times \frac{1}{2bx}, \text{ ou bien } \frac{n\mu c dx}{4bb\sqrt{2b}}$

 \times (2bVx - xVx) dont l'Intégrale est $= \frac{n+6}{4bbV+5b} \times (\frac{4}{5}bxVx - \frac{1}{5}xxVx)$ puisqu'il ne faut point ajoûter ici de constante; & pour avoir ensin l'Attraction de tout le double Menisque, il faut mettre x = 2b, après quoi on aura simplement $\frac{1}{12}n\mu$ \mathcal{E} . Si on ajoûte à cette quantité l'action de la Sphere inscrite, on aura l'attraction cherchée de tout PEllipsofte sur un Corps placé au Point $G = \frac{2}{3}n\mu b + \frac{1}{3}n\mu$ \mathcal{E} . C. Q. F. T.

COROLLAIRE.

VIII.

On voit par ces deux dernieres Propositions, que les sorces accéleratrices au Pole, & sous l'Equateur dans un Ellipsoide homogene, sont comme $\frac{1}{5}n\mu b + \frac{3}{5}n\mu^2 b \frac{3}{5}n\mu b + \frac{3}{5}n\mu^2 b \frac{3}{5}n\mu b + \frac{3}{5}n\mu^2 b \frac{3}{5}n\mu^2$

L E M M E.

IX.

Dans un Sphéroïde elliptique homogene, la force accéleratrice pour un Point quelconque, est à la force accéleratrice pour un autre Point pris dans le même Diametre, comme la distance du premier Point au centre, à la dissance pareille du second Point.

M. Newton a démontré cette Proposition à la 199 page de son Livre, que nous venons de citer : & comme il ne s'agit ici que de la proportion entre les deux sorces accéleratrices, sans qu'il soit question de les exprimer analytiquement, il seroit superflu, pour mon dessein, de la démontrer à ma façon.

PROBLEME.

Soit encore le double Menisque, tel que nous l'avons décrit au septiéme Article, compris entre la surface de l'Ellipsorde GBHD, & GbHd, qui marque la surface de Fig. 4 la Sphere inscrite; il s'agit de trouver la force accéleratrice, que ce double Menisque produira au point E, pris dans l'Axe de rotation BD.

SOLUTION

Nous garderons les dénominations de ci-dessus : or on voit qu'on trouvera l'action du double Menisque, en prenant celle de tout l'Ellipsoïde consideré comme homogene avec les Menisques, & en retranchant celle de la Sphere inscrite. L'action de tout le Sphéroïde est en vertu des 6 & 9 Articles = $(\frac{2}{3}n\mu b + \frac{2}{15}n\mu 6) \times \frac{CE}{CR}$, & celle de la Sphere = $\frac{2}{3} n \mu b \times \frac{CE}{Cb}$: de-là on tire la force accéleratrice, qui convient aux Menisques = $(\frac{2}{3}n\mu b + \frac{2}{15}n\mu \mathcal{E}) \times$ $\frac{CE}{CB} = \frac{2}{3} n \mu b \times \frac{CE}{Cb}$. Subflituons à la place de $\frac{CE}{Cb}$ cette quantité $\frac{CE}{CB-Bb}$, qui peut être censée égale à $\frac{CE}{CB} + \frac{Bb \times CE}{CB^2}$ (à cause que nous traitons la petite Bb, comme infiniment petite, par rapport à CB) & nous trouverons la force ac-

petitis j par $\frac{1}{15}$ ncéleratrice pour les Ménisques $= \frac{2}{15} n\mu 6 \times \frac{CE}{CB} - \frac{2}{3} n\mu 6 \times \frac{EB}{CB} = \frac{2}{15} n\mu 6 \times \frac{CE}{CB} - \frac{4}{3} n\mu 6 \times \frac{CE}{CB}$ (puique $\frac{Bb}{CB} = \frac{c}{b+c} = \frac{c}{b}$) = $-\frac{c}{kE} n \mu c \times \frac{CE}{CB}$. C. Q. F. T.

X I.

Le Signe négatifait voir , que la Gravitation au Point E, cautée par l'action des deux Ménisques, se fait vers le Pole B, & non vers le Centre C. Au reste on remarquera, que cette Proposition n'est vraie que pour les Points compris entre $C \otimes b$, en excluant tous les Points, qui sont audelà de b; & cela à cause que le Lemme du g. §. ne sçauroit être appliqué à trouver la force accéleratrice causée par l'action de la Sphere pour le Point E, si ce point est pris hors de la Sphere inscrite au Sphéroide. Ainsi par exemple, au point B, la Gravitation causée par les Ménisques, se servi vers le Centre avec une force accéleratrice $\frac{1}{12}n_B \mathcal{E}$. Je restreins ces Propositions, quoique ma Méthode suffise pour des solutions beaucoup plus générales; & cela pour ne me point engager dans des longueurs qui nous meneroient au-delà de notre sujet.

P R O B L E M E. X I I.

Trouver la même chose que dans l'Art. X. pour un Point quelconque F, pris dans une Ligne GH perpendiculaire à BD.

SOLUTION.

On obtient encore l'action des Ménisques, en retranchant celle de la Sphere de celle du Sphéroïde. Or celle de la Sphere est $=\frac{1}{3}$ n μ $b \times \frac{C}{CG}$, & celle du Sphéroïde $=(\frac{1}{3}$ n μ $b + \frac{1}{3}$ n μ C) $\times \frac{C}{CG}$, en vertudes δ . δ . δ . δ . δ . Donc la Gravitation au Point F se fait vers le centre C par la simple action du double Ménisque, & la force acceleratrice y ser $\frac{1}{3}$ n μ 6 $\times \frac{C}{CG}$. C. Q. F. T.

XIII.

XIII.

Voilà les Propositions qui nous seront nécessaires, pour messurer les haussements & baissemens des eaux dans la Mer libre par l'action de l'un des deux Luminaires, en tant que ces variations répondent à la relation qui se trouve entre la pésanteur & la figure de la Terre. Ceux qui voudront employer l'analyse pure pour la Solution de nos deux derniers Problèmes, se plongeront dans des Calculs extrêmement pénibles, & verront par-là l'avantage de notre Méthode.

CHAPITRE III.

Contenant quelques Considérations Astronomiques & Physiques, préliminaires pour la Détermination du Flux & Reslux de la Mer.

I

Omme le Flux & Reflux de la Mer dépendent de la Lune & du Soleil, on voit bien que notre sujet demande une exacte Théorie du mouvement de ces deux Luminaires. Quant au mouvement apparent du Soleil, on le connoît avec toute l'exactitude requise ici. Mais on est encore bien éloigné de sçavoir avec la même précision la Théorie de la Lune, qui est cependant d'une plus grande importance. Une idée qui m'est venuë là-dessus, d'employer le principe de la conservation de ce que l'on appelle communément Forces vives (principe déja employé fous un autre nom par le grand & incomparable M. Huguens, pour trouver les Loix du choc des Corps parfaitement élastiques, & auquel on est redevable d'une grande partie des connoissances nouvelles dans la Dynamique, tant des Fluides, que des Solides:) Cette idée, dis-je, m'a conduit par un chemin fort abregé, à déterminer beaucoup plus exactement, que l'on n'a fait jusqu'ici, les mouvemens de la Lune, que l'on appelle communément irréguliers, mais qui font tous fujets aux loix de Méchanique. Je m'étois proposé d'inserer ici ma nouvelle Théorie sur la Lune; mais, comme notre sujet n'est déja que trop étendu, & qu'il demande des discussions asses pénibles, je la disférerai à une autre occasion, où je la donnerai en forme d'Addition, si l'Académie trouve ce Traité digne de son attention. Je ne ferai donc ici qu'indiquer en gros les connoissances in ci qu'indiquer en gros les connoissances un Système du Monde, qui servent à donner un Système général du Flux & Reslux de la Mer; & quand nous viendrons au détail, nous supposerons les mouvemens de la Lune parsaitement connus.

II.

On fçait que la Lune & la Terre font un Système à part: l'un & l'autre de ces Corps tournent autour d'un Point, & font leur revoluțion dans un même tems, décrivant chacun une Ellipfe: l'action du Soleil für l'un & l'autre Corps, change un peu ces Ellipfes, & fait même que la proportion des difitances dudir Point aux Centres de la Lune & de la Terre, ne demeure pas exactement la même: mais, comme nous ne prétendons jusqu'ici que d'exposer en gros les choses nécessaires à notre Question, nous ne ferons point d'attention à ces inégalités, & considérerons la Terre & la Lune, comme faisant des Ellipses parfaites & semblables entre elles autour d'un même Point.

III.

Par ladite Revolution, les deux Corps tâchent à s'éloigner l'un de l'autre; & cet effort est contrebalancé par leur Gravitation mutuelle : & comme la Terre fait autant d'effort pour s'approcher de la Lune, que celle-ci en fait pour s'approcher de la Terre, il faut que les forces centrifiges foient aussi égales : d'où il fuit que le Point autour duquel ces deux Corps tournent, doit être placé, en sorte que les forces centrifuges foient égales : c'est-là la premiere idée. Il vaudroit donc mieux appeller ce Point, Centre de Forces centrifuges, ou bien, puisque les vitesses gardent dans notrehypothese une proportion constante, Centre de Masses, que Centre de Gravité. Il est vrai que ces mots reviennent au même, à prendre celui du Centre de Gravité dans le sens commun: Mais quelle idée y peut-on attacher, sorfque la pésanteur est inégale dans les différentes parties du Corps? Il n'y a aucun Point alors, qu'on puisse nommer tel, quelque définition qu'on donne à ce mor. Quoi qu'il en soit, it est certain, que les distances du Point en question aux Centres de la Terre & de la Lune, sont en raison reciproque des Masses ou Quantités de matiere de ces Corps.

IV.

Si la Lune & la Terre étoient des Corps parfaitement homogenes dans toute leur étendue, ou du moins chacun composé de Couches concentriques parfaitement homogenes, & qu'ils fussent parfaitement sphériques, sans avoir aucun mouvement, imprimé originairement, ou produit par une Caufe Physique, autour d'un Axe passant par leur propre Centre de Gravité, il est clair, que toutes les parties des Corps garderoient pendant leur Revolution un Parallélisme; de sorte que les deux Corps vûs du Centre de Gravité commun, paroîtroient faire précifément le tour en sens contraire autour d'un Axe perpendiculaire au plan des Orbites, pendant chaque Revolution des Corps. Cependant cela ne se fait point dans la Lune : car nous sçavons, qu'elle nous montre conftamment une même face (je ne fais pas encore attention à quelques legers changemens;) & cela est contraire au Parallélisme, que nous venons d'alléguer : quoique ce ne foit pas ici proprement l'endroit pour expliquer ce Phénomene de la Lune, je ne laifferai pas de le faire, pour nous préparer à ce que nous aurons à dire fur la Terre, comme essentiel à notre matiere.

v.

Considérons donc, que la parfaite Homogénéité dans les Couches concentriques de la Lune, aussi-bien que sa parfaite Sphéricité, sont moralement impossibles : mais il n'est pas encore expliqué, comment on peut déduire delà, pourquoi la Lune nous montre toujours une même face. Il ne suffit pas de dire que le Centre de Graviré de la Lune pris dans le sens commun, tâche toujours à s'éloigner, le plus qu'il est possible, du Centre de Revolution. Quelque inégales que fussent les Couches, & quelque irréguliere que fut la Figure, la Lune garderoit toujours le Parallélisme des Faces, s'il n'y avoit pas une autre raison; sçavoir, celle de l'inégalité de péfanteur de ses Parties vers la Terre : les parties ayant d'autant plus de pésanteur , qu'elles sont plus près de la Terre : c'est cette raison, qu'il faut joindre à l'une des deux autres, ou à toutes les deux ensemble; de sorte que quand même la Lune seroit parfaitement homogene, sa seule Figure, jointe à l'inégalité de péfanteur de ses parties vers le Centre de la Terre, pourroit même produire le Phénomene en question.

Fig. 5. So

Soit A(Fig. 5.) le Centre de la Terte : BCFD, par exemple, une Ellipfe , dont l'Axe BF foit le plus grand , & CD le plus perit : que cette Ellipfe forme par fà Revolution autour de l'Axe BF, le Corps de la Lune. Supposons après cela la Lune homogene & mobile autour de fon Centre E, & fervons-nous de l'hypothefe ordinaire , que la péfanteur de chaque partie de la Lune vers A_1 foit en raifon quarrée reciproque des disflances au Point A. Cela étant, je dis , que la Lune montrera constamment au Point A la Face CBD, & que l'Axe FB passer au Point A se que la Lune reprendroit cette situation , dès qu'elle en feroit détournée. Comme cette matiere est affez intéresfante, tant pour l'Astronomie , que pour la Physique ; je l'expliquerai par un exemple , qui rendra fort fensible , tout ceque nous venons de dire. Je dis donc qu'on doit regarder,

à cet égard, la Lune, comme un Corps flottant dans un Fluide; car les parties d'un tel Corps, sont pareillement animées de différentes péfanteurs : or on sçait qu'un Corps flottant, qui n'est pas Sphérique, ou qui étant tel, n'est pas homogene, n'est pas indifférent à chaque situation; mais qu'il affecte constamment de certaines situations, qu'il reprend aussi-tôt qu'il en a été détourné. Quelquefois le Corps n'a qu'une seule situation d'Equilibre; d'autres fois plusieurs, suivant la structure du Corps : Mais on se tromperoit toujours, si l'on croyoit, que le Centre de Gravité du Corps tâche à se mettre dans l'endroit le plus bas qu'il est possible; de même qu'on se trompe, en disant, que le Centre de Gravité de la Lune, tâche à s'éloigner, le plus qu'il est possible, du Centre de la Terre. On voit donc assez, que la cause principale de ce que la Lune nous présente toujours une même face, est l'inégalité de pésanteur; & à cette cause, il faudra joindre, ou la non-parfaite Sphéricité, ou la non-parfaite Homogénéité des Couches de la Lune, our les deux causes à la fois.

VI.

Comme la Question que nous venons d'expliquer, entraîne celle d'une legere nutation de la Lune en Longitude, que les Aftronomes ont observée, il ne fera pas hors de propos de faire voir comment cette nutation découle de notre Théorie. Nous avons vû que le Sphéroide CBDF mobile autour d'un Point E, doit toujours montrer au Point A la Face CBD, tant que le Point E reste dans sa place. Supposons à présent, que ce Corps s'éloigne un peu de cette situation, en faisant une rotation infiniment petite autour du Point E, la force qui tend à le remettre dans sa situation naturelle, est de même infiniment petite; ce qui fait voir, que le Point E faisant la revolution autour du Point A, ce ne sçauroir plus être exastement la Face CBD, qui regarde vers A, parce qu'à chaque petit mouvement du Point E, la Lune sait une petite rotation autour

de ce Point, pour garder le Parallélisme, & la force qui tâche à tourner vers le Point A la Face CBD, étant encore infiniment petite, ne fçauroit s'en acquitter affez-tôt: & ce sera la même chose pendant que le Point E parcourt un second Elément, & ainsi de suite, jusqu'à ce qu'à la fin la Lune se place assez obliquement, pour que la force, qui tâche à mettre la Lune dans sa situation naturelle, soit affez grande, pour réparer, à chaque moment, une nouvelle petite inclinaison, qui survient par la rotation du Point E autour du Point A. [Cette explication pourra nous servir dans la fuite, pour démontrer un des principaux Phénomenes des Marées. La Lune prendra donc la situation oblique c b df, si sa Revolution autour du Point A est supposée se faire de E vers D. Mais cette situation oblique demeureroit encore la même à l'égard de la Ligne FA, sans que la Lune eût aucune nutation, si le Point E faisoit sa Revolution autour du Point A dans un Cercle parfait, & avec une vitesse constante : c'est donc l'inégalité des distances A E, & des vitesses du Point E, qui fait que l'obliquité de la situation fcbd varie; & c'est cette variation qui fait la nutation de la Lune en Longitude.

VII.

Venons maintenant à la Terre, & examinons quel mouvement elle doit avoir autour du Centre de Gravité, qui eff entre elle & la Lune: cette recherche est nécessaire pour notre Question, & elle ne sera plus difficile, après ce que nous avons dit de la Lune dans cette vûe. Nous remarquerons donc, que si la Terre est parfaitement homogene, soit dans toute son étendue, soit seulement dans chacune de ses Couches concentriques; & si elle est en même tems parfaitement sphérique, elle doit conserver parfaitement un Parallelisme dans la situation de ses parties, pendant sa Révolution. Cependant cette parfaite Homogénétie, est moralement impossible; & la parfaite Sphéricité a été restutée par les Observations les plus exactes. Ce Pa-

rallélisme feroit donc alteré, de même qu'il l'est dans la Lune, & la Terre ne manqueroit pas de presenter à la Lune une même sace, sans le mouvement journalier de la Terre. Ce mouvement empêche l'action de la Lune; & l'este de cette action étant, à cause dudit mouvement journalier, tantôt d'un côté de la Terre, tantôt de l'autre; il ne pourroit plus produire qu'une legere nutation journaliere dans l'Axe de la Terre, & quelque petite inégalité dans le mouvement journalier de la Terre. Mais l'une & l'autre doivent être tout-à-fait insensibles, à cause de la grandeur de la Masse de la Terre, de l'extrême petitessede l'action de la Lune, & de la rapidité du mouvement journalier.

VIII.

On voit donc que la Terre fera fa revolution autour du Centre de Gravité, qui lui est commun avec la Lune, de telle maniere, que fon Axe gardera constamment une fituation parallele. Si nous considérons donc le mouvement journalier de la Terre à part, il est clair que l'autre mouvement doit être supposé se faire d'une maniere à garder un Parallélisme dans toutes les Sections de la Terre. Cela étant, il s'ensuit que chaque point de la Terre fait, à l'égard de cet autre mouvement, une même Ellipse; que chaque partie a une même force centrisige, & que les Directions des forces centrisuges sont par-tout paralleles entre elles. Et c'est ici le point principal, que je me suis proposé d'établir, & de bien démontrer dans ce Chapitre.

IX.

Ce que nous venons de démontrer du mouvement de la Terre à l'égard de la Lune, doit auffi s'entendre à l'égard du Soleil; en forte que la force centrifuge des parties de la Terre, par rapport à fon Orbite annuelle, doit être cenfée la même, & leurs directions paralleles entre elles. Mais cette Proposition n'est pas si essentiel à l'égard de l'Orbite annuelle, comme à l'égard de l'Orbite, qui se fait autour du Centre de Gravité, qui est commun à la Terre & à la Lune, à cause de l'extrême petitesse de cette derniere Orbite.

CHAPITRE IV.

Qui expose en gros la Cause des Marées.

I.

Près avoir expliqué au premier Chapitre trois différentes raisons, qui peuvent allonger la Terre autour des deux Axes, qui passent par les Centres des deux Luminaires, il n'est pas difficile de voir comment on doit déduire de ces allongemens le Flux & Reflux de la Mer, pourvû qu'on ait égard en même tems au mouvement journalier de la Terre. Il est clair que ce mouvement journalier doit faire continuellement changer de place les deux dits Axes d'allongement : Mais il faut remarquer ici par avance, que l'action composée des deux Luminaires, peut toujours être considerée comme une action simple, quoiqu'à la vérité fort irréguliere. Cependant cette considération fusfit, pour voir en gros, que la Mer doit en chaque endroit s'élever & se baisser environ deux fois dans un jour. Mais il s'agit de mettre cette cause en tout son jour, d'en développer tous les effets, & de les reduire à leur juste mefure, autant que les circonstances peuvent le permettre.

II.

La Question qui se présente d'abord, & qui est en même tems la plus importante pour notre sujet, est de trouver la quantité de l'allongement causé par chacun des deux Luminaires. Nous ne considérerons donc qu'un seul Luminaire. Voici, avant toutes choses, les suppositions dont je me servirai dans les Calculs, & que j'ai déja exposées en partie, I. Nous

I. Nous supposerons, que la Terre est naturellement sphétique. Cette hypothese n'est que pour abréger le Calcul, & on voit bien que l'esset deux Luminaires doit être sensiblement le même sur une Terre ronde, ou un peu

applatie, ou un peu allongée.

11. Que les Couches concentriques de la Terre font d'une même matiere, ou d'une nême denfité. Cette supposition est sans doute fort naturelle; car les inégalités ne peuvent qu'être tout-à-sait insensibles: mais il me semble qu'il n'y a aucune vraisemblance de supposer que la Terre est homogene dans toute son étendue, comme M. Newton l'a fait.

III. Que la Terre, que nous supposons sans, l'action des Luminaires, ronde, est changée par l'action de l'un des deux Luminaires en Ellipsoide, dont l'Axe passe par le Centre du Luminaire agistant. C'est l'hypothese de M. Newton; & quoiqu'on ne puisse pas la démontrer pour le Système des Attrassions, elle ne doit pas nous arrêter: car quelle que soit la Figure de la Terre après ce petit changement, on voit affez qu'elle ne sçauroit s'éloigner sensiblement de l'Ellipsoide. Aussi trouvons-nous cette Figure ellipsique dans toutes les hypotheses, qu'on pourroit se former sur la pésanteur, susceptibles d'un Calcul & tant soit peu naturestles. D'ailleurs un petit changement dans cette Figure extérieure de la Terre, n'en sçauroit produire, qui soit sensible, entre l'Axe du Sphéroide, & le Diametre qui lui est perpendiculaire.

Î V. Nous supposerons, que les Luiminaires ne seauroient faire changer de figure toutes les Couches qui composent la Terre jusqu'au Centre. Car vraisemblablement la
Terre est, dans sa plus grande partie, solide; & quand même
elle seroit toute fuide, sa Masse seroit trop grande, pour
être mise toute entiere en mouvement, & pour obéir affez
vite à une action aussi petite. Ces restéxions m'ont engagé
à considérer la Terre, comme un noyau sphérique, composé de Couches parsaitement sphériques & inaltérables par

l'action des deux Luminaires, & inondé d'un Fluide homogene, tel que sont les eaux de la Mer; & a supposer, qu'il n'y a que ce Fluide inondant, qui reçoive des imprefsions des Luminaires, & que sa profondeur n'est pas sensible par rapport au rayon de la Terre. Cette hypothese est fans contredit la plus naturelle, lorsque la Terre n'est pas supposée homogene dans toute son tétendue; mais, si on la supposóit homogene, comme M. Newton l'a sait, contre toutes les apparences de vérité, notre hypothese n'entre plus en ligne de compre.

V. Enfin nous fibhtituerons à la place des Forces centrifuges, qui empêchent la Terre de tomber vers les Luminaires, une autre force qui agiffe de la même façon, afin que nous puiffions confidérer d'abord la Terre, comme dans un parfait repos, & un entier équilibre dans toutes fes parties. Cette force à fubhtituer, doit être fuppolée égale dans toutes les parties de la Terre (§. VIII. Chap. III.) & parallele à la Ligne qui paffe par les Centres de la Terre &

du Luminaire, dont il sera question.

III.

La Force centrifuge dont nous venons de parler, doit être prife pour notre sujer, précifément telle, qu'elle foit égale à la force totale de l'Attraction du Luminaire, tout comme si la Terre se soutenoit parfaitement dans sa distance, en décrivant un Cercle parfait; & cela est vrai, quelle que soit la Force centrisuge réelle de la Terre. C'est ici une Proposition, dont on ne sent la vérité, qu'après quelque resléxion; & elle est sondée sur ce que la différence entre la Force centrisuge, telle que nous venons de la décrite, & la force centrisuge réelle, n'est employée qu'à pousser ou repousser la Terre, & ne sçauroit lui faire changer sa figure, puisque nous avons démontré au VIII. Art. du précedent Chapitre, que chaque partie est poussée également & parallelement.

IV.

La Force centrifuge totale devant être parfaitement égale à la Gravitation totale de la Terre vers le Luminaire, & la premiere Force étant la même dans toutes les Parties, on voit bien qu'on pourra supposer la Force centrifuge égale à la Gravitation vers le Luminaire, telle qu'elle est au Centre de la Terre. Car la Gravitation qui répond au Centre, peut être cenfée la movenne entre toutes les Gravitations du Globe; & cela, quelque relation qu'on suppose entre les Distances & les Gravitations, puisque la différence des distances est insensible, par rapport à la Diftance totale; & que par conféquent la Gravitation diminue comme également pour des égales augmentations de Diftances, & qu'il se fera ainsi une juste compensation pour l'Hemisphere tourné au Luminaire, & pour l'Hemisphere opposé. Cette Proposition n'est pourtant pas géometriquement vraie; mais la fin du Calcul m'a fait voir, qu'elle peut être cenfée vraie pour notre sujet: & comme elle abrége fort le Calcul, je l'ai mise ici, pour en faire usage dans la fuite.

PROBLEME.

v.

Soit dans la fixiéme Figure, \mathcal{A} le Centre du Soleil, \mathcal{B} G DH la Terre; \mathcal{A} D une Ligne tirée par les Centres du Soleil & de la Terre: trouver la différence entre \mathcal{B} D & fa perpendiculaire G H, qui passe par le Centre C.

SOLUTION.

Qu'on s'imagine deux Canaux BC & GC, communiquans entre cux au Centre C, rempli d'un Fluide de différentes Denftés, telles qu'on fuppole dans les couches de la Terre. Pour déterminer ces couches, nous confidererons la Sphere inferite GbHd, & nous fuppoferons tout ce noyau immuable pendant la revolution journaliere de Lij

Fig. 6.

la Terre, fondés, à cet égard, sur ce que nous avons dit dans la quatriéme hypothese du II. s. Quand même on feroit attention aux changemens de figure dans les couches près de Gb Hd, cette considération ne sçauroit changer fensiblement le resultat du Calcul, parce que ces changemens de figure sont tout-à-fait insensibles, & que, selon toutes les apparences, ils ne sçauroient se faire au-delà d'une certaine profondeur affez petite à l'égard du rayon de la Terre. Après cette remarque, nous déduirons la Solution de notre Problème, de ce que le Fluide doit être en équilibre dans les Canaux GC & BC. Pour fatisfaire à cette loi, & pour observer un ordre, nous diviserons la Solution en trois parties : dans la premiere, nous chercherons la prefsion totale du Fluide B C au Point C: dans la seconde, nous ferons la même chofe à l'égard du Fluide G C; & enfin nous ferons le Calcul, en faifant les deux pressions to-

tales égales entre elles.

I. Soit AC = a; GC, ou bC = b; la cherchée Bb = 6: Qu'on tire du Centre C deux quarts de Cercles infiniment proches pn, om; foit Cp ou Cn = x; po ou nm = dx; la Densité variable en po ou nm=m, la Densité uniforme de l'eau (qui couvre le novau sphérique, & qui forme le double Ménisque) $=\mu$. Soit la Gravitation au Centre C vers le Centre du Soleil A = g, & la force centrifuge, qui agit parallelement à BD, fera par-tout = g (§. VIII. Chap. III. & S. IV. Chap. IV.) qu'on nomme G la Force accéleratrice en G ou b, caufée par l'action du Globe Gb Hd, & Q la même force accéleratrice pour les Points p & n. Après toutes ces préparations, on voit que la goute po (dont la Masse doit être exprimée par la Densité m, & par la hauteur dx, c'est-à-dire mdx) est animée par plusieurs Forces accéleratrices : la premiere Force accéleratrice est celle qui resulte de l'action du Globe Gb Hd, que nous avons nommé Q: la seconde est la Force centrifuge de A vers C, provenant par la revolution de la Terre autour du Point A: nous avons démontré, que cette Force doit être

faite = g: la troisième se fait vers A, & provient de la Gravitation vers le Soleil: celle-ci est négative à l'égard du Point C, & doit être faite $= -\frac{aa}{(a-x)^2} \times g$: enfin la quatrième provient de l'action du double Ménisque, compris entre GBHD & GbHd, & elle est encore négative à l'égard du Point C; elle est = $-\frac{s}{15} n \mu \, 6 \times \frac{x}{h}$, en vertu des §. §. X. & XI. Chap. II. En multipliant toutes ces preffions accéleratrices de la goute po par sa Masse, on obtient la preffion abfolue qu'elle exerce sur le Point C; & cette pression absolue fera $\left(Q + g - \frac{a \cdot ag}{(a-x)^2} - \frac{8n\mu Gx}{15b}\right) \times m \ d \ x$.

On remarquera ici en paffant, que comme a est censé infiniment plus grand que x, on peut pofer $\left(\frac{a}{a-x}\right)^2 = 1$ -+ 2x, & ainsi cette pression devient

 $\left(Q - \frac{2 \times g}{a} - \frac{8 \cdot n \cdot n \cdot G}{1 \cdot 5}\right) \times m \, d \, x.$ dont l'Intégrale donnera la pression de la Colonne $p \, C$; ficavoir, $\int Q m dx - \int \frac{2g m \times dx}{a} - \int \frac{8n \mu G m \times dx}{15 b},$

après quoi on aura la pression de toute la Colonne bC, en fubflituant dans l'Intégrale b à la place de x. A cette preffion, il faut encore ajoûter celle de la petite Colonne Bb, dont la gravitation ou péfanteur vers C doit être cenfée uniforme dans toute sa hauteur, & égale à G: il faut aussi remarquer, que toutes les autres forces qui agiffent sur cette petite Colonne B b peuvent être négligées, comme infiniment inférieures à l'action G, qui exprime proprement la péfanteur près la furface de la Terre vers son centre; ainsi donc la pression de la petite Colonne Bb doit être simplement estimée par sa hauteur 6, sa densité u & sa pésanteur G, ce qui fait µ6G. Il refulte enfin de tout cela, que la pression totale de toute la Colonne B C sur le Point C est

$$\mu \in G + \int Q m dx - \int \frac{2gm x^2 dx}{a} - \int \frac{8n \mu \in m \times dx}{15b}$$

en prenant après l'intégration n = b.

II. Pour trouver à présent la pression de la Colonne GC, il faut chercher toutes les Forces qui animent la goute mn, dont la Masse est encore mdx. La premiere de ces Forces provient de l'Attraction du Globe GbHd, & est encore = Q, puisque cette Force est la même en n & en p: la seconde Force, provenant de la Force centrifuge des parties de la Terre, en tant qu'elle se tourne autour du Point A, est =0, cette Force étant par-tout perpendiculaire à G C (S. VIII. Chap. III.) La troisième Force provient de la Gravitation des parties de la Terre vers A, cette Gravitation est au Point *n* vers le Point $A = \frac{a \cdot a \cdot g}{a \cdot a + x \cdot x}$, & étant décomposée, la Gravitation resultante vers C doit être exprimée par $\frac{a \cdot ag \cdot x}{(aa + xx)^{\frac{1}{4}}}$: dans cette derniere expression on peut rejetter au Dénominateur le terme x x, comme le Calcul me l'a fait voir; ainsi il provient $\frac{gx}{a}$, qui marque la troisième sorce vers C refultante de la Gravitation vers A. La quatriéme Force accéleratrice, qui anime la goute mn à descendre vers le centre, provient de l'action du double Ménisque, qui en vertu du XII. s. Ch. II. est = 4 n m 6 x x. En prenant la fomme de toutes ces Forces accéleratrices, la For-

ce totale fera $Q + \frac{gx}{a} + \frac{4n\mu 6x}{15b}$;

cette Force accéleratrice totale doit être multipliée par la petite Masse $m d \kappa_1$ & du produit il saut prendre l'Intégrale, qui marquera la pression qu'exerce la Colonne mC sur le centre C: Cette pression est donc

 $\int Q m dx + \int \frac{g m x dx}{a} + \int \frac{4 n \mu g m x dx}{15 b};$

& pour avoir la pression, qui réponde à toute la Colonne GC, il saut encore après l'intégration saire x=b

III. Après avoir exprimé analytiquement les valeurs des pressions des Colonnes $B C \otimes G C_3$ il ne restre plus pour achever la Solution de notre Problème, qu'à faire une équation entre les deux dites valeurs trouvées dans la pregation entre les deux dites valeurs trouvées dans la pregation entre les deux dites valeurs trouvées dans la pregation entre les deux dites valeurs trouvées dans la pregation de la colonne de l

miere & feconde partie. On aura donc μ $G \in + \int O m dx$. $\int \frac{\log m x dx}{a} - \int \frac{3n \mu \le m x dx}{15b} = \int O m dx + \int \frac{g m x dx}{a} + \int \frac{4n \mu \le m x dx}{15b},$

& cette équation arrangée donne

 $5 \mu G ab = - \int_{4} n \mu a G m x dx = \int_{5} g b m x dx$, & de là on tire la valeur cherchée de G, qui est constante; fçavoir, $G = \frac{\int_{5} g G m x dx}{\int_{6} G G ab - \int_{4} n \mu a m x dx}$. C. Q. F. T.

COROLLAIRE.

VI.

On voit par notre Solution, que généralement Bb doit être égale à Dd; car la valeur dc c eft la même, foit que l'on prenne x affirmativement, foit négativement. Auffi auroir-il été ridicule de fuppofer la Courbe BGDH une Ellipfe, fi les deux parties GBH&GDH n'étoient pas devenues par le Calcul également allongées, & la fuppofie

tion auroit renfermé une contradiction.

Au refle ces deux petites Lignes ne feroient pas égales à la rigueur. Cette égalité n'est fondée que fur ce que nous avons rejenté plusieurs fois dans notre Solution de certaines petites quantités, mais qu'on pouvoit négliger réellement , comme tout-à-fait insensibles , non-seulement par rapport à la Ligne b C, mais même par rapport à la petite Ligne B b, qui ne fçauroit être que d'un petit nombre de pieds. Cependant je crois encore nécessaire d'avertir ici , qu'il faut être sur ses gardes , en rejettant dans le Calcul de certains termes ; car , comme dans l'équation resultante , plusieurs termes se détruisent, on ne doit rejetter que des quantités qui sont insensibles , même par rapport aux quantités restantes dans l'équation.

Ce n'est qu'avec une telle précaution, que j'ai négligé dans ma Solution plusieurs termes, & je ne les aurois point négligés, si la fin du Calcul ne m'avoit enseigné, qu'ils peu-

vent & doivent être négligés.

SCHOLIE.

VII.

Pour avoir une juste idée de notre équation, remarquons que μ fignisse la densité de l'eau de la Mer, qui inonde la Terre, & m la densité quelconque de la couche, dont la distance au centre est égale à x:n exprime la circonsérence du Cercle, dont le rayon est égal à l'unité: b est le rayon de la Terre: a la distance entre les centres du Soleil & de la Terre: g exprime la force accéleratrice vers le Soleil d'un Corps placé au centre de la Terre; & ensin G exprime la force accéleratrice, ou la pésanteur des Corps à la surface de la Terre vers son centre.

VIII.

potheses particulieres.

Soit d'abord la denfité de la Terre uniforme, & nommément celle de l'eau de la Mer; c'est ici l'hypothese de M. Newton.

En ce cas *m* est une constante & égale à μ , & ainsi notre équation finale du V. s. est $s = \frac{15gbb}{2a(5G-2n\mu b)}$;

Mais par le VII. \mathfrak{s} . on obtient $G = \frac{2}{3} n \mu b$, ou bien $2 n \mu b$ = $3 G_1$ = 3 G, & fubflituant cette valeur pour le fecond terme du Dénominateur, il provient $\mathcal{E} = \frac{15gb}{4Ga} \times b$.

Nous verrons dans la fuite, que cette expression analytique donne précifément la hauteur indiquée par M. Newton simplement en pieds, pouces & lignes, sans en donner le Calcul, ou du moins sans le mettre à la portée, je ne dirai pas de tout le monde, mais uniquement de ceux qui voudroient bien prendre toute la peine nécessaire pour l'approfondir. Notre Methode comprend donc le cas tout particulier de M. Newton. Mais ce cas donne une si petite quantité, qu'il ne me paroît pas possible d'en déduire les Phénomenes des Marées, tels que les observations les donnent. C'est ce que je serai voir plus au long dans la suite. Je n'ai donc jamais pû comprendre, comment M. Newton, & tous ceux de sa Nation, qui ont écrit sur cette matiere, ont pû s'y attacher. On voit par-là, combien il est essentiel d'étendre les hypotheses des densités des couches de la Terre. J'ai remarqué que la loi de ces densités contribue beaucoup au haussement & baissement des eaux dans les Marées; qu'on en peut déduire tel effet, qu'on trouvera néceffaire pour l'explication des Phénomenes indiqués par l'expérience; je ferai même voir que cet effet pourroit être infini dans de certaines hypotheses. Mais ce que je souhaite fur-tout que l'on remarque, c'est que les mêmes hypotheses qui donnent plus d'effet aux Luminaires, pour hausser & baisser les eaux dans les Marées, sont d'ailleurs extrêmement vrai-femblables par plusieurs raisons Physiques, toutes très-fortes. Mais venons à d'autres exemples.

IX.

Supposons la Terre creuse en dedans, jusqu'à une distance donnée e depuis le centre, & que la croure (dont l'épaisseur = b-e) foit encore par-tout d'une densité égale à celle de l'eau de la Mer.

Nous avons en ce cas encore m égale à la conflante μ,
M

& ainsi le Calcul se fera comme dans le précedent Article, avec cette restriction, que les intégrales des quantités $m \times x d \times$, & $m \times d \times d$ doivent être =0, lorsque x = c: de cette maniere on obtient $\int m x dx = \frac{1}{2} \mu x x - \frac{1}{2} \mu c c$, ou (en faisant x = b) = $\frac{1}{2} \mu b b - \frac{1}{2} \mu c c$; substitutant cette valeur dans l'équation sinale du V. §. il vient

 $G = \frac{15 gb (bb-cc)}{10 Gab-4 n \mu a (bb-cc)},$

& (par le VII. §.) G off $=\frac{\int s nmx \times dx}{bb} = \frac{sn\mu}{3b} \times (x^2 - c^2) = (\text{puifqu'il faut poser } x = b) \frac{sn\mu}{bb} \times (b^3 - c^3)$; de cette derniere équation, on peut tiere celle-ci $\mu = \frac{3b \cdot bG}{sn \times (b^3 - c^3)}$, & ensing $4n\mu$ a $(bb - cc) = \frac{6a \cdot bb \cdot G(bb - cc)}{b^3 - c^3}$, & subfituant cette valeur dans le second terme du Dénominateur de norre équation, on a $6 = \frac{15g}{cG} \times \frac{b + x}{a} \times \frac{b^3 - c^3}{b^3 - b^3 + b^2 + y \cdot c^2}$

Cette quantité est la même, que celle du précedent Article, lorsque c = 0; mais elle devient plus petite, à meture qu'on suppose la Terre plus creusée, & elle deviendroit tout-à-fait nulle, si on supposoit la Terre presque entierement creuse en forme d'une voute sphérique, dont l'épaisseur sit peu considérable, par rapport au rayon de la Terre. Cette remarque suffit seule, pour refiter le sentiment de ceux qui croyent que la Terre pourroit bien n'être qu'une croute voutée; car il ne pourroit y avoir en ce cas aucun Flux & Reslux de la Mer, au moins dans notre Systême.

X.

Si l'on supposoit la loi des densités des couches de la Terre exprimée par cette équation $m = \frac{\kappa}{b} \mu$, c'est-à-dire, que les densités fussent proportionnelles aux distances des couches au centre, on trouveroit la hauteur

 $\mathcal{C} = \frac{15 \, \mathrm{g} \, b}{2 \, \mathrm{G} \, a} \times b \,,$

& par conséquent beaucoup plus petite, que si la Terre étoir par-tout d'une même densité, sçavoir en raison de 7 à 4. Aussi cette hypothese n'est - elle aucunement vraifemblable, y ayant apparence que les couches plus denfes font plus bas que les couches plus legeres.

XI.

Si la loi des densités est exprimée par $m = \frac{b\mu}{a}$, c'est-àdire, si l'on suppose les densités, suivre la raison inverse des distances des couches au centre, on trouveroit

 $\mathcal{C} = \frac{15gb}{Ga} \times b$,

ce qui fait la valeur de & quatre fois plus grande, que dans la supposition de M. Newton, de la parfaite homogenéité de la Terre.

XII.

Supposons enfin la loi des densités exprimée par m $=\left(\frac{b}{x}\right)^{\frac{4}{3}}\mu$, il faudra mettre $\frac{3}{2}\mu bb$ pour $\int m x dx$, & l'équation du VI. s. divifée par µ fera

 $6 = \frac{47gb}{10Ga - 12n\mu ab} \times b:$ mais en vertu du VII. §. on a $G = \int_{bb}^{2nmx \times dx} = \int_{b\frac{1}{2}}^{2n\mu x\frac{3}{2}dx}$ $=\frac{6n\mu x_1^4}{5b^{\frac{5}{4}}}=$ (en faifant x=b) $\frac{6}{5}n\mu b$. D'où l'on voit que le Dénominateur de notre équation fondamentale devient =0, & par conféquent 6=∞. Ainsi l'élevation des eaux seroit infinie.

XIII.

J'ai mis cette derniere hypothese, non qu'elle soit possible, puisque la densité ne sçauroit être infinie, comme elle devroit être au centre; mais pour faire voir l'avantage & la supériorité de notre Théorie, puisqu'elle ne met point de bornes à l'élevation des eaux : si les Marées étoient Si nous conidérons outre cela, combien les Planetes & la Terre, qui nagent fans doute dans un milieu ressant quoique extrêmement subtil, conservent leur mouvement, sans en perdre la moindre partie considérable pendant une longue suite de siécles, nous pourrions facilement croire, que tous ces Corps ont beaucoup plus de matiere, que M. Newton ne marque. Enfin de quel côté que j'envisage cette Ouestion, tout me fait croire, que les couches de la

centre de la Terre, ne pourroit-elle pas contribuer à ren-

Terre augmentent de densité vers le centre.

dre la matiere plus compacte & plus denfe?

XIV.

Si, tout le Noyau ou tout le Globe de la Terre refannt, l'eau de la Mer, qui inonde la Terre, changeoir de denfiré, la quantié 6 livivoir la ration reciproque des denfirés des eaux de la Mer. Il suit de-là que si la Terre étoit inondée de Mercure, les Marées seroient quatorze fois plus petites, qu'elles ne sont actuellement. Et si au contraire l'air étoit un Fluide homogene pésant, mais sans élasticité, sa haureur seroit environ de 8 70 é plus grande à ecux qui ont le Soleil au Zenith, qu'à ceux qui l'auroient à l'Horison. Cela seroit 1700 pieds de distrence dans la

ET REFLUX DE LA MER.

hauteur de l'Atmosphere, à ne donner que deux pieds de valeur à 6; & cette différence en produiroit une sur le Barometre de plus de 20 lignes. D'où vient donc, demandera-t-on, qu'on n'observe point à cet égard aucune variation dans le Barometre? C'est l'élasticité de l'air qui en est la cause; cette élassicité fait que la hauteur du Barometre doit être conflamment la même dans toute la surface de la Mer, en faifant abstraction seulement des causes accidentelles & passageres, qui peuvent survenir tout d'un coup. & qui n'agiffent fur l'air, que parce que celui-ci ne scauroir obeir affez promptement, ni fe mettre dans un instant dans fon état naturel d'équilibre. On remarquera ici qu'il est faux . que la pression du Mercure soit égale à la pression, ou plûtôt au poids de la Colonne d'air verticale couchée dessus. ce que l'on affirme ordinairement; mais la preffion du Mercure est égale au poids moyen de toutes les Colonnes d'air verticales, qui environnent la Terre, c'est-à-dire, égale au poids de toute l'Atmosphere (dont la hauteur est considerée comme infiniment petite, par rapport au rayon de la Terre) multiplié par la raifon de la base de la Colonne du Mercure à toute la surface de la Terre. Cette Proposition fait voir que la hauteur moyenne du Barometre doit être la même fous l'Equateur & fous le Cercle Polaire, quoique le poids absolu de la Colonne d'air verticale sous l'Equateur pendant les plus grandes chaleurs ne foit pas la moitié si grand que celui d'une pareille Colonne d'air sous le Cercle Polaire en Hyver. On voit de tout ce que nous venons de dire. pourquoi, ni le Soleil, ni la Lune ne changent pas fensiblement la hauteur du Barometre, quoiqu'ils élevent les eaux considérablement. La véritable raison n'en est que l'élasticité de l'air, qui doit faire presser également tous les endroits de la furface de la Terre; & cette seule refléxion démontre entierement l'infuffifance des inégales compressions de la matiere des Tourbillons, pour expliquer les Marées, comme nous avons déja remarqué au III. s. Chap. I.

X V.

Tous les cas particuliers, que nous venons d'examiner, font voir, & il n'est pas difficile de le démontrer généralement par l'équation du V. s. que la quantité 6 (qui exprime la différence entre la plus grande hauteur de la Mer, & la plus petite, en tant qu'elle est produite par la seule action du Soleil) est toujours $=\frac{ngb}{Ga} \times b$: le coefficient n dépend des différentes densités des couches de la Terre; le rapport - est connu par les Observations astronomiques: il ne reste donc qu'à voir comment on pourra déterminer la quantité : c'est en comparant les essets que les Forces g & G produisent; la premiere, en retenant la Terre dans fon Orbite annuelle; la feconde, en retenant la Lune dans celle qu'elle fait autour de la Terre. Si la distance movenne de la Lune au centre de la Terre est nommée a, la Force centrifuge de la Lune fera $=\frac{b\,b}{a\,a}G$, & la force centrifuge de la Terre est = g: or la Force centrifuge moyenne de la Terre dans son Orbite, est à la force centrifuge moyenne de la Lune autour de la Terre, ou plutôt autour du centre de Gravité du fystême de la Terre & de la Lune, comme la distance du Soleil divisée par le Quarré du tems périodique de la Terre autour du Soleil, est à la distance de la Lune au centre de Gravité commun de la Terre & de la Lune [M. Newton suppose cette distance $=\frac{39}{40}\alpha$, voyez fes Princ. Math. Phil. nat. Edit. 2. pag. 430; il fonde cette fupposition sur quelques Phénomenes des Marées, mais mal choisis à mon avis; elle est donc encore fort douteuse; mais comme elle n'est pas de conséquence pour notre sujet, je ne laisserai pas de l'adopter ici] divisée par le quarré du tems périodique de la Lune : on a donc, en nommant le tems périodique de la Terre T, & celui de la Lune t, cette Analogie $g: \frac{b}{a} \cdot G :: \frac{a}{TT}: \frac{39}{49} \cdot t$

ce qui donne $\frac{g}{G} = \frac{40 \text{ abb } tr}{39 \text{ a}^3 \text{ T}^3}$, & par conféquent $G = \frac{ngb}{20 \text{ a}^3 \text{ T}^3} \times b$.

REMARQUE.

Pour voir que cette Formule s'accorde avec celle de M. Newton pour la supposition de l'homogenésté de la Terre, nous remarquerons, qu'en ce cas on a $n=\frac{1.2}{4}$ (s. VIII.) & M. Newton suppose $\frac{b}{a}=\frac{1}{6\sigma_0^2}$ (Princip. Math., Phil. nat. Edit. 2. pag. 430.) $\frac{11}{110}=\frac{1}{1080}$ (Princ. Math. pag. 395.) & ensin b=19695539 pieds après la mesure de M. Cassimi. De tout cela il resulte

 $6 = \frac{40.15.1.1000.19695539}{39.4.(60\frac{1}{4})^3.178725}$ pieds,

cela fait $\epsilon = 1$ pied (1) pouces & un quart. M. Newton trouve 1 pied 11 pouces & un huitiéme. (*Princ. Math. pag.*, 429.) La différence me paroît trop petite, pour en rechercher l'origine.

X V I.

Tout ce que nous venons de dire par rapport à l'action du Soleil, doit être entendu aussi de la Lune, sans y rien changer; de sorte que les équations sondamentales des s. s. V. & VII. servent également pour la Lune, en entendam par a la distance entre les centres de la Terre & de la Lune, & par g la pésanteur d'un Corps placé au centre de la Terre vers la Lune. Et comme nous avons dit au XV. s. que quelque hypothese qu'on prenne pour exprimer les différentes densités dans les couches de la Terre, on trouvera

toujours $\ell = \frac{ngb}{Ga} \times b$, nous dirons par rapport à la Lune, qu'on trouvera toujours

 $\delta = \frac{n \gamma b}{G a} \times b,$

prenant pour d'la différence des hauteurs des eaux à ceux

qui ont la Lune au Zenith, & à l'Horison, pour « la distance entre les centres de la Lune & de la Terre, & pour y la péfanteur d'un Corps placé au centre de la Terre vers la Lune.

XVII.

Ce qui m'a engagé à ne parler d'abord que de l'action du Soleil fur la Mer, est qu'on connoît parfaitement bien la valeur de g pour le Soleil, comme nous avons vû au XV. s. au lieu que la Lune, qui n'a point de Satellites, ne scauroit donner immédiatement la Force accéleratrice, qu'elle cause au centre de la Terre, & que nous avons nommé y. Je trouve par ma nouvelle Théorie de la Lune, dont j'ai déja fait mention ci-dessus, plus générale, plus exacte, & fur-tout infiniment plus facile, que celle de M. Newton, qu'on peut déterminer ladite valeur y avec toutes les autres qui en dépendent ; scavoir la Masse de la Lune, comparée avec celle de la Terre, & leur commun centre de Gravité, moyennant quelques irrégularités dans les mouvemens de la Lune, pourvû qu'on puisse les observer affez exactement. M. Newton a tâché de déterminer la Force accéleratrice y, en comparant les effets de la Lune fur la Mer avec ceux du Soleil; cette Methode seroit fort bonne, si on sçavoit bien séparer les effets des deux Luminaires. Il a prétendu le faire, en comparant les Marées bâtardes, qui fuivent les Quadratures, avec les plus grandes Marées, qui suivent les Syzygies. Nous verrons cidessous ce que l'on peut trouver à redire à cette Methode & comment on pourra y substituer d'autres plus exactes.

X V III.

Au reste, il est clair que la Lune & le Soleil produiront leurs effets independamment l'une de l'autre : tout ce que le Soleil pourroit contribuer au moins dans la pure Théorie, pour troubler l'action de la Lune, est qu'il allonge un peu la Terre: mais il est aussi bien évident, que la Lune changera

changera également la furface de la Mer fur une Terre parfaitement ronde ou allongée d'un petit nombre de pieds: nous avons déja dir la même chose dans la premiere hypothefe du fecond Article.

Voici donc comment il faudroit déterminer la surface de la Mer, si les deux Luminaires pouvoient produire dans un instant tout leur effet, c'est-à-dire, si l'eau n'avoit point d'inertie, & qu'elle pût prendre incontinent sa juste figure; car c'est de cette inertie, qu'il faudra tirer dans la suite plusieurs inégalités, & autres Phénomenes, qu'on a obser-

vés dans les Marées.

Soit dans la septiéme Figure bg dhle Globe de la Terre parfaitement spherique, & considérons d'abord le Soleil, que nous supposerons placé dans la Ligne prolongée b d passant par le centre de la Terre C: notre Globe se changera en Sphéroïde, tel que BGDH, les eaux baiffant autour de gh, & montant autour de b & d. Soit ensuite la Lune dans la Ligne prolongée q p; il est clair qu'elle agira fur le Sphéroïde de la même façon qu'elle feroit fur le Globe parfait, duquel le Sphéroïde differe d'une quantité tout-à-fait insensible : ainsi donc la Lune fera monter & baisser les eaux par-dessus la surface du Sphéroïde, tout autant qu'elle feroit à l'égard de la surface sphérique, sans l'action du Soleil. Il faut donc prendre n q, ou mp, à b B, ou dD en raison des Forces lunaire & solaire, c'est-à-dire, comme \(\frac{7}{2}\) \(\frac{8}{2}\), tracer enfuite les courbes \(q r p s\), telles qu'en prenant un Angle quelconque u Cq, égal à un Angle y CB, la perpendiculaire u x interceptée entre les furfaces des Sphéroides, ait à la perpendiculaire yz, interceptée entre le premier Sphéroïde & le Globe, la raison conftante de n q à b B. Voilà donc une Construction géometrique générale, qui montre à chaque moment, & à chaque endroit, la hauteur de la Mer, & les variations de cette hauteur. Mais elle demande des Calculs longs & pénibles. Nous verrons dans la fuite, comment on pourra s'y prenFig. 7.

dre; pour les faire, en commençant par les circonstances & les hypotheses les plus simples, & en y ajoûtant des corrections & équations à faire pour chaque circonftance changée.

XIX.

Voici donc les cas & les hypotheses, par lesquelles nous commencerons. Nous supposerons d'abord, que la Lune fait des Cercles parfaits autour de la Terre, & pareillement la Terre autour du Soleil: que ces Orbites sont dans le plan de l'Equateur de la Terre : que toute la Terre est inondée : que la surface de la Mer prend dans un instant sa juste Figure, tout comme si l'eau n'avoit point d'inertie, ni resistances; & enfin qu'il ne faille déterminer les loix des Marées, que sous l'Equateur. Mais avant de faire les Calculs, il fera bon d'exposer préliminairement quelques Lemmes géometriques.

CHAPITRE V.

Contenant quelques Propositions de Géometrie préliminaires pour l'Explication & le Calcul des Marées.

PROBLEME.

Fig. 8. Oir, comme ci-devant, le Cercle bg d h (Fig. 8.) & l'Ellipse presque circulaire BGDH, & supposons la Sphere & le Sphéroïde, décrits par la rotation du Cercle & de l'Ellipse autour de l'Axe BD, égaux; trouver le rapport entre les petites Lignes Bb & Gg.

SOLUTION.

Nous supposerons pour nous servir des mêmes expres-

99

fions, que nous avons employées jusqu'ici, Bb + Gg = G; Gg = x, & Bb = G - x; Cb ou Gg = b; n la circonférence du Cercle, dont le rayon est égal à l'unité. Ceci posé, on sçait que la Sphere sera $= \frac{n}{4}nb^3$: on sçait austi, qu'un Ellipfoide (dont le grand Axe est = 2A, & le plus petit Diamettre = 2B) est $= \frac{n}{4}nBBA$; cela donne notre Sphéroide $= \frac{n}{3}n(b-x)^3 \times (b+G-x) = \frac{n}{4}n(b-x)^3 \times (b+G-x) = \frac{n}{4}n(b-x)^3 \times (b+G-x) = \frac{n}{4}n(b-x)^3 \times (b-x)^3 \times$

COROLLAIRE.

II.

Si $Gg = \frac{1}{4}$ \mathcal{G} , il faut que Bb foit $= \frac{2}{4}$ \mathcal{G} , & par conféquent double de l'autre. Ainfi donc l'eau monte deux fois plus autour de la Ligne, qui passe par le centre de l'un des Luminaires, & celui de la Terre, qu'elle ne descend à la distance de 90 dégrés.

PROBLEME.

Si l'on tire du centre C une droité quelconque Cy, trouver la petite Ligne yz, qui marque la hauteur verticale du Point y pris dans l'Ellipfe, par-deffus le Point Z pris dans le Cercle.

SOLUTION.

Qu'on tire par le Point Z la droite & a perpendiculaire à l'Axe: on voit qu'en conféquence de nos hypotheses, l'Angle & y z doit être pris pour un droit, & le petit Triangle & y z centé semblable au Triangle Caz, d'où l'on tire

$$yz = \frac{zz}{cz} \times 6z$$
.

TRAITE SUR LE FLUX

Soit à présent $C\alpha = s$; $Z\alpha = \sqrt{bb - ss}$; on aura par la nature de l'Ellipse

 $\alpha \mathcal{C} = \frac{CG}{CB} \times \sqrt{B\alpha \times \alpha D} = \frac{b - \frac{1}{3} \mathcal{C}}{b + \frac{1}{3} \mathcal{C}} \times \sqrt{(b + \frac{2}{3} \mathcal{C} - s) \times (b + \frac{2}{3} \mathcal{C} - s)}.$

Si on change cette quantité en fuites, & qu'on rejette toujours les infiniment petits du fecond ordre, on trouvera enfin $\alpha C = \sqrt{bb - ss} + \frac{3ts - bb}{3b\sqrt{bb - t}} \times C$.

De-là on tire $\alpha = 6 - \alpha z = 6z = \frac{3iz - bb}{3bV} \times 6$, & par conféquent $yz = \frac{3iz - bb}{3bb} \times 6$. C. 2. F. T.

COROLLAIRE I.

Pour trouver les Points M, où l'Ellipse coupe le Cercle, on n'a qu'à faire y z = 0, ce qui donne $s = b \vee \frac{1}{3} = 0$, 5773b, & l'Arc $b \dot{M} \det 54^{\circ} 44^{\circ}$.

COROLLAIRE II.

V.

Si la Terre tournoit autour d'un Axe perpendiculaire au plan de notre Figure, & que le Cercle bgdh repréfentât ainfi l'Equateur de la Terre, dans lequel l'un des Luminaires est fuppolé se trouver : si par cette rotation de la Terre, le Point B est parvenu en y, le Luminaire restant dans l'Axe BD, l'Angle bCZ sera l'Angle horaire, dont le Cosinus est appellé s, le Sinus total k; & on voir que la différence des hauteurs de l'eau avant & après ladite rotation fera représentée par Bb-yz, c est-à dire par $\frac{1}{2}s + \frac{b}{2} + \frac{3}{2}b + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}s$, ou par $\frac{b}{b} - \frac{1}{2}s \times \frac{1}{2}s$, ou enfin (en nommant le Sinus de l'Angle horaire σ) par $\frac{e}{b}$. Nous concluerons de-là, que les baissements des eaux sont proportionnels aux Quarrés des Sinus des Angles horaires, qui commencent

du moment de la haute-Mer.

COROLLAIRE III.

VI.

Les variations qui répondent à de petits intervalles de tems égaux, font pour chaque Point Z, proportionnelles aux aires du Triangle C a z. Car l'intervalle de tems doit être exprimé fimplement par un petit Arc de Cercle, qui est $\frac{-bds}{Vbb-r}$, en considérant s comme variable; & si nous saisons cette quantité égale à un petit élement de tems dt, nous aurons $\frac{-bds}{Vbb-r} = dt$ & $ds = \frac{-dt Vbb-r}{b}$. Or par le V. s tout le baissement des eaux étant $\frac{-bb-rs}{b} \times G$, sa différentielle fera $\frac{2s^rds^tVbb-rs}{b}$; & comme les quantités G, b & dt sont constantes, nous voyons, que les variations verticales des Marées, qui se font dans de petits intervalles de tems égaux, sont proportionnelles aux quantités répondantes $s^Vbb-rss$, ou aux Aires des aux quantités répondantes $s^Vbb-rss$, ou aux Aires des

SCHOLIE.

Triangles Caz.

VII.

On voir que ces proprierés tendent à déterminer les hauffemens & baiffemens d'une même Marée pour chaque moment, & nous verrons dans la fuite, combien elles répondent aux Obfervations. Ces Propofitions fufficoient pour ce deffein, si nous ne voulions considérer, que ce qui arrive aux Conjonctions & Oppositions des deux Luminaires: mais comme cette restriction ne feroit qu'un cas très - particulier de toute la Théorie des Marées, nous passerons plus outre. Remarquons cependant encore une fois, que chaque Luminaire peut être considéré, comme agissant sur la Mer, indépendamment l'un de l'autre; puisque les petites variations causées par l'un des deux, Niii

ne change pas fenfiblement toute la figure de la Terre; une quantité de quelques pieds ne fçauroit être fenfible par rapport à tout le Diametre de la Terre. Nous allons donc confidérer les deux Luminaires à la fois, & dans une popition en longitude quelconque, quoique toujours dans le plan de l'Equateur. Nous confidérerons auffi fur la Terre un Point quelconque dans l'Equateur, pour voir combien la Mer doit être plus haute ou plus basse dans ce Point, qu'elle ne seroit fans l'action des Luminaires. C'est ici une Question des plus essentieles pour notre sujet. Souvenons nous cependant, que 6 signifie la hauteur de toute la variation des eaux d'une Marée, en tant qu'elle est produite par la seule action du Soleil, & s' la même chose pour la Lune.

PROBLEME. VIII.

Fig. 9. Soit dans la neuviéme Figure 6 d d d d l'Equateur de la Terre parfaitement circulaire, tel qu'il feroit fans l'action des deux Luminaires : fuppofons le Soleil dans la Ligne prolongée d b d la Lune dans la Ligne prolongée d 6; & foit un point Z donné de position : trouver la hauteur y 2, qui marque l'élevation de la Mer pour ledit point Z produit par les deux Luminaires.

SOLUTION.

Supposons que le Soleil éleve les eaux en b de la hauteur Bb, & la Lune de la hauteur Bb au Point C. On aura par les précedentes Propositions $Bb = \frac{1}{2}C$, & $BC = \frac{1}{2}c^2$, qu'on partage la hauteur cherchée yz en deux parties yr, & rz, dont la premiere convienne à l'action de la Lune, & l'autre à l'action du Soleil foit le Sinus total = 1, le Sinus de l'Angle donné $bCz = \frac{e}{b}$, le Sinus de l'Angle Cz pareillement donné Cz de cette maniere, nous aurons aurons aurons aurons aurons de l'action de la chapte Cz

en vertu du III. $s.rz = \frac{3tt - bb}{3bb} \times s = \frac{1bb - 3tt}{3bb} \times s$, & parceillement $y r = \frac{1bb - 3tt}{3bb} \times s$, & parceillement $y = \frac{1bb - 3tt}{3bb} \times s$, & parcenféquent

 $yz = \frac{2bb-3ss}{3bb} \times 6 + \frac{2bb-3ss}{3bb} \times \delta$. C. Q.F.T.

COROLLAIRE.

IX.

On voit par cette Solution la loi qu'il faudroit observer pour construire une Table, qui marquat pour chaque âge de la Lune, & pour chaque moment, les hauteurs des Marées, en supposant le Point z changer continuellement de position, jusqu'à ce qu'il ait sair le tour: voyons à présent quel est le Point Z, qui marque la plus grande hauteur yz, les Poles b & & é étant donnés de position.

L E M M E.

Si le Sinus de l'Angle bCz est appellé, comme ci-deffus, $\frac{e}{b}$; le Sinus de l'Angle CCz, $\frac{e}{b}$; le Sinus de la somme de ces deux Angles, c'est-à-dire, le Sinus de l'Angle bCG, $\frac{m}{b}$; je dis qu'on aura

$$g = \frac{mV(bb-\epsilon\epsilon)-n\epsilon}{b}, & \\
g = \frac{mmbb+nn\epsilon\epsilon-mm\epsilon\epsilon-2mn\epsilon V(bb-\epsilon\epsilon)}{bb}.$$

Je n'ajoûterai pas la démonstration de ce Lemme: mais il est pourtant bon d'avertir ici, qu'en cherchant la valeur de p, qui marque le Sinus de la dissérence de deux Angles donnés par leurs Sinus; on tombe facilement dans une autre expression beaucoup plus prolixe, & qui rend le Calcul du Problème, que nous allons exposer, presque impraticable.

PROBLEME.

X.I.

Trouvér les Points Z, où les hauteurs yz foient les plus grandes.

SOLUTION.

La nature de notre Problème demande, que la différentielle de yz, fçavoir $\frac{-35 c d s^{-1} \delta c d \epsilon}{2}$ (5. VIII.) foir = 0, ou bien $\int df = \frac{-5}{2} \sigma d\sigma$.

Et si l'on différentie l'équation seconde du précedent Lemme, on trouve, prenant les quantités m, n & b pour constantes, & σ pour variable,

 $\xi d\xi = \frac{nn \circ d\sigma - nm \circ d\sigma}{bb} + \frac{nn \circ \sigma - nm bb}{bb \vee (bb - \sigma \sigma)} d\sigma.$

En comparant ces deux valeurs de e de, on trouve une nouvelle équation, à laquelle on pourra donner une telle forme.

 $\left(-\frac{c}{b}bb\sigma + mm\sigma - mn\sigma\right)\sqrt{bb} - \sigma\sigma = 2mn\sigma\sigma - mnbb$:

si l'on suppose pour abréger la Formule $\frac{-6bb}{bmn} + \frac{m}{n} - \frac{n}{m}$ = A, on trouve après une reduction entiere de l'équation, le Sinus de l'Angle bCz, ou

$$\frac{e}{b} = \frac{\pm V}{V} \left(\frac{1}{2} \pm \frac{A}{2V(4+AA)} \right). \text{ C. Q. F. T.}$$

$$S C H O L I E.$$

XII.

Il ne fera pas difficile de reconnoître dans chaque cas quel choix on doit faire des Signes ambigus. Mais pour faciliter la chose, & pour en donner une idée d'autant plus distincte, on pourra faire les remarques qui suivent.

1º. Que notre Formule marque en même tems quatre

Points z, Z, s & S; que les deux premiers diametralement opposés,

opposés, marquent que la Mer y est la plus haute, & les deux autres diametralement opposés marquent que la Mer x est la plus basse, & que l'Arc z s est toujours de 90°, ce que l'on connoît de ce que $V_{\frac{1}{2}} + \frac{A}{2\sqrt{4+AA}}$, exprimant le Sinus d'un Angle, son Cosinus est exprimé par

20. Que l'Angle b C 6 étant aigu, le Point z tombe entre les Points b & 6, que si cet Angle est droit, le Point z tombe précisément sur & (en supposant la Force lunaire plus grande que la Force solaire, comme elle l'est sans doute); & enfin, lorsque l'Angle b c 6 est obtus, que le Point z tombe au-dela du Point 6, l'Arc b z devenant plus grand que l'Arc b 6, avec cette loi, que le Point z s'approche reciproquement du Point d, tout comme il s'étoit éloigné du Point b. Enfin, qu'il y a autant de racines inutiles; qu'il faut rejetter, mais qu'il faudroit adopter, si la Force solaire surpassoit la Force lunaire.

COROLLAIRE I. XIII.

On trouve le Sinus de l'Angle & Cz exprimé par & de la même façon, que nous avons trouvé le Sinus de l'Angle b Cz. On voit même que sans faire le Calcul de nouveau. on n'a qu'à renverser les lettres & & dans la valeur de A. indiquée au s. XI. & supposer $-\frac{\delta bb}{\delta mn} + \frac{m}{n} - \frac{n}{m} = B$, &

 $\frac{e}{b} = \frac{+}{2} \sqrt{\left(\frac{1}{2} + \frac{B}{2\sqrt{(4+BB)}}\right)}$ on aura

COROLLAIRE II. XIV.

Considérant l'Angle b C 6 comme variable, on voit que l'Angle & Cz, qui marque l'Angle horaire entre le moment de la plus haute Marée, & celui du passage de la Lune par le Méridien, peut faire un maximum, ou plus grand, puisqu'il est = 0, tant lorsque l'Angle b C6 est nul, que lorsqu'il est égal à un droit: nous allons déterminer cet Angle dans la Proposition suivante.

PROBLEME. X V.

Déterminer l'Angle b C et el que fon Angle e Cz devienne le plus grand, qu'il est possible.

SOLUTION.

nous aurons $B = \frac{c_{m\sqrt{bb-mm}}}{c_{m\sqrt{bb-mm}}}$, dont la différentielle devient nulle, en faisant

 $\frac{m}{b} = \sqrt{\frac{c+\delta}{2\delta}}.$

COROLLAIRE.

XVI.

Si \mathcal{E} étoit $= \mathcal{A}$, c'est-à-dire \mathcal{E} fi les deux Luminaires avoient une force égale \mathcal{E} , pour mettre la Mer en mouvement, on auroit m=b. Mais la Force lumaire étant plus grande que la Force solaire \mathcal{E} m devient plus petit que b: cependant l'Angle b: C ne deviendra jamais moindre que de \mathcal{E} \mathcal{E}

On remarquera aussi, qu'il y a quatre Points, tels que 6, dont deux sont autant éloignés du Point b, que les deux autres le sont du Point d; & que dans ces quatre Points.

la haute Marée vient alternativement après & avant le paf-

fage de la Lune par le Méridien.

Nous allons voir à présent, comment on doit appliquer tout ce que nous venons de dire pour trouver l'heure des Marées, & pour faire voir, combien notre Théorie bien ménagée s'accorde là-dessus avec les Observations.

CHAPITRE VI.

Sur l'heure moyenne des Marées pour toutes les Lunaisons.

I.

Na été de tout tems foigneux à bien remarquer l'heure des hautes & basses Marées, pour établir làdessus, autant qu'il est possible, des regles pour l'utilité de la Navigation; & quoiqu'il foit impossible de donner des regles générales & exactes, on n'a pas laissé de continuer ces recherches. Mais je ne sçache pas qu'on se soit encore avifé de raisonner là-dessus autrement, que par induction fur un grand nombre d'Observations, pendant que c'est ici une matiere, qui dépend beaucoup de la Géometrie pour l'essentiel, & que ce n'est que par rapport à quelques circonflances, qu'on est obligé de recourir aux Observations, pour établir des regles: & cela est si vrai, que la seule Théorie m'a fait voir plusieurs Points, dont je n'étois pas encore instruit par la lecture. Voyons donc avant toutes choses, jusqu'où la Théorie peut aller, pour éclaircir notre fujet : nous nous attacherons encore aux hypotheses marquées au XIX. s. du Chap. IV. que je prie le Lecteur de relire. Nous irons ensuite plus loin, & nous examinerons, quelle correction il faudra employer à l'égard de chaque hypothese, lorsqu'elle est en quelque façon changée.

II.

Il est bon d'avertir ici le Lecteur, lorsque je parlerai des deux Marées qui se suivent, que j'entends deux Marées pareilles, qui se suivent au bout de 24 heures, en fautant la Marée intermediaire; nous éviterons par-là de certaines petites inégalités, qu'on a observées, lorsqu'on a comparé ensemble les deux Marées, qui se font dans un même jour. Si l'on veut comparer ensemble des Marées, qui ont plusieurs jours d'intervalle, nous chossitions celles qui se font pendant que la Lune est au dessus de l'Horison.

III.

Il est clair, que si la Lune avoit infiniment plus de force que le Soleil, la haute Marée répondroit précifément au passage de la Lune par le Méridien, & l'intervalle d'une Marée à l'autre, feroit d'un jour lunaire précis; & si au contraire la Force du Soleil surpassoit infiniment la Force lunaire, la Marée se feroit au moment du passage du Soleil par le Méridien, & l'intervalle d'une Marée à l'autre, feroit précifément d'un jour folaire. Mais comme les deux dites Forces font, suivant toutes les Observations, comparables entre elles, on voit que le vrai tems de la haute Marée doit dépendre du passage par le Méridien de l'un & de l'autre Luminaire : mais il aura toujours plus de rapport avec la Lune, qu'avec le Soleil, parce que la Force lunaire est, fans contredit, plus grande que la Force solaire. Nous verrons dans la fuite, qu'il y a quatre fituations de la Lune, dans lesquelles l'intervalle de deux Marées qui se suivent, est précisément d'un jour lunaire; & qu'en deçà, ou en delà de ces quatre Points, les Marées doivent nécessairement avancer ou retarder fur le tems d'un jour lunaire : nous déterminerons ces accélerations & retardemens, qui sont fort inégaux, & nous ajoûterons plusieurs autres Remarques sur cette matiere, qui l'éclairciront plus que toutes les Obser-

TOO

vations, qu'on a faites jusqu'ici. Il est vrai que ces déterminations dépendent du rapport qu'il y a entre les Forces des deux Luminaires, que ce rapport est encore incertain, & qu'il est même variable : mais j'indiquerai quels sont les moyens les plus sûrs, pour le déterminer d'abord dans de certaines circonstances, & ensuite généralement. Avant que de traiter cette Question, qui est une des plus utiles, & des plus essentielles, nous déterminerons généralement le vrai tems des hautes & basses Marées, en supposant le rapport entre les forces des deux Luminaires connu.

IV.

Soir dans la dixiéme Figure b a d c l'Equateur, dans le plan duquel les deux Lunninaires font encore fupposés se mouvoir de b vers a, pendant que l'Equateur de la Terre se tourne dans le même sens autour de son Centre C. Prenons dans l'Equateur un Point b, & considérons les Luminaires se trouver dans leur Conjonétion au Point b, c'est-à-dire, étant l'un & l'autre dans la Ligne prolongée d b; on voit qu'en ce cas la haute Marée doit être dans ce moment-là en b, & précisément à midi.

V.

Voyons à présent ce qui doit arriver un, deux, trois \tilde{s} &c. jours après : supposons pour cet effet, que le Soleil se trouvant encore à midi au Point δ , la Lune réponde au Point δ : la haute Marée répondra dans ce moment au Point ε : la haute Marée répondra dans ce moment au Point ε ; & les Arcs δz , δz se déterminent par les S. S. XI. & XIII. du Chap. V. il faut donc que le Point δ parcoure dans l'Equateur l'Arc δz , pour se trouver dans l'endroit de la plus haute Marée; car on peut négliger les petits Arcs, que les Luminaires parcourent, dans le tems que le Point δ de l'Equateur parcourt l'Arc δz . On voit donc, que si l'on veut regler le tems des hautes Marées après le tems vrai, on doit prendre l'Arc δz pour l'Arc horaire, O iii

Fig. 10.

Cette regle suppose le Point & en repos, pendant le tems qui convient audit Arc horaire bz; mais il est facile de corriger cette supposition: car nous vertons dans la suite, que l'Arc bz est presque égal à l'Arc b &; & cela étant, il est clair, qu'on n'a qu'à substituer des heures lunaires aux heures solaires, qui répondent à l'Arc bz, pour corriger ladite supposition.

VI.

Nous venons de montrer, comment on peut déterminer le vrai tems des hautes Marées, en le rapportant au midi, c'eft-à-dire, au passage du Soleil par le Méridien: voici à présent, comment on peut déterminer l'heure des hautes Marées, en la rapportant au passage de la Lune par le Méridien, qu'on connoît par les Ephémerides: on peut le faire immédiatement par le moyen de l'Arc 6 z: nous verrons que le Point z ne sçaurois ésoigner du Point 6 au-delà d'environ dix dégrés, qui répond à 40 minutes de tems, pendant lequel cet Arc ne sçauroit varier sensiblement; d'où il suit que ce petit Arc 6 z marquera toujours l'Arc horaire entre le moment du passage de la Lune par le Méridien & le moment de la haute Marée.

VII.

L'Arc 6z étant tantôt négatif, tantôt affirmatif, comme il paroît par le XIII. Art. du Chap. V. on voit que la haute Marée fuivra le paffage de la Lune par le Méridien, depuis les Syzygies jusqu'aux Quadratures, & qu'elle le précedera depuis les Quadratures jusqu'aux Syzygies : on voit encore par l'Art. XV. du Chap. V. que l'Arc 6z fait un maximum, lorsque le Sinus de l'Arc bC est $ext{eff}$ de c'eft alors que la haute Marée retarde ou avance le plus sur le passage de la Lune par le Méridien : & comme vers ce tems-là les Points 6 & z peuvent être censés avoir un

mouvement égal, l'intervalle d'une Marée à l'autre, sera alors précisément d'un jour lunaire: & cet intervalle peut être appellé intervalle moyen entre deux Marées qui se suivent: il est de 24 heures 50; minutes, en prenant 29 jours 12 heures 44 minutes, pour le tems moyen d'une Conjonction à l'autre.

On remarquera encore que l'intervalle d'une Marée à l'autre, est le plus petit dans les Syzygies, & le plus grand dans les Quadratures.

VIII.

Pour déterminer analytiquement les propriétés, que nous venons d'indiquer en gros, nous supposerons, que la Lune répondant au Point m, & la haute Marée étant dans ce moment-là au Point n, l'Arc mn soit alors le plus grand qu'il est possible. Soit outre cela encore le Sinus total = 1, le Sinus de l'Arc mb=m, son Cosinus = m. Cela étant, nous avons déja dit, & nous le remarquerons encore ici:

1°. Qu'on aura $m = \sqrt{\frac{c+\delta}{2\delta}}$.

2°. Qu'on peut déterminer la grandeur de l'Arc mn par le moyen du XIII. 6. Chap V. où nous avons démontré, que généralement le Sinus de cet Arc est

$$V_{(\frac{1}{a}+\frac{B}{2\sqrt{4+B.B}})}$$

en fuppofant $B = \frac{-\delta bb}{6\pi n} + \frac{m}{m} - \frac{n}{m}$. Pour appliquer cette regle générale à notre cas particulier, il faut supposer b=1; $m=v\frac{\delta+\delta}{2\delta}$, & $n=v\frac{\delta-\delta}{2\delta}$: après ces subflitutions, on trouve le Sinus de l'Arc m $n=\sqrt{\left(\frac{1}{2}-\frac{\sqrt{\delta}\delta-6\xi}{2\delta}\right)}$; & comme δ est beaucoup plus grand que ϵ , on peur censfer le Sinus de l'Arc m n être simplement $=\frac{\varepsilon}{2\delta}$.

3°. Qu'on déterminera la grandeur de l'Arc nb, par le moyen du XI. s. Chap. V. Il est remarquable que cet Arc ne dépend point du rapport, qui est entre la Force lunaire

J. & la Force solaire 6; car il est toujours de 45 dégrés.

4º. Que si la Lune est supposée dans un Point quelconque 6, les Arcs bz & 6z peuvent se déterminer par le moyen des XI. & XIII. S. S. du Chap. V. comme nous avons déja dit : mais si l'on suppose le Point & bien près du Point b, nos Formules font voir, qu'on peut censer alors le Sinus de l'Arc $Gz = \frac{c}{c+\delta} \times m$, & le Sinus du petit Arc

 $b z = \frac{\delta}{\varepsilon + \delta} \times m$. Cette Formule nous fervira à determiner

combien les Marées priment vers les Syzygies.

50. Que si la Lune se trouve en a bien près de a, la haute Marée repondra dans ce moment au Point z' au-delà du Point a, & on trouvera par le XIII. Art. du Chap. V. si l'on traite bien l'équation qui y est marquée, le Sinus du petit Arc $\alpha z = \frac{\epsilon}{\delta - \epsilon} \times n$, en prenant pour n le Cosinus de de l'Arc ba, ou ce qui revient au même, le Sinus du petit Arcaa. Cette valeur du petit Arc a z nous servira à déterminer, combien les Marées retardent vers les Quadratures.

Ces deux dernieres Remarques sont fondées sur ce que m ou n, étant comme infiniment petits, les quantités A & B deviennent comme infiniment grandes, & alors on peut substituer simplement \(\frac{1}{a} & \frac{1}{B} \) à la place des Quantités

$$V_{\left(\frac{1}{2}-\frac{A}{2\sqrt{A+AA}}\right)}^{B} \otimes V_{\left(\frac{1}{2}-\frac{B}{2\sqrt{A+BB}}\right)}$$
:

& après ces substitutions, on trouve les Sinus des petits Arcs, comme nous les avons déterminés.

Toutes ces propriétés, que nous venons d'établir, sont tout-à-fait conformes aux Observations. Mais pour en sentir toute la force, il faudroit toujours scavoir le rapport qu'il y a entre les Forces & & C, & c'est ce que j'ai déja dit, qu'on ne sçauroit déterminer immédiatement par les principes d'Astronomie, faute d'Observations assez justes sur la Lune; il faut donc s'en tenir aux effets Physiques, que la Lune produit produit fur la Terre, pour en déduire sa force; & je n'en connois point d'autres, que les Marées mêmes : mais il s'en faut fervit avec beaucoup de circonspection. Comme c'est ici un point très - essentiel, je n'ai pas voulu manquer de le considérer avec toute l'attention qu'il mérite. Voici mes restéxions là-dessus.

X.

On pourroit déduire le rapport moyen entre les Forces & & du rapport des plus hautes Marées, qui se sont près des Syzygies, & des plus petites Marées aux Quadratters. Car on voir par le VIII. §. Chap. V. que la hauteur de la plus grande Marée doit être à celle de la plus petite Marée, comme & + & est à & - & . Mais les hauteurs des Marées dans les Ports, où l'on sait les Observations, dépendent de rant de circonstances, qu'elles ne peuvent être tout-à-sait proportionnelles aux hauteurs des Marées dans la Mer libre; & c'est ce qui fair, qu'on trouve le rapport moyen entre les plus grandes & les plus petites Marées,

assez différent dans des différents Ports.

M. Newton, qui a fuivi cette Méthode, rapporte une Observation faite par Sturm au - dessous de Bristol, où cet Auteur a trouvé que les hauteurs de la plus grande & de la plus perite Marée ont été, comme 9 à 5, d'où il faudroit conclure, que di= 3 1x 6. Cette Observation est bien éloignée de celle que j'ai reçûe dernierement faite à Saint Malo par M. Thouroud. La voici : » Dans » les grandissimes Marées, la Mer s'éleve de 50 pieds » en plomb au-dessus du bas de l'eau : dans les Marées » bârardes, elle ne différe que de quinze pieds. » Si j'ai bien compris cette Observation, la plus grande Marée étoit à la plus petite, comme 50 à 15, ou comme 10 à 3; ce qui donneroit d= 13 x 6. Ces deux refultans font bien différens: il est vrai, que le rapport de d'à s est variable; mais cette variation ne scauroit aller si loin; si la plus petire valeur de gent em, la plus grande valeur de gent fera environ $=\frac{3}{2}m$.

Il y a une autre refléxion à faire fur cette Méthode de trouver le rapport entre les Forces des deux Luminaires: c'est que les Marées font une espece d'Oscillations, qui se ressentent toujours des Oscillations précedentes : cette raison fait que les variations des Marces, ne sçauroient être aussi grandes qu'elles devroient être, suivant les Loix hydrostatiques. Concevons un pendule attaché à une Horloge animée successivement par des poids différens : On fçait, que plus ces poids font grands, plus les Ofcillations du pendule deviennent grandes : mais en changeant les poids, les premieres Ofcillations ne prendront pas d'abord leur grandeur naturelle ; elles ne s'en approchent que peu à peu. Il n'en est pas de même des durées des Oscillations, lorsque le pendule est successivement animé par différentes péfanteurs. Considérons d'abord un pendule simple animé par la péfanteur ordinaire, & qui fasse ses Oscillations dans deux fecondes de tems, & supposons ensuite la pésanteur devenir tout d'un coup quatre fois plus grande; je dis que la premiere Oscillation, qui suivra ce changement, se fera de même que toutes les autres suivantes dans une seconde de tems.

Cette considération me porte à croire, que les Observations sur les durées & sur les intervalles des Marées sont plus sûres pour notre dessein, que les hauteurs des Marées: si cette resléxion est bien fondée, on pourroit faire attention aux Méthodes suivantes, pour trouver le rapport

moyen entre & & C.

1º. Il faudroit pendant plusieurs mois observer, quel est le plus petit intervalle de deux Marées. Nous avons dit au VI. 5. que l'intervalle moyen est d'un jour moyen lunaire, que je suppose de 24 heures 50 minutes: mais il sera moindre dans les Syzygies; quoique plus grand qu'un jour solaire, ou de 24 heures; supoposons ce plus petit intervalle de 24 heures, & d'autant de minutes, qu'il y a d'unités dans N; & il saudra prendre dans la dixiéme Figure un Arc horaite b é de 50 minutes de tems: De cet Arc b 6, il saut prendre une partie & 2, qui réponde à (50 — N') il saut prendre une partie & 2, qui réponde à (50 — N')

ET REFLUX DE LA MER. 115 minutes. Or par la IV. Remarque du VII. §. l'Arc & & est à l'Arc & & & comme $\frac{\&}{\&+\&} \times m$ est à m: d'où nous tirons cette analogie,

50 - N:50::6:6+d,

& cette analogie donne

 $\delta = \frac{N}{10 - N} \times C.$

Soit Négal à 35 (c'est ainsi qu'on l'observe à peu près

dans les Marées regulieres) & on aura d= 35 6.

29. On pourroit aussi faire attention aux plus grands intervalle; si ce plus grand intervalle (qui se fait ordinairement après les Quadratures) étoit de 24 heures & d'autant deminutes, qu'il y a d'unités en M. On trouve par la même Méthode, que nous venons d'indiquer, & par la V. Remarque

du VII. \mathfrak{s} . $\delta = \frac{M}{M-50} \times \mathfrak{s}$.

Soit M = 85 minutes (c'est à peu près la valeur que l'on observe) & on trouvera

 $\delta = \frac{85}{35} \times 6.$

Voilà les deux Méthodes, que je crois lesplus exactes; & la premiere doit l'emporter fur la feconde, parce que les Marées font plus irrégulieres après les Quadratures, qu'après les Syaygies. Il y a encore plusieurs autres Méthodes pareilles à celles que je viens d'exposer, & dont j'ai fait en partie le Calcul; mais comme je ne suis pas affez content des Observations, sur lesquelles ces Méthodes font fondées, je ne les mettrai pas ici. Je me contenterai de dire, qu'après tous les examens que j'ai faits, j'ai rouvé, que pour accorder, autrant qu'i let possible, toutes les Observations qui déterminent le rapport entre θ & θ , il faut supposer la valeur moyenne de θ = θ ; la plus petite valeur de θ = θ = 2, & sa plus grande valeur = 3. C'est donc sur ces suppositions que nous raisonnerons & calculerons dans la suite; & comme nous ne considérons encore toutes les circons

TRAITE' SUR LE FLUX tances variables, que dans leur état moyen, nous ferons dans tout le reste de ce Chapitre $\frac{1}{6} = \frac{1}{4}$.

M. Newton suppose $\frac{\partial}{\partial t}$ environ = 4: mais j'ai déja dit; pourquoi sa Méthode doit indiquer la valeur de $\frac{\partial}{\partial t}$ plus grande qu'elle n'est: la raison en est, que si les Marées n'avoient point d'instuence les unes sur les autres, comme elles ont, les plus grandes Marées différeroient davantage des plus petites, & par-là on trouveroit la valeur de $\frac{\partial}{\partial t}$ plus petite.

Avant que de finir cette digression sur le rapport entre la force de la Lune, & celle du Soleil, & d'en faire l'application à notre fujet, je ferai ici une refléxion fur les Forces absolues de la Lune & du Soleil. Nous avons fait voir aux S. S. VIII. & XV. du Ch. IV. que dans l'hypothese de l'homogenéité de la Terre adoptée par M. Newton, le Soleil ne scauroit faire varier les eaux au-delà de deux pieds, ni par conféquent la Lune au-delà de cinq pieds. Ces deux Forces combinées ensemble pour les Quadratures feroient une Force absolue à faire varier les eaux en pleine Mer de trois pieds de hauteur verticale pendant une Marée. Mais peuton comprendre, que d'une variation de trois pieds en pleine Mer, il puisse provenir tous les effets des Marées aux Quadratures? Encore est-il très-vraisemblable, que la variation actuelle des eaux differe beaucoup de la variation entiere, que la Théorie indique comme possible : peutêtre même, que la variation actuelle est à peine sensible par rapport à l'autre, & cela non-feulement à cause des empêchemens accidentels, tel que le frottement, l'imparfaite fluidité, &c; mais encore à cause de l'inertie des eaux & du mouvement journalier de la Terre; car on voit bien, que si ce mouvement journalier de la Terre étoit d'une vitesse infinie, les Luminaires ne pourroient avoir aucun effet pour faire varier la Mer, quelque Force qu'ils eussent. Je fuis donc entierement perfuadé, que les Forces abfoIues des deux Luminaires sont beaucoup plus grandes, que M. Newton ne les suppose, & tous ses Commentateurs après lui, prenant l'homogenéité de la Terre, pour une hypothese, sur laquelle ils bâtissent tout leur Système. Ces refléxions doivent donner beaucoup de poids à tout ce que nous avons dit au Chap. IV. où nous avons démontré, qu'en supposant, que les Densités des Couches de la Terre augmentent depuis la circonférence vers le centre (fupposition d'ailleurs extrêmement probable par plusieurs raisons Physiques, dont j'ai exposé une partie au XIII. s. du Chap. IV.) on peut augmenter, tant qu'on veut, les effets de la Lune & du Soleil fur la Terre. Après cet examen fur les Forces, tant relatives, qu'absolues des deux Luminaires. nous allons en faire usage, pour considérer de plus près tout ce qui regarde la durée des Marées, leurs intervalles, & pour faire voir le merveilleux accord entre la Théorie & les Observations.

XI.

Les intervalles de deux Marées qui se suivent, sont les plus petits dans le tems des Syzygies: leur intervalle moyen est alors de 24 heures 35 minutes, & les Marées priment chaque jour de 15 minutes sur le mouvement de la Lune.

XII.

Les intervalles de deux Marées qui se suivent, sont les plus grands dans le tems des Quadratures: ils sont alors de 24 heures 83 minutes, c'est-à-dire, de 25 heures 25 minutes: les Marées retardent de 35 minutes par jour sur sur sur sur sur les Marées plus incertaine & plus irréguliere que dans les Syzygies; & c'est aussi ce que l'on observe: mais ce n'est pas la seule raison.

XIII.

Les Marées répondront précifément au passage de la Piij Lune par le Méridien, tant dans les Quadratures, que dans les Syzygies, si celles-ci se font aussi au moment du pasfage de la Lune par le Méridien. Mais si les Quadratures & les Syzygies ne se font pas dans le moment du passage de la Lune par le Méridien, il faut des corrections. Dans les Syzygies, il faut une correction de 15 minutes pour un jour entier en vertu du XI. s. & par conséquent & de minutes par heure, que la haute Marée avancera sur le passage de la Lune par le Méridien, si les Syzygies se font avant ce même passage; & que la haute Marée retardera sur le passage de la Lune par le Méridien, si les Syzygies se sont après ce passage. Dans les Quadratures il faut une correction de 35 minutes par jour, en vertu du s. XII. c'est-àdire, environ une minute & demie par heure, que la haute Marée retardera fur le passage de la Lune par le Méridien, si les Quadratures se sont avant ledit passage; & qu'elle avancera, si les Quadratures se font après le passage de la Lune par le Méridien. Car près des points b & a, les Arcs & z & a z1 peuvent être censés proportionnels aux Arcs 66 & a a.

XIV.

Si au lieu de rapporter les hautes Marées aux jours lunaires, on vouloit confidérer les jours folaires, on voit bien qu'il faut dire, que les hautes Marées, au lieu de primer de 15 minutes dans les Syzygies, tetardent de 35 minutes dans un jour, ou d'environ une minute & demie par heure; & qu'elles retardent de 85 minutes par jour dans les Quadratures, ce qui fait environ trois minutes & demie par heure: de-là nous tiretons cette regle pour les Syzygies.

Il faut ajoûter à l'heure moyenne de la Marée dans les Syzygies une minute & demie par chaque heure, que les Syzygies auront devancé ladite heure moyenne, & en retrancher une minute & demie par chaque heure, que les Syzygies retar-

deront sur la même heure moyenne.

Et pour les Quadratures nous aurons la regle suivante :

Il faut ajoûter, ou retrancher, dans les Quadratures de Pheure moyenne de la Marée, trois minutes & demie par chaque heure, que les Quadratures avanceront ou retarderont sur la même heure moyenne.

X V.

M. Caffini, dont les remarques ingénieufes fur les Marées mont servi de guide dans mes recherches, a donné par induction des regles pareilles, avec cette différence que dans les Syzygies, il a mis deux minutes par heure, au lieu d'une minute & demie; & deux minutes & demie dans les Quadratures, au lieu de trois minutes & demie.

X V I.

Enfin nous remarquerons, que l'intervalle moyen de deux Marées qui se suivent, lequel intervalle est de 24 heures lunaires, ou 24 heures 50 minutes, n'est pas éga-Iement éloigné des Syzygies & des Quadratures; mais qu'il est beaucoup plus près des Quadratures, que des Syzygies: aussi pouvoit-on le prévoir facilement; car comme toutes les accélerations depuis le Point b jusqu'au Point m (qui est celui, dont il est question ici) doivent compenser tous les retardemens depuis le Point m jusqu'au Point a, & que les accélerations sont beaucoup plus petites que les retardemens, on voit d'abord, que le Point m doit être plus près du Point a, que du Point b. Mais nous déterminerons exactement ce point m par le moyen de la premiere Remarque du VIII. s. où nous avons démontré que le Sinus de l'Arc m b est = $V \frac{c+b}{2} = V \frac{7}{10} = 0,8366$, lequel Sinus répond à un Arc de 56d. 47m. L'Arc mb étant donc de 56d. 47m. l'Arc ma fera de 33d. 13m., & les deux Arcs mb & ma font comme 3407 à 1993.

L'Arc n b étant toujours de 45 dégrés (par la III. Remarque du VIII. §.) nous avons l'Arc m n = 1 1 d. 47 m.; & cet Arc m n marque le plus grand intervalle possible entre

120

XVII.

Toutes ces Propositions depuis le XI. §. jusqu'ici, nous donnent une idée claire des heures des hautes Marées, & de toutes leurs variations pour chaque âge de la Lune. Car, quoique nos démonfrations font fort hypothetiques, elles n'en méritent pas moins d'attention; je ferai voir dans le Chapitre suivant, comment on peut donner des corrections affez justes à l'égard de toutes les hypotheses que j'ai exposées au XIX. S. du Chap. IV. Mais pour donner toute la perfection qui est possible, à cette matiere, je montrerai plus précifément, comment on peut trouver l'intervalle entre le passage de la Lune par le Méridien, & la haute Marée, pour tout Arc donné entre les deux Luminaires; après quoi je donnerai une Table, que j'ai pris la peine de calculer de dix en dix dégrés. Il sera facile après cela, moyennant les Ephémerides & des Interpolations, de déterminer l'heure des Marées généralement.

XVIII.

Soit donc encore le Soleil en b; la Lune dans un Point quelconque m: la haute Marée en m. Soit le Sinus de l'Arc mb = m: le Sinus total = 1, le Cofinus de l'Arc mb = n: qu'on fasse (s:XIII. Chap. V.)

$$B = \frac{-\delta bb}{6mn} + \frac{m}{n} - \frac{n}{m} = \frac{4mm-7}{2mn}$$
:

on aura le Sinus de l'Arc mn (qui est l'Arc horaire entre

ET REFLUX DE LA MER.

121

le passage de la Lune par le Méridien & la haute Marée)

 $= V\left(\frac{1}{2} + \frac{B}{2\sqrt{4+BB}}\right).$

Si l'on change cette Quantité radicale en fuites , en faifant attention que B est toujours un nombre négatif beaucoup plus grand que l'unité, on verra qu'on peut , fans aucune erreur fenfible , supposer le Sinus de l'Arc horaire $mn = \frac{1}{16} - \frac{3}{2} \frac{3}{2}$, & même simplement $= \frac{1}{16}$ près des Syzygies & des Quadraures. Voici à présent la Table dont je viens de parler.

La premiere Colonne marque de dix en dix Dégrés l'Angle compris entre les deux Luminaires vis du centre de la Terre environ l'heure de la haute Marée: la feconde marque le nombre de minutes, qu'il faut retrancher depuis les Syzygies jusqu'aux Quadratures, & ajoûter depuis les Quadratures jusqu'aux Syzygies à l'heure du passage de la Lune par le Méridien, pour trouver l'heure de la Marée; & la rossiféme marque la vraie heure de la haute Marée.



TABLE FONDAMENTALE pour trouver l'heure moyenne des hautes Marées.

The state of the s			
tre les deux	Tems de la haute Mer avant & après le paf- fage de la Lune par le Méridien.	Heure de la haute Mer.	
o Dégrés.	o Minutes.	o Heur.	o Min.
10	111 avant.	0	28 1
20	22 avant.	0	58
30	3 1 ½ avant.	I	28 <u>1</u>
40	40 avant.	2	0
50 .	45 avant.	2	35
бо	46½ avant.	3 .	132
70	40½ avant.	3	59±
80	25 avant.	4	55
90	0	6	0
100	25 après.	7	5
110	40½ après.	8	$0\frac{1}{2}$
120	46½ après.	8	461
130	45 après.	9	25
140	40 après	10	0
150	3 1 ½ après.	10	3 1 ½
160	22 après.	11 .	2
170	1 1-1/2 après.	11	312
180	0	1.2	0

XIX.

La Table que nous venons de donner, détermine généralement l'heure des hautes Mers pour les hypotheses expofées au XIX. §. Chap. IV. s'il est vrai que la raison moyenne entre les Forces de la Lune & du Soleil, foient comme 5 à 2. Je la crois à-peu-près telle, après avoir bien examiné toutes les Observations qui peuvent la déterminer : cependant, comme ces Observations ne sont ni assez justes, ni en assez grand nombre, pour s'y sier entierement, je ne la donne pas encore pour tout-à-fait exacte : il est pourtant certain, que cette Table ne sçauroit manquer d'avoir toute l'exactitude nécessaire, les Marées étant sujettes à plusieurs irrégularités, dont on ne sçauroit donner aucune mesure, & qui sont de beaucoup plus grande conséquence, que tout ce qu'il y a encore d'incertain dans la Table. Nous allons examiner avec quelles précautions & corrections on doit s'en fervir.

CHAPITRE VII.

Qui contient à l'égard de plusieurs Circonstances variables, les Corrections nécessaires pour les Théoremes & pour la Table du Chapitre précedent, & une Explication de plusieurs Observations faites sur les Marées.

I.

Es Vents & les Courants irréguliers contribuent le plus à rendre les Marées incertaines & irrégulieres. Ils accélereront & augmenteront le Flux, ou le retarderont & le diminueront, felon qu'ils ont une direction commune ou contraire avec le Flux naturel des eaux. Mais on

voit bien qu'il faut se contenter de ces effets, & qu'il est difficile & même impossible d'en marquer le détail, ou des mésures précises.

II.

La seconde circonstance qui fait varier les Marées, est la situation du Port, sa prosondeur, sa communication avec la Mer libre, la pente de son fonds & des environs, &c. Tout cela fait qu'il est impossible de marquer l'heure absoluë des Marées dans les Ports, ou Bayes, ou Côtes différemment fituées. Mais comme toutes ces circonstances demeurent toujours les mêmes, on peut supposer qu'elles font le même effet sur toutes les Marées; scachant donc combien la Marée est retardée dans les Syzygies, on le scaura aussi à-peu-près dans toutes les autres situations de la Lune. Cette supposition est la seule ressource qui nous reste: j'avouë même qu'elle doit être fort peu exacte pour les différentes déclinaisons des deux Luminaires à l'égard de l'Equateur : il n'est pas vraisemblable non plus, qu'elle soit également juste pour les grandes Marées dans les Syzygies, & pour les Marées bâtardes dans les Quadratures. Mais avec tout cela, on ne doit pas la rejetter, plusieurs Observations m'ayant fait voir, que moyennant cette correction, le cours des Marées répond affez bien à la Théorie. Il faut donc sçavoir par un grand nombre d'Observations pour chaque endroit l'heure moyenne des hautes Mers dans les Syzygies, & ajoûter cette heure au tems marqué dans la feconde & troisième Colonne de notre Table : c'est cette heure movenne des hautes Mers dans les Syzygies, que les Mariniers appellent heure du Port : elle varie extrêmement dans les différens Ports, comprenant tout le tems & durée d'une Marée.

III.

Ce retard de l'heure moyenne des pleines Mers dans les Syzygies, à l'égard du midi, s'observe autsi dans la Mer.

libre, ou plutôt dans les Isles qui sont en pleine Mer: mais il n'est pas si grand, & vient d'une autre cause, sçavoir de l'inertie des eaux, qui les empêche d'obéir affez promptement, à cause de la viresse du mouvement journalier de la Terre. On peut appliquer ici tout le raisonnement que nous avons fair au VI. s. du Chap. III. pour expliquer la nutation de la Lune en longitude : On pourroit douter, si cette raison doit faire avancer ou retarder les Marées : Supposons donc, pour nous en éclaircir, que, tant les Luminaires, que la haure Marée, répondent à un même Point b dans la huitième Figure : comme le mouvement des Luminaires n'est pas sensible, par rapport au mouvement journalier de la Terre, nous les confidérerons comme demeurant dans la ligne d b : l'Equateur de la Terre changera fa figure naturelle b g d h en B G D H; & cette figure BGDH rournant autour du Centre C de B vers G, le sommer B viendra quelque tems après en y : cela étant, si les eaux pouvoient se composer dans un instant dans un état déquilibre, l'élevation Bb devroit se changer en yz, & la force qui devroit produire ce changement, seroit exprimée par B b - y z : mais cette force étant infiniment petite, fi l'Angle BCy est infiniment petit, elle ne scauroit produire tout fon effet. On voit par-là, qu'il faut supposer l'Angle B Cy d'une grandeur confidérable, & confidérer enfuire le sommet B comme transporté en y, afin que la différence des pressions soit affez grande, pour conserver le sommet des eaux au Point y, malgré la rotation du Globe. Le vrai sommet étant donc en y, l'Angle BCy sera l'Angle horaire, qui marquera les retardemens réels des hautes Marées fur le passage de la Lune par le Méridien. Là-desfus nous pourrons faire les Remarques qui suivent.

1°. Si les Luminaires ne font pas en conjonction, & que le Soleil foit en b, & la Lune en b (Fig. g.) on pourra considérer la chofe, comme files Luminaires étoient en conjonction, mais dans la Ligne Cz, déterminée de position au VIII. g, du Chap. V. & augmenter toujours l'Angion au VIII.

gle bCz de la neuviéme Figure , de l'Angle BCy , dont nous venons de parler : d'où il paroît que l'Angle horaire BCy doit toujours être ajoûté au tems marqué dans la troi-fiéme Colonne de notre précedente Table : car la hauteur des Marées ne paroît pas devoir changer la chofe , puisque les changemens de prefilon pour un petit tems donné , font proportionnels aux baiffemens des eaux , qui doivent se faire pour conserver le fommet des eaux dans un même Point y.

2°. Si le mouvement journalier de la Terre étoit infiniment lent, l'Angle BCy feroit nul: mais il doit être plus grand, d'autant qu'on fuppose le mouvement journalier plus grand & plus prompt; & la différence des hauteurs entre les hautes & basses Marées, doit diminuer à pro-

portion.

3°. Si la vitesse du mouvement journalier étoit comme infinie , la pleine Mer répondroit presque au Point G; mais aussi la dissérence des hautes & basses Mers feroit comme nulle. Il me semble après avoir bien considéré la chose , que les hauteurs des Marées dans les Syzegies doivent être censées proportionnelles aux Sinus des Ângles G C y dans la Mer libre , & que si la hauteur B b sans le mouvement journalier de la Terre effe = G, elle fera avec le mouvement journalier de la Terre $\frac{G}{G} \times G$. Or, comme on a observé, que dans la Mer libre la haute Marée suit environ de deux heures le midi dans les Syzegies ; il sau suposite P Angle B C y de y o dégrés , & les forces abfolues des Luminaires doivent être supposées plus grandes en raison de V 3 à z pour élever les eaux , autant qu'elles le seroient fans le mouvement journalier de la Terre.

T V

Nous avons encore fait voir, que sans le concours des causes secondes, les plus grandes Marées devroient se faire dans les Syzygies, & les plus petires dans les Quadratures.

Cependant on a observé, que les unes & les autres se sont un ou deux jours plus tard. Ce retardement est encore produit, finon pour le tout, au moins en partie, par l'inertie des eaux, qui doivent être mises en mouvement, & qui ne sçauroient obéir affez promptement aux forces qui les follicitent, pour leur faire suivre les loix que ces forces demanderoient. Il y a peut-être encore une autre cause, & M. Cassini me paroit le soupçonner de même, quoiqu'il ne se serve pas de nos principes, la voici : c'est qu'il se pourroit bien que cette cause, qui nous est encore si cachée, & qui donne une tendance mutuelle aux Corps flottans & composans le système du monde; que cette cause, dis-je, ne se communiquat pas dans un instant d'un Corps à l'autre, non plus que la lumiere. S'il y avoit, par exemple, un Torrent central de matiere subtile, & d'une étendue infinie, vers le centre de la Terre, & un femblable vers le centre de la Lune, ces deux Torrens pourroient produire la Gravitation mutuelle de ces deux Corps, & la vitesse du premier pourroit être telle, qu'il fallût un ou deux jours à la matiere, pour parvenir depuis la Lune jusqu'à la Terre: en ce cas on voit bien que l'effet de la force lunaire fur notre Océan, seroit le même, qu'il auroit été un ou deux jours auparavant dans la supposition que la Gravitation se communique dans un instant. Quoi qu'il en soit, comme ce retardement a été observé le même à-peu-près après les Syzygies & après les Quadratures, nous pouvons encore supposer, qu'il est le même, pendant toute la révolution de la Lune, c'est-à-dire, que les Marées sont toujours telles, qu'elles devroient être, fans lesdites causes. un ou deux jours auparavant.

Au refte je n ai misici ce que je viens de dire sur la cause qui pourroit produire la Gravitation mutuelle des Corps du Système du Monde (Gravitation, qu'il n'est plus permis de revoquer en doute) que comme un exemple: je ne prétens pas expliquer ce Phénomene; j'avoue même, qu'il m'est ençore tout-à-sait incompréhenssible: je ne crois pas non

plus que l'Acade Mie en ait voulu demander une explication; je fouhaiterois donc qu'on remarquât que ceux qui voudroient se servic d'autres principes, pour expliquer le Flux & Reslux de la Mer, ne le feroient qu'en apparence, & que tout cequ'ils pourroient alleguer ne seroient que des efforts d'expliquer mécaniquement la Gravitation ou l'Attraction mutuelle du Soleil, de la Lune & de la Terre, sans disconvenir pour cela de nos principes au sond, lesquels font surs, & doivent être considérés comme des saits averés par l'expérience.

V.

Je profiterai de cette occasion, pour parler d'un des principaux Phénomenes, & pour répondre à une objection, qu'on pourroit nous faire là-dessus, & dont l'éclaircissement me paroît très-propre pour faire voir-l'avantage de

notre Méthode & de nos Calculs.

On a déterminé après un nombre infini d'Observations, que dans les Syzgies l'heure moyenne de la haute Mer est à Brest à 3 heures 28 minures, & dans les Quadratures à 8 heures 40 minutes; & que la disférence n'est que de 5 heures 12 minures depuis les Syzygies jusqu'aux Quadratures. Cette disférence a été observée tout-à-fait la même à Dun-kerque, & dans d'autres Ports; quoique les heures des Marées soient disférentes aux divers Ports. C'est donc ici une Observation qui mérite beaucoup d'attention, comme générale & bien averée: cependant il est certain, que sans les causes secondes, que nous avons déja indiquées, la différence entre les heures du Port pour les Syzygies, & pour les Quadratures, devroit être à-peu-près de 6 heures lunaires, c'est-à-dire d'environ 6 heures 12 minutes. Voici comment je détermine exastement cet intervalle.

L'heure moyenne de la haute Mer dans les Syzygies, est dans la Théorie pure précisément à midi, puisqu'il faut considerer les Syzygies, comme tombant précisément sur l'heure du midi. Si les Syzygies se faisoient plus tard, la

haute

haute Mer arriveroit plus tôt & reciproquement; & les accélerations compensent parfaitement les retardemens après un grand nombre d'observations. L'heure moyenne de la haute Mer dans les Quadratures, doit être de même cenfée celle qui se fait, lorsque la Quadrature se fait précisément à midi ; car, lorsqu'il est question d'un certain jour, il en faut prendre le milieu, c'est-à-dire l'heure du midi, afin que les différences se détruisent ou se compensent les unes les autres. Soit donc (dans la dixiéme Figure) le Soleil au Zenith b, & la Lune en a à 90 dégrés du Zenith, ou à l'Horison : cela étant, on voit que si la haute Mer est supposée se faire précisément au moment du passage de la Lune par le Méridien, elle doit se faire 6 heures lunaires après midi; car le Point b doit faire, par le mouvement journalier de la Terre, l'Arc horaire b a a (supposant que le passage de la Lune par le Méridien, qui a été à l'heure du midi en b, réponde au Point a); mais pour parler plus précisément, la Lune & le Méridien se trouvant en a, la haute Marée répondra au Point z', & l'Arc a z sera égal aux deux tiers du petit Arc a a (§. XIII. Chap. VI.) c'est donc l'Arc b a z1 qui marque l'heure moyenne de la haute Mer dans les Quadratures: l'Arc ba est de 90 dégrés; le petit Arc a a est d'environ 3 dégrés, & l'Arc a z' de 2 dégrés, & par conféquent l'Arc baz' de 95 dégrés, qui donne un tems de 6 heures 20 minutes, qui devroit être in abstracto l'heure moyenne de la haute Mer dans les Quadratures, pendant que celle des Syzygies est à midi. D'où vient donc, me demandera-t-on, que, suivant les Observations, on ne trouve que 5 heures 12 minutes à la place de 6 heures 20 minutes. Je répons que c'est cette même anticipation des Syzygies & des Quadratures à l'égard des plus grandes & des plus petites Marées, dont nous avons parlé dans le précedent Article, qui en est la cause. Il est si vrai, que c'est ici la véritable raison, que la quantité de cette anticipation répond parfaitement bien à l'intervalle des heures moyennes des hautes Mers pour les Syzygies & les Quadratures.

Nous en pourrons même déterminer plus exactement ladite anticipation, fur laquelle on est encore bien divisé, les uns la faifant d'un jour, d'autres de deux, pendant qu'on a déterminé affez exactement, & d'un commun accord l'au-

plus généralement adopté, en considérant que les Marées

tre Point. Prenons d'abord le terme de deux jours, comme le

se reglent après les Luminaires, tels qu'ils ont été deux jours auparavant: imaginons-nous les Syzygies se faire en b Fig. 11. (Fig. 11.) & les Quadratures en b & a : l'effet des Luminaires fera, en vertu de notre supposition, dans le tems des Syzygies, comme si le Soleil étoit en b, & la Lune en 6, en prenant l'Arc b 6 d'environ 25 dégrés; & le même effet dans les Quadratures fera comme si le Soleil étant en b, la Lune se trouvoit en 6, en donnant à l'Arc b 6 environ 642 dégrés; dans les Syzygies, la haute Mer répond au Point z, & dans les Quadratures au Point z'. C'est donc l'Arc z b z' qui exprime l'Arc horaire entre l'heure moyenne de la haute Mer des Syzygies & celle des Quadratures (fubstituant toutefois des heures lunaires à la place des heures ordinaires, à cause du mouvement de la Lune.) Or la Table mise à la fin du précedent Chapitre, fait voir par le moyen desinterpolations, que la Lune étant avant les Syzygies à 251 dégrés du Soleil, l'heure de la haute Mer est à 10 heures 46 minutes du matin; & que la Lune étant après les Syzygies à 641 dégrés du Soleil, la haute Mer se fait à 3 heures 35 minutes du foir : l'intervalle est donc de 4 heures 49 min. tems lunaire, ou d'environ ; heures, tems ordinaire. Ce refultat répond déja affez bien à l'Observation, qui le donne de 5 heures 12 minutes.

Mais siaulieu de deux jours on prend jours, ou environ 39 heures, qui répond à-peu-près à 20 dégrés de distance de la Lune depuis les Syzygies & les Quadratures, l'heure moyenne de la haute Mer le jonr des Syzygies, sera en vertu de la Table, à 11 heures 2 minutes du matin, & le jour des Quadratures, à 3 heures 501 minutes du foir; & l'intervalle

de l'une à l'autre fera de 4 heures 571 minutes tems lunaire, qui fait à-peu-près 5 heures 8 minutes. Et enfin on trouve une conformité exacte entre les deux points en question, en donnant un jour & demi au retardement des Marées. c'est-à-dire, en supposant que l'état des Marées est tel qu'il devroit être naturellement, un jour & demi plutôt: c'est alors que l'intervalle de l'heure moyenne de la pleine Mer aux Syzygies à l'heure pareille aux Quadratures, devient de 5 heures 12 minutes, tel qu'un grand nombre d'Observations l'a donné : aussi ce terme d'un jour & demi, est-ce celui qui est le plus conforme aux Observations, & en confultant les Tables qui font dans les Memoires de l'Académie de l'année 1710. pag. 330. & 332. & prenant la différence moyenne, on trouve fort à-peu-près la même valeur. Toutes ces circonflances, l'explication naturelle de ce Phénomene, sa conformité avec toutes les Observations faites jusqu'ici, & son usage pour déterminer au juste un des points des plus effentiels, qu'on n'a connu encore que par tatonnement, font bien voir la justesse & la supériorité de nos Méthodes. *

VI.

Les autres corrections que l'on doit apporter aux Formules & à la Table du précedent Chapttre, regardent Ilypothefe que nous avons faite, pour rendre d'abord la Question & les Calculs plus faciles; scavoir que les deux Luminaires font des Cercles parfaits autour de la Terre, & cela dans le plan de l'Equateur. Cette supposition entraîne celle d'une égalité parfaite dans les distances des Luminaires à la Terre, austibien que dans leur mouvement, & elle fait outre cela leur déclinaison, à l'égard de l'Equateur, nulle. Voyons donc à présent ce que les disférentes distances, l'inégalité des viresses des Marées.

^{*} Je vois après avoir fini cette Piece, que M. Cassini a déja indiqué ce que notre Remarque contient de Physique. V oy, les Mem, de l'Ac, des Sc. de 1714. p. 252. R ;;

Les différentes distances des deux Luminaires à l'égard de la Terre changent le rapport de leurs forces sur la Mer; & c'est cependant de ce rapport que dépendent presque toutes les Propositions du précedent Chapitre. Nous avons supposé ce rapport pour les distances moyennes de la Lune & du Soleil, comme ; à 2, sondés sur un grand nombre d'Observations, qui doivent nous confirmer dans cette supposition, à l'égard des variations des dissances, après avoir remarqué & démontré la Proposition qui suit :

Les Forces de chaque Luminaire sur la Mer sont en raison

reciproque triplée de leurs distances à la Terre.

En voici la Démontration. Nous avons dit & démontré au Chapitre quatrième, que la Force de chaque Luminaire eft généralement $=\frac{\pi g b}{G \alpha} \times b$, en entendant par n un nombre conflant par $\frac{g}{g}$ le rapport de la péfanteur dans la region de la Terre vers le Luminaire à la péfanteur qui fe fait vers le centre de la Terre , & par $\frac{b}{a}$ le rapport du rayon de la Terre b à la diffance du Luminaire a: or comme les différentes diffances ne changent que les quantités G & a, nous voyons que la Force de chaque Luminaire et contamment proportionnelle à $\frac{g}{a}$, & la quantité g, qui exprime la péfanteur vers le centre du Luminaire , étant reciproquement proportionnelle aux quarrés des Diffances a, il s'enfuir que les Forces de chaque Luminaire fur la Mer, font en raifon reciproque triplée de leurs Diffances à la Terre.

M. Newton a déja démontré cette Proposition, qui se confirme aussi par toutes les Observations faites sur les Marées, quand on en fait une juste estime, & une application bien ménagée. La Proposition que nous venons de démontrer, nous enfeigne qu'à la place de notre Equation sondamentale $\vartheta = \frac{1}{2}$ é, employée dans le Chapitre précedent,

il faut se servir de celle-ci plus générale

$$S = \frac{S}{2} \times \frac{I^3}{L^3} \times \frac{S^3}{4^3} \times G_4$$

en dénotant par / & 3 les distances moyennes de la Lune & du Soleil à la Terre, & par L & S leurs Distances données quelconques; & là-desse des no pourre calculer toutes les Questions traitées ci-dessus pour des Distances quelconques entre les Luminaires & la Terre; mais nous ne considérerons que deux cas, 1°2. Lorsque la Lune étant dans son Périgée, & la Terre dans son Appleie, le rapport de d'à & devient le plus grand; & 2°. Lorsque la Lune étant au contraire dans son Apogée, & la Terre dans son Perisheie, le rapport de d'à & devient le plus petit. Nous donnerons 1000 parties à la distance moyenne de la Lune, 105; à sa plus grande distance, x 944 à 8 plus petite dissance; & pour le Soleil, nous poserons les pareilles dissances être en raison de 1000, 1017 & 983: & nous aurons pour le premier cas d'= 3,115 6; & dans le feond cas d'= 2,022 &

Comme il ne s'agit ici que des petites corrections, nous fupposerons simplement pour le premier cas $\delta = 3$ (3), & pour le second $\delta = 2$ (3), & a fin que nos regles foient d'autant plus faciles dans l'application, nous n'aurons point d'egard aux variations du Soleil, comme n'étant presque d'aucune importance par rapport à celles de la Lune. Dissons donc simplement, que dans le Perigée de la Lune, il sau mettre $\delta = 3$ (3), & dans l'Apogée $\delta = 2$ (4). Cela étant, voici

les conféquences que nous en tirons.

1°. Un jour & demi après les Syzygies, l'intervalle de deux Marées qui se suivent, est dans le Périgée de 24 heures 27½ minutes; & dans l'Apogée de 24 heures 33 minutes.

2°. Un jour & demi après les Quadratures, le même intervalle est dans le Perigée de 25 heures 15 minutes; & dans l'Apogée de 25 heures 40 minutes. Voyez à l'égard de ces deux Propositions le 5. VII. du Chap. VI.

3°. Le plus grand intervalle entre le passage de la Lune par le Méridien & la haute Mer (que nous avons vû au XVI. s. du Chap. VI. devoir se faire environ 2½ jours avant & après les Quadratures, sans nos corrections, mais qui fera réellement environ 1½ jours avant, & 4½ après les Quadratures) est de 39 minutes environ le Perigée de la Lune, & d'une heure environ son Apogée. Ce plus grand intervalle se fait aussi plus sot dans le Perigée, & plus tard dans l'Apogée; la différence est d'environ un demi jour.

4°. Pour calculer la Table pareille à celle de ci-dessus, mais qui serve pour le Perigée & pour l'Apogée de la Lune, nous remarquerons que les Sinus des petits Arcs horaires, qui marquent les intervalles entre le passage de la Lune & la haute Mer sont toujours

 $= V_{\left(\frac{1}{2} + \frac{B}{2\sqrt{4 + BB}}\right)}$

& qu'à la place de cette quantité, on peut substituer la valeur fort approchante $\frac{1}{B} - \frac{3}{2B^3}$ (S. XVIII. Chap. VI.) & même qu'on peut négliger ici, fans le moindre scrupule, le second terme, puisqu'il ne s'agit que de petites corrections. Nous considérerons donc ces petits Arcs horaires, comme reciproquement proportionnels aux quantités B, c'est-à-dire, aux quantités $\frac{-bbb}{6mn} + \frac{m}{n} - \frac{n}{m}$. Et dans cette derniere quantité, nous pourrons encore rejetter sans peine les deux derniers termes pour notre présent dessein, & dire par conséquent, que pour les différentes valeurs de tout le reste étant égal, les intervalles entre le passage de la Lune, & la haute Marée sont reciproquement proportionnels aux valeurs de , ou directement proportionnels aux valeurs de 5. D'où il paroît que les nombres de la seconde Colonne de notre précedente Table, doivent être multipliés par la Fraction & dans le Perigée, - & par 4 dans l'Apogée de la Lune, après quoi les nombres de la troisième Colonne se déterminent comme dans la précedente Table. Mais quant aux nombres de la premiere Colonne, il faur les augmenter chacun d'environ 20 dégrés, à cause du retard d'un jour & demi expliqué au long dans ce ChaET REFLUX DE LA MER.

35

pitre, pendant lequel la Lune change de place à l'égard du Soleil d'environ 19 dégrés, à la place desquels je met-

trai un nombre rond de 20 dégrés.

Voici donc à présent une Table corrigée à l'égard de toutes les circonstances exposées jusqu'ici. La premiere Colonne marque la distance qui est entre le Soleil & la Lune. environ le tems de la haute Mer, ou plutôt ici, environ le passage de la Lune par le Méridien. Les trois Colonnes fuivantes marquent le nombre de minutes entre le passage de la Lune par le Méridien, & la haute Mer pour le Perigée, pour les Distances moyennes & pour l'Apogée de la Lune. Et les trois dernieres marquent les heures absolues des hautes Mers pour les Perigées, les Distances moyennes & les Apogées de la Lune. Et pour se servir de cette Table, il ne faudra plus qu'ajoûter aux nombres des fix dernieres Colonnes l'heure moyenne du Port en vertu du III. s. La Table n'a été calculée que de dix en dix dégrés : les interpolations suppléeront avec affez de justesse à telle autre Distance entre les deux Luminaires, que les Ephémérides indiqueront. La même méthode des interpolations peut aussi être employée, lorsque la Lune se trouve à une Distance donnée de son Apogée ou Perigée.



TABLE PLUS GENERALE ET CORRIGE'E pour trouver l'heure des hautes Marées.

Distances entre lés Luminai- res au mo- ment du	Tems de la hause Mer avan & après le paffage de la Lune par le Merin dien en minuses de sems.			Table aprochante des heures de la hause Mer , dont on peut se ser- vir au désaus des Ephémérides, qui marquent le passage de la Lune par le Meridien.		
passage de la Lune par le Me- ridien.	Perigée de la Lune.	Distance moyenne de la Lune.	Apogée de la Lune.	Perigée de la Lune. H. M.	Distance moyenne de la Lune. H. M.	Apogée de la Lune. H. M.
0	18 après.	22 après.	27 après.	0 18	0 22	0 271
10	9½ après.	113 après.	14 après.	0 491	0 511	0 54
20	0 -	0	0,	1 20	I 20	1 20
30	9 avant.	11 avant.	14 avant.	1 301	1 481	1 46
40	18 avant.	22 avant.	27½ avant.	2 22	2 18	2 121
50	26 avant.	31 avant.	39½ avant.	2 54	2 48½	2 401
60	33 avant.	40 avant.	50 avant.	3 27	3 20	3 10
70	37½ avant.	45 avant.	36 avant.	4 21	3 55	3 44
80	38½ avant.	461 avant.	58 avant.	4 411	4 331	4 22
90	33½ avant.	401 avant.	50½ avant.	5 261	5 19 ¹	5 91
100	21 avant.	25 avant.	31 avant.	6 19	6 15	6 9
110	0	0 60	0	7 20	7 20	7 20
120	21 après.	15 après.	31. après.	8 21	8- 25	8 31
130	33½ après.	401 après.	50½ après.	9 131	9 201	9 301
140	38½ après.	46 après.	58 après.	9 581	10 61	10 18
150	37½ après.	45 après.	56 après.	10 37 ¹	10 45	10 56
160	33 après.	40 après.	50 après.	11 13	II 20	11 30
170	26 après.	3 1 après.	39½ après.	11 46	11 512	11 , 591
180	18 après.	22 après.	27½ après.	0 18	0 .22	0 27½

Cette Table suppose encore le plan des Orbites de la Lune & du Soleil être le même que celui de l'Equateur de la Terre, ce qu'il faut sur-tout remarquer à l'égard des trois dernieres Colonnes. Mais cette supposition n'a pas beaucoup d'influence sur les autres Colonnes; & les Ephémerides, qui marquent le passage de la Lune par le Méridien, suppléeront aux trois dernieres.

VIII.

Après avoir expofé au long tout ce que les différentes diffances des Luminaires, & fur-tout de la Lune, à la Terre, peuvent contribuer pour faire varier l'heure des Marées, nous dirons auffi un mot fur l'inégalité du mouvement des Luminaires.

Cette inégalité feroit d'une très-grande importance, s'il falloit conftruire une Tables ou les heures des Marées, fans se rapporter aux Tables ou aux Ephémerides: mais elle ne nous est d'aucune conséquence, puisque nous supposons l'heure du passage de la Lune par le Méridien, aussibien que l'Arc compris entre les deux Luminaires, connus par les Ephémerides. C'est la raison qui m'a engagé à rapporter l'heure des Marées au passage de la Lune par le Méridien, en donnant une Table, qui marque, combien la premiere avance ou retarde sur l'autre.

IX.

Il nous reste à considérer les inclinations des Orbites à l'égard de l'Equateur ; pour cet effet il faut concevoir un Cercle qui passe par les centres du Soleil, de la Lune & de la Terre; & c'est proprement ce Cercle que doivent représenter toutes nos Figures, que nous avons considéres jusqu'ici, comme représentant l'Equateur de la Terre. On voit bien après cela, que tous les Points resteront dans ce Cercle aux mêmes endroirs; & que les Arcs se conserveront tels, que nous les avons déterminés : mais les Angles horaires formés sur l'Equateur par ses Arcs, en sont

changés. On ne sçauroit sans une Théorie parfaite de la Lune déterminer au juste ces Angles horaires, à cause de la variabilité de l'inclinaison de l'Orbite lunaire à l'égard de l'Equateur; mais aussi ce changement n'est-il pas fort considérable, par rapport à l'Arc horaire compris entre le passage de la Lune par le Méridien, & le moment de la haute Mer; nous supposerons, & nous pouvons le faire ici sans aucune erreur sensible, que les Orbites de la Lune & du Soleil sont dans un même plan, ayant chacune une inclinaison avec l'Equateur de 23d. 30". & nous considérerons là-dessus la Lune dans trois sortes de situation : 1°. Lorsque sa déclinaison, à l'égard de l'Equateur, est nulle; & alors il faut multiplier les nombres de la seconde, troisiéme & quatriéme Colonne de notre Table par 92, & ce qui provient marquera le nombre de minutes entre le passage de la Lune par le Méridien, & l'heure de la haute Mer. 2º. Lorsque la Lune se trouve dans fa plus grande déclinaison à l'égard de l'Equateur; & alors il faut multiplier lesdits nombres de notre Table par 100. Et enfin 30. lorsque la Lune se trouve au milieu de ces deux fituations; auquel cas il faut se servir de notre Table, fans y apporter aucun changement. Quant aux autres situations de la Lune en longitude, on peut se servir du principe de la proportionalité de la différence des termes. Ces regles sont fondées sur la proportion qu'il y a entre les petits Arcs de l'Ecliptique & de l'Equateur, compris entre deux mêmes Méridiens fort proches l'un de l'autre.

X.

Il fuit de tout ce que nous venons de dire, que le plus grand intervalle possible entre le passage de la Lune par le Méridien & la haute Marée, est environ un jour avant les Quadratures, & quatre jours après les Quadratures, la Lune étant dans son Apogée & dans sa plus grande déclinaison à l'égard de l'Equateur de la Terre; & que dans le concours de toutes ces circonstances, l'edit plus grand

intervalle peut aller jusqu'à 63 minutes de tems, que la haute Marée avancera sur le passage de la Lune par le Méridien un jour avant les Quadratures, & qu'elle retardera quatre jours après les Quadratures.

Voilà mes refléxions sur le tems des Marées; je me flatte qu'elles ont toute la précision qu'on peut esperer sur cette matiere, du moins quant à la Methode. Toute l'incertitude qui y reste encore, est fondée sur le rapport moyen entre les forces de la Lune & du Soleil, que je crois pourtant avoir fort bien déterminé, puisque tous nos Théoremes conviennent si bien avec les Observations. Un plus grand nombre d'Observations nous donnera peut-être un jour plus de précision là-dessus. Il est vrai que nous n'avons déterminé l'heure & les intervalles des Marées, que fous la Ligne Equinoctiale; mais je ne crois pas que la latitude des lieux puisse changer sensiblement les intervalles des Marées : ainsi je n'ai pas jugé nécessaire d'en parler. La latitude des lieux a cependant beaucoup de liaison avec la hauteur des Marées : c'est à quoi nous ferons attention dans la fuite.

CHAPITRE VIII.

Sur les différentes hauteurs des Marées pour chaque jour de la Lune.

I.

J E me propose à présent d'examiner les diversités des hauteurs des Marées, non d'un endroit à l'autre, mais d'un même endroit, que nous supposerons d'abord pris fous l'Equateur, pour toutes les diverses circonstances qui peuvent se rencontrer. Nous suivrons, pour cet effet, la Sii

même Methode que nous avons obfervée pour déterminer généralement l'heure des Marées, c'est-à-dire, que nous commencerons nos recherches par les cas les plus simples, pour ne pas être arrêtés tout court en voulant furmonter trop de difficultés à la fois : nous nous servirons donc d'abord des mêmes hypotheses que nous avons employées dans le Chap. VI. & que nous avons exposées à la fin du Chap. IV. après quoi nous pousserons nos recherches dans le Chapitre suivant à tous les cas possibles, tout comme nous avons sait dans le Chapitre précedent pour déterminer généralement l'heure des Marées.

T E.

J'entens par hauteur d'une Marée toute la variation de la hauteur verticale des eaux, depuis la haute Mer jusqu'à la basse Mer suivante. Pour trouver cette hauteur, il saut d'abord saire attention aux § §. X. I. X. I. & X. I. I. du Chap. V. qui déterminent dans l'Equateur, les lieux de la Lune & du Soleil étant donnés, la position des deux points ausquels la Mer est la plus haute & la plus basse; après quoi le VIII. Art. du même Chapitre donnera la hauteur chetchée, en cherchant premierement la hauteur de la haute Mer, & ensuire la hauteur de la basse Mer.

III.

Remarquons d'abord, que les deux points de la Circonsérence, qui marquent la haute & la basse Mer, sont éloignés entre eux de 90 dégrés. On le voit par les expressions des §. §. XI. & XIII. & nous l'avons démontré dans la premiere Remarque du §. XII. Chap. V. Supposant donc dans la 9° Figure le Soleil répondre au Point b, la Lune au Point 6, & que la haute Mer réponde au Point z, il saut prendre l'Arc 2 s de 90 dégrés, & le Point s sera celui qui répond à la basse Mer. Cherchez donc par le VIII. §. du Chap. V. la valeur de y z, qui marque l'élevation des eaux pour le Point z; & ensuite prenez de la même maniere la

valeur de s x, qui étant négative, marque la dépression des eaux; cela étant fait, on voit que la somme de y z & de s x marquera la hauteur de la Marée; mais dans l'expression analytique de s x, il faut changer les Signes. Il est vrai que cette Methode suppose, que pendant l'intervalle, depuis la haute Mer jusqu'à la bassie Mer, la Lune ne change pas de place; & c'est à quoi on pourroit avoir égard, en augmentant d'environ trois dégrés l'Arc b 6 dans le Calcul des x; mais ce seroit une exactitude hors de place, & qui augmenteroit beaucoup les peines du Cascul, qui n'est désa que trop embarasse. On pourra même remedier à ce petit désar, déja insensible par la nature, en prenant l'Arc b 6, tel qu'il est, non au moment de la haute Marée, ni à celui de la bassie Mar, mais au milieu de leur intervalle; & c'est ce que nous supposérons dans la suite.

Soit donc comme dans le V. Chap. le Sinus de l'Arge $b \in m$; fon Cosinus = n; le Sinus de l'Angle $b \in z = \tau$; le Sinus de l'Angle $b \in z = \tau$; le Sinus total = b; & nous

aurons en vertu du s. VIII. Chap. V.

$$yz = \frac{zbb - 3\sigma\sigma}{3bb} \times 6 + \frac{zbb - 3\sigma\rho}{3bb} \times \delta.$$

De-là on trouveras x en vertu du g. XII. Chap. V. en mettant g g g g g g g g g de g g g de g g g de cette façon on aura

$$sx = \frac{3 \circ \sigma - bb}{3bb} \times 6 + \frac{3 \circ \epsilon - bb}{3bb} \times \delta.$$

Changez à présent les Signes dans la valeur de s x, & supposez la hauteur de la Marée = M, & vous aurez

$$M = \frac{bb - z \circ \sigma}{bb} \times 6 + \frac{bb - z \cdot e}{bb} \times 6$$

Cette derniere expression marque généralement la hauteur des Marées, puisqu'on peut toujours déterminer les valeurs de $\sigma\sigma$ & g g par les g g X 1. & X 1 II. du Chap. V. Mais les Calculs ne laissent pas d'être affez pénibles, quoique les Formules ne soient pas prolixes. Nous fâcherons

I V

Voyons donc d'abord ce qui arriveroit, si la Force lunaire étoit infiniment plus grande que la Force solaire. On auroit en ce cas $\rho = 0 \& \sigma = m$,

 $M = \mathcal{C} + \mathcal{S} - \frac{2mm}{hh} \times \mathcal{C}$

laquelle Formule ne fçauroit manquer d'être affez approchante; elle donne même la juste valeur pour les Syzygies & pour les Quadratures.

V

Pour déterminer les hauteurs des Marées plus exactement encore, nous considérerons la valeur de « comme fort petite » au lieu de la supposer tout-à-sair nulle, comme nous l'avons fair dans l'Article précedent : mais nous pourrons supposer hardiment « = mais nous pourrons supposer hardiment » de la vérité, si l'on consulte l'Art. VII. du précedent Chapitre vers la sin, & le peu d'erreur qui pourroit s'y trouver, n'est presque d'aucune conséquence pour notre présent supposer cette Analogie

g:m- o::b:n;

puisque cette Analogie feroit exactement vraie, si les quantités $\xi & m - \sigma$ étoient réellement infiniment petites; de cette Analogie on tire

 $\sigma = m - \frac{ne}{b} = m - \frac{mnne}{b\delta};$

fubstituant ces valeurs exposées pour les quantités $\xi \& \sigma$, & faisant le Sinus total b = 1, on obtient cette Equation,

 $M = 6 + \delta - 2 m m 6 + \frac{2 m^2 n^2 66}{\delta} - \frac{2 m^2 n^4 65}{\delta \delta}.$

De cette maniere il paroît que les Marées décroissent depuis les Syzygies jusqu'aux Quadratutes, & qu'elles croisfent avec la même loi depuis les Quadratures jusqu'aux Syzygies. Ceux qui voudront essayer la juste Equation du s. III. & cette detniere Equation approchante, sur un même exemple, verront qu'elles ne disserent gueres.

VI.

Il nous seia facile à présent de calculer & de donner une Table pour les haureurs des Marées, telle que nous en avons donné une à la fin du Chapi VI. pour les heures des Marées, & pour laquelle nous tâcherons dans le Chapitre suivant de trouver les corrections nécessaires aux différentes circonsances, tout comme nous avons sait à l'égard de ladite Table du VI. Chap. Nous supposerons encore le rapport moyen de Pà 6 être comme 5 à 2, tant que nous n'avons pas des Observations qui puissen déterminer ce rapport plus au juste. Nous donnerons mille parties à la hauteur de la plus grande Marée.

La premiere Colonne marquera dans cette Table de dix en dix dégrés les Arcs compris entre les deux Luminaires, environ le milieu des Jufans (s. III.) c'eft-à- dire, environ trois heures après le paffage de la Lune par le Méridien; la feconde Colonne donnera les hauteurs cherchées des Marées, pour les sufdites hypotheses; de la trossem-

en marquera les différences.



TABLE FONDAMENTALE pour trouver les Hauteurs des Marées, ou les Descentes verticales des eaux pendant les Jusans.

Distance en- tre les Lu- minaires en Dégrés.	HAUTEUR DES MARE'ES.	DIFFERENCE DES HAUTEURS.
o Dégrés.	1000 Parties.	
10.	987	- 13
20	949	 38
30	887	— 62
40 .	806	— 8ı
50	715	— 91
60	610	105
70	518	- 92
80	453	— 65
90	429	- 24
100	453	-+ 24
110	518	+ 65
120	610	+ 92
130 .	715	+105
140	806	+ 91
150	887	-1- 81
160	949	+ 62
170	987	 38
180	1000	- ⊢ 13

VII.

Si on avoit voulu construire cette Table conformément à l'Equation finale du §. III. qui est la vraie Equation , on auroit pu profiter de la Table du VI. Chap. dans laquelle les nombres de la seconde Colonne divisés par 4, donnent les dégrés de l'Arc, dont le Sinus est appellé ρ ; après quoi on connoît aussi l'Arc dont le Sinus est appellé ρ . Connoissant ains par les Tables les quantités ρ 8 ρ 9, on trouve sans beaucoup de peine la valeur de M du §. III.

VIII.

On voit auffi, que si la distance entre les deux Luminaires est entre deux nombres de la premiere Colonne, on peut sans aucune erreur sensible employer le principe général des Interpolations, de sorte que cette Table peut suffire pour tous les cas.

IX.

On remarquera au refle, qu'il est ici de grande importance d'avoir subfitué la vraie valeur pour se ve qu'un assez petit changement dans cette valeur, a une grande influence sur le rapport des Marées. On ne doit donc encore considérer cette Table, que comme un exemple de nos Formules générales: le Chapitre suivant sera voir les précautions que l'on doit prendre là-dessis.

X.

Nous voyons tant par les Formules que nous avons données pour les hauteurs des Marées, que par la précedente Table, quelle est *in abstracto* la nature des variations des Marées On peur faire là-dessus les Remarques qui suivent.

1º. Que les changemens des Marées sont fort petits,

tant aux Syzygies qu'aux Quadratures, & ils feroient infiniment plus petits que les autres, si l'intervalle d'une Ma-

rée à l'autre étoit aussi infiniment petit.

2º. Que les plus grands changemens ne se font pas précifément au milieu, mais plus près des Quadratures que des Syzygies : c'est-à-dire, que la plus grande diminution de Marée se fait dans nos suppositions, lorsque la Lune est environ à 60 dégrés (80 avec la correction de 20 dégrés expliquée au Chap. VII.) depuis les Syzygies; le plus grand décroissement se fait donc de la neuvième à la dixieme Marée (de la douzième à la treizième avec la correction) : de même le plus grand accroissement se fait à environ 30 dégrés depuis les Quadratures (50 dégrés avec la correction) qui répond au changement de la quatriéme à la cinquiéme Marée (de la feptiéme à la huitiéme avec la correction) depuis les Quadratures. Je parle dans cette Remarque de toutes les Marées qui se font, tant celles du matin, que celles du foir, pour rendre leurs intervalles plus petits: on se souviendra cependant de ce que j'ai dit expressément, que je fais abstraction par-tout ailleurs des Marées, qui répondent au paffage inférieur de la Lune par le Méridien, lorsqu'il s'agit de comparer les Marées entre elles : car ces deux fortes de Marées ont quelques inégalités entre elles, que je n'ai pas encore considérées.

3°. Que les petits changemens dans les Syzygies, & ceux des Quadratures, comparés entre eux, font inégaux; puisque ceux- ci font environ doubles de ceux-là. Dans l'application de cette Remarque il faudra ajoûter, de part & d'autre, trois Marées, ou environ un jour & demi de & d'autre, trois Marées, ou environ un jour & demi de

tems

4º. Que le plus grand changement de deux Marées qui fe fuivent, entre celles qui répondent à là Lune de dessus (dont l'intervalle répond à environ 13 dégrés de variation dans la distance de la Lune au Soleil) fair près du quart de la variation totale de la plus grande à la plus peitre Marée.

XI.

Je ne doute pas que les Observations ne confirment en gros les Remarques que je viens de faire, & toutes les Regles précedentes. On ne sçauroit plus douter de la Théorie que nous avons adoptée & établie; & la Théorie pofée, les Calculs en font fûrs. Mais comme nous ne fommes pas encore surs des hypotheses secondes, qu'on ne sçauroit éviter, telles que sont le juste rapport entre la force lunaire & folaire, que nous avons supposé comme ; à 2; le retardement des effets de la Lune sur sa position, que nous avons supposé d'un jour & demi, ou de trois Marées, ou de 20 dégrés, que la Lune peut parcourir en longitude pendant ce retardement, &c. nous nous croyons en droit de demander quelque indulgence pour le refultat desdites Remarques & Regles. Cependant comme je n'ai fait aucune supposition sans un mur examen fondé sur les plus justes Observations choisies entre toutes celles qui peuvent les déterminer, j'oserois me flatter d'un assez bon succès, si Messieurs les Academiciens vouloient se donner la peine de confronter nos Tables, nos Regles & nos Théoremes nouveaux avec les Observations, dont ils ont un grand Tréfor : mais ce fuccès, dont je me flatte par avance, se manifestera davantage, si ils veulent encore faire attention aux corrections que je vais donner dans le Chapitre fuivant, à l'égard de diverses circonflances variables, & que nous avons supposées dans ce Chapitre comme constamment les mêmes.



CHAPITRE IX.

Sur les Hauteurs des Marées corrigées, suivant différentes circonstances variables.

I

Ous fuivrons dans cet examen la même route que nous avons tenuë dans le VII. Chap. à l'égard du tems des Marées. Pour commencer donc par l'effet des Vents & des Courants, on voit bien qu'ils peuvent augmenter & diminuer les Marées, & que ces variations ne font pas d'une nature à pouvoir être aucunement déterminées. On pourra pourtant remarquer que lorsque ces causes conservent pendant un tems un peu considérable leur force & leur direction, leur effet consistera plûtôt à hausser ou baisser la Mer elle-même, qu'à augmenter ou diminuer les Marées.

II.

Les circonflances attachées à chaque Port ou autre endroit en particulier, telles que font fa fituation, la profondeur des eaux, la pente des fonds, la communication avec l'Océan, &c., font extrêmement varier les Marées. Ce font ces caufes qui font que les grandes Marées ne font que d'un petit nombre de pieds dans de certains endroits, de 8 ou 10 pieds dans d'autres, &t de 50 à 60 pieds, &t au-delà encore dans d'autres endroits. Ce qu'il y a de fingulier, eft que dans la Mer libre les grandes Marées ne font que d'environ 8 pieds, pendant qu'elles vont au-delà de 50 pieds dans plufieurs Ports & autres endroits, dont la communication avec la Mer ouverte, est entrecoupée &t empéchée de tous côtés; &t qui par conféquent devroient;

felon les premieres apparences, avoir les Marées moins grandes. Nous donnerons dans un autre Chapitre la raison hydrostatique de ce Phénomene, pour ne point nous écarter de notre sujet présent. Cela sait d'abord voir, qu'on ne sçauroir rien déterminer sur les grandeurs absoluées des Marées, & que tout ce que la Théorie pourroir encore faire, seroit d'en marquer le rapport: mais l'expérience nous enfeigne encore, que ce rapport même n'est pas constant dans les différens endroits, quoiqu'il soit rensermé dans des

bornes plus étroites.

La grande Marée fera double de la petite Marée dans un endroit; & elle pourra être triple dans un autre : c'est que les causes qui font varier les hauteurs absoluës des Marées à l'égard de différens endroits, ne gardent pas une proportion tout-à-fait constante. Mais les Marées movennes entre la plus grande & la plus petite pendant une même revolution de la Lune, peuvent être cenfées observer les regles que nous leur avons prescrites dans le Chapitre précedent. Il y a même apparence, que les changemens qui dépendent de la différente situation des Luminaires observeront à-peu-près les Loix que nous avons démontrées in abstracto. Ces refléxions m'ont déterminé à considérer la plus grande & la plus petite Marée, non telfes qu'elles devroient être dans la Théorie pure, mais telles qu'on les obferve, lorsque les Luminaires se trouvent à-peu-près dans l'Equateur, & dans leurs distances moyennes à la Terre, fans qu'aucune cause accidentelle les trouble. Nous avons démontré au III. s. du Chap. VIII. que la hauteur de la grande Marée doit être exprimée par de +6, & la hauteur de la petite Marée par d - 6: mais si l'on suppose la hauteur moyenne réelle de la grande Marée A & de la petite Marée B, il faudra suivant cette correction faire

 $\delta + 6 = A, & \delta - 6 = b:$ c'est-à-dire, $\delta = \frac{A+B}{2}, & 6 = \frac{A-B}{2};$

& ces valeurs doivent être fubflituées dans les Equations T iii

& Formules du Chapitre précedent. En fupposant $\frac{2}{6} = \frac{2}{3}$, & si cette raison étoit consimée par les Observations, il n'y auroit aucun changement à faite. On pourroit se servir de la Table, telle qu'elle est, en donnant toujours 1000 parties à la hauteur de la grande Marée. Mais si $\frac{d}{d}$ aivoit réellement une autre valeur coinsidérablement différente de celle que nous venons de lui affigner, il ne faudroit pas négliger la correction que nous venons d'indiques.

L'on voit aussi après ces considérations, qu'on ne doit pas s'attendre à pouvoir déterminer avec la dernicre précision les hauteurs des Marées. Nous pour rons donc sans s'crupule, pour rendre nos Propositions plus nettes & plus sensibles, nous servir de l'équation du s. IV. Chap. VIII. qui aussible napproche beaucoup de la vraie équation de l'Article qui précéde l'autre. Nous supposerons donc la hauteur des Marées toujours exprimée par s\(+ \lefta - 2mm\), & employant la correction indiquée, nous aurons à présent

M = A - mmA + mmB, ou plus simplement, M = nnA + mmB: C'est donc de cette derniere équation, que nous nous ser-

virons dans la fuite de cette Differtation.

Cette correction pourra en même tems remédier à un autre inconvenient, qui provient de l'inertie & de la Maffe des eaux. Nous avons déja dirailleurs que les Marées font une espéce d'oscillations qui tâchent naturellement à se conserver testes qu'elles sont: on sent bien que cette raison doit empêcher les grandes Marées d'arteindre toute leur hauteur, & les petites de diminuer autant qu'elles devroient faire naturellement: qu'elle ne doit pas changer sentiblement la Marée moyenne entre la plus grande & la plus petite, & qu'elle change les autres d'autant plus qu'elles sont

plus éloignées de cette Marée moyenne. Et on voit que notre correction fatisfait à toutes ces trois conditions.

IV.

Après ladite correction qui regarde immédiatement les hauteurs des Marées, il faut encore employer celle qui regarde les tems, que nous déterminons par les Phafes de la Lune, ou par les diffances, qui font entre les Luminaires. Nous avons expliqué au long aux s. s. IV, & V. du Chap. VII. que les Phafes de la Lune qui répondent aux Marées en queffion, ne doivent pas être prifes relles qu'elles font, mais telles qu'elles feroient environ un jour & demi après, c'eft-à-dire, que les diffances entre les Luminaires doivent être augmentées d'environ 20 dégrés, & moyennant cette correction, la Théorie ne fçauroit manquer de fatisfaire affez au jufte aux Obfervations,

V.

Nous n'avons confidéré jufqu'ici les Luminaires, que dans leurs distances moyennes à la Terre, & c'est pour ce cas que nous avons appellé la hauteur de la plus grande Marée A, & celle de la plus petite Marée B. Pour déterniner donc ce que les différentes distances peuvent faire fur les hauteurs des Marées, il faudra le tappelle rour l'Art. VII. du Chap. VII. Nous y avons démontré, que la force lunaire doit être supposé généralement $=\frac{1}{L^3} \times \delta$, & la Force folaire $=\frac{2}{L^3} \times \delta$. Or comme la somme de ces Forces exprime toujours la hauteur de la grandé Marée, & que la différence des mêmes Forces exprime la hauteur de la petite Marée, ji faudra faire ces deux Analogies:

$$\begin{array}{l} \delta + \epsilon : \frac{P}{L^{\frac{1}{2}}} \times \delta + \frac{s^{\frac{1}{2}}}{s^{\frac{3}{2}}} \times \epsilon :: A : \frac{P(s)^{\frac{1}{2}} + L^{\frac{1}{2}} + \epsilon}{L^{\frac{3}{2}} + \frac{1}{2} + L^{\frac{1}{2}} + \epsilon} \times A \\ \delta - \epsilon : \frac{P}{L^{\frac{1}{2}}} \times \delta - \frac{s^{\frac{3}{2}}}{s^{\frac{3}{2}}} \times \epsilon :: B : \frac{P(s)^{\frac{1}{2}} + L^{\frac{1}{2}} + \epsilon}{L^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2} + L^{\frac{1}{2}} + \epsilon} \times B_{+} \end{array}$$

La premiere de ces quatriémes proportionnelles marquera donc la hauteur corrigée de la grande Marée, & la feconde, la hauteur corrigée de la petite Marée. Par conféquent l'équation finale du II. §. fera celle-ci après fa correction:

 $M = \frac{{}^{15}S^{5}\delta + L^{5}{}^{15}S^{5}}{L^{3}S^{3}(\delta + 6)} \times n \, n \, A + \frac{{}^{15}S^{5}\delta - L^{5}{}^{15}S^{5}}{L^{3}S^{5}(\delta - 6)} \times m \, m \, B.$

Je m'assure que cette équation donnera toujours les hauteurs des Marées avec toute la justesse qu'on peut attendre sur cette matiere, pour les suppositions ausquelles notre Théorie est encore assujettie. Mais comme il est presqu'impossible qu'il n'y ait abfolument aucune cause étrangere, qui trouble les Marées, nous ne devons pas être trop scrupuleux fur ces corrections, qui sont elles-mêmes affez médiocres. Ainsi pour rendre nos regles plus sensibles & plus faciles, nous ne ferons point d'attention aux changemens dans les distances du Soleil à la Terre; ces changemens sont beaucoup plus perits que dans la Lune, & ils font en même tems de beaucoup moindre conséquence : Nous supposons donc S constamment = s. Quant à la Lune, nous la considérerons, tout comme nous avons fait au VII. s. du Chap. VII. dans fon Perigée, dans fa distance moyenne & dans fon Apogée, & nous retiendrons les suppositions que nous avons faites audit Article, pour les distances de la Lune, & pour les conséquences que nous en avons tirées. Nous ferons donc pour le premier cas A = 36, & $\frac{L^3}{43} = 0,8439$: pour le fecond cas $\Lambda = \frac{5}{4}6, & \frac{L^3}{43} = 1,000$. & enfin pour le troisième 1 = 26, & L1 = 1, 174. De cette façon nous aurons les trois équations qui suivent, ex-

primées en nombres décimaux.

1°. Pour le Périgée de la Lune,

M = 1,138nnA + 1,277mmB.

2°. Pour les distances moyennes de la Lune,

M = nnA + mmB.

3°. Pour

3º. Pour l'Apogée de la Lune

 $M = 0,901 \, nn \, A + 0,703 \, mm \, B.$

On remarquera dans ces équations, que A marque la hauteur de la grande Marée, & B la hauteur de la petite Marée dans les diffances moyennes des Luminaires à la Terre, ces Luminaires étant supposés l'un & l'autre se trouver dans l'Equateur: que m marque le Sinus de l'Arc compris entre les Luminaires diminué de 20 dégrés, & n le Cosinus de cet Arc.

On remarquera après cela, que les grandes Marées sont comprises en vertu de la premiere & de la trossiséme équation dans les termes de 1138 à 901, & les Marées bâtardes dans les termes de 1277 à 703; d'où l'on voit que la différence entre les grandes Marées n'est à beaucoup près si grande, qu'elle l'est entre les Marées bâtardes, si on compare cette différence à la hauteur de la Marée qui lui répond. Cela se confirme par l'expérience, & c'est une nouvelle source des irrégularités des petites Marées comparées entre elles, dont nous avons déja patlé ailleurs, & que M. Cassin in a pas manqué d'observer.

VI.

J'ajoûterai ci-deffous une Table fondée & calculée fur les trois dites équations, mais qui fe rapporte aux Quantiés A&B, qu'il faut donc connoître par expérience pour le Port ou autre endroit, dont il est question. On pourra déterminer ces Quantiés A&B, sur un grand nombre d'Observations, tant des hautes que des petites Marées, en prenant des unes & des autres le milieu Arithmétique.

VII.

On remarquera, quant à la conftruction de la Table que nous allons donner, que les Arcs compris entre les Luminaires, ont été augmentés de 20 dégrés à l'égard de la Table précédente, dans laquelle on n'a pas eu égard aux causes secondes & aux corrections à faire. Ces 20 V

TRAITE SUR LE FLUX

dégrés sont déterminés par le retard d'un jour & deni des Marées, par rapport aux Phases de la Lune, expliqué cidessus il est vrai que cet intervalle d'un jour & demi ne demande pas tout-à-sait 20 dégrés de correction: mais comme il saudroit estimer les distances entre les Luminaires, relles qu'elles sont, non au moment de la haute-Mer (qui doit être supposée se faire au moment du passage de la Lune par le Méridien) mais au milieu du Jusan, en vertu du III. §. du Chap. VIII. & que l'intervalle depuis la haute Mer jusqu'au milieu du Jusan, demande encore une correction d'environ un dégré & demi, la somme de ces corrections peut être supposée de 20 dégrés, en estimant les distances des Luminaires au moment du passage de la Lune par le Méridien, que les Ephémérides indiquent.

VIII.

Voici donc à présent la Table. La premiere Colonne y marque les distances entre la Lune & le Soleil dans le moment du passage de la Lune par le Méridien: les trois autres Colonnes marquent les hauteurs des Marées pour le Périgée de la Lune, pour les distances moyennes de la Lune à la Terre, & pour l'Apogée de la Lune.



TABLE PLUS GENERALE ET CORRIGEE pour trouver les Hauteurs des Marées.

1			
Distances	HAUTEURS	Hauteurs des Ma-	HAUTEURS
entre	des Marées	rées aux Distances	des Marées
les Lu-	au Périgée	moyennes de la Lu-	
minaires.	de la Lune.	ne à la Terre.	de la Lune.
o Deg.	0,995A+0,149B	0,883A+-0,117B	0,795A+0,082B
10	1,104A+0,038B	0,970 A+ 0,030B	0,874A+0,021B
20		1,000A+0,000B	
30		0,970A-+0,030B	
40		0,883A-+0,117B	
50		0,750A+0,250B	
60	0,668A+0,527B	0,587A-+0,413B	0,529A+0,290B
70		0,413A-1-0,587B	
80			0,225A+0,527B
90			0,105A+0,621B
100		0,030A+0,970B	
110		0,000A+1,000B	
120	0,034A+1,238B	0,030A+0,970B	0,027A+0,682B
130	0,133A+1,127B	0,117A-1-0,883B	0,105A+0,621B
140		0,250A+0,750B	
150		0,413A+0,587B	
160		0,587A+0,413B	
170		0,750A+0,250B	
180	0,995A+0,149B	0,883A-+0,117B	0,795A+0,082B

IX.

Il nous reste à considérer les déclinaisons des Luminaires & les latitudes des lieux sur la Terre, pour lesquels on cherche la nature des Marées. Nous avons supposé les unes & les autres nulles dans ce Chapitre. Mais cette matiere est si riche & si remarquable par plusieurs propriétés trèssingulieres, & elle demande d'ailleurs tant d'attention, que j'ai cru devoir la traiter à part. Ce sera donc le sujet du Chapitre suivant.

CHAPITRE X.

Dans lequel on examine toutes les propriétés des Marées; qui dépendent des différentes Déclinaisons des Luminaires & des différentes latitudes des Lieux.

I.

Es déclinaisons des Luminaires à l'égard de l'Equateur, ont tant de rapport entre elles, qu'on ne squoroit bien traiter cette matiere, qui est une des plus importantes de notre sujer, sans les considérer les unes & lesautres en même tems. Mais pour ne pas rendre la question trop embarrassant dès le commencement, nous ne serons d'abord attention qu'à la Lune, tout comme si les Marées étoient uniquement produites par l'action lunaire. Nous considérerons aussi la chose d'abord suivant la pure Théorie, & Rous verrons ensuite quelles corrections on y pour ra employer.

II.

Ressouvenons-nous de tout ce que nous avons dit dans

quelques-uns des premiers Chapitres, & fur-tout dans le cinquiéme, sur le changement de la figure de la Terre produit par l'action de l'un des Luminaires. Nous avons confidéré la Terre d'abord comme parfaitement sphérique : nous avons démontré ensuite que cette figure est changée par l'action de l'un des Luminaires en ellipsoïde, dont l'Axe prolongé passe par le centre du Luminaire agissant; & enfin que la rotation diurne de la Terre fait que chaque Point dans la furface de la Terre, doit tantôt se baisser, tantôt s'élever, afin que sa figure ellipsordique soit conservée; mais nous n'avons calculé ces baiffemens & hauffemens, que pour les Points pris dans l'Equateur même, dans le plan duquel nous avons supposé en même tems se trouver l'Axe de l'Ellipsoïde. C'est pour ces cas, que nous avons démontré (§. V. Chap. V.) que les baissemens des eaux sont proportionnels aux Quarrés des Sinus des Angles horaires, qui commencent du moment de la haute Mer; & l'on remarquera que ces Angles horaires font proportionnels alors aux Arcs compris entre le Pole de l'Ellipsoïde & le Point en question.

III.

Voici à préfent comment il faut s'y prendre, pour trouver les mêmes baiffemens & shauffemens, qui se sont pendant le mouvement diurne de la Terre dans un point quelconque, & la Lune ayant aussi un déclinaison quelconque. On voit qu'on aura toujours le même Ellipsoside, quelle que soit la déclinaison de la Lune; mais qu'il ser obliquement posé à l'égard de l'Equateur: on voit aussi qu'il saut s'imaginer dans ce Sphéros de allongé une Section parallele à l'Equateur, qui passe pas un cercle parsair, & sa circonsérence n'aura pas tous ses points également cloignés du cemtre de l'Ellipsoside: c'est les disférences de ses distances, qui forment la nature des Marées. Il s'agit donc de déterminer ces disservantes de l'étrences.

IV.

Pour cet effet il faudra commencer par chercher les diftances de chaque point du Parallele au Pole de l'Ellipfoïde (j'appelle ainfi l'extrémité de l'Axe de l'Ellipfoïde, qui prolongé, paffe par le centre de la Lune) & ces distances étant connues, il est fâcile de trouver la distance du même point au centre de l'Ellipfoïde, & les disférences de ces distances. Car si le Cosinus de la distance d'un point pris dans le Parallele au Pole de l'Ellipfoïde étoit ξ , le Sinus total = 1, & si le demi Axe de l'Ellipfoïde est nommé $b+\vartheta$, & le plus petit demi-diametre b, la distance du point pris dans le Parallele jusqu'au centre de l'Ellipfoïde fera généralement = $b+\varepsilon_1 + \varepsilon_2 + \varepsilon_3 + \varepsilon_3$

V.

Nous montrerons donc d'abord, comment il faudra déterminer la distance d'un Point quelconque, pris dans un Parallele donné au Pole de l'Ellipsoïde. La voye de la Trigonometrie sphérique ordinaire nous seroit affez inutile ici, puisqu'il nous faut des expressions analytiques, applicables à tous les cas, & traitables aux Calculs. Si l'on vouloit tirer de telles expressions des regles de ladite Trigonometrie, les formules qui en proviendroient seroient beaucoup trop prolixes. M. Mayers nous a donné là-dessus un beau Mémoire inféré dans les Commentaires de l'Académie Impériale des Sciences de Petersbourg Tom. 2. p. 12. Il y a dans ce Mémoire au XVIII. §. un Théoreme général, par le moyen duquel on pourra toujours de trois choses données dans un Triangle sphérique, trouver le reste par des expressions analytiques extrêmement simples. Voici le cas que notre fujet demande.

Soit dans un Triangle sphérique, le Sinus total = 1; le Sinus d'un des côtés = S; le Cosinus du même côté = C; le Sinus d'un autre côté = C; le Cosinus de cet autre côté

= c; le Cofinus de l'Angle compris entre les deux côtés donnés = y; le Cofinus du troilième côté opposé à l'Angle donné, que j'appellerai q, sera exprimé par cette équation q = Ssy + Cc.

VI.

Soit à présent dans la 12°. Figure ADGK le Méridien de la Terre, qui passe par le centre de la Lune, & que la Lune réponde au point B, qui deviendra ainsi le Pole de l'Ellipsoide, & la droite BH, qui passe par le centre O, son Axe. Soit l'Axe de rotation de la Terre AG, les Poles A & G; DFK l'Equateur; CEL un Parallele, dans lequel nous prendrons un point quelconque E, & qu'on tire enssin par ce point E, & par le Pole A l'Arc AEF.

De certe maniere, l'Arc AB fera le complément de la déclinaifon de la Lune; l'Arc AE fera le complément de la latitude du point E, & l'Arc DF fera l'Arc horaire depuis le passage du point E par le Méridien, qui passe par la Lune; de forte qu'on connoît dans le Triangle BAE, les Côtes BA & EA, avec l'Angle compris BAE, & de-là on tirera par le moyen du Théoreme exposé au précedent Article, l'Arc BE, qui est la distance du Point E au Pole de l'Ellipsoïde.

Nous nommerons donc encore le Sinus total 1, le Sinus du côté AB = S; fon Cofinus = C; le Sinus du côté AE = s, fon Cofinus = c; le Cofinus de l'Arc DF, qui eft la mefure de l'Angle BAE, = y; le Cofinus de l'Arc BE = q; nous aurons

q = S s y + C c.VII.

Ayant ainsi trouvé PArc BE, il est facile d'exprimer la droite EO, qui est la distance du point E jusqu'au centre de PEllipfoïde, par le moyen du \mathfrak{g} -Art, qui nous marque que cette distance est toujours égale au plus petit demi-diametre, augmenté par le produit du Quarré du Cossinus de cet

Fig. 12.

Arc trouvé, & de l'excès du demi-Axe B O fur le plus petit demi-diametre: c'està-dire, si nous retenons les dénominations, dont nous nous sommes servis depuis le IV. s. jusqu'ici, que nous aurons

 $EO = b + (Ssy + Cc)^2 \delta.$

C'est cette équation de laquelle nous devons tirer toutes les variations des Marées, que la déclinaison de la Lune & la latitude du lieu peuvent produire.

VIII.

Nous voyons d'abord, que n'y ayant que la lettre y de variable, la quantiré EO est toujours d'autant plus grande, que l'on prend y plus grande. Pour avoir donc la plus grande EO, il saut faire y = 1. La haute Mer répond donc encore au passage de la Lune par le Méridien; & on aura alors la droite $CO = b + (Ss + Cc)^*\delta$.

IX.

Mais pour trouver la plus petite E O ou e o, il ne faut pas faire y ==0; mais y == $-\frac{C_o}{S_o}$ & alors la hauteur e O eft fimplement == b. Nous ferons là-dessus les remarques sui-

vantes:

I. La différence entre la plus grande CO & la plus perite eO, faifant la hauteur de la Marée, en tant qu'elle est produire par la seule action de la Lune, il s'ensitie que cette hauteur est $= (Ss + Ce)^{\frac{1}{2}} \delta$. Cette formule nous apprend bien de nouvelles proprierés sur les Marées, & nous sert en même tenns à décider plusieurs questions, sur lesquelles les Auteurs ne sont pas encore convenus.

(a) Nous voyons d'abord, que la plus grande Marée se fair, lorsque la déclinaison de la Lune est égale à la latitude du lieu. Cette regle suppose toute la Terre inondée; & c'est à quoi il faut avoir égard, lorsqu'il est question de la natueur d'un lieu. Ce n'est pas par exemple immédiatement aux Ports de Picardie, de Flandre, & c. que les eaux

font

font élévées par la Lune : la caufe principale des Marées dans tous ces endroits doit être attribuée plûtôt à l'élevation & defcente des eaux, qui fe font dans la Mer du Nord, à environ 35 degrés de Latitude Septentrionale, autant que j'en ai pû juger par l'inspection des Cartes Marines. J'avouë pourtant que ce n'est ici qu'une estime fort incertaine; il est impossible de rien dire de positif là-dessus.

On remarquera aussi que je parle ici de la hauteur de la Marée, qui répond au passage supérieur de la Lune par le Méridien: j'appellerai cette Classe de Marées, Marées de dessus, & la Classe de celles qui répondent au passage insérieur de la Lune par le Méridien, Marées de dessus,

(%) Si la déclinaison de la Lune est nulle, nous aurons S=1 & C=0, & la hauteur de la Marée de dessus sera =55 Nous voyons de-là, que si la Terre étoit toute inondée, & que les Luminaires restassent dans le plan de l'Equateur, les hauteurs des Marées pour les endroits de différentes latitudes seroient en raison quarrée des Sinus des distances au Pole.

(7) Si pour nos Pays Septentrionaux, la déclinaison de la Lune devient Méridionale, les Marées de dessis deviennent encore plus petites à cet égard, & cette diminution seroit très-considérable, s'il n'y avoit pas une cause hydrostatique que je marquerai ci-dessous, qui lui est un obstacle; sans la considération de cette cause, on pourroit croire facilement que notre Théorie ne répond pas assez aux Observations.

(1) Nous éclair cirons cette matiere par un exemple, en fupposant la Latitude du lieu de 35 degrés. En ce cas la hauteur des Marées de dessus, tout le reste étant égal, devroit être.

Dans la plus grande Déclinaison Septentrio-

La différence de ces Marées est énorme, & surpasse de beaucoup toutes les inégalités qu'on peut soupçonner avoir quelque rapport à la Déclinaison de la Lune. Nous en

dirons bientôt la raison.

(\$) Si on suppossor la Latitude telle que Ss sat $=C_0$, ou $Ss = V \cdot I - SS \times V \cdot I - ss$, ou enfin $s = V \cdot I - SS = C_1$ le point E qui répondroit à la plus petite E0, feroit précisément au point L. En ce cas, il n'y auroit qu'une Marée de dessus s'évanouiroit entiérement. Cela arriveroit donc, par exemple, si la Lune ayant 20 degrés de Déclinaison Septentrionale, l'élevation du Pole étoit de 70 degrés mais en même tenns la Marée seroit bien petite, puisqu'elle ne monteroit qu'à environ la cinquiéme partie, qu'elle feroit fous l'Equateur.

(S) Si s eft plus peir que C, la quantié du s. VII. $(S s) + (Ce)^2 \delta$, ne fçauroit plus devenir égale o; c'eft pourquoi la Mer décroîtra alors continuellement depuis le paffage fupérieur de la Lune par le Méridien, jufqu'à fon paffage inférieur. Il n'y aura donc plus qu'une Marée par jour depuis le parallele, qui fait s = C, jufqu'au Pole; & pour fçavoir la haureur de ces Marées, il faut dans cette Formule, premierement fuppofer y = -1; & enfuite y = -1, & prendre la différence des Formules : la hauteur des Marées fera donc dans ces cas $= (Ss + (Ce)^2 \delta - (-Ss + (Ce)^2 \delta)$, ou biem $= 4 \cdot S \cdot Ce \cdot \delta$. Elle ne featuorit donc être qu'extré-

mement petite.

Nous aurions un grand nombre de refléxions à faire encore fur cette matiere, s'il ne falloit pas fe contenir dans de certaines bornes; & quoique tous ces Théoremes ne foient vrais que dans la Théorie, où l'on fuppofe les eaux être conflamment dans leur état d'équilibre, & toute la Terre inondée (caravec ces fuppolitions, ces Théorêmes feroient exactement vrais) & que diverfes circonflances peuvent leur donner quelquefois une toute autre face, ils ne laissent pas d'être très-tuiles, pour expliquer en grosun grand nombre de Phénomenes observés sur les Marées, & pour

pénétrer à fond cette matiere.

II. Nous avons démontré qu'il n'y a des Marées de deffous, que tant que s est plus grand que C_s lorsque la Déclinaison de la Lune est Septentrionale (si cette Déclinaison est Méridionale, il n'y aura point alors de Marées de deffus dans les Pays Septentrionaux.) Nous disposerons donc s plus grand que C_s & nous chercherons là-dessus la hauteur de la Marée de dessous, de la même façon que nous l'avons trouvée pour celles de dessus.

Nous avons vû que la hauteur EO est la plus petite possible , lorsqu'on prend $y = -\frac{c_s}{s_s}$, & qu'alors elle devient = b; après cela les hauteurs EO croîtront jusqu'au point L, qui fait y = -1. La différence de ces hauteurs sera donc la hauteur de la Marée de desson, qui sera par conféquent $= (-S_s + C_e)^s N$, pendant que celle de la Marée de dessus services de dessus services de la Marée de dessus services $S_s + C_e)^s N$. On pourts faire la defe

fus les remarques fuivantes.

(a) Les Marées de dessus font égales à celles de des-

fous, lorsque la déclinaison de la Lune est nulle.

(b) Dans les Pays Septentrionaux, les Marées de deffus font plus grandes que celles de deffous, loríque la déclinaifon de la Lune eff Septentrionale, & plus petites loríque cette déclinaifon eff Méridionale, & généralèment les déclinaifons de la Lune étant égales, mais de différens côtés, les Marées de deffus deviennent les mêmes qu'étoient

celles de desfous, & reciproquement.

(c) La différence des deux Marées d'un même jour lunaire est = 4 Co S s s ; s l'on applique ces Formules à des cas particuliers, on verra que les Marées de dessus des voient différer considérablement de celles de dessus s'il n'y avoit pas une autre raison qui doit les rendre à peuprès égales. Nous exposerons cette raison ci-dessous, après que nous aurons examiné tout ce que la Théorie dit sur cette matiere in abstracto.

IIIº. Nous voyons aussi que les durées des deux Marées d'un même jour doivent être selon la pure Théorie fort différentes. Voici comme on peut déterminer ces durées. Si dans le Parallele CL on suppose e être le point, la diftance duquel au centre de l'Ellipsoïde soit la plus petite & égale à b, & qu'on tire ensuite par ce point un Arc de Méridien Aef, l'Arc Df fera la mesure du tems depuis la haute Mer de deffus jusqu'à la basse Mer suivante, & l'Arcfk la mesure du tems, depuis cette basse Mer jusqu'à la haute Mer de dessous. Or nous avons vû au IX. 6. que le Cofinus de l'Arc Df(y) est $= -\frac{c_c}{s_c}$, ou bien si DM est de 90 degrés, le Sinus de l'Arc Mf vers le point $K = \frac{Cc}{S}$.

Là-dessus nous pourrons faire ces remarques. (1) Dans les Pays Septentrionaux la déclinaison Septentrionale de la Lune rend les Jusans des Marées de desfus plus longs, & les Flots des Marées de dessous plus courts : & la déclinaison Méridionale fait le contraire avec les mêmes mefures; & lorfque la déclinaifon est nulle; la

durée du Jusan est égale à celle du Flot suivant.

(2) Si la déclinaison de la Lune est égale au Cosinus de la latitude du lieu, le Jusan durera 12 heures lunaires, & il n'y a point de Flot pour l'autre Marée, parce qu'il n'y a

point du tout de Marée de dessous.

(3) En général, la différence du tems, entre le Jusan de la Marée de dessus, & le Flot de la Marée de dessous, fe détermine par le double de l'Arc horaire Mf, & la différence des durées des deux Marées entieres, est exprimée. par le quadruple de l'Arc Mf, dont le Sinus est $=\frac{Cc}{S}$. D'où l'on voit que plus la déclinaison de la Lune est gran-

de, plus cette différence est grande aussi.

Soit, par exemple, la latitude du lieu de 35. degrés. la déclinaison de la Lune de 25 degrés, l'Arc Mf sera de 15 degrés, qui répond à une heure lunaire; le Jusan durera donc 7 heures lunaires, & le Flot suivant 5 heures lunaires. ET REFLUX DE LA MERL

16¢ & la différence fera de deux heures, & toute la Marée de dessus durera 4 heures plus que celle de dessous.

X.

Voilà donc comme la chose seroit, si la Terre étoit toute inondée, & si les eaux étoient constamment dans une situation d'équilibre parfait. Nous avons exposé toutes les variations des Marées qui sont dues à l'action de la Lune . par rapport aux différentes déclinaisons & latitudes, & par le moyen de nos Remarques on connoît les différences entre les Marées d'un même jour, entre celles qui se font dans différentes Saifons, &c. tant à l'égard des hauteurs des Marées, que de leurs durées. Il est vrai que les deux hypotheses indiquées sont bien éloignées de la vérité, & que cela change extrêmement les mesures des variations; mais je suis pourtant sûr qu'il doit y avoir des variations, & qu'elles seront de la nature que nous avons trouvée.

Quant aux irrégularités de la surface de la Terre, il n'est pas possible d'en deviner les effets, que fort superficiellement, & comme chaque endroit demanderoit à cet égard des refléxions différentes, nous n'entreprendrons point cet examen. Nous ne considérerons donc que ce qui regarde le défaut de l'équilibre des eaux, & les mouvemens reci-

proques ou oscillatoires qui en réfultent.

XI.

La Lune change la furface de la Terre de Sphérique en Ellipsordique, & l'Axe de l'Ellipsorde passe par la Lune. Cet Axe étant différent de l'Axe de Rotation, la figure de la Terre change continuellement, quoique toujours la même à l'égard de l'Axe de l'Ellipsoïde; & s'il n'y avoir pas quelques causes secondes, lesdits changemens consisteroient simplement en ce que chaque goute montât & descendit alternativement & directement vers le centre.

Il est remarquable encore, que si les eaux se mouvoient librement, fans fouffrir aucune resistance, ces oscillations augmenteroient continuellement à l'infini, parce qu'à chaque demi-tour de la Terre, les eaux doivent être cenfées avoir reçû quelque nouvelle impulsion : c'est une propriété qu'on peut démontrer par plusieurs exemples semblables, tirés de la Méchanique & de l'Hydrodynamique. Mais le grand nombre de refiftances qui s'oppofent aux mouvemens des eaux, font que celles-ci prennent bien vîte leur plus grand degré d'ofcillations. Ces derniers degrés d'ofcillations peuvent cependant être cenfés proportionnels aux forces que la Lune exerce sous différentes circonstances, pourvû que les changemens qui se font daus la Lune, se fassent assez lentement, pour donner aux eaux le tems qu'il leur faut pour changer leur mouvement. On peut donc dire à cet égard, que les changemens qui se font dans la Lune, par rapport à ses déclinaisons doivent produire dans les Marées à-peu-près les Phénomenes que nous avons indiqués, & à beaucoup plus forte raison les changemens de déclinaifons dans l'autre Luminaire. Mais les changemens qui sont dûs à la rotation de la Terre sont trop vîtes, pour que les Marées puissent s'y accommoder, car elles tâchent de conserver leur mouvement reciproque comme un Pendule simple. Cette seule raison fait que si les deux Marées d'un même jour devoient être suivant les différens effets de la Lune fort différentes, la plus grande augmente la plus petite, & celle-ci diminue l'autre, de forte qu'elles font beaucoup moins inégales qu'elles ne devroient être fans cette raison. Tout ce qu'on peut donc dire à cet égard, est que nos Théorêmes sont vrais, quant à leur nature, mais non pas fuivant les mesures que nous en avons données. On peut pourtant, moyennant une autre refléxion, réparer en quelque façon cet inconvénient : c'est en supposant que la plus grande Marée donne à la plus petite, qui est sa compagne, autant qu'elle en perd, & les supposer l'une & l'autre à-peu-près égales, ce que l'expérience confirme, & delà on tirera la hauteur absolue de chacune, en prenant le milieu Arithmétique des deux Marées, qui conviennent à

un même jour lunaire. En corrigeant de cette façon les précédentes Propositions, nous aurons les Théorèmes suivans, qui ne scauroient plus manquer d'être assez conformes aux Observations.

XII.

La hauteur de la Marée de dessus est $= (Ss + Ce)^* \delta$ (§. IX. Remarque I.) & la hauteur de la Marée de dessus $= (-Ss + Ce)^* \delta$ (§. IX. Remarque II.) en prenant donc la moitié de la somme de ces deux hauteurs, nots aurons la hauteur moyenne de la Marée, qui-convient aux déclinations de la Lune, & latitudes du lieu données, $(SSs + CCe)^* \delta$. De cette Formule, que je crois fort juste pour la supposition de l'entiere inondation de la Terre, on pourra tirer les Corollaires suivans.

(L) Les déclinaisons Septentrionales & Méridionales de la Lune sont le même effet sur les Marées, à l'égard de

leur hauteur moyenne.

Cette propriété est confirmée par les Observations. Mais il déclination Septentrionaux la déclination Septentrionale de la Lune augmente un peu les Marées de dessus, & diminue celles de dessous à cu la déclination Méridionale fait le contraire : & c'est ce que l'expérience consirme: aussi. On se souvendra donc que nous parlons de la hauteur moyenne des deux Marées d'un même jour lunaire.

(II.) A la hauteur de 45 degrés la hauteur moyenne de la Marée est $= (\frac{1}{2}SS + \frac{1}{2}CC)A = \frac{1}{2}A$, & par conféquent

constamment la même.

C'eft ici une propriété bien finguliere, que quelles que foient les déclinaisons des Luminaires, les hauteurs moyennes des Marées n'en foient point changées, & cette propriété nous fait voir, pourquoi dans nos Pays-on s'apperçoive de si peu de changement dans les Marées, à l'égard desdites déclinaisons.

(III.) Si la latitude du lieu est moins de 45°. la plus grande

Marée moyenne se fait lorsque les déclinaisons des Luminaires sont nulles, & les Marées diminuent, si les décli-

naifons augmentent.

L'expérience confirme encore cette propriété, & tout le monde convient que dans nos Pays (dont les Marées dépendent de la Mer du Nord, à environ 35 degrés de latitude) les plus grandes Marées, tour le reste étant égal, se font environ les Equinoxes.

Si la latitude du lieu est plus grande de 45 degrés, c'est

le contraire.

(IV.) Sous l'Equateur, la haureur de la Marée est = SSI, & les variations qui dépendent des différentes déclinaisons de la Lune, y seront le plus sensibles: si la déclinaison est nulle, la hauteur de la Marée y est exprimée par l'; & si la déclinaison est supposée de 25 dégrés (elle peut aller jusqu'à près de 29 degrés) la hauteur de la Marée moyenne y sera de 0,82 s. La différence des hauteurs est de 150.

(V.) Les variations font moins grandes à cet égard sur les Côtes de la France, baignées par l'Océan, si les Marées y sont caussées par la Mer du Nord à la hauteur d'environ 33 degrés, la hauteur de la Marée, la déclinaison de la Lune étant nulle, y sera exprimée par 0,671 Å, & si la Lune avoit 25 degrés de déclinaison, la hauteur moyenne y sera exprimée alors par 0,610 Å. La plus grande Marée est donc à la plus petite à cet égard, comme 671 à 610, & la dissérence sera comme 61, qui fait l'onzième partie de la grande Marée.

Nous voyons par ces exemples, que les variations qui dépendent de la déclinaifon de la Lune, font toujours beaucoup plus petites, que celles qui dépendent des différentes diflances de la Lune, & qui peuvent aller jufqu'au tiers de la plus grande Marée. C'eft pourquoi on a eu beaucoup de peine à s'appercevoit des variations qui répondent.

aux différentes déclinaisons.

(VI.) Enfin nous remarquerons que cette Formule (SS s + CC e e) & pour les hauteurs moyennes des Marées

ne doit pas être poussée au - delà du terme des doubles Marées, qui est lorsque la latitude du lieu est égale à la déclination de la Lune: car, passée ce terme, nous avons démontré qu'il ne doit y avoir qu'une Marée par jour, dont la hauteur est exprimée par 4 85 C e 8, en vertu de la Remarque (2) de l'Art. IX. Il faudra aussi donner à ce terme une certaine latitude; car il y a apparence que ce n'est qu'à une certaine distance depuis ce terme vers l'Equateur, que les Marées commencent à être doubles, & à une autre distance vers le Pole, qu'elles commenceroient à être simples, si la Mer libre s'étendoit jusques-là; & que dans la Zone, qui est entre deux, les Marées s'eront mêlées de l'une & l'autre espéce avec beaucoup d'irrégularité.

XIII.

Nous venons d'exposer au long, & avec toute la précision possible, le rapport réel des hauteurs des Marées: nous n'avons qu'un mot à dire sur l'heure des hautes Marées. Comme c'est toujours au moment du passage supérieur de la Lune par le Méridien, que la Mer devroit être la plus haute, quelle que soit la déclination de la Lune, & la latitude du lieu: nous voyons que si les Marées dépendoient uniquement de la Lune, ces deux sortes de variations ne devroient point apporter de changement à l'heure de la haute Mer; & si l'on veut avoit égard aux sorces du Soleil, nous avons déja montré au IX. Art. du Chap. VII. les variations qui peuvent provenir à cet égard.

Mais si la déclination de la Lune & la latitude du lieu no pas d'influence directement sur l'heure de la haute Mer, & si elles n'en ont qué très-peu, lorsque l'action de la lune est combinée avec celle du Soleil, il est remarquable, que tant la déclination de la Lune, que la latitude du lieu, feroient extrémement varier l'heure des basses Mers, sans cette cause seconde, que j'ai exposée au long dans le XI. Art. & qui fait que les deux Marées d'un même jour lunaire sont beaucoup moins inégales, qu'elles ne

devroient être. Cependant cette raison ne scauroit rendre les deux Marées tout-à-sait égales, & il fera toujours vrai, ce que j'ai déja dit dans la Remarque (1) de la III. Partie du §. IX. que c'est tantôt le Jusan d'une Marée, qui surpasse en durée le stor de la Marée suivante, tantôt celui-ci qui surpasse l'autre. C'est une propriét qui n'est point échappée aux Observateurs des Marées; mais on n'avoit pas remarqué les circonstances de ces inégalités, sçavoir que dans les Pays Septentrionaux , la déclinaisson Septentrionale de la Lune rend les Marées de dessus plus courtes, & que la déclinaison Méridonale sait le contraire.

On voir donc qu'à cet égard le Jufan peut être différent du flor fuivant, mais non pas du flot antécédent; & fi l'on remarque quelque différence entre le flot & le Jufan d'une même Marée, ou cette différence fera conflante pendant tout le cours de l'année, & alors il faut l'attribuer à la configuration des Côtes; ou elle n'aura point de loix, & ne fera que tour-à-fait accidentelle, & caufée par des

Vents ou Courants accidentels.

XIV

Les différences que nous avons exposées dans ce Chapitre entre les deux Marées d'un même jour, tant pour seur hauteur, que pour leur durée, nous donnent un moyen de reconnoître ces deux Classes de Marées, & de distinguer l'une d'avec l'autre, ce qui seroit impossible sans cela sur les Côtes irrégulieres de l'Europe, où nous sçavons que les diverses heures du Port comprennent toute l'étendue d'une Marée, ou d'un demi - jour lunaire.

La Classe des Marées de dessus comprendra celles qui font plus grandes & plus longues, la déclinaison de la Lune étant Septentrionale, ou qui sont petites & plus coutes, cette déclinaison étant Méridionale, & l'autre Classe

fera réciproque.

X V.

Nous avons examiné avec route l'attention requise les effets des différentes déclinaisons de la Lune, qui sont la source de tant de propriétés très-remarquables des Marées. Il ne nous reste donc plus qu'à considérer encore les déclinaisons du Soleil. Cet examen nous sera très-facile, après

celui que nous venons de faire sur la Lune.

Nous nommerons la force du Soleil, fa déclinaison étant nulle, 6, comme nous avons fait toujours dans le corps de ce Traité, & nous retiendrons les dénominations du V. s. Si nous appliquons donc au Soleil tout le raisonnement que nous avons fait fur la Lune, nous voyons qu'on n'a qu'à fubflituer dans toutes les Formules de ce Chapitre 6 à la place de d, pour trouver les variations qui proviennent des différentes déclinaisons du Soleil dans tous les lieux de la Terre. & de cette maniere tout ce que nous avons dit sur la Lune, fera auffi vrai à l'égard du Soleil. Si donc la hauteur de la Marée, en tant qu'elle est produite sous l'Equateur par la seule action du Soleil au tems des Equinoxes, est appellée 6, la hauteur de la Marée sera pour telle déclinaifon du Soleil, & telle latitude du lieu entre les deux Cercles Polaires qu'on voudra = (TTss+EEcc)6, en entendant par Tle Sinus de la distance du Soleil au Pole, & par E fon Cofinus.

XVI.

Pour tirer tout l'avantage, qui est possible, de nos Méthodes, & leur donner la derniere persestion, nous tâcherons ensin de donner une Formule générale pour tous les cas possibles. Souvenons-nous pour cet esser, que nous avons nommé au IX. Chapitre A la haureur des Marées qui se sont sous la Ligne dans les Syzygies (ou plutôt un jour & demi après) les distances des Luminaires étant moyennes, & tleurs déclinaisons nulles; & que pour les mêmes circonstances nous avons nommé B la haureur des

Marées bâtardes: voyons à préfent, comment il faut changer ces Quantités A & B, lorsque les déclinaisons des Luminaires, & les latitudes des lieux sont d'une grandeur

quelconque.

(I.) Quant à la quantité A, comme elle a été exprimée par la fomme des forces entieres des deux Luminaires, c'eft-à-dire, par β+6, on voit qu'il faut mettre ici à la place de β fa quantité corrigée (SSss+CCcc) β, & à la place de β fa quantité corrigée (TTss+Ecc) β, & enfuire faire cette Analogie

 $\begin{array}{c}
A + 6: A :: (SSss + CCcc) + (TTss + EEcc) 6: \\
\frac{(SSss + CCcc) + (TTss + EEcc) 6}{5 + 6} A.
\end{array}$

Cette quatriéme proportionnelle marque la hauteur des Marées dans les Syzygies, lorfque les déclinaifons des Luminaires, & la latitude du lieu font quelconques, & si la déclinaifon de l'un & l'autre Luminaire est nulle, cette quantité devient simplement—ss A.Si l'on nomme donc Fla hauteur de la Marée dans les Syzygies, les déclinaisons des Luminaires étant nulles pour un lieu quelconque, il faut supposer ss A.S. & de cette maniere la dite quatriéme proportions.

tionnelle devient = $\frac{(SSSS+CCcc)^{\frac{1}{2}} + (TTSS+EEcc)^{\frac{1}{2}}}{SS(\frac{1}{2}+\frac{1}{2})}F.$

C'est cette quantité qu'il faut substituer dans les équations du S. V. Chap. IX. pour A.

(II.) La quantité qu'il faudra substituer pour B dans ces équations, que nous venons de citer , se trouve à-peu-près de la même saçon; il n'y a qu'à prendre au lieu de la somme $b \to C$ leur différence $b \to C$, qui exprimoit la hauteur des Marées bâtardes Si l'on appelle donc G la hauteur de la Marée dans les Quadratures, les déclinaisons des Luminaires étant nulles, on trouvera la quantité à substituer pour

 $B = \frac{(SSss + CCcc)\delta - (TTss + EEce)^{c}}{ss(\delta - \delta)} \times G.$

Nous substituerons encore dans l'équation générale du s. V. Chap. IX. à la place des Lettres S & s (qui y mar-

quent le rapport des distances du Soleil à la Terre sous diverses circonstances, & qui se trouvent employées dans ce Chapitre dans un autre sens ce autres Lettres D & d.

Après ces refléxions préliminaires nous confidérerons le Problème général des hauteurs des Marées fous telles circonflances, qui pourtont concourie, s'é qui fervira à déterminer ces hauteurs avec toute la précifion possible. Je m'assure que tous ceux qui jetteront les yeux sur cette Solution, verront fans peine, combien j'ai été attentis à examiner & éplucher toutes les circonstances qui peuvent faire varier les Marées.

PROBLEME GENERAL.

XVII.

Trouver généralement la hauteur des Marées, en supposant toutes les circonstances qui peuvent les faire varier, connuës.

SOLUTION.

Il faut connoître d'abord par Observations les quantités F & G, qui marquent les hauteurs moyennes des grandes Marées, & des Marées bâtardes, qui se son jour & demi après les Syzygies & les Quadratures, les déclinaisons des Luminaires étant nulles, & leurs distances à la Terre étant moyènnes. Dans la Théorie, deux Observations suffisent pour cet effet; mais il vaut mieux dans l'applieation de nos Méthodes observer un grand nombre de sois, comme on a déja fait presque dans tous les Ports de la France, la hauteur des grandes Marées, & celles des petites Marées, les Luminaires se trouvant à-peu-près dans l'Equateur, & prendre des unes & des autres le milieu Arithmétique, que j'appelle F pour les grandes Marées, & G pour les petites Marées.

Il faut ensuite connoître le rapport moyen, qu'il y a entre les forces de la Lune & du Soleil. Nous avons donné plusieurs moyens pour cela dans le corps de cette Differtation, & nous nous croyons bien fondés de le supposer comme 5 à 2. Quoiqu'il en soit, nous nommons ce rapport A: C.

Il faur après cela faire attention aux Phases de la Lune, ou à l'Arc compris entre les deux Luminaires dans le moment du passage de la Lune par le Méridien: cet Arc doit être diminué de 20 dégrés (s. VII. Chap. IX.) Nous nommons le Sinus de l'Arc réfultant m, & le Cosinus n, & le Sinus total 1.

Il faut aussi connoître les distances des Luminaires à la Terre: j'appelle d la distance moyenne du Soleil; D fa distance au tems de la Marée cherchée; l la distance moyenne de la Lune; L sa distance au tems de la Marée

cherchée.

Il faut fçavoir encore les déclinaisons des Luminaires à l'égard de l'Equateur : j'appelle S le Sinus de la distance de la Lune au Pole ; C son Cosinus ; T le Sinus de la distance

du Soleil au Pole; E fon Cosinus.

Enfin il faut fatre attention à la latitude du lieu, & à la Remarque (a) du IX. Art. que nous avons faite pour l'eftimation des latitudes. Nous appellons le Sinus de la diflance au Pole s & le Cosinus c. Toutes ces dénominations faites, je dis que la hauteur de la Marée sera

 $\begin{array}{l} {}^{i_1} \mathbb{D}^{i_2} \hat{\delta} + \mathbb{L}^{i_3} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{D}^{\circ} \widehat{D}^{\circ} \hat{D}^{\circ} \hat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \\ + \frac{n_{I}}{n_{I}} \mathbb{D}^{i_3} \hat{\delta}^{\circ} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ + \frac{n_{I}}{n_{I}} \mathbb{D}^{i_3} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times n_{II} \hat{\delta}^{\circ} \times n_{II} \\ \widehat{\delta} + \hat{G}^{\circ} \times$

XVIII.

Je n'ai mis ici cette grande Formule, que pour faire voir route l'étendue & toure l'exactitude de notre Théorie & denos Calculs: car les metures & la Table que nous avons données au Chapitre IX. ont affez de précision dans une Question aussi fujette que celle-ci aux variations accidentelles, qui n'admettent aucune détermination.

Je ne dis rien des Marées & de leurs changemens extraordinaires, qui fe font dans la Zone glaciale, pour ne point

75

groffir trop ce Traité, & pour ne point l'embarrasser de choses fort abstraites & assez difficiles. J'ai d'ailleurs déja exposé en gros & même assez au long ce qui en est.

Quant enfin à l'heure des haures Mers, j'ai fait voir qu'elle n'est point changée par les déclinaisons des Luminaires, ni par la latitude du lieu; nous avons donc déja donné toute la perfection possible dans les Chapitres précédens à cette autre grande Question. Pour l'heure des basses Mers, qui dépendent beaucoup des déclinaisons des Luminaires, & de la latitude du lieu, nous en avons fait voir toutes les variations & propriétés dans ce Chapitre.

CHAPITRE XI.

Qui contient l'Explication & Solution de quelques Phénomenes & Questions, dont on n'a pas eu occasion de parler dans le corps de ce Traité, sur tout à l'égard des Mers détachées, soit en partie, soit pour le tout, de l'Océan.

I.

S Uivant quelle progression les eaux montent & descendent dans une même Marée, par rapport aux tems donnés.

Cette Question dépend de routes les circonstances que nous avons considérées dans ce Traité; mais les variations à l'égard du changement de ces circonstances, ne sont pas varier beaucoup la loi, suivant laquelle les eaux montent & descendent; je ne parlerai donc que du cas le plus simple, qui est lorsque la latitude du lieu, & les déclinations des Luminaires sont nulles, & lorsqu'en même tems les Luminaires sont aulles, & lorsqu'en même tems les Luminaires sont aus leurs Syzygies, ou dans leurs Quadratures. Que l'on exprime donc tout le tens depuis la haute

Mer jusqu'à la basse Mer par un quart de Cercle, dont le rayon est égal à l'unité : je dis que les descentes verticales des eaux depuis la haute Mer doivent être exprimées par les Quarrés des Sinus des Arcs, qui représentent les tems donnés. Si l'on considére les Marées depuis le commencement du Flot, il faudra dire que les élévations verticales des eaux, sont en raison quarrée des Sinus, qui répondent aux tems donnés. 6. III. Chap. V. Ceux qui voudront rendre cette Proposition plus générale, pourront consulter le s. VIII. Chap. V. & fi on y ajoute enfin les §. §. VI. & VII. du Chap. X. on verra facilement, ce qu'il faudroit faire pour tous les cas possibles. Mais la loi générale ne différera pas beaucoup de celle que nous venons d'exposer; & cela d'autant moins que les deux Marées d'un même jour, qui devroient être souvent fort inégales, ne laissent pas de se composer à une égalité mutuelle par la raison exposée au long au §. X I. Chap. X. On peut donc se tenir sans peine à la Regle que nous venons d'établir.

Il s'ensuit de cette Regle, que les baissemens ou élevations des eaux, qui se font dans de petits tems égaux, sont
proportionnels aux produits des Sinus par les Cosinus répondans des Arcs horaires; de sorte que si on partage tout
le tems du Flux ou du Reslux également, les variations
également éloignées en deçà & en de-là de ce terme, sont
égales: ces variations sont les plus sensibles au milieu du
Flux ou du Ressux, & la variation totale depuis le commencement du Flux ou du Ressux jusqu'au milieu, sait précissement la moitié de toute la variation d'une Marée. On
voit ensin que les variations doivent être insensibles au commencement & à la fin de chaque Flux & Ressux.

Toutes ces Propositions sont confirmées entierement par les Observations qu'on a saites sur cette matiere, rapportées par M. Cassini dans les Mémoires de l'Académie des Sciences pour l'année 1720, pag. 360. Il semble seulement qu'il y a une erreur de quelques minutes dans la détermination de l'heure de la basse Mer, erreur presque inévitable dans

dans cette forte d'Observations. Mais il saut remarquer, pout voir plus parfaitement l'accord de notre Regle avecles Observations, que tout le tems du Flux ou Reslux est dessix heures lunaires, pendant que les Observations ont été prises sur des heures solaires.

ΙI

Pourquoi il n'y a point de Marées sensibles dans la Mer Caspienne, ni selon quelques-uns dans la Mer Noire, & pourquoi elles sont très-petites dans la Mer Méditerranée,

& de quelle nature font ces Marées.

On ne sçauroit bien répondre à ces questions, sans confidérer auparavant le Problème principal, qui est de sçavoir les Marées, lorsque la Mer n'a qu'une certaine étendue en longitude, & c'est un Problème pénible pour le Calcul, & affez délicat pour la Méthode. Pour le rendre d'abord plus simple, nous supposérons les Luminaires en conjonction & dans le plan de l'Equateur, & que c'est aussi sous l'Equa-

teur, que l'on cherche les Marées.

Reflouvenons-nous que fans l'action des Luminaires, l'Equateur feroit parfaitement circulaire, comme $b \not g \ h$ dans la huitéme Figure, & que les Luminaires se trouvant dans l'Axe DB, cette Figure est changée en l'Ellipse BGDH, lorsque toute la Terre est inondée, & que les eaux peuvent couler de tous côtés. Nous avons démontré aussi au III. s. Chap. V. que dans cette supposition, la petite hauteur yz (dont les variations par rapport à ses différentes situations expriment les variations des Marées au point z) est $\frac{3t-b}{3bb} \times \mathcal{C}$, dans laquelle Formule on suppose Ca = s; Cb = b, & la différence entre la plus grande CB & la plus petite $CG = \mathcal{C}$.

Supposons à présent que la Mer n'a qu'une certaine étendue en longitude, sçavoir celle de zx, & qu'on tire par le centre C & l'extrémité x la droite Cs. Cela posé on voit bien que la surface de la Mer ne peut pas être en y s, comme elle seroir, si toute la terre étoit inondée; car l'espace y Cs est plus grand que l'espace z Cx, & il faut que cet espace soit constamment le même; puisque la quantité d'eau dans une Mer doit être s'uppossée la même pendant les revolutions de la Terre : mais la surface de l'eau prendra la courbure or, & voici quelle sera la nature de cette courbure or, s voici quelle sera la nature de cette courbure or; il faut premierement, que l'espace z Cr soit constamment le même que l'espace z Cx, & en second lieu, que la courbe or soit semblable à la courbe ys, ou plûtêt la même, puisque toutes les petites lignes, telles que s x, font incomparablement plus petites que le rayon de la Terre; & ains la petite perpendiculaire r sera égale à la petite perpendiculaire r sera égale à la petite perpendiculaire r se même que toutes les perpent

diculaires comprises entre les termes s & y.

On voit donc déja que ce ne sont plus les sx & yz, dont les variations marquent les variations des Marées pour les points x & z, & que ces variations sont exprimées ich par celles des petites lignes r x & o z. De-là on peut conclure par la seule inspection de la Figure, que les Marées doivent être d'autant plus petites, que la Mer est moins. étendue en longitude; que ces Marées ne peuvent être que tout-à-fait infensibles dans la Mer Caspienne & dans la Mer Noire, & fort petites dans la Mer Méditerranée, dont la communication avec l'Océan est presque entiérement coupée au Détroit de Gibraltar. On en peut même tirer des propriétés très-singulieres de cette sorte de Marées. 1º. Que la plus haute Mer ne se fait pas ici au moment du passage des deux Luminaires par le Méridien, comme dans l'Océan, ni 6 heures lunaires après, mais au milieu, fi la Mer a peu d'étendue en longitude: 2°. Que les Marées font les plus grandes aux extrémités Orientales & Occidentales z & x, & qu'elles font incomparablement plus petites aumilieu t. 3°. Que la haute Mer dans l'une des extrémités se fait au même moment que la basse Mer dans l'autre exrrémité. Voilà en gros les propriétés des Marées dans ces Mers : le Calcul en fera connoître le détail.

Pour ne point ennuyer le Lecteur par une trop longue

fuite de raifonnemens purement Géometriques, & dans plusieurs circonstances assez compliqués & chargés de Cal-

cul, je ne mettrai ici que le plus précis.

Soit $Bb + Gg = \varepsilon$, qui marque la variation pour la Mer libre de tous côtés: foit l'Arc zx, qui marque l'étendue de la Mer en longitude = A. Le rayon de la Terre que nous prendrons pour le Sinus total = 1; qu' on tire xn perpendiculaire à CB, & foit l'efpace zxnxz = S. Cela posé, on trouvera d'abord l'espace $yzxy = \frac{z}{3}AC - SC$. Cet espace devant être égal à l'espace yors, qui est égal à la petite sr multiplié par A, on en tire $sr = \frac{z}{3}C - \frac{S}{3}C$.

Si on suppose après cela $Cn = n \& C\alpha = s$, on aura $sx = nn6 - \frac{1}{3} 6$, & par conséquent $rx = nn6 - 6 + \frac{7}{4} 6$, & ce sont les différentes valeurs de rx, en considérant n & S comme variables, qui marquent les différentes hauteurs de la Mer au point x, qui est à l'extrémité occi-

dentale de la Mer.

De cette valeur de r x on peut tirer géométriquement toutes les propriétés des Marées, quelque étendue qu'on suppose à la Mer, & tout ce que nous avons trouvé pour le point x, peut être déterminé de la même façon pour tel autre point dans l'Arc 2x qu'on voudra; mais on remarquera sur tout une propriété générale, qui est que l'Arc horaire compris entre la haute & la basse Mer, c'est - à - dire l'Arc compris entre la plus grande & la plus petite rx, est toujours de 90 degrés. Pour le démontrer, il faut supposer la différentielle de rx = 0, & faire $-dS = \frac{nn-rs}{\sqrt{1-nn}} dn$, à cause de la valeur constante de A, d'où l'on tirera cette équation $2 An \sqrt{1 - nn - nn + ss} = 0$, qui marque déja la propriété générale que nous venons d'indiquer. Cette propriété donne ensuite la hauteur de la Marée, exprimée par la différence de la plus grande & de la plus petite valeur de $rx = \left(2nn - 1 + \frac{n\sqrt{1 - nn - s\sqrt{1 - ss}}}{A}\right) \mathcal{C}$, & on

remarquera que dans toutes ces Formules, s est donnée en n & en conftantes, à cause de l'Arc A donné.

Nous appliquerons ces équations générales à deux fortes de cas particuliers; premierement, lorsque A est de 90 degrés; & en second lieu, lorsque cet Arc est fort petit.

I. Si A est de 90 degrés, on aura $s = \sqrt{1-nn}$, & le lieu de la haute ou de la basse Mer, à l'égard du point sixe B sera déterminé par cette Equation

 $-2 An \sqrt{1-nn} + 2nn - 1 = 0$, qui donne $n = V\left(\frac{1}{2} + \frac{A}{2\sqrt{A}A + 1}\right) = 0,9602$

qui marque que l'Arc & b est d'environ 16 degrés 13 minut. & que la hauteur de la Marée sera de 0, 844 6. Nous voyons donc que si la Mer avoit 90 degrés d'étendue en longitude, la haute Mer se feroit dans les Syzygies 1 heure 5 minutes plus tard que si toute la Terre étoit inondée, & que la hauteur de la Marée seroit de 156 milliémes parties plus petite.

II. Supposons à présent que l'étendue de la Mer en longitude loit très-petite, c'est-à-dire, que A exprime un Arc circulaire fort petit, & foit la corde de cer Arc

= B : la Géométrie commune donne

 $s = n - \frac{1}{3} n B B + \frac{1}{3} \sqrt{4 B B - 4 n n B B + n n B^{+} - B^{+}}$ Et B étant supposée fort petite, on changera la quantité radicale ensuite, & on négligerales quantités affettées de B3 (le Calcul fait voir àla fin, qu'il faut retenir les termes affettés de BB) & de cette maniere on trouvera

 $s = n - B\sqrt{1 - nn} - \frac{1}{2}nBB$.

On remarquera après cela, que la différence entre l'Arc A& fa corde B, convertie ensuite, commence par le terme 1/4 B3, lequel pouvant être négligé pour notre dessein, on mettra A à la place de B, & on aura

 $s=n-AV_1-nn-\frac{1}{2}nAA.$ En substituant dans l'équation exposée ci-dessus

 $2 A n \sqrt{1 - nn - nn + ss} = 0$

la valeur trouvée pour s, & négligeant toujours les termes affertés de A^3 & de A^4 , nous aurons simplement $n = \sqrt{\frac{1}{3}}$.

L'Arc $\times b$ eft donc pour ce dernier cas de 45 degrés, & la haute Mer, si elle étoir sensible, ne se feroir par conséquent que trois heures lunaires après le passage de la Lune par le Méridien. La hauteur de la Marée étant généralement exprimée, comme nous avons vû ci-dessus, par $(2nn-1+\frac{n\sqrt{1-nn-1}\sqrt{1-1}}{A})\times \mathcal{E}$, il faudra substituer dans cette expression les valeurs trouvées pour n & s; ce que faisant avec les mêmes précautions, que nous avons employées en cherchant la valeur de s, on trouvera à la fin simplement la hauteur de la Marée = A \mathcal{E} .

Cette expression fait voir que dans les petites Mers, les hauteurs des Marées sont proportionelles aux étendues, que ces Mers ont en longitude, & les Marées se trouveront par cette Analogie. Comme le Sinus total est à l'Arc longitudinal, que la Mer renserme, ainsi la hauteur de Marée dans la Mer qui est supposée inonder toute la Terre, exprimée par 6, sera à la hauteur de la Marée en question.

Appliquons maintenant tout ce que nous avons trouvé pour en tirer les propriétés des Marées dans la Mer Cafpienne. Supposons pour cet effet, que dans les conjonctions & oppositions des Luminaires, la hauteur des Marées grandissimes dans la Mer du Sud (dans laquelle les Marées ne scauroient manquer d'atteindre presque toute la hauteur, qu'elles auroient, si toute la Terre étoit inondée) est sous l'Equateur de 8 pieds: c'est la hauteur que les Relations de voyages m'ont fait adopter pour la Mer libre, & que je crois qu'on remarquera sur les Côtes escarpées des petites Isles situées près de l'Equateur dans ladite Mer du Sud: Cela étant, j'ai démontré dans la Proposition (II.) du XII. s. du Chapitre précédent, que les grandes Marées ne feront plus que de 4 pieds à la hauteur de 45 degrés, où je suppose le milieu de la Mer Caspienne. Si nous donnons après cela à cette Mer dix dégrés d'étendue en longitude;

cet Arc fait environ la sixiéme partie du Rayon , & la hanteur des grandifilmes Marées devroit être par conséquent aux extrémités Orientale & Occidentale de la Mer Cafpienne d'environ huir pouces : mais elles seront nulles au milieu de la Mer. Je suppose cette agitation de la Mer trop petite pour avoir pû être remarquée par les gens qui ont été sur les lieux, & qui sans doute n'ont pas fait un examen for ferrupuleux là-dessus, & qui n'auroient pas manqué de l'artribuer à des causes accidentelles, s'ils avoient remarqué quelque petite élévation & baissement des eaux. J'espére que des Observations plus exactes confirmeront un jour ce que je viens d'indiquer sur les Marées de la Mer Caspienne.

On doit faire le même raifonnement sur la Mer Noire, qui peut être considérée comme détachée de la Mer Méditerranée, à cause du peu de largeur du Détroit qui est entre deux. Il est à remarquer qu'on a observé dans cette

Mer des Marées, quoique très-petites.

On voit aussi que les Marées dans la Mer Méditerranée doivent être beaucoup plus petites, que dans l'Océan, surtout si l'on sait attention que cette Mer n'est tout-à-sait ouverte que depuis l'Isle de Chypre jusqu'à celle de Sicile.

III.

Comment les Marées peuvent être beaucoup plus grandes fur les Côtes, dans les Bayes, dans les Golfes, &c.

que dans la Mer libre de tous côtés.

Pour répondre à cette question, il faut encore faire refléxion à ce que j'ai déja dit, que si les Luminaires restoient à un même lieu, & que le mouvement journalier de la Terre se fit avec une lenteur infinie, les eaux qui inondent la Terre, ne pourroient point manquer d'être dans un parfair équilibre, & les Marées auroient par-tout les hauteurs qu'on leur a prescrites dans cet Ouvrage, sans que la configuration des Côtes ou autres causes semblables les pût déranger, pourvû que l'endroit en question communiquât avec l'Océan: d'ailleurs les eaux ne feroient que monter &

descendre verticalement, excepté aux Côtes, qui alternativement font baignées, & reftent à sec, & ausquelles les eaux auroient quelque mouvement horisontal, quoiqu'infiniment lent, & la direction de ce mouvement des eaux dépendroit dans ce cas, austi-bien que dans tous les autres . de la direction de la pente des Côtes. Mais la vîtesse du mouvement journalier de la Terre, qui fait que dans le temsd'un jour tout l'Océan doit faire quatre mouvemens & agitations reciproques, rend ces mouvemens fort fensibles. Comme outre cela la Mer n'inonde pas toute la Terre, & qu'il y a de grands Golfes, Canaux, &c. qui par l'élévation-& baiffement des eaux, font tantôt plus tantôt moins pleins. il faut que ceux-ci reçoivent les eaux & les renvoyent alternativement vers des endroits qui s'empliront, pendant que les autres se vuideront, & de-là doivent provenir des mouvemens horifontaux, qu'on appelle communément Flux & Reflux. Ce font ces mouvemens horisontaux, qui se faisant vers des endroits plus ferrés, peuvent produire les grandes Marces, qui vont dans de certains endroits au-delà de 60 pieds; c'est aussi cette raison qui rend les Marées plus grandes dans le Golfe de Venise, qu'elles ne sont dans la Mer Méditerranée. C'est ici qu'on peur faire un grand usage de ce que divers Auteurs ont donné fur le mouvement des eaux, & je m'affure que moyennant les connoissances qu'ons a déja sur cette matière, on pourroit rendre exactement raison de tous les différens Phénomenes, qui s'observent fur les Marées aux endroits différemment situés. Mais un tel examen demanderoit des volumes, & des années pour les faire.

IV.

Quelle est en gros la nature des Marées au Détroit de Gibraltar.

Les Marées doivent sans doute être beaucoup plus compliquées, & paroître plus irrégulieres au Détroit de Gibraltar, que dans d'autres endroits, parce qu'il s'y fait un concours de deux fortes de Marées, dont l'une vient de l'Océan, & l'autre de la Méditerranée; & on voit facilement, que si les Marées consistoient simplement à élever & baiffer les eaux, fans caufer des Courans, il y auroit fur ces Côtes quatre Marées par jour, c'est-à-dire, que les eaux monteroient & descendroient quatre fois, parce que les Marées des deux Mers ne se font pas en même tems : mais comme il se forme des Courans reciproques, chaque Courant tâche à se conserver, & de-là il se forme des lisieres, qui ont chacune des mouvemens différens: celles qui font fur les Côtes de chaque côté, paroiffent devoir être attribuées aux Marées de la Méditerranée . & deux autres qui les touchent, aux Marées de l'Océan: on remarque même au milieu une cinquiéme lisiere, dont le mouvement n'est pas si régulier que celui des quatre autres, & qui ne fait voir presque aucun rapport avec la Lune: il semble que ce Courant ne doit sa source, qu'à un défaut d'équilibre entre les deux Mers.

Je dirai à cette occasson, qu'il peut arriver de même, que les Marées sont sormées dans un certain Port par le mouvement des eaux, qui viennent de deux distérens côtés & à divers tems : il semble qu'il faut tirer de-là qu'il peut y avoir des endroits où le Flot dure constamment plus long-tems que le Jusan, & qu'il y en a d'autres où il arrive le contraire. Cette même cause peut encore produire plusseurs sortes de Phénomenes particuliers à de certains en-

droits.

v.

Pourquoi les petites Marées font beaucoup plus inégales, par rapport à leur grandeur, que les grandes Marées.

Nous avons déja vû que les petites Marées qui fuivent les Quadratures, doivent être fort fusceptibles de plusseus irrégularités, tant par rapport au moment de la haute basse Mer, que par rapport à la hauteur de la Marée.

Il me femble qu'on doit outre cela remarquer les grandes inégalités inégalirés qui regnent parmi les petites Marées, quoique tourà-fait régulieres, pouvant fous diverfes circonftances croître jusqu'au double, pendant que les grandes Marées ne croiffent que d'environ un quart. Pour rendre raison de cette Observation qu'on a saite, il saut se ressources essentielles & fondées dans la nature des Marées, qui peuvent les rendre, tantôt plus grandes, tantôt plus petites dans un même lieu, quoique l'âge de la Lune

ne différe point.

Nous avons vû que ce sont les diverses distances des Luminaires à la Terre, & leurs différentes déclinaisons, qui peuvent encore changer les hauteurs des Marées, lorsque l'âge de la Lune, & la latitude du lieu sont les mêmes. Le Calcul nous a enseigné aussi, que l'effet de la diversité des déclinaisons des Luminaires est beaucoup plus petit que celui de la diversité des distances : comme donc la diversité des distances est beaucoup plus grande dans la Lune, que dans le Soleil, & que le Soleil a en même tems beaucoup moins de force que la Lune, on peut pour estimer en gros les variations des petites Marées, & les variations des grandes Marées, simplement faire attention aux distances de la Lune: nous avons trouvé que la diversité des distances peut faire varier l'action de la Lune depuis 2 à 3, l'action du Soleil que nous considérons comme constante, étant exprimée par l'unité. Cela étant, & les hauteurs des petites Marées étant aussi proportionnelles aux dissérences des actions des deux Luminaires, nous voyons que les hauteurs de ces petites Marées doivent être contenues dans les termes de 2 - 1, & 3 - 1, ou 1 & 2, pendant que les hauteurs des grandes Marées, qui sont proportionnelles aux fommes des actions des Luminaires, seront renfermées dans les termes de 2 + 1 & 3 + 1, c'est-à-dire, de 3 & 4.

Les Observations, comme par exemple, par celles qui son exposées dans les Mémoires de l'Académie de 1713, pag. 287 & 288. Nous voyons de cette raison, que les variations absolués doivent

être à peu-près les mêmes dans les petites Marées & dans les grandes Marées, & c'est ce que les Observations cirées confirment aussi; & comme ces variations sont par conséquent plus sensibles dans les petites Marées que dans les grandes Marées, il faudra peut-être se servir plûtôt des premieres, que des autres, pour examiner par des Observations ce que les diverses circonstances peuvent contribuer pour faire varier les hauteurs des Marées.

VI.

Pourquoi les Marées étant montées plus haut, & ayant inondé plus de terrain pendant le Flot, descendent en même tems davantage, & laissent plus de terrain à sec pendant le Jusan, & quelle proportion il y a entre les montées & descentes.

Nous voyons la premiere Question indiquée, comme fort remarquable dans les Mémoires de l'Académie des Sciences de 1712. pag. 94. La raison en est que les Marées font une espéce de mouvement oscillatoire, ou de balancement; car il y a dans ces balancemens un point d'équilibre, qui doit passer pour fixe, & au-dessus duquel l'eau doit être cenfée s'élever dans la haute Mer, & se baiffer dans la basse Mer. On pourroit croire d'abord que les élévations & descentes de l'eau à l'égard du point fixe, sont conftamment proportionnelles, & en ce cas notre Problême feroit résolu dans toute son étendue avec beaucoup de facilité. Mais il y a une toute autre proportion bien plus variable & bien plus compliquée, que nous allons rechercher, d'autant que ce n'est pas proprement la hauteur des Marées dans le sens que nous lui avons donné jusqu'ici, qu'il importe davantage de connoître dans la Navigation pour l'entrée & fortie des Vaisseaux dans les Ports ou les Rades : il s'y agit plutôt de connoître la hauteur absolue des eaux, lorsqu'elles font arrivées à leur plus grande ou leur plus petite hauteur; & pour cet effet, il faut sçavoir dans chaque Marée, tant l'élévation des eaux à l'égard du point fixe, que leur baiffement : jusqu'ici nous n'avons déterminé que la somme de

Voyons d'abord comment il faudra déterminer le point fixe : il est vrai qu'il est en quelque façon arbitraire, cependant il paroît le plus convenable de le placer-là, où atteindroit la surface de la Mer, si les Marées étoient nulles. Un tel point doit être confidéré comme demeurant constamment à la même hauteur; car les causes qui peuvent le hauffer ou le baiffer, telles que font les Vents, les Courans inégaux, &c. ne font que passageres & purement accidentelles. Il s'agit donc à présent de sçavoir, combien les eaux montent au-dessus de ce point fixe dans la haute Mer, & combien elles descendent au - dessous du même point dans la baffe Mer. Cette Question dépend de toutes les circonftances qui concourent pour former la hauteur absolue des Marées, & que nous avons examinées au long avec tout le foin possible. Ce seroit donc se jetter de nouveau dans les mêmes difficultés, si nous voulions traiter la présente Question avec la même rigueur, & aussi scrupuleusement, que nous avons fait l'autre; c'est pourquoi nous ne considérerons que les circonftances fondamentales & principales, qui sont que la Terre est route inondée, que les Luminaires sont dans le plan de l'Equateur, & que la latitude du lieu est nulle, faisant abstraction de toutes les causes secondes : ceux qui voudront ensuite une Solution plus exacte, n'auront qu'à confulter les Chapitres VIII. & IX. pour y arriver.

Soit donc encore (comme nous avons supposé au Chap. V., bés b b dans la 9. Figure l'Equateur, & que b marque le lieu du Soleil, & celui de la Lune, & z le point de la plus grande élévation des eaux, exprimée par yz; si l'on prend un Arc de 90 degrés z, le point s'marquera l'endroit du plus grand baissement des eaux, exprimé par sx: nous avons démontré là dessus au VIII. S. du Chap. V. qu'on a généralement

 $yz = \frac{2bb - 300}{3bb} \times \mathcal{E} + \frac{2bb - 366}{3bb} \times \mathcal{E}.$

dans laquelle équation b marque le Sinus total, o le Sinus de l'Angle b Cz, déterminé au s. X I. Chap. V. e le Sinus de l'Angle 6 Cz, exprimé au s. XIII. Chap. V. 6 la hauteur des Marées en tant qu'elles seroient produites par la seule action de la Lune. Nous avons démontré pareillement au III. S. Chap. VIII. qu'en regardant s x comme positive, de négative qu'elle est par rapport à yz, on a généralement

 $sx = \frac{bb - 3\sigma\sigma}{3bb} \times 6 + \frac{bb - 3ee}{3bb} \times 8$

Or comme les points 2 & s, qui sont de niveau, marquent le point fixe dans le fens que nous venons de lui donner, on voit que ces quantités y z & s x marquent précifément l'élévation des eaux au-dessus du point fixe, & leur baissement au-dessous du même point, tels que nous nous sommes propofés de les déterminer. Des valeurs que nous venons de trouver, on pourra tirer les Corollaires suivans.

(a) La différence entre chaque élévation au-dessus du point fixe, & la descente au-dessous du même point, est toujours $= \frac{1}{2} \mathcal{C} + \frac{1}{2} \mathcal{S}$: d'où nous voyons déja que l'une croissant ou diminuant, l'autre doit croître ou diminuer aussi, qui est le Phénomene observé par M. Cassini. Cette différence fait environ le tiers de la plus grande hauteur de Marée: je dis environ, parce que les quantités 6 & 8 sont variables, quoique leurs variations soient beaucoup plus petites que celles qui réfultent des différens âges de la Lune, & à cet égard on peut dire que la différence dont il

s'agit ici, est presque constante.

(b) Dans les Syzygies (ou plûtôt un jour & demi après) les quantités e & σ doivent être supposées = 0, & ainsi on $ayz = \frac{2}{3}C + \frac{2}{3}\delta$, & $sx = \frac{1}{3}C + \frac{1}{3}\delta$: la montée est donc dans les grandes Marées toujours double de la descente. Cette propriété l'ervira à déterminer commodément le point fixe dans chaque Port, & elle le donne de 5 pieds 3 pouces plus haut pour Brest, qu'il n'a été choisi par les Observateurs, si on la compare avec l'Observation, qui est au milieu de la page 94. des Mém. de l'Acad. des Scienc. de 17.12.

(c) Dans les Quadratures (ou un jour & demi après) il faur faire e = 0, & $\sigma = b$, ce qui donne $y = \frac{\pi}{2} + \frac{$

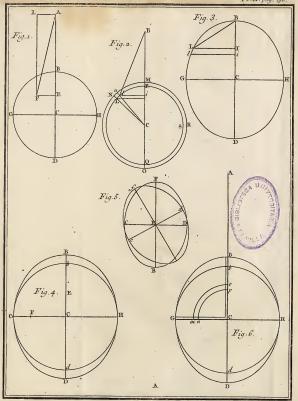
(d) Nous avons fair voir, que le point z n'est jamais éloigné beaucoup du point \mathcal{E}_3 , cela étant & faisant le Sinus de l'Angle $b \in \mathcal{E}$ (qui marque l'âge de la Lune) = m_y on pourra supposer $\ell = 0$ & $\ell = m$, ce qui donne

 $yz = \frac{\pi}{2}C + \frac{\pi}{2}C - \frac{mm}{b}C$, & $sx = \frac{\pi}{2}C + \frac{\pi}{2}C - \frac{mm}{b}C$. Si l'on applique toutes ces Regles aux Observations faites en différens tems & lieux, on y trouvera un grand accord, si l'on choisit bien la juste proportion entre les quantités Δ & C. Mais on remarquera dans cet examen, que les Vents & les Courans peuvent faire varier le point fixe que nous avons adopté.

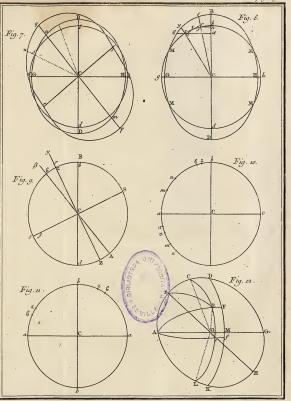
CONCLUSION.

Je finirai ce discours par quelques refléxions sur notte Théorie. Elle suppose avant routes choses une pesanteur vers les centres du Soleil & de la Lune, pareille à celle qui se fait vers le centre de la Terre, & que cette pesanteur s'étend au-delà de la région de la Terre. C'est le seul principe qui nous soit absolument nécessaire, & il n'y a personne qui le conteste. La rondeur des Luminaires prouve. suffisamment la pesanteur qui se fait vers le centre; & quelle raison pourroit-on avoir pour donner deslimites à cette personne qui se controlle de la région pourroit-on avoir pour donner deslimites à cette personne qui se controlle de la région pourroit-on avoir pour donner deslimites à cette personne de la resultation pour des la resultation pour des la resultation per la resultation pour des la resultation per la resu

fanteur? Aussi a-t-elle été reconnue depuis les siécles les plus reculés; mais on n'en a connu toute l'évidence & toutes les loix, que depuis la Philofophie immortelle de M. NEWTON. Les premieres conféquences que nous avons tirées de ce principe pour l'explication des Marées, sont purement Géométriques. Nous pouvons donc être affûrés de connoître la vraie cause des Marées, quoique nous en ignorions encore la cause premiere, qui est la cause générale & physique de la pesanteur. S'il y avoit quelqu'un qui eût deviné cette premiere cause, il mériteroit d'autant plus la présérence, que son Système renfermeroit nécessairement la vraie cause universelle de la pesanteur : cette conséquence fera la pierre de touche pour prouver la vérité d'un tel Systême sur les Marées. Il en est de ceci, comme si l'on demandoit, par exemple, pourquoi la surface de l'eau dans un refervoir se met toujours horisontalement : on voit qu'on ne sçauroit en dire la premiere cause, sans qu'elle renferme la vraie Théorie sur la pesanteur & sur la fluidité, qui seules peuvent être la vraie cause du Phénomene en question. Cette feule refléxion m'a fait quitter quelques conjectures qui se présentoient à mon esprit sur la cause matérielle des Marées, quoiqu'elles me paruffent d'ailleurs affez plaufibles. Je n'ai fait au reste en employant ce principe, que ce que Kepler a déja fait. M. Newton est allé beaucoup plus loin fur cette matiere, après avoir démontré auparavant que la pesanteur vers chaque corps dans le Systême du monde diminue en raifon quarrée reciproque des distances : d'où il a tiré plusieurs nouvelles propriétés sur les Marées, lesquelles s'accordant avec les Observations, pourroient confirmer davantage son principe sur la diminution de la pesanteur, s'il avoit besoin d'autres preuves. Ce principe n'a pourtant pas beaucoup d'influence, si je me souviens bien, fur les variations des Marées, qui dépendent des Phases de la Lune, des déclinaisons des Luminaires & de la latitude des lieux, foit à l'égard des hauteurs des Marées, foit à l'égard de l'heure des Marées. Il ne sert principalement









qu'à déterminer au juste les variations qui dépendent des différentes distances des Luminaires à la Terre, & que les Observations n'ont pû déterminer avec affez de précision; il n'y en a cependant aucune qui lui soit contraire, & plusieurs Observations bien détaillées, sont tout-à-fait conformes aux réfultats que ce principe donne. On remarquera enfin que ce que j'ai dit sur la pesanteur terrestre, que j'ai considérée comme formée par l'attraction univerfelle de la matiere. n'a absolument aucun rapport avec aucune variation des Marées; ces Marées pourront subsister telles qu'elles sont, quelle que soit la nature de la pesanteur à cet égard : tout cet examen ne nous a servi que par rapport à la question, quelle devroit être la hauteur absolue de la hauteur des Marées . fans le concours d'une infinité de causes secondes, qui peuvent augmenter & diminuer ces hauteurs absolues, de sorte que quelqu'eût été le réfultat de ces recherches, notre Théorie n'en eût pû fouffrir aucune atteinte. J'espére avec tout cela, qu'on n'aura pas trouvé ces recherches inutiles à l'égard de plusieurs circonstances qui en ont été éclaircies, outre que nos déterminations donnent, en choififfant les hypotheses les plus vraisemblables, des nombres tels que la nature de la chose paroît exiger. Nous pouvons donc être tout-à-fait sûrs de n'avoir rien admis d'essentiel dans toutes nos recherches, qui ne foit au-dessus de toute contestation.

Quant à l'application de nos principes, à l'ufage que j'en ai fait, & au fuccès de mon travail, ce n'est pas à moi à faire cet examen, sur-tout ne pouvant le faire, sans entrer dans un certain parallele avec un aussigrand Homme qu'étoit M. Newton. Si j'ai eu quelque succès, je dois avouer à l'honneur de ce sçavant Philosophe, que c'est lui qui nous a mis en état de raisonner solidement sur ces sortes de matieres; & si j'ose me slatter de quelque mérite, c'est celui d'avoit traité notre sujet avec une attention & une exactitude conforme aux grandes vûes de l'A CA DEMIE, & au respect qu'on doit à cet illustre Corps.

DE

DE

CAUSA PHYSICA FLUXUS ET REFLUXUS M A R I S

A D. D. MAC-LAURIN, Matheseos Professore, è Societate Academia Edimburgensis.

OPINIONUM COMMENTA DELET DIES, NATURÆ JUDICIA CONFIRMATA

100

PHYSION PHYSION



DE

CAUSA PHYSICA FLUXUS ET REFLUXUS M A R I S

SECTIO I.

PHENOMENA.



HILOSOPHI motum Maris triplicem olim agnoverunt*, diurnum, menfruum čan nuum; motu diurno Mare bis fingulis diebus intunescit desluique, menstruo æstus in Syzygiis Luminarium augentur, in Quadraturis minuuntur, annuo desique æstus

hyeme quam æftate fiunt majores; verum Phænomena hæc funt paulo accuratius proponenda.

* Plin, Lib, 2. Cap. 99.

196 · DE CAUSA PHYSICA FLUXUS

I. Motus Maris diurnus absolvitur horis circiter solaribus. 24 minutisque primis 48, intervallo scilicet temporis quo Luna motu apparente à Meridiano loci cujusvis digressa ad eundem revertitur. Hinc altitudo Maris maxima contingit Luna appellente ad datum situm respectu Meridiani loci dati; verum hora folaris in quam incidit æftus fingulis diebus retardatur, eodem ferè intervallo quo Lunæ appulsus ad Meridianum loci. Atque hic motus adeò accurate ad motum Lunz componitur, ut, secundum Observationes à celeb. D. Caffini allatas, ratio fit habenda horæ in quam incidit vera conjunctio vel oppositio Solis, & aquatio à motu Luna defumpta adhibenda, ut tempus quo Mare ad maximam affurget altitudinem die Novilunii vel Plenilunii accuratiùs. definiatur. In æftuariis autem diversi existunt æftus tempore ut loquitur Plinius, non ratione discordes. Duo æstus qui fingulis diebus producuntur, non funt femper æquales; matutini enim majores funt vespertinis tempore hyberno, minores tempore æstivo, præsertim in Syzygiis Luminarium. (a)

II. De motu Maris menstruo tria præcipuè sunt observanda 1. Æstus siunt maximi singulis mensibus paulò post Syzygias Solis & Lung, decrefcunt in transitu Lung ad Quadraturas, & sunt paulò post minimi. Differentia tanta eft, ut ascensus totius aquæ maximus sit ad minimum ejusdem mensis, secundum quasdam Observationes, ut 9 ad 5, & in nonnullis casibus differentia observatur adhuc major. 2. Æstus sunt majores, cateris paribus, quò minor est diflantia Lunæ à Terra, idque in majori ratione quam inversa duplicata distantiarum, ut ex variisObservationibus colligitur. Ex. gr. anno 1713. ascensus aquæ in Portu Bristonico, (b) referente eodem Cl. viro, 26º. Febr. fuit pedum 22 digitorum 5. & Martii 130. pedum 18 digit. 2. Declinatio Luna in utroque casu ferè eadem; in priori distantia Lunæ partium 953, in posteriori partium 1032, quarum distantia mediocris est 1000. Est autem quadratum numeri 1032 ad quadratum

⁽a) Mém. de l'Acad. Royale, 1710. 1712. & 1713. (b) Ibid.

numeri 953, ut 22 pedes 5 digit. ad 19 pedes 13 digitos; afcenfus autem aque in posteriori cassi ultu tantum 18 pedeum 2 digitis. 3. Æsus sunt, cæteris paribus, majores, cùm Luna versatur in Circulo æquinochali, & minuuntur cre-

fcente Lunz declinatione ab hoc Circulo.

III. Æftus fiunt, cæteris paribus, majores, quò minor est distantia Solis à Terra; adeòque majores hyeme cæteris paribus, quàm æstate. Differentia verò longè, minor est quàm qua ex diversis Lunæ distantiis oritur. Ex. gr. distantia Lunæ perigeæ suerunt æquales Junii 19. 1711. & Decemb. 28. 1712. ascensus aquæ priore die pedum 18 dgit. 4., posteriori pedum 19 digit. 2; declinatio autem Lunæ suit paulò minor in hac quàm in illa Observatione. (a)

Porrò in diversis locis æstus sunt diversi, pro varia locorum latitudine, corumque situ respectu Oceani unde propagantur, pro ipsius Oceani amplitudine, & littorum fre-

torumque indole, aliifque variis de caufis.

SECTIO II

PRINCIPIA

Phænomenis æstus Maris insignioribus breviter recensitis, progredimur ad Principia, unde horum ratio est reddenda-Liceat tamen præfari nobilissimam quidem, sed simul disticulimam este hanc Philosophiæ partem, quæ Phænomenorum causas investigat & explicat. Ea est Naturæ subrilitas, ut non sit mirum causas primarias, solertiam Philosophorum plerumque estigere. Qui omnium Phænomenorum rationes exponere, integramque causarum seriem nobis exhibere inse susceptumt; illicertè magnis suis ausis hucusque exciderum. Philosophiam quidem persectissimam viri clarissimi sibi proposuerunt exstruendam, qualem tamen humana forti competere sas est dubitare. Præstat igitur tantorum virorum successiu minùs selici edoctos, ipsius naturæ vestigia cautè & lentè sequi. Quò di Phænomena ad generalia quæs

(a) Mém. de l'Acad. Royale , 1710. 1712. & 1713. B b iii

dam Principia reducere possimus, horumque vires calculo subjicere, hisce gradibus aliquam veræ Philosophiæ partem assequemur; quæ quidem manca seu impersecta erit, si ipsorum Principiorum causæ lateant; tanta tamen inest rerum naturæ venustas, ut ea pars longè præstet Subtilissimis viro-

tum acutiflimorum commentis.

Motus Maris cuivis vel leviter perpendenti manifestum est Luminarium, Lunæ præsertim, motibus affines esse & analogos. Eadem est periodus motûs Maris diurni ac Lunæ ad Meridianum loci, eadem motûs menstrui ac Lunæ ad Solem; utriufque Luminaris vis in motu Maris generando hinc elucet, quò d æstus sint majores quò minores utriusque distantiæ à Terra; adeò ut nullus sit dubitandi locus, motum Maris effe aliquâ ratione ad motum Lunæ & Solis compositum. Quales autem dicemus illas esse vires quæ à Luna & Sole propagatæ (aut ab his aliquo modo pendentes) aquam bis lingulis diebus tollunt & deprimunt; quæ in Syzygiis Luminarium conspirant, in Quadraturis pugnant; in minoribus utriufque distantiis augentur, in majoribus minuuntur; quæ in minori Lunæ declinatione fortiores, in majori debiliores sunt; & nonnunquam majorem motum cient cum Sol & Luna infra Horizontem deprimuntur, quam cum in Meridiano superiori ambo dominantur. Fuerunt Viri celeberrimi qui æstum Maris pressione quadam Lunæ cieri putarunt. Verùm caufam & menfuram hujus pressionis non oftenderunt, nec quo pacto motus Maris varii hinc oriri possint satis clare indicarunt, multo minus motus illos (hoc principio polito) ad Calculum revocare docuerunt.

Sagacifimus Keplerus Mare versüs Lunam gravitare, æftumque Maris hinc cieri olim monuit. Newtonus, poftquam leges gravitatis detexiffet, invenit æquilibrium Maris non tam turbari ipfius gravitate versüs Lunam, quam ex inæqualitate vis qua particulæ Maristendunt ad Lunam & Sotem pro divertis füis diflantiis ab horum centris; prinufque motum Maris ad certas Leges, & ad Calculum revocare docuit. Fatendum quidem eff gravitatis caufam ignotam effe vel faltem obscuram; Corpora tamen non suntideò minùs gravia. Sint qui asserant Corpora nullo impulsti aut vi externà, sed vi quâdam innata se mutuò appetere; verùm non arquim est horum somnia veritati assere. Alii statim confugiant ad immediatum supremi Auctoris imperium, asserant que horum nimia sessimato probanda est, neque illorum fassistima qui tor natura testimoniis non attendunt quoniam causa gravitatis est obscura. Vis gravitatis est nobis adeò familiaris, ejusque mensura adeò pro competro habetur, ut hâc ad alias vires assimandas serà semper utamur; quam in Cœlis, non minùs quàm in Terris dominari, & secundium certam legem augeri & minui demonstravit vir eximius tanta cum evidentia ut majorem srustra desideres in ardua & difficili hâc Philosophia parte, quax de rerum causis agit.

Newtonus argumento fingulari oftendit, Lunam urgeri versùs centrum Terræ vi quæ (habità ratione distantiarum) cum gravitate Corporum terrestrium planè congruit; quali Terram versus Lunam pariter urgeri æquo jure censendum est. Cùm Corpus aliquo dversùs aliud pellitur, inde quidem haud fequitur hoc versus illud simul urgeri. Verum quid de gravitateCorporum cocleftium sentiendum sit, ex iis quæ comperta funt de gravitate Corporum terrestrium (aliisque viribus similibus) optime dignoscitur ; cum per hanc ad illam agnoscendam ducamur, fintque Phanomena omninò fimilia. Mons gravitat in Terram, & si Terra non urgeret montem vi zquali & contraria, Terra à monte pulsa pergeret cum motu accelerato in infinitum. Porrò flatus cujusvis svstematis Corporum (i. e. motus centri gravitatis) necessario turbatur ab omni actione cui non aqualis & contraria est aliqua reactio, ita ut vix quidquam perenne aut constans dici possit in systemate fi hac lex locum non habeat. Cumque Terra partes ita femper in fe mutuo agant, ut motus centri gravitatis Terræ nullatenus turbetur à mutuis Corporum aut agentium quorumcunque conflictibus, five intra five extra fuperficiem fitorum; eademque lex obtineat in viribus magneticis, electricis aliifque, teste experientia, jure concludit

Newtonus Lunam non tantum in Terram, sed hanc quoque in illam gravitare, & utramque circa commune centrum gravitatis moveri, dum hoc centrum circa totius systema-

tis centrum gravitatis (a) continuò revolvitur.

Gravitatem, cateris paribus, proportionalem esse quantitati materiæ folidæ Corporis, accuratissima docent experimenta, idemque, è calculo gravitatis Corporum cœleftium comprobatur; quin gravitatem quoque sequi rationem materiæ Corporis versus quod dirigitur, ex principio memorato aliifque argumentis colligitur. Similis est ratio aliarum virium quæ in natura dominantur. Lucis radii ex. gr. magis refringuntur, cæteris paribus, quò densiora sunt Corpora quæ subintrant. Terræ partes versùs se mutuò gravitant, non versus illud punctum fictum quod centrum Terræ appellamus; quod cum rationi & analogiæ naturæ sit maxime consentaneum, tum pulcherrime confirmatur accuratissimis experimentis quæ in Boreali Europæ parte nuper instituerunt viri clarissimi ex Academia Regia Parisiensi. Caufa gravitatis (quæcumque demum sit) latè dominatur; cumque sit diversa in diversis distantiis, non est mirandum, ejus vim pendere quoque à magnitudine illius Corporis, versus quod alia impellit. Fatemur vim hanc Corpori centrali impropriè tribui; expedit quidem brevitatis gratia sic loqui, id autem fensu vulgari non Philosophico est intelligendum.

Hæc breviter tantum hîc attingimus. Newtonus postquâm definivisse vim Solis ad aquas turbandas ex disferrentia diametri Æquatoris & Axis Terræ (quam approximatione quâdam sua investigaverat) per regulam auream quærit breviter ascensum aquæ ex vi Solis oriundum. Verùm quamvis elevatio aquæ quæ sic prodit parum à vera disferat, còm tamen Problemata hæc sint diversi generis, quorum priùs pender à Quadratura circuli, posterius autem à Qua-

⁽a) Sufpicari licet aliquam obliquitatis Ecliptice variationem, de qua fermo est apud Astronomos, ex motu Solis circa centrum fystematis otiri ciudicio etit hanc este Phenomeni causam, si constiterit illam variationem analogiam servare cum motu Jovis Planetarum maximi.

diratura

dratura Hyperbolæ feu Logarithmis, ut posteà videbimus; sirque dubitandi locus an à priori ad posteriorem elevationem determinandam, transfus adeò brevis sit omni ex parte legiumus, vel etiam an Methodus quâ figuram Terræ desiniverat sit satisaccurata; cúmque vires subtilissima motumMaris producant, qua nullos alios sensibiles edunt effectus, adeò ut levissima quaque in hac disquistione alicujus momenti este possini, properea existimavi me sacturum operas prætium, si aliam aperirem viam quâ calculus in hisce Problematibus ex genuinis principiis accuratissimò instituti poterit.

Repetenda imprimis funt pauca ex Newtono, postea viam diversam sequemur. Sit L Luna, T centrum Terræ, B b planum recta, LT perpendiculare, P particula quavis Terræ; sitque P M perpendicularis in planum B b. Repræsentet LT gravitatem Terræ mediocrem vel particulæ in centro T positæ versus Lunam, sumatur LK ad LT, ut est LT^2 ad L P2, eritque recta L K mensura gravitatis particulæ P in Lunam. Ducatur K G rectæ P T parallela, occurratque LT producta, si opus est, in G, & resolvetur vis LK in vires KG & LG, quarum prior urget particulam P versus centrum Terræ eftque ferè æqualis ipsi PT; posterioris pars TL omnibus particulis communis, & fibi femper parallela, motum aquæ non turbat ; altera verò pars TG est quàm proximè æqualis ipfi 3 P M: * Imprimis igitur quærendum est quænam debeat esse figura Terræ fluidæ cujus particulæ versus se mutuo gravitant viribus in inversa distantiarum ratione, duplicata decrescentibus, quaque simul agitantur duabus viribus extraneis, quarum altera versus centrum T dirigitur, efique semper ut P T distantia particulæ à centro, altera agit in recta ipsi TL parallela estque ad priorem ut 3 P M ad P T. Ostendemus autem Sectione sequenti figuram hujus Fluidi esse accurate Sphxroidem quæ gignitur revolutione Ellipseos circà Axem transversum, si Terra supponatur uniformiter densa; atque

Fre. L

^{*}Vis hæc paulò major est si particula P sit in parte Terræ Lunæ obversa 2 minor si in parte Lunæ ayersa, unde meritò habetur æqualis ipsi 3. P M.

202 DE CAUSA PHYSICA FLUXUS

hinc calculum motûs Maris ex motibus cœlestibus deducere conabimur.

Observandum autem alias causas conspirare ad motus Maris producendos cum inæquali gravitate partium Terræ versus Lunam & Solem. Motus Terræ diurnus circa Axem fuum variis modis æstum Maris afficere videtur, præter illum à Newtono memoratum, quo æstus ad horam lunarem secundam aut tertiam retardatur. 1. Æstus sit paulò major ob vim centrifugam & figuram sphæroïdicam, ex motu Terræ oriundam, cùm hæc vis paulò major evadat in partibus Maris altioribus quam in depressioribus. 2. Cum Maris æstus fertur vel à Meridie versus Septentrionem, vel contrà à Septentrione versus Meridiem, incidit in aquas, quæ diversa velocitate circa Axem Terræ revolvuntur, atque hinc motus novos cieri necesse est, ut postea dicemus. Porrò secundùm Theoriam gravitatis, vis quâ particulæ Maris urgentur versus Terram solidam, (quæ aquâ longè densior est) fuperat vim quâ versùs aquam urgentur. Vires illæ funt quidem exiguæ; cum autem vires quibus Luna & Sol in aquas agunt, in experimentis pendulorum & flaticis nullos producant effectus fensibiles, tantos autem motus in aquis Oceani generent, suspicari licet vires tantillas ad aquæ motus augendos aliqua ex parte conducere.

SECTIO III.

De Figura quam Terra fluida æqualiter denfa indueret ex inæquali particularum gravitate, versus Lunam aut Solem.

Expositis Phænomenis æstus Maris & principiis generalibus unde celeberrimi Phænomeni ratio petenda videtur, progredimur nunc ad figuram determinandam quam Terra fluida viribus Lunæ vel Solis suprà explicatis, agitata affumeret; præmittenda autem sunt quædam Lemmata quibus hæc disquisitio aliàs disficillima sacilè perfici poterit.

LEMMA I.

Sit $AB \ a \ b$ Ellipsis, C centrum, HI diameter quavis, Mm ordinata ad diametrum HI in puncto u, ex $H \otimes M$ ducantur rectae $HP \otimes m \times p$ and each substitution occurrentes in q; jungantur $qu \otimes PM$, atque ha rectae crunt fibi mutuo parallelae.

Occurrar reîta HP, ordinate M min z, & reîtæ M a (quæ parallela fit ipfi m q) in Q. Sint C a, C A & C B femidiametri respective parallela reîtis M m, m x & H P. Ducatur G parallela ipfi C B & producatur donec occurrar semidiametro C I in g. Ex natura Ellipseos erit Rectangulum $Mz \times z$ m: $Hz \times z$ P:: C G: C B; & ob parallelas C G M m, erit q z z m: $Hz \times z$ P:: C G: C G: Unde $Mz \times qz$: $Hz \times z$ P:: C $G \times G$ E: C B: Verùm $Hz \times z$ P: z $u \times z$ P:: Hz: z u:: G g: C G. Quare ex æquo $Mz \times z$ q: z $u \times z$ P:: G g g G E e q equale quadrato ex semidiametro C B per notan proprietatem ellipseos, chim C I I it conjugata semidiametro C G, & C B ipfi C A. Proinde $Mz \times z$ q = z $u \times z$ P, z z q: z u:: z P: z M, adeóque q u parallela rectx P M, q. e. d.

les) P Q : Q z.

Con. 2. Occurrat recta mx Ellipfi in x, jungatur Hx quæ occurrat rectæ PM in r, juncla ur e itt parallela ipfi mx. Quippe fit Ih parallela rectæ HP & occurrat ipfi mxin o; tum ox erit æqualis rectæ qm & 1o: ox:: Pq:qm:: PO: QM; adeòque Ix erit parallela ipfi PM. Vertim cùm ÎH fit diameter Ellipfeos & ad x punctum in Ellipfi fitum duckæ fint rectæ Ix, Hx ab extremitatibus diametri IH, erunt hæ parallelæ duabus diametris conjugatis, ex natura Ellipfeos. Quare cùm ex punctis H& M educæ fint dua rectæ Ccii

Fig. I I.

Hx & PM respective parallelæ duabus diametris conjugatis, quæ sibi mutuo occurrunt in r, juncta ur erit parallela

recta x m per hoc Lemma.

Cor. 4. Hinc fequitur converse quod fi Nn fit ordinata ab interiori Ellipfi ad Axem Dd & Dp perpendicularis Axi Dd occurrat Ellipfi exteriori in P; jungantur DN & Dn hifque parallela PM, Pm occurrant Ellipfi exteriori in M & m; ducatur PH parallela Axi Dd, in quam fint perpendiculares MD & mq, tum PD + Pq (vel PP = Pq) erit equalis PP = Pq punctis PP = Pq = PP compositive PP = Pq compositive PP

trarias partes puncti P.

LEMMA II.

Eio. IV. Recta PL perpendicularis Ellipsi AB ab in P occurrat Axi B b in L, & ex puncto L sit LZ perpendicularis in semidiametrum CP, eritque Rectangulum CPZ contentum sub semidiametro CP & intercepta PZ aquale quadrato ex semiaxi CA.

Sit Cp femidiameter conjugata ipfi CP, ducatur PD perpendicularis in Axem Bb & producatur donec occurrat femidiametro Cp in K, jungatur KZ, fitque PT tangens.

LEMMA III.

Ponamus particulas corporum versus se muruò gravitare viribus decrescentibus in isversa duplicata ratione distantarum à se in vicem, sintque $PAEa_1PBFb$ similes pyramides vel confex materia hujusmodi homogenea comporiti, eritque gravitas particulæ P in solidum PAE a ad gravitatem ejussem particulæ P in solidum PABFb, vel ur homologa quavis latera horum solidorum.

Gravitas enim particulæ P in fuperficiem quamvis AEaA puncto P concentricam est ut fuperficies hac directè & quadratum radii PA inversè, adeòque est semper eadem in quavis distantia PA. Quare gravitas particulæ P versùs totum foblidum PA E a erit ad gravitatem ejusdem particulæ versùs.

totum folidum PBFb ut PA ad PB.

Con. 1. Hinc gravitates quibus particulæ fimiliter fitærefpectu folidorum fimilium & homogeniorum versis hæc folida urgentur, funt ur diftantiæ particularum a punciis fimiliter fitis in ipfis folidis, vel ut latera quævis folidorum homologa. Quippe hæc folida refolvi poffunt in fimiles conos vel pyramides, vel fimilia horum fiuffa, quæ vertices habebunt in particulis gravitantibus.

Co R. 2. Hinc etiam facilè fequirur quod si annulus ellipticus, figuris similibus AB ab, Dn dN terminatus, circà Axem alterurum revolvatur, gravitatem particulæ intra solidum sic genitum sitæ, vel in interiori ejus superficie positæ, versus hoc solidum evanescere; quoniam si recta quævis-

(a) Proprietates his in hoc & præcedenti Lemmate demonstratæ analogicè fascilè ad hyperbolam transferuntur. Fig. V.

Ellipfibus hisce similibus & similiter positis occurrat, æqualia semper erunt recar segmenta extrema quæ ab Ellipsibus intercipiuntur (ut facilè ostenditur ex natura harum figurarum) adeóque vires æquales & opposita in hoc cass semulto destruent. Hinc verò sequitur quòd si AB ab sit Spharois genita motu Ellipseos circà alterutrum Axem, sintque B & D particulæ quævis in eodem semidiametro sitæ, gravitatem particulæ B versùs Spharoidem fore ad gravitatem particulæ D ut distantia CB ad distantiam CD, per Corollarium præcedens.

LEMMA IV.

Fig. VI.

Sit ABab Sphærois genita motu semiellipseos ABa circà Axem Aa, P particula quævis in superficie solidi, sit PK Axi normalis in K; & PD Axi parallela occurrat plano Bb (quod Axi supponitur normale) in D. Resolvatur vis qua particula P gravitat versus Sphæroidem in duas vires, alteram Axi parallelam, alteram eidem perpendicularem, erique prior æqualis vi qua particula K in Axi sita tendit ad centrum solidi, posterior autem æqualis vi qua particula D

urgetur versus idem centrum.

Producatur PK donec rursùs occurrat Ellipfi generatrici in H, ducatur Hd parallela Axi Aa quæ occurrat Axi Bb in d, concipiamus folidum Dnd N fimile ipfi BAba & fimiliter pofitum defcribi fuper Axem Dd. Horum folidorum Sectiones ab eodem plano refectæ erant femper Ellipfes fimiles & fimiliter pofitæ un notum eft & facile ôftenditur. Sint igitur BAba, DndN hujufmodi figuræ à plano PAbIBP, quod femper transfire ponatur per datam rectam PDI refectæ ex fimilibus hifce folidis. Contineat planum PzZIT cum plano priori Angulum quàm minimum & faciat Sectiones fimiles PzZIT, DrRD & fimiliter positas in prædictorum folidorum superficiebus. Hifce positis, imprimis oftendemus vim quâ particula P urgetur versis duo frusta quæ planis PbI, PZI & planis PBI, PTI continentur, si reducatur ad directionem PK, aqualem for v

quâ particula D urgetur versùs frustum planis DnND, DrRD terminatum.

Sint enim Nn N'n' duæ ordinatæ ex interiori Ellipsi ad Axem Dd; fint (a) PM, Pm, PM & Pm' respective parallelæ rectis DN, Dn, DN & Dn'; fint porrò plana DNR, DN'R', Dnr, Dn'r', PMZ, PMZ', Pmz, P m'z' plano PbIB perpendicularia quæ alteri plano, PzZIT occurrant in rectis DR, DR, Dr, Dr, PZ, PZ, Pz, Pz, respective. His positis, quoniam Anguli NDN & MP M. n D n' & m P m' ponuntur semper aquales; & recta PM&DN, Pm & Dn, æqualiter semper inclinantur ad PI communem planorum Sectionem; fi Angulus ND N' & inclinatio planorum P b TB, PZIT ad se invicem continuò minui supponantur donec evanescant, erunt gravitates particulæ D, in Pyramides DNN' R'R, Dnn'r'r & particulæ P in Pyramides PM M Z'Z, Pm m'z' z ultimo in ratione rectarum DN, Dn, PM & Pm respective per Lemma 3. Eædemque vires fecundum rectas Axi Aa, perpendiculares aftimata erunt ut recta DV, Dv, PO, Pa respective. Unde cum $PQ \mp Pq = 2DV$ per Corol. 4. Lem. 1. fequitur vim quâ particula P urgetur versus Axem A a, gravitate suâ in Pyramides P MM Z' Z, Pmm z z æqualem esse vi, quâ particula D urgetur gravitate suâ versùs Pyramides DNN'R'R, Dnn'r'r. Quare si plana DNR, PMZ fibi mutuò femper parallela & plano P b IB perpendicularia moveantur semper circà puncta D & P (rectis scilicer DN, PM procedentibus semper in plano P b IB, & rectis DR, Pz in plano PZ IT) erunt vires quibus particula P urgetur versus Axem ex gravitate fua in frusta motu planorum P MZ, P mz sic descripta. æquales semper viribus, quibus particula D urgetur versus eundem Axem gravitate sua in frusta motu planorum DNR, Dnr descripta; unde sequitur particulam P urgeri eâdem vi secundum rectam P K, gravitate sua in frusta planis P b I,

⁽a) In hac Figura describenda rectas NR, N'R', &c. non duximus secundàm regulas perspectiva, sed câ ratione quâ facillime dignosci possint.

208 DE CAUSA PHYSICA FLUXUS

P z I, & planis P B I, P T I contenta, quâ particula D rendit versus frusta planis D n N D, D r R D terminata. Proinde cùm hæ vires secundùm rectas Axi totuis folidi perpendiculares æstimatæ sint etiam æquales, & par sit ratio virium quibus particula P & D urgentur versus frusta quavis alia similiter ex folidis resecta, sequitur particulam P æqualiter urgeri versus Axem gravitate sus in folidum exterius, & particulam D gravitate sus in folidum similè interius, vel etiam in solidum exterius, cùm hæ vires sint eædem per Corol. 2. Lem. 3.

Simili planè ratione colligitur vim, quâ particula P urgetur fecundùm rectam Axi Parallelam æqualem effe vi, quâ particula K in Axe fita urgetur versùs centrum folidi.

Co g. 1. Particulæ igitur quævis Sphæroidis æqualiter ab Axe vel Æquatore folidi diffantes æqualiter versùs Axem vel Æquatorem urgentur. Virefque quibus particulæ quævis urgentur versùs Axem funt ut illarum diffantiæ ab Axe, & Fie. VII. vires quibus urgentur versùs planum Æquatoris, funt ad fe

invicem, ut illarum distantia ab hoc plano.

COR. 2. Repræsentet A vim quâ Sphærois urget particulam in Axis termino A sitam, B vim qua idem solidum urget particulam B in circumferentia circuli medii inter A & a positam; fumatur K R ad K C, ut $\frac{A}{CA}$ est ad $\frac{B}{CB}$, jungatur PR, & particula P tendet versus Sphæroidem in recta PR, vi quâ huic rectæ semper est proportionalis. Vis enim quâ particula D urgetur versus centrum solidi, est ad B, ut CD ad CB, per Cor. 2. Lem. 3. Similiter vis, quâ particula K urgetur versûs folidi centrum est ad A, ut CK ad CA. Quare per Lemma 4. vis quâ particula P urgetur fecundum rectam P K Axi normalem est ad vim, quâ urgetur fecundum rectam PD Axi parallelam, ut $\frac{PK \times B}{CB}$ ad $\frac{CK \times A}{CA}$; adeoque ut PK×K Cad CK×KR. i. e. ut PK ad KR ex. confiructione. Quare particula P urgetur secundum rectam PR, his viribus conjunctis, & vis composita est ad B, ut PR ad BC. Quo, verò pacto vires A & B computari pof-PROPOSITIO fint postea oftendemus.

THEOREMA FUNDAMENTALE.

Conftet Sphærois $\mathcal{A}Bab$ materia fluida, cujus particulæ versis fe mutuò urgeantur viribus in inversa duplicata ratione difiantiarum decreficentibus; agantque fimul duæ vires extraneæ in singulas Fluidi particulas, quarum altera tendat versis centrum Sphæroidis, sitque semper proportionalis difiantiis particularum ab hoc centro; altera agat secundum rectas Axis folidi Parallelas, sitque semper proportionalis difiantiis particularum à plano Bb Axi normali; & si seminates CA, CB Ellipseos generatricis fint inverse proportionales viribus totis, quæ agunt in particulas æquales in extremis Axium punctis $A \otimes B$ sitas, etit rotum Fluidum in æquilibrio.

Ut hæc Propositio nostra primaria clarissimè demonstretur, ostendemus imprimis vim compositam ex gravitate particulæ cujusvis P& duabus viribus extraneis, semper agere in recta PL, quæ est ad superficiem Sphæroidis semper normalis. 2. Fluidum in recta quavis PC à superficie ad centrum ducta, ejustem ubique esse ponderis. 3. Fluidum in canalibus quibusvis à superficie ad datam quamvis particulam illam intra solidum ductis, eådem semper vi particulam illam

urgere.

1. Vires totæ quæ agunt in particulas $A \otimes B$ dicantur $M \otimes N$, quæ ex hypothefi funt in ratione Axium $CB \otimes CA$. Refolovaur vis prior extranea quæ agit fecundùm rectam PC, in vires duas, alteram Axi parallelam, alteram eidem perpen dicularem; eruntque hæ vires femper ut rectæ $PK \otimes KC$. Unde cùm vis quâ gravitas particulæ P urget eam fecundùm rectam PK, fit etiam ut PK per Lemma fuperius , fequitur vim totam quâ particula P urgetur fecundùm rectam PK, effe, ad N, ut PK ad CB. Vires tres agunt in particulam P fecundùm rectam PD Axi parallelam, particula felictet gravitas & duæ vires extraneæ, quæ fingulæ variantur in ratione

rectæ P D vel K C; adeoque vis ex his tribus resultans erit ad M ut CK ad CA. Vis igitur quâ particula P urgetur fecundim rectam PK est ad vim quâ urgetur secundim re- $\operatorname{Ctam} PD \text{ ut } \frac{N \times PK}{CB} \text{ ad } \frac{M \times KC}{CA} \text{ five (cùm } M:N::CB:CA)$ ut $PK \times CA^2$ ad $CK \times CB^2$. i. e. (quoniam fi PL Ellipfi generatrici perpendicularis occurrat Axi A a in L, erit KC ad KL, ut CA2 ad CB2, ex nota Ellipsis proprietate) ut PK x K C ad K C x KL, adeoque ut PK ad K L. Unde vis composita particulam urget in recta P L, quæ ad superficiem Fluidi ponitur perpendicularis; estque semper ut recta hac PL, cum vires fecundum rectas PK fint femperut PK.

2. Sit LZ normalis in femidiametrum CP, & vis quâ parricula P urgetur versus centrum, erit ut recta Pz per vulgaria Mechanica Principia, & pondus Fluidi in recta P C, ut rectangulum $CP \times P Z$, quod semper est æquale quadratoex semiaxi CB per Lemma II. Centrum igitur æqualiter un-

dique urgetur, effque Fluidum in æquilibrio in C.

3. Sit p particula quavis in folido ubicunque fita, Pp reeta quavis à superficie ad particulam p ducta; sint PK, pk normales in Axem Aa, & vis quâ particula p urgetur pondere Fluidi in recta quavis Pp secundum hanc rectam, facili calculo quem brevitatis gratia omitto, invenietur æqualis $\frac{N}{2CB} \times \overline{PK^2 - pk^2} - \frac{M}{2CA} \times \overline{Ck^2 - CK^2} = (\text{cùm } M: N : : CB:$ $(CA)^{\frac{M \times CA^2 \times PR^2 + M \times CR^2 \times CB^2 - M \times CA^2 \times Pk^2}{2CB^2 \times CA}} - \frac{M \times CB^2 \times Ck^2}{2CB^2 \times CA}$ = ($\operatorname{cum} P K^2 : CA^2 - CK^2 : CB^2 : CA^2$, & fi CG fit femiaxis Ellipseos per p ducta similis Ellipsi A Bab, & similiter fire , p k2 : CG2 - Ck2 : : CB2 : CA2) MxCA - MxCG adeoque cum hac quantitas à situ puncti P non pendear,

vis hac est semper eadem, si detur locus particula p; quaproinde cum undique aqualiter urgeatur, Fluidum erit ubique in æquilibrio.

COR. 1. Sit ut in Cor. 2. Lemmatis IV. A vis gravitatis

in Sphæroidem in loco A, B vis gravitatis in eandem in loco B, V vis K of (Fig. 1.) in mediocri fita quantitate in fuperiore Sectione expoita , quâ Luna vel Sol aquam Sphæroidis deprimir in diflantia d, quæ ponitur mediocris inter CA & CB. Sit CA = a, CB = b, eritque vis N, quâ particula B versùs C urgetur, æqualis $B + \frac{bw}{d}$, & $M = A + \frac{aw}{d} - \frac{3aw}{d}$ and $M = A + \frac{aw}{d}$. Unde per hanc Propositionem si $A = \frac{bw}{d}$. Unde per hanc Propositionem si $A = \frac{bw}{d}$. A $A = \frac{aw}{d}$, erit Fluidum in æquilibrio. Atque hinc ex datis A, B & E in terminis E is E si fpecies siguiræ innotescet. Est E and E is E in E

Con. 3. In pracedentibus Corollariis fupposuimus $d = \frac{1}{2}CA + \frac{1}{2}CB$; verum si d denote aliam quantis distantiam ubi vis KG (Fig. 1.) ponatur aqualis ipsi V, steque $e = \frac{1}{2}CA + \frac{1}{2}CB$, erit $x : e : : B - A + \frac{3}{d} e^{V}$:

 $B + A - \frac{2eV}{d}$

Cor. 4. Per vim V in his Corollariis intelleximus vim vel Solis vel Lunæ, & figuram consideravimus, quam Terra fluida homogenea indueret si ha vires seorsum in eam agerent. Sir nunc Luna Soli conjuncta yel opposita, & simul D dij

212 DE CAUSA PHYSICA FLUXUS

- A - 2 V quam proxime, ut priùs.

Co R. 5. Sit nunc Luna in recta Aa, Sol in recta Bb; & quoniam Luna vis potior est, Axis transfersus figuræ generatricis transfeat per Lunam, conjugatus per Solem; & sit vis tota quæ agit in loco A sit ad vim totam quæ agit in loco B ut CB ad CA enti Spharrois shudain æquilibrio ettam in hoc casto. Sit S vis quâ Sol deprimit aquam in rectis TA, Ta ad mediocrem à centro C distantiam, L vis quâ Luna aquam deprimit in rectis TB, Tb ad æqualem distantiam; eritque vis tota quæ agit in loco A æqualis $A - \frac{1}{a} \frac{a^1}{4} + \frac{a^2}{4}$; vis tota quæ agit in loco B æqualis $B + \frac{b1}{b1} - \frac{b1}{a^2} - \frac{b1}{a^2}$ Unde colligitur ut in Corol. 2. x:d:B - A + 3l - 3s:B + A - 2s: (sil l - s nunc dicatur <math>V) B - A + 3V.

B + A - 2V, ut priùs:

Fig. I.

Fig. VII Schol. Eådem planè ratione oftenditur quòd fi Bab A fit Spharois fluida oblata genita motu femiellipfis BAb circa. Axem minorem Bb; & vertatur hæc Sphærois circa eundem Axem tali motu ut gravitas versùs Sphæroidem hanc in Polo Afit ad exceffum quo gravitas in loco B fit perat vim centrifugam in Bex motu Sphæroidis circa Axem oriundam ut CB ad CA, Fluidum fore ubique in æquilibrio. Unde fequitur figuram Terræ, quatenus ex vi centrifuga à motu diurno oriunda immutatur, effe Sphæroidem oblatam qualis gignitur motu femiellipfis BAb circa Axempuninorem (fi materia Terræ pro æqualiter denfa habeatur)

femidiametrum Æquatoris effe ad femiaxem ut gravitas fub Polis in Terram estad excessum gravitatis supra vim centrifugam fub Æquatore, corpus in loco quovis P tendere versùs Terram vi quæ est semper ut recta PL perpendicularis Ellipsi generatrici & Axi majori occurrens in L, & mensuram denique gradus in Meridiano esse semper ut cubus ejusdem recta PL. Hac omnia accurate demonstrantur ex hac Propositione; quæ quamvis in disquisitione de figura Terræ. eximii usus sint, hic obiter tantum monere convenit.

LEMMA V.

Sit figura quavis ABa: describatur circulus CNH cen- Fig. VIIE. tro A, radio quovis dato AC; ex A educatur recta quavis AM occurrens figura ABa in M, & circulo in N; fint MQ & NR perpendiculares in Axem datum Aa, fit KR semper æqualis abcissæ AQ, & vis quâ particula A urgerur versus folidum motu figuræ AB a circa Axem A a genitum erit ut area quam generat ordinata K R directe & radius A C inversè.

Occurrat alia recta ex A educta figuræ in m & circulo in n, fintque mq & nr normales in Axem Aa. Sit AZza alia Sectio folidi per Axem, cui occurrant plana AMz, Amz ipli AMa normalia in rectis AZ, Az, quæ circulum radio AC in plano AZ z a descriptum secent in X& x; denique arcus Mo circularis centro A descriptus occurrat Am in o. His positis, minuatur angulus contentus planis AMa, AZa, & fimul angulus M Am donec evanefcant, & ultima ratio vis qua particula A tendit ad Pyramidem AMZ zmad vim quâ urgetur versus Pyramidem ANX xn erit rectae AM ad AN, vel AQ ad AR, per Lem. II. vis hujus Pyramidis est ut vis superficiei NXx n ducta in re-Etam AN, adeoque ut $\frac{NX \times Nn}{AN} \times AN = \frac{NX \times Nn}{AN}$, vel ut $\frac{NR \times Nn}{AN}$ (quoniam NX eff ut NR) i.e. ut Rr; ejufdemque

vis ad directionem Axis reducta ut $Rr \times \frac{AR}{4N}$; quare vis Ddiii

DE CAUSA PHYSICA FLUXUS Pyramidis AMZzm ad eandem directionem reducta ut $Rr \times \frac{AQ}{AC} = \frac{Rr \times RR}{AC}$. Vis igitur quâ particula A urgetur ver-

sus frustum solidi planis A Ma, Aza contenti, est ut area quam generat ordinata KR directè & radius AC inversè; cumque so lidum sit rotundum, motu scilicet siguræ circa Axem A a genitum, par erit ratio visquâ particula urgetur versus integrum folidum.

COR. Vis quâ particula A urgetur in folidum est ad vim quâ urgetur versus Sphæram super diametrum A a descriptam ut area quam generat ordinata KR ad 2 CA. Quippe si A Masir circulus, erit A Q ad A a ut A Q2 ad A M2, vel AR^2 ad AN^2 . Unde in hoc casu erit $KR = \frac{2AR^2}{AC}$, & area ARK (quam generat ordinata KR) = $\frac{2AR^3}{3AC}$, adeóque area tota motu ordinatæ RK genita erit 2 CA2.

PROPOSITIO IL

PROBLEM A.

Invenire gravitatem particula A in extremitate Axis transversi sitæ versus Sphæroidem oblongam.

Cæteris manentibus ut in Lemmate præcedenti sit AMa Ellipsis, Aa Axis transversus, C centrum, Bb Axis conjugatus, F focus; educatur recta quævis A Mex A Ellipsi occurrens in M, cui parallela CV occurrat Ellipsi in V; unde ducatur ordinata ad Axem VL, juncta a M recta CV occurrat in e, eritque A M=2 Ce: cúmque A Q: CL:: A M (2Ce): CV::2CL: Ca, erunt \(\frac{1}{2} A \, Q \), CL& CA continuè proportionales. Sit CA = a, CB = b, CF = c, AR = x, CL = l, cumque $AR^2 : NR^2 :: CL^2 : VL^2$ erit $x^2: a^2 - x^2:: l^2: \overline{a^2 - l^2} \times \frac{b^2}{a^2}$; adeoque $l^2 = \frac{a^2 \cdot b^2 \cdot x^2}{a^4 \cdot - c^2 \cdot x^2}$, & AQ vel $KR = \frac{2l^2}{a} = \frac{2ab^2x^2}{a^4 - c^2x^2}$, area ARK = $\int_{a^2-a^2}^{2a} \frac{b^2 x dx}{a^4-a^2x^2} = (\text{if } z: x:: c:a) \int_{a^2}^{2a^2} \frac{b^2}{c^3} \times \frac{x^2 dz}{a^2-a^2} \cdot \text{Quare fit } a \text{ quanticins } \text{cupic Logarithmus evaneficit}, \text{ five fyflematis Logarithmus evaneficit}, \text{ five fyflematis Logarithmus evaneficit}, \text{ five fyflematis } L \text{ or a fitting } ARK = \frac{2a^2b^2}{c^3} \times \overline{l-z}$. Unde vis quâ particula A gravitat versùs folidum genitum motu fegmenti elliptici AUMA circa Axem Aa, erit ad vim quâ eadem particula gravitat versùs folidum genitum motu fegmenti circularis ex circulo fupra diametrum Aa deferipti eadem retea AM abforfil circa eundem Axem tu $\frac{2a^2b^2}{a} \times \overline{l-z}$ ad $\frac{1x^3}{3a}$; & fi L fit Logarithmus quantitatis a V $\frac{a+c}{a-c}$ (vel $\frac{a}{b} \times a+c$) erit vis quâ particula. A tendit versùs totam Spharoidem ad vim quâ tendit versùs totam Spharam ut $3b^2 \times \overline{L-c}$ ad c^2 .

LEMMA VI.

Duo plana B Mb a B, B Z g e B fe mutuò fecent in refat HB b, communi figurarum tangente, auferançue ex folido fruftum B Mb a B z g e B; fint fenticirculi HCh, Hch fectiones horum planorum & fuperficiei Sphara centro B, radio B C defcripta. Ex puncto B educatur recta quavis B M in priori plano figura B M b a occurrens in M_s .

Fig. IX.

216 DE CAUSA PHYSICA FLUXUS

& femicirculo HCh in N; fintque MQ & NR normales in Hh, & ordinata KR femper æqualis reckæ MQ. His pofitis, fiangulus CB_{ℓ} planis hifee contentus minuatur in infinitum, erit gravitas particulæ B versus fruftum B Mb a BZ g e B ultimo ad gravitatem ejufdem particulæ versus fruftum Dh-æræ femicirculis HBh, Heh contentum, ut area HKdh genita motu ordinatæ KR ad femicirculum HCh.

Sit m punctum in figura B M B, ipsi M quam proximum jungatur B m quæ circulo HCh occurrat in n; sitque n r normalis in Hh. Ad hac fint plana BMZ, Bmz perpendicularia plano BMba, fecentque planum alterum BZge in rectis BZ, Bz circumferentia Hch occurrentibus in X & x. His positis, vis quâ particula B gravitat in Pyramidem B MZ zm erit ad vim qua eadem particula gravitat in Pyramidem B N X x n ultimo ut recta B M ad B N, vel M a ad NR per Lem. III. Gravitas autem in hanc Pyramidem eft ut $\frac{NX \times Nn}{RN^2} \times BN$, vel (quoniam NX eft ut NR) ut $\frac{NR \times Nn}{RC}$ i. e. ut Rr; atque hac gravitas agit fecundum rectam B b vi quæ est ut $\frac{R r \times R N}{RC}$; unde gravitas in Pyramidem BMZzmagit secundum rectam Bb vi quæ est ut $\frac{Rr \times MQ}{BC}$, vel $\frac{Rr \times KR}{BC}$. Proinde ultima ratio virium quibus particula B urgetur versùs integra frusta solidi & Sphæræ BC, est ratio areæ HKd h (quam generat ordinata KR) ad semicirculum HCh.

Co R. Gravitas in frustum planis B Mb a, B Z g e terminatum, est ad gravitatem in frustum Sphæricum contentum circulis super diametros Bb, Bg descriptis, ut area H K dk ad $\frac{a}{3}$ CB^* . Sit enim B Mb B circulus, erique M Q ad Bb, ut R N^* ad B C, & K $R = \frac{2R}{CB} \frac{N^2}{CB} = 2B$ $C = \frac{2BR^2}{CB}$, & area HK db $B = \frac{a}{2}$ CB^2 , adeoque area tota HK db

4 11711. CANCET WAS __ 11 _ 1 ...

 $=\frac{3}{3}CB^2$.

PROPOSITIO

PROPOSITIO III.

PROBLEMA.

Invenire gravitatem particulæ in Aquatore sitæ versùs Sphæroidem oblongam.

Per Æquatorem intelligimus circulum ab Axe conjugato genitum dum figura circa alterum Axem revolvitur. Repræsentet B Mb a in figura præcedentis Lemmatis, Sectionem quamvis Sphæroidis Æquatoris plano normalem, eritque hæc figura semper similis Sectioni per Polos solidi, feu figuræ cujus revolutione folidum genitum esse supponimus. Hujus demonstrationem ut facilem & ab aliis traditam brevitatis gratia omitto. Sit igitur CA Sectionis hujus femiaxis transversus, CB semiaxis conjugatus, F focus; sit CB =b, CA=a, CF=c, BR=x, CV femidiameter parallela rectæ BM, VL ordinata ad Axem Bb, Cl = LTunc CB: CL: CL: 1/2 MQ ut in Proposit. præcedenti, & $MQ = \frac{2l^2}{L}$. Verim $NR^2 : BR^2 :: CL^2 : VL^2$ i. e. $b^2 - x^2$: $x^2: l^2: \overline{b^2-l^2} \times \frac{a^2}{b^2}$, vel $a^2 - \frac{a^2 x^2}{b^2}: x^2:: l^2: b^2 - l^2$, & l^2 $= \frac{a^2 b^2 \times \overline{b^2 - x^2}}{a^2 h^2 - c^2 x^2} = (\text{fi} z; x :: c : b) \frac{b^2 a^2}{c^2} \times \frac{c^2 - z^2}{a^2 - z^2}, & KR =$ (ut in priore Propositione) Logarithmus quantitatis a $\sqrt{\frac{a+z}{a-z}}, & \text{ area } B \text{ d } K \text{ R } \text{ erit } \frac{z \cdot a^2 \cdot b^2 z}{c!} - \frac{z \cdot a^2 \cdot b^2}{c!} \times \frac{b^2 \cdot 1}{a^2} = \frac{z \cdot b^2}{c^2}$ $\times a^2 z - b^2 l$

Supponantur nunc x = b, adeóque z = c; fitque L Logarithmus quantitatis $a \bigvee_{a=c}^{a+c}$, ut priùs, eritque area tota HKdh, motu ordinatæ KR genita, æqualis $\frac{4b^3}{c^3} \times \overline{a^2c - b^1}L$.

DE CAUSA PHYSICA FLUXUS Quare gravitas particulæ B versus frustum planis ellipticis BMba, BZge terminatum erit ultimo ad gravitatem in frustum iisdem planis contentum à Sphæra centro C radio CB descripta resectum, ut a2 c - b2 Lad 2 c3 per Cor. Lem. VI. Sit circulus BPp b Æquator Sphæroidis, BP & Bp dux quxvis chordx hujus circuli; Sectiones Sphxroidis circulo BPb perpendiculares erunt Ellipses similes Sectioni quæ per Polos solidi transit, quarum BP & Bp erunt Axes transversi; Sectiones autem Sphæræ super diametrum Bb descriptæ per eadem plana erunt circuli quorum diametri erunt chordæ BP, Bp. Proinde eadem semper erit ratio gravitatis particulæ B in frusta elliptica & sphærica his planis terminata; eritque gravitas versus integram Sphæroidem ad gravitatem versus Sphæram, ut a2 c - b2 L ad ²-c³, a denotante femiaxem transversum figuræ cujus motu gignitur folidum, b femiaxem conjugatum, c distantiam foci à centro, & L Logarithmum ipfius a $\sqrt{\frac{a+c}{a-c}}$, vel $a \times$

 $\frac{a+c}{b}$ q. e. f.

Con. Eadem semper est ratio gravitatis versus sfrustum quodvis Spharroidis & frustum Spharra eodem plano ad Æquatorem normali abfossilum ab eadem parte plani; vel gravitas in portionem à Spharroide hoc plano absolissilam est ad gravitatem in integram Spharroidem, ut gravitas in sfustum Spharra eodem Plano ex eadem parte absolissim ad gravitatem in integram Spharram.

SCHOL. Eadem ratione si BAba sit Spharois oblata motti figura BAb circa Axem minorem Bb genita, erit gravitas in Spharoidem hanc in loco A ad gravitatem in eodem loco versits Spharam centro C radio CA descriptam;

ut $CA^2 \times CS - CB^2 \times CF$ ad $\frac{2}{3}CF$.



PROBLEMA

Ex datis viribus quibus Terræ particulæ gravitant versus Solem & Lunam, invenire figuram quam Terra indueret in Syzygiis vel Quadraturis Solis & Lunæ in hypothesi quòd Terra constet ex Fluido homogeneo, & circa Axem fuum non moveatur.

FIG. VII.

Gravitas in loco A versus Sphæroidem oblongam motu figuræ ABa circa Axem transversam Aa genitam sest ad gravitatem in eodem loco versùs Sphæram centro C radio CA descriptam, ut 3 b2 × L - c ad c3 per Prop. II. Hæc autem gravitas est ad gravitatem in B versus Sphæram centro C radio CB descriptam, ut CA ad CB (per Cor. 1. Lem. III.) quæ est ad gravitatem in loco B versus Sphæroidem ut \(\frac{2}{3}\) \(C \) ad \(a^2 c - b^2 L \) per Prop. IV. Componentur hæ rationes, eritque gravitas in loco A versus Sphæroidem ad gravitatem in loco B versus eandem, ut $2ab \times L - c$ ad a2 c - b2 L. Designet A gravitatem in loco A, B gravitatem in loco B, V fummam virium quibus Luminaria conjuncta vel opposita aquam deprimunt in rectis TB, Tb (Fig. 1.) perpendicularibus rectæ A a quæ per Terræ & Luminarium centra transire supponitur, ut in Cor. 4. Prop. I. vel differentiam earundem virium in Lunæ Quadraturis, ut in Cor. 5. ejusdem Prop. & per ea quæ demonstrantur Cor. 1. Prop. I. erit $Aa - Bb = \frac{2a^2V + b^2V}{d}$. $Aa - bA \times \frac{a^2c - b^2L}{2ab \times L - c} = \frac{2a^2V + b^2V}{d}, & V: A:: 2a^2L$ $+b^2L-3a^2c:\frac{2a}{d}\times 2a^2+b^2\times L-c$. Atque ex data ratione V ad A vel ad B, vel $\frac{1}{2}A + \frac{1}{2}B$ (qua pro G gravitate mediocri in circumferentia A B a b haberi potest)

habebimus æquationem unde species figuræ & differentia femiaxium feu ascensus aquæ computari possunt.

Eeii

Est autem L Logarithmus quantitatis $a \bigvee_{a=e}^{a+e}$, adeoque æqualis $c + \frac{e^3}{3a^2} + \frac{e^3}{5a^4} + \frac{e^7}{7a^6}$, &c. per Methodos notissimas, adeoque $L - c = \frac{e^3}{3a^2} + \frac{e^4}{5a^4} + \frac{e^7}{7a^6}$, &c. Underest V ad A, ut $\frac{2e^2}{15a^2} + \frac{4e^4}{36a^4} + \frac{6e^6}{63a^2}$, &c. ad $\frac{L - c \times ad}{e^4 \times 2a^2 + b^2}$, &c. V.
ad $\frac{\pi}{2}A + \frac{\pi}{2}B$ vel G ut $\frac{2e^2}{15a^2} + \frac{4e^4}{35a^4} + \frac{6e^6}{63a^2}$, &c. ad $\frac{2a^3 + b^3}{2bde^3}$ $\times 2ab L - b^3 L + a^3 e^2 - 2ab c$.

Verim fi V fit admodum exigua respectu gravitatis G. (ut in prasenti casu) ciri differentia semidiametrorum CA, CB ad semidiametrorum mediocrem quam proxime ut $s_1 V$ ad $s_2 G$, vel paulo accuratius ut $s_1 S V$ ad $s_2 G$, vel paulo accuratius ut $s_1 S V$ ad $s_2 G$, vel paulo accuratius ut $s_1 S V$ ad $s_2 G$, $s_3 G$ and edoque $c^2 = a^2 - b^2 = 4d$, entique A B: $s_1 = a b + b L - c$: $a^2 + b^2 +$

systa+x*

plures dimensiones ipsus x ingrediuntur) ut $\frac{1}{2}d + \frac{17}{15}x$: $\frac{1}{2}d + \frac{17}{15}x$. Proinde crit B - A ad B + A (= 2G):: x: 5d + 18x, & B - A: G:: 2x: 5d + 18x. Sed per Cor. 2. Prop. I. et x ad x: B + A = 2V, adeoque subflituendo valores quantitatum B - A & B + A. Crit x: $\frac{16x}{4} + \frac{18x}{4} + \frac{18x$

rationem hanc exhibere magis accurate, quoties usus id postulabit, alfumendo plures terminos valoris Logarithmi. L, & calculum prosequendo; prodit autem hoc patto x addragas accurate, u t 1 v V ad 8 G — $57\frac{4}{12} \times V$.

Co R. B — A est equalis $\frac{3V}{4}$, & B — $G = \frac{3V}{8}$ quam proximè. Quippe B — A: G:: 2 x: 5. d:: 30 V: 40 G, adeó-

que B - A: V::3:4.

SCHOL. Eâdem ratione patebit gravitatem versus Sphæroidem oblatam. in Polo B fore ad gravitatem in Æquatore in loco quovis A, ut $2 \cdot CB \times CA \times \overline{CF} - \overline{CS}$ ad $CA \times \overline{CS} - \overline{CB} \times CF$.

PROPOSITIO V.

PROBLEMA.

Invenire vim V quæ oritur ex inæquali gravitate partium Terræ versus Solem, & definire afcenfum aquæ hinc oriundum.

Sit S Sol, T Terra, A B ab orbita lunaris neglecta ex centricitate, B & b Quadraturæ. Designet S tempus periodicum Terra circa Solem, L tempus periodicum Luna eirca Terram, Itempus quo Luna circa Terram revolveretur in circulo ad diffantiam mediocrem $Td(=\frac{1}{2}CA+\frac{1}{2}CB)$ si motus Lunæ gravitate suâ versus Solem nullatenus turbaretur, & solà gravitate versus Terram in orbita retineretur. Designet porrò K gravitatem mediocrem Lunz vel Terræ versus Solem, g gravitatem Lunæ versus Terram in mediocri fua distantia, v vim quam actio Solis huic gravitati adjiceret in Quadraturis ad eandem distantiam. His positis, eric v: K: dT: ST; atque $K: g: : \frac{ST}{SS} : \frac{dT}{II}$ ex vulgari doctrina virium centripetarum; unde v:g::ll: SS: cumque ll fit paulo minus quam LL, quoniam Luna nonnihil diftrahitur à Terra gravitate suâ in Solem, patet vim v esse ad g in paulo minori ratione quam L L ad S S. Hanc autem ra-Ee iii

res XI

tionem vis v ad g nemo hactenus (quantum novi) accurate definivit; ea tamen propior videtur esse rationi LL ad SS+ 2 LL vel faltem rationi LL ad SS+ 3 LL quam rationi LL ad SS. Argumenta verò quibus id colligitur hic omittenda censeo, moniti Academiæ illustrissimæ memor, cum in hac disquisitione parvi sit momenti quænam harum rationum adhibeatur. Supponamus igitur cum Newtono v:g:: LL: SS:: (per computos Aftronomicos periodorum Solis ac Lunæ) 1:178, 725. Vis V quæ in Terræ superficie vi v respondet, est ad v, ut Terræ semidiameter mediocris ad distantiam Lunæ mediocrem vel ut 1 ad 601. Vis autem g agit secundum rectas, que in centro gravitatis Terre ac Lunæ concurrunt, cujus ratione habita ex incremento gravitatis in descensuad superficiem Terræ patebit vim V esse ad G (quâ gravitas mediocris in superficie Terræ designatur ut fuprà) ut 1 ad 38604600. Unde cum per Cor. 2. Prop. III. fit x:d::15 V:8 G - 57 V erit in hoc casu x:d::1:20589116. Cumque semidiameter Terræ mediocris sit pedum 19615800; hinc fequitur totum aquæ afcenfum ex vi Solis oriundum fore pedis unius Parisiensis cum 1905/45 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis partibus pedis, i. e. pedis unius Parisiensis cum 1905 partibus pedis pedis unius Parisiensis cum 1905 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis, i. e. pedis unius cum digitis decem, & 1854 partibus pedis ped tibus digiti; quem suo more breviter deprehendit Newtonus effe pedis unius digitorum undecim cum 1 parte digiti, que altitudo à nostra differt tantum sexta parte unius digiti.

Verum in hoc calculo Terra supponitur esse Spharica, nissi quatenus à vi Solis Mare elevatur. Sed si ascensum aquæ maximum quaramus, ponendum est Solem in circulo æqui-noctiali versari, siguramque ABab in hoc plano constitui, & augenda est vis Vin ratione semidiametri mediocris ad semidiametrum Terræ maximum, & minuenda est vis Gonec evadat æqualis gravitati sib Æquatore: i. e. Si siguram Terræ cam esse supponamus quam desinivit Newtonus, augenda erit vis Vin ratione 459 a 4460, & minuenda est Gin eadem serè ratione, quoniam vires gravitatis in supersicie Terræ sunt inversæ ut distantiæ locorum à centro; cúmque distantia Assa supenda in eadem ratione, erit ascensis

aquæ in Æquarore augendus in ratione triplicata femidiamerir mediocris ad maximam, adeóque erir pedis unius digitorum undecim cum 60° circiter parte digiti. Terra autem altior eft fub Æquarore quàm prodiit calculo Newtoniano ex hypothefi quòd Terra fit uniformiter denla â fuperficie ufque ad centrum; ut colligitur ex variis pendulorum Obfervationibus, & præfertim ex menfura gradus mericiani quam viri clarissimi nuper definiverunt accuratissimè sub Circulo Polari.

Schol. 1. Si gravitatem pofuiflemus æqualem in $A \& B_j \&$ ejufdem vis in tota circumferentia ABab, prodiifflet x æqualis tantim $\frac{3FA}{G}$, & afcenfus aquæ (feu 2x) pedis unius digitorum fex cum tertia circiter parte digiti. Quippe in hac hypothefi prodiifflet CA ad CB, ut G + V ad G - 2V, adeóque x ad d, ut $\frac{3V}{A}$ ad G quam proximè. Atque hine apparet utilitas præcedentium Propofitionum, cum afcenfus aquæ fecundum hanc minus accuratam hypothefim minor fit afcenfu quem in hac Propofitione definivinus, differentiâ $\frac{3Vd}{AG}$, quartâ feilicet parte afcenfus illius.

SCHOL. 2. Ex hac doctrina pater Satellites Jovis Soli & fibi mutuò conjunctos vel oppositos in Oceano Joviali (si ullus sit) ingentes motus excitare debere, modò non sint Luna nostra multò minores; cùm diameter Jovis ad disfantiam cujusque Satellitis multò majorem habeat rationem quàm diameter Tertra ad distantiam Luna. Verisimile est mutationes macularum Jovis ab Astronomis observatas hinc aliqua saltem ex parte ortum ducere; quòd si ha mutationes eam analogiam servare deprehendantur cum aspectibus Satellitum, quam hac doctrina postulat, indicio crit veram earum causam hinc esse perhendam. Ex hac doctrina licet quoque conjicere non absque utilisate morus Satellitum circa Axes suos & circa primarios ita compositos esse utidam Hemispherium suis primariis semper ostendant, secundum sententiam celeb. Astronomorum Versimile enim

eft motus Maris nimios in Satellitibus cieri deberi, si cum alia quavis velocitate circa Axes suos revolverentur; aquis autem in his agitandis (si quæ sint) sufficere possume aftus ex variis Satellitum distantis à suis primariis oriundis.

SECTIO IV.

De motu Maris quatenus ex motu Telluris diurno aliisve de causis immutatur.

Oftendimus in Sectione præcedenti Terram fluidam versùs Solem vel Lunam inæqualiter gravem Sphæroidis oblongæ figuram induere debere; cujus Axis transversus per centrum Luminaris transiret, si Terra non revolveretur circa Axem suum motu diurno; & ascensum aquæ in hypothesi Terræ quiescentis ex vi Solis oriundum definivimus. Verum ob morum Terræ diverfa est ratio æstus Maris, Hinc enim agua nunguam fit in æquilibrio, fed perpetuis motibus agitatur. Supponamus Solem & Lunam conjunctos vel oppositos versari in plano Æquatoris ABab; sit A a diameter quæ per illorum centra transit, Bb huic perpendicularis. Dumaquæ moles revolvitur motu diurno, augentur vires quibus ascensus ejus promovetur in transitu aquæ à locis b & B ad A & a, & in his locis evadunt maxima; afcenfus tamen aquæ prorogari videtur, postquam hæ vires minui cæperunt usque ferè ad loca ubi hæ vires æquipollent viribus quibus deprimitur infra altitudinem quam naturaliter obtineret, si nulla vi extranea motus aquæ perturbaretur; adeò ut motus aquæ considerari possit tanquam libratorius, & tantundem ferè ascendat viribus quibus elevatur decrescentibus, quèm iifdem crefcentibus. Cúmque vis centrifuga ex motu diurno orta sit multo minor gravitate, situs loci Fubi prædictæ vires aquipollent sub Æquatore, dum aqua transit à loco b ad locum A, sic ferè definiri posse videtur. Ex puncto F sit Ff normalis in B b, & f z in TF. Designet V summam viribus quibus Sol & Luna aquam deprimunt in rectis TB, Tb ut fuprà

Fig. 1.

prà, & vis quâ aqua tollitur in F erit $\frac{3 V \times Fz}{d} = \frac{3 V \times Ff}{4 \times TF}$. Supponamus F effe locum aqux ubi altitudo aqux fit minima, ut TF haberi positi pro semiaxe conjugato figura ABab, dicatur gravitas in extremitate hujus Axis B, & gravitas mediocris in hac figura G, ur suprà; & vis quâ aqua deprimitur infra situm naturalem in loco F erit $B - A + \frac{V \times TF}{d}$. Ponantur hx vires x equales, cúmque TF sit quàm proxime x equalis distantix d, sitque $B - G = \frac{3F}{8}$ per Cor. Prop. IV. erit $\frac{3F}{8} + V = \frac{3 V \times Ff}{d}$, seu TF: F: F: $3:1+\frac{3}{8}:24:1$. 1. unde angulus F Tb erit graduum 4x minutorum 37, incidet que ferè in punctum medium inter b & A. Hunc verò calculum ut accuratum non proponimus.

PROPOSITIO VI.

PROBLEM A.

Motum Maris ex vi Solis oriundum, & motum lunarem in orbita quam proximè circulari inter se comparare, & hinc ascensum aquææstimare.

Astronomis notissimum est Lunæ distantiam mediocrem in Syzygiis minotem este distantia mediocri in Quadraturis. Claris. Halleyus ex Observationibus colligit distantiam priorem este ad posteriorem ut 44½ ad 45½. Newtonus Methodo quadam sua harum rationem invenit esse este 69 ad 70: Princip. Prop. 28. Lib. 3. Clarissimus Auctor Trackatús de Moribus Lunæ secundum Theoriam gravitatis, in hac doctrina optimė versaus, colligit eam esse numeri 69 ad 70; ratione non habita decrementi gravitatis dum Luna transst a Syzygiis ad Quadraturas. Ut motus Maris ex vi Solis oriundus (qualis suprà definitur Prop. V.) cum motu Lunæ conseratur, supponanus orbem Lunarem aqua completi & quaramus ascensum hujus aquæ per Prop. IV. & V. In

Prop. V. erat vis v ad g, ut 1 ad 178, 725; quare in hoc cafu foret x: d:: 15v: 8g-57 14 x v:: 1:91, 496: adeóque semiaxis figura ad semiaxem conjugatum (vel d + x ad d - x) ut-46. 248 ad 45, 248; quæ ferè congruit cum ratione diffantiarum Lunæ in Quadraturis & Syzygiis quam Halleyus ex Observationibus deducit; adeò ut figura orbitæ Lunaris specie vix diversa sit ab ea quam Globus aqueus quiescens Lunæ orbitam complens ex vi Solis indueret; forent tamen positione diversæ, si quidem illius Axis minor Solem respiciat, hujus Axis major versus Solem dirigeretur. Ratio numeri 59 ad 60 (quarum semidifferentia est ad semisummam ut 3 v ad g quam proxime) probe congruit cum ratione semiaxium figuræ quam aqua ex vi Solis indueret, si vis gravitatis eadem esset per totam circumferentiam AB ab, ut oftendimus in Schol. 1. Prop. V. Afcenfus autem aquæ Prop. V. definitus congruit cum ea quam ex Obfervationibus colligit Halleyus ; unde fuspicari licet differentiam diametrorum orbita lunaris paulò fieri majorem ex decremento gravitatis Lunz in Terram dum transit à Syzygiis ad Quadraturas, fimili ferè ratione quâ ascensus aquæ prodiit in hac propositione major propter excessum gravitatis aquæ in Terram in loco B fupra ipfius gravitatem in loco A aliisque à centro distantiis. Verum quicquid sit judicandum de ratione diametrorum orbitæ Lunaris, ex his colligere licet ascensum aquæ Prop. V. definitum majorem vix evadere propter motum Terræ diurnum circa Axem fuum. Supponamus, enim hunc motum augeri donec vis centrifuga ex hoc motu oriunda fiat æqualis gravitati, & particulæ Maris revolvantur ad morem Satellitum in orbitis quam proximè circularibus Terram contingentibus. Hæ orbitæ erunt ellipticæ, quarum Axes minores productæ transibunt per Solem. Et si semiaxium differentia sit ad semidiametrum mediocrem ut 3 V ad G (fecundum ea quæ de motibus lunaribus tradit vir acutiffimus) erit minor afcenfu aquæ fuprà definito Prop. V. in qua invenimus 2x effe ad d'ut 15 V. ad 4 G. Quod si quaramus horum semiaxium differentiam

ex figura orbitæ lunaris quatenus ex Observationibus innotescis secundim claris. Halleyum, parum admodum superabis ascensum aque suprà dessinium. Nec mirum si non accuratè conveniant, cùm graviras Lunæ versùs Terram sequatur rationem inversam duplicatam distantiarum, graviras aquæ major quoque si in minori distantia, sed non in eadem ratione. Cùm hæc Phænomena sint analoga, & sibi mutuò aliquam lucem afferant, hæc de iis inter se collatis memorare videbatur operæ prætium. Supponimus tamen híc aquæ motum in eodem circulo Æquatori parallelo perseverare, vel latitudinem eandem in singulis revolutionibus servare, & variationem ascensus aquæ quæ ex sigura Sphæroidica Terræ provenir non consideramus.

PROPOSITIO VII.

Motus aquæ turbatur ex inæquali velocitate, quâ corpora circa Axem Terræ motu murno deferuntur.

Quippe si aquæ moles feratur æstu, vel alia de causa, ad majorem vel minorem ab Æquatore distantiam, i ncidet in aquam diversa velocitate circa Axem Terræ latam; unde illius motum turbari necesse est, Dissentia velocitatum quibus corpora, exempli gratia, in loco 50st. ab Æquatore dissito, & in loco 36 tantum milliaria magis versès Septentionem vergente, major est quam qua 7 milliaria singulis horis describerentur, ut facili calculo patebit. Cúmque motus Maris tantus nonnunquam sit ut æstus 6 milliaria, vel etiam plura singulis horis describat, essectus qui hinc oriri possunt non sunt contemnendi.

Si aqua deferatur à Meridie versùs Septentrionem motu generali æffus, vel alia quavis de caufa, curfus aqua hinc paulatim deflectet versùs Orientem, quoniam aqua priùs ferebatur motu diurno versùs hanc plagam majore velocitate quàm eft ea quæ convenit loco magis versùs Boream fito. Contrà fi aqua à Septentrione versùs Meridiem deferatur, curfus aquæ ob fimilem caufam versùs Occidentem

deflectet. Atque hinc varia motus Maris Phænomena oriri suspicamur. Hinc forsitan, exempli gratia, Montes glaciales quæ ex Oceano Boreali digrediuntur, frequentiùs conspiciuntur in Occidentali quam Orientali Oceani Atlantici plaga. Quin & majores aftus hinc cieri posse in pluribus locis quam qui ex calculo virium Solis & Lunæ prodeunt, habità ratione latitudinis, verisimile est. Eandem causam ad ventos præsertim vehementiores propagandos, & nonnunquam augendos vel minuendos, aliaque tum Aëris tum Maris Phænomena producenda conducere fuspicamur. Sed hæc nunc figillatim profequi non licet.

PROPOSITIO VIII.

PROBLEM A.

Invenire variationem ascensus aquæ in Prop. V. definiti, quæ ex figura Terræ Sphæroidica provenit.

Sint P A pa, PB p b Sectiones Terræ per Polos P & p. Fig. X I. quarum prior transeat per loca A & a, ubi altitudo aqua in Æquatore viribus Solis & Lunæ fit maxima, posterior per loca B & b ubi fit minima; fint ha Sectiones elliptica, F focus figura PApa, f focus Sectionis PBpb, & g focus Sectionis A B ab. Etsi omnes Sectiones solidi per rectam Aa transeuntes supponantur elliptica calculo inito ope Lemmatis V. invenimus gravitatem in loco A versus folidum hoc fore ad gravitatem in eodem loco versus Sphæram centro C fuper diametrum A a descriptam ut $1 + \frac{3 C F^2 + 3 C g^2}{10 C A^2}$ $+\frac{9\cdot CF^4+6CF^2\times Cg^2+9Cg^4}{56\cdot CA^4}$, &c. ad $\frac{CA^2}{CB\times CP}$; etfi gravitas in loco

B, definiatur simili calculo, ope ejustem Lemmat. & Schol. Prop. II. constabit ratio gravitatis in A ad gravitatem in B, & per Cor. 2. Prop. I. innotescet semidiametrorum CA&CB differentia sive ascensus aqua. Verùm calculum ut potè prolixum omittimus, cum sit exigui usus. Hâc Propositione

oftendere tantum volui Geometriam nobis non defuturam in Problemate celebertimo accuratifime tractando. Verum reflat pracipuus in hac disquisitione nodus, de quo pauca sunt addenda.

PROPOSITIO IX.

PROBLEMA

Invenire vim Lunæ ad Mare movendum.

Hæc exmotibus cœlestibus colligi nequit, si verò conferetur ascensus aquæ in Syzygiis Luminarium, qui ex summa virium Solis & Lunæ generatur, cum ejusdem ascensu in Quadraturis, qui ex earundem differentia oritur, ex vi Solis per Prop. V. dara, invenietur vis Lunæ. Hanc quærit Newtonus ex Observationibus à Sam. Sturmio ante offium Fluvii Avonæ institutis, ex quibus colligit ascensum aquæ in Syzygiis æquinoctialibus effe ad afcenfum aquæ in Quadraturis iifdem, ut 9 ad 5. Dein post varios calculos concludit vim Lunæ effe ad vim Solis, ut 4. 4815 ad 1, & afcenfum aquæ ex utraque vi oriundum in diffantiis Luminarium mediocribus fore pedum 50 cum femisse. Harum virium rationem ex Observationibus à celeb. Cassini in loco suprà citato allatis quæsivimus. Verùm cùm præter generales causas jam memoratas quarum aliqua ad calculum vix revocari poffunt, aliæ variæ ex locorum situ, vadorum indole, ventorum vi & plaga pendentes æftus Maris nunc majores, nunc minores reddant, non est mirum si vires Lunæ quæ prodeunt ex Observationibus in locis diversis, vel in eodem loco diverfis tempestatibus institutis non planè consentiant. Computisigitur quos de motu Maris ex vi Lunæ oriundo instituimus. recenfendis impræfentiarum non immorabimur. Postquamverò Observationes aliquæ circa æstus Maris ad littora Americæ & Indiæ Orientalis quas expectamus, ad manus pervenerint, de hisce forsan certius judicemus. Observamus tanrùm æstus in minori ratione decrescere videri quam dupli-Ffin

230 DE CAUSA PHYSICA FLUXUS

cata Sinus complementi declinationis; quin & reliquæ æftus leges generales ex motu aquæ reciproco perturbantur. Sed veremur ne tædium pariar, fi repetamus quæ ab altis jamdudum. tradita funt. Æftus anomali à locorum & Marium fitu plerumque pendere videntur. Obfervandum tamen ex Theoria gravitatis fequi, unicum tantim æftum fpatio 24 horarum contingere nonnunquam debere in locis ultra 62 gradum latitudinis, fi reciprocatio motus aquæ id permitteret. *

Quòd si analysis diversarum causarum quæ ad æstus Phænomena producenda conferunt accurata institui posser, id certè ad uberiorem scientiam virium & motuum systemis Mundi non parum conferret. Hine enim situs centri gravitatis Lunæ & Terræ, & quæ ad æquinoctiorum præcessionem aliaque Phænomena naturæ insignia spectant, certius innotescerent. Quas ob causa sascensius aquæ quantiatem, quousque ex motibus cœlessibus eam assequi licet, accurate definiendam & demonstrandam, possitis legibus gravitatis quæ ex Observationibus deducuntur (de cujus causa hie non est disserendi locus) putavimus. Cogitata autem hæc qualiacunque judicio Illustrissima Academiæ Regiæ, quam omni honore & reverentia semper prosequimur, subenter submittimus.

* Sit enim Lunæ declinatio 28 gr. & loci ultra 62 gr. versùs eandem plagam, & manifeftum est Lunam semel tantum 24 horarum spatio loci hujus horizontem attingere.



ANNOTANDA IN DISSERTATIONEM
de Causa Physica Fluxus & Refluxus Maris, cui
prafigiur Sententia, Opinionum commenta delet
dies, Naturæ judicia confirmat.

I. TN Prop. IV. invenitur $x = \frac{15 Vd}{8 G}$ qu'am proxime, qui valor ipfius x est satis accuratus, nec ulla correctione indiger præfertim in calculo Prop. V. Eff autem magis accurate x ad d ut 15 V ad 8 $G - \frac{8}{5} V$ non ut 15 V ad 8 $G - \frac{8}{5} V$ five 8 $G - \frac{5}{5} V$ five 8 $G - \frac{5}{5} V$ nu lapfu quodam calami aut calculi scripseram ad finem Prop. IV. qui quidem est exigui momenti, & argumenta Propolitionum sequentium non immutat. Calculi autem fummam hîc adjiciam. Inveneram in Prop. IV. effe B ad A, ut $\frac{\tau}{3} + \frac{c^2}{15a^2} + \frac{c^4}{25a^4}$, &c. ad $\frac{b}{x}$ $\frac{1}{3} + \frac{c^3}{3a^3} + \frac{c^4}{7a^6}$, &c. adeóque (fubfituendo loco $\frac{b}{a}$ ipfius valorem $\frac{a^3 - c^3}{a}$, five $1 - \frac{c^3}{2a^4} - \frac{c^4}{8a^4}$, &c. $ut_1^3 + \frac{c^3}{15a^5} + \frac{c^4}{35a^5} + \frac{c^4}{35a^5}$ &c. ad $\frac{\tau}{3} + \frac{c^2}{20a^2} + \frac{c^4}{840a^4}$, &c. unde B - A eft ad G (few $\frac{1}{2}B + \frac{7}{2}A$) ut $\frac{c^2}{10a^2} + \frac{23}{24 \times 35}\frac{c^4}{a^4}$, &c. ad $1 + \frac{3c^2}{20a^2} + \frac{25}{8 \times 70a^4}$. &c. Eft autem $c^2 = 4dx$, &c. $a^2 = d^2 + 2dx + x^2$ ex iis quæ in Propositione supponuntur; unde $\frac{c^2}{4a^2} = \frac{x}{d} - \frac{2x^2}{d^2}$ $+\frac{3x^2}{d^2}$, &c. & fubflituendo loco $\frac{c^2}{d^2}$ ejus valorem $\frac{4x}{d} - \frac{8x^2}{d^2}$ &c. prodibit B - A ad G, ut $14dx + 18x^2$ ad $35d^2$ $+21 dx + 17 x^2$ qu'am proximè. Cúmque sit $\overline{B} - A \times d$ $+3 Vd = 2 Gx - 2 Vx - \frac{3Vx^2}{d}$ per Corol. Prop. I. fubflituatur valor ipfius $\overline{B-A}$, & negligantur termini quos ingreditur Vx2 (quoniam V est admodum parva respectu G)

232 DE CAUSA PHYSICA FLUXUS critque $3 \times 35 V d^3 = 56 G d x - 133 V d x + 24 G x^5 & x = \frac{3 \times 35 V d^3}{56 G - 133 V d^3 + 24 G x}$, quòd fi in denominatore pro x feribatur valor vero propinquus $\frac{15 V d}{8 G}$ prodibit valor magis accuratus $\frac{3 \times 35 V d}{56 G - 89 V}$, critque $x: d::15 V: 8G - \frac{91}{5} V d$ quàm proximè. Diversa paulò ratione prodit $x = \frac{15 V d}{56 G G}$, &c. quam seriem producere non est difficile; si opera pratium videbitur. In Prop. VI. quassivimus figuram aqua orbem lunarem complentis ex actione Solis oriundam. Hác correctione adhibità, &c. careris retenis ur priùs, Axis minor figura foret ad majorem ut 46.742 ad 47.742, qua paràmi differt à ratione quam in ea Propositione exhibitumus.

Vide Figuramin pagina 234•

II. Series quam exhibuimus in Prop. VIII. deducitur per Len. V. & Prop. II. Sit CA = a. CB = b. CP = c. CF = c. CF = c. Cf = f. Cg = g. Sint A C M, A Cm Sectiones quavis folidi per rectam A C (qua normalis eft plano B P B p) transcentes. Arcus mu centro C radio Cm defcriptus, occurrat rectae CM in u, & occurrant ordinate MV, mv Axi Bb in V & v, & circulo B Kb in K & k. Sit $CA - CM^2 = x^2$, see a circulo KCM in KCM

gravitatis particulæ \mathcal{A} in fruftum planis \mathcal{ACM} , \mathcal{ACm} terminatum ad gravitatem in fruftum Spharæ centro \mathcal{C} radio \mathcal{CA} deferipæ ifidem planis contentum, erit ea 3 \mathcal{CM}^* × $\overline{L} - x$ ad x^* per Prop. II. Gravitas igitur particulæ \mathcal{A} in folidum erit ut $\int_{\frac{3}{2}}^{3} \frac{CM^* \times \overline{L} - x}{x^3} \times \frac{mu}{CM} = \int_{\frac{3}{2}}^{3} \frac{CM^* \times mu}{CK \times x^3} \times L - x$. Sit \mathcal{CV} = u. Eritque $u^2 + \frac{b^2 - u^2}{b^2} \times \frac{e^4}{b^3} = \mathcal{CM}^4 = a^2 - x^2$. Unde $e^3 + \frac{b^4 - e^4}{b^2} u^2 = a^2 - x^2$, $u^2 = a^2 - e^2 - x^2 \times \frac{b^4}{b^2 - e^4}$

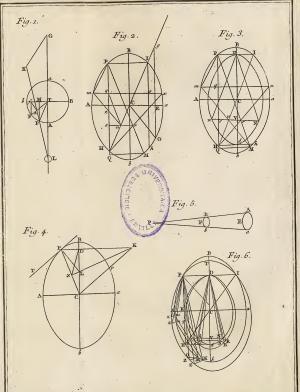
ET REFLUXUS MARIS. 233 $=\overline{c^2-x^2} \times \frac{b^2}{f^2}$ Adeoque $KV^2 = b^2 - u^2 = b^2 - \frac{b^2}{f^2}$ $\times \overline{c^2 - x^2} = b^2 \times \frac{f^2 + x^2 - c^2}{f^2} = \frac{b^2}{f^2} \times x^2 - g^2$. Est autem Kk: Vv :: CK: KV. Adeoque $Kk = \frac{b d v}{KK} = \frac{b^2}{KK}$ $\frac{-x dx}{\sqrt{c^2 - x^2} \times \frac{b}{f} \sqrt{x^2 - g^2}} = \frac{-b \times dx}{\sqrt{c^2 - x^2} \times \sqrt{x^2 - g^2}}.$ Quare gravitas particulæ A versus folidum erit ut $\int_{x^2}^{x^2} \frac{-3ebx dx}{\sqrt{e^2 - x^2}} \times \sqrt{x^2 - g^2}$ $\times \overline{L-x}$. Verùm $L-x=\frac{x^3}{3a^4}+\frac{x^5}{5a^4}$, &c. Quare graviras illa erit $\int_{3} \frac{-3 ebx dx}{\sqrt{e^{2}-x^{2}} \times \sqrt{x^{2}-g^{2}}} + \int_{5} \frac{-3 ebx^{2} dx}{\sqrt{e^{2}-x^{2}} \times \sqrt{x^{2}-g^{2}}}$ &c. Sit $z^{2} = x^{2} - g^{2}$, & prior fumma erit $\int_{-ebdx^{2}}^{-ebd} \frac{-ebdx^{2}}{a^{2}\sqrt{e^{2}-g^{2}-x^{2}}}$ fecunda erit $\int_{5}^{-ebx^{2} dz} \frac{-ebdx^{2} dz}{\sqrt{e^{2}-g^{2}-x^{2}}} = \int_{5}^{-ebdx^{2} - g^{2}-x^{2}} \frac{-ebdx^{2} - g^{2}-x^{2}}{\sqrt{e^{2}-g^{2}-x^{2}}}$ Qux cum subsequentibus summis ad circulares Arcus facilè reducuntur. Atque hino ratio gravitatis particulæ A versus hoc folidum ad gravitatem versus Sphæram fuper femidiametrum CA constructam, erit qualis in Propositione assignatur, terminis feriei citiflime decrefcentibus, fi CF, Cf & Cg fint admodum parvæ. Si evanescat g, hæc series dabit gravitatem versus Sphæroidem in Æquatore; quæ tamen elegantiùs investigatur in Prop. III.

ÎII. In Prop. ÎX. observavimus post Newtonum vim Luna ad Mare movendum cum vi Solis posse conferri, aestus in Syzygiis & Quadraturis comparando; eadem ratio obtineri posse conferendo æstus qui contingunt in Syzygiis Luminarium in diversis distantis Luna à Terra, si æstus essentent accurate proportionales viribus quibus producunum. Designet L vim Luna mediocrem, S vim Solis mediocrem, X & x duas diversas distantias Luna à Terra in Syzygiis æquinos Cialibus, Z & z distantias Solis à Terra in isse Syzygiis, d & D mediocres utriusque distantias; & si Luna Syzygiis, d mediocres utriusque distantias; & si Luna Syzygiis, d mediocres utriusque distantias;

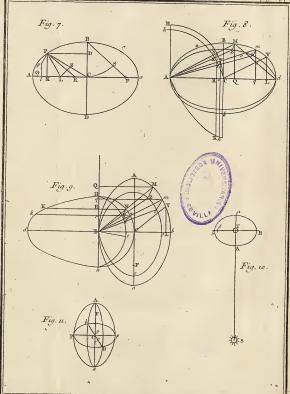
234 DE CAUSA PHYSICA FLUXUS, &c. næ declinatio nulla sit, atque æstus esfent ut vires Luminarium, feu ut Ld3 + $\frac{SD^3}{Z^3}$ & $\frac{3}{x^3}$ + $\frac{SD^3}{z^3}$, hinc comparando aftus ratio L ad S detegeretur. Sit enim ascensus aquæ in priori casu adascensum in posteriori ut madn, eritque Lad Sut













INQUISITIO PHYSICA

IN CAUSAM

FLUXUS AC REFLUXUS

MARIS.

A D. D. EULER, Matheseos Professore, è Societate Academiæ Imperialis Petropolitanæ.

> Cur nunc declivi nudentur littora Ponto , Adversis tumeat nunc Maris unda fretis ; Dum vestro monitu naturam consulo rerum : Quàm procul à Terris abdita causa latet ! In Solem Lunamque feror. Si plauditis auso ; Sidera sublimi vertice summa petans.

ASSISTED PHYSICA

MARGE OF STREET

market and the second second



INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM FLUXUS AC REFLUXUS M A R I S.

CAPUT PRIMUM.

De Caufa Fluxus ac Refluxus Maris in genere.

5.1.

MNEM mutationem, quæ in corporibus evenir, vel ab ipfa motús confervatione proficifci, vel à viribus motum generantibus, hoc quidem tempore, quo qualitates occultæ caufæque imaginariæ penitús funt explosæ, nulla indiget probatione. Hoc autem diferimen quevis oblato

Phænomeno diligentifimè confiderari oportet, ne tam mottis confervationi ejufmodi effectus tribuatur, qui fine viribus oriri nequir, quam vires investigentur, qua motum fuâ natură confervandum producant. Quo quidem in negotio, si debita attenito adhibeatur, errori vix ullus relinquitur locus: cùm ex legibus natura fatis superque constet, cujusmodi mous vel per se conferventur, vel viribus externis debeantur. Corpus scilicet in motu positum proprià vi hunc motum uniformiter in directum retunet: atque corpus, quod circa axem convenientem per centrum gravitatis transcuntem motum rotatorium semel est confectuum, codem motu rotari perpetuò sua sponte perget: neque hujusmodi motuum causam in ulla re alia, nist in ipsa corporum natura, quaeri oportet. Quocirca si hujus genetis Phanomenon sua propositum, alia causa investigari non potesti, nissi qua à principio tales motus procreaverit.

§. 2. Hujus generis foret quæstio, si quæreretur causa motûs vertiginis Planetarum ac Solis; hîc enim sufficeret eam caufam affignaffe, quæ initio hos motus produxiffer, cum Sol æquè ac Planeræ talem motum femel confecuti eundem proprià vi perpetuò conservare debeant, neque ad hoc Phænomenon explicandum vis ulla externa etiam nunc durans requiratur. Longè aliter se res habet, si motus proponatur neque uniformis, neque in directum procedens, cujusmodi est motus Planetarum periodicus circa Solem: hoc enim casu minimè sufficit ea vis, qua initio Planetas ad istiusmodi motus impulerit, sed perpetuò novæ virium actiones requiruntur, à quibus tam celeritas quam directio continuò immutetur : quæ vires, quam primum cessarent, fubitò Planetæ orbitas fuas desererent, atque in directum motu æquabili avolarent. Quòd si igitur Phænomenon quodcunque naturæ proponatur, antè omnia follicitè est inquirendum, ad quodnam genus id pertineat, atque utrum caufa in viribus externis fit quærenda, an in ipfo fubjecto corpore? Quinetiam sæpenumerò usu venire potest, ut effectus utriusque generis in eodem Phænomeno multum sint inter se permixti ; quo casu summo studio ii à se invicem discerni antè debebunt, quam causarum investigatio suscipiatur. §. 3. His ritè perpensis explicatio Galilei, quam in suis

Dialogis de aftu Maris affignare est conatus, mox concidit ; putavit enim Fluxum ac Refluxum Maris tantum à motibus Terræ rotatorio circa axem & periodico circa Solem oriri, neque aliis viribus tribui oportere, nisi quæ hos motus cum producant, tum conservent. Namque si ponamus Terram folo motu diurno esse præditam, iste motus Mare aliter non afficiet, nisi id sub Æquatore attollendo, ex quo figura Terræ sphæroidica compressa nascitur, motus verò reciprocus in Mari omninò nullus hinc generari poterita Quod si autem Terræ insuper motum æquabilem in directum tribuamus, priora Phænomena nullo modo afficientur, sed prorsus eadem manebunt, quemadmodum ex principiis mechanicis clarissimè perspici licer, quibus constat motum uniformem in directum omnibus partibus Systematis cujufcunque corporum æqualiter impressum nullam omninò mutationem in motu & fitu partium relativo inferre-Abeat nunc motus ifte æquabilis Terræ in directum impresfus in circularem vel ellipticum per vires quibus Terra perpetuò ad Solem urgeatur; ac ne hoc quidem casu ullus motus reciprocus in Mari produci poterit; quod cum per fe est perspicuum, tum etiam ab ipso Galileo non statuitur: ipfe enim non tam ex mixtione motus vertiginis & periodici æstum Maris proficisci est arbitratus, quàm ex motu quocunque progressivo sive rectilineo sive curvilineo, si is cum motu rotatorio combinetur.

5.4. Quanquàm autem motus Terræ periodicus circa Solem cum motu rotatorio circa axem conjunctus nullum in Mari motum reciprocum generare valet, tamen Mare, quod si motus esse aquabilis in directum in quiete persisteret, aliquantum turbari debebit. Quòd si autem ad vim qua Terra in orbità sua continetur attendamus, non difficulter mutationem, quam Mare ab ea patietur, colligere poterimus. Nam cum partes Terræ à Sole remotiores minori vi, propiores verò majori follicitentur, illæ ad majus tempus periodicum, hæ verò ad minus absolvendum cogentur, ex quo partibus Terræ fluidis, ut potè mobilibus, motus ab que partibus Terræ fluidis, ut potè mobilibus, motus ab que partibus Terræ fluidis, ut potè mobilibus, motus ab que partibus Terræ fluidis, ut potè mobilibus, motus ab que partibus Terræ fluidis, ut potè mobilibus, motus ab que partibus Terræ fluidis, ut potè mobilibus.

240 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

Oriente versùs Occidentem fecundùm ecclipticam inducetti, hancque veram esse causam existimo ac pracipuam cur tàm Oceanus quàm aer sub Æquatore perpetuò habeat Fluxum ab ortu versùs occassm. Possem et et e quam arcis celeriatem tantam fore, qua tempore viginit-quatuor horarum spatum circiter viginti gradum absolvatur; sed cùm hac inquistito ad prasentem quastionem propriè non pertineat, atque inclyta Academia fortasse alia occassone quastiones hùc spectantes sit propositura, uberiorem explicationem hujus insignis Phamomeni eò usquè differendam esse censensia, hoc quidem tempore tantàm indicasse contenti, motum Terra periodicum conjunctim cum motu diurno Mari motum aliquem imprimere posse, sed en cui qua dincum motu diurno Mari motum aliquem imprimere posse, sed neutiquam motum reciprocum, uti Galileus esse cur estatus de se estatu

arbitratus.

5. 5. Uti in omnibus omnino quæftionibus phyficis multo facilius est, que non sit causa Phenomeni cujuspiam oblati, quàm quæ sit, ostendere; ita etiam præsens quæstio de Fluxu ac Refluxu Maris est comparata, ut non difficulter causas falsò assignatas possimus refellere. Ac primò quidem post eversam Galileisententiam, explicatio æstûs Maris Cartesiana pressioni Lunæ innixa tot tantisque laborat difficultatibus, ut omninò subsistere nequeat. Præterquam enim quòd iftiusmodi pressio aliundè probari nequeat, atque ad hoc folum Phænomenon explicandum gratuitò affumatur, observationibus etiam minime satisfacit. În aperto enim ac libero Oceano aquam mox post transitum Lunæ per Meridianum elevari observamus, cum secundum Cartesii sententiam eodem tempore deprimi deberet; neque prætereà hoc modo fatis diffincte explicatur, cur Luna sub Terra latens eundem ferè effectum exerat, ac si super Horizonte versatur. Deinde hoc idem negotium non feliciori successu aggressus est Wallisius causam in communi centro gravitatis Terræ & Lunæ quærens, cujus explicatio mox fatis dilucidè est subversa. Superest denique Newtoni theoria, qua nemine contradicente

contradicente Phanomenis multò magis est consentanea : at in ea id ipsum quod hoc loco quaritur, causa scilicer physica, non assignatur, sed potius ad qualitates occultas referri videtur; interim tamen ne hac quidem theoria satis est evoluta, ut de ejus sive consensus sive dissensus consensus.

vationibus judicium fatis tutum ferri queat.

6. 6. Cùm igitur dubium sit nullum, quin Fluxûs ac Refluxûs Maris caufa in viribus externis & realibus sit posita, quæ si cessarent, simul æstus Maris mox evanesceret, ubi lateant hæ vires & quomodo sint comparatæ potissimum nobis erit explicandum, hoc enim est id ipsum, quod celeberrima Academia Scientiarum Regia in quæstione propofita requirit. Neque verò vires tantummodò indicaffe fufficiet, verum prætereà id maximè erit monstrandum, quomodo ista vires agant, atque hos ipsos effectus, quos obfervamus, non verò alios producant; in hoc enim totius quæftionis cardo, explicationis fcilicer confirmatio, vertitur. Quoniam autem plerumque pluribus viribus excogitandis idem Phænomenon explicari potest, studium adhibendum est summum in hac indagatione, ne ad vires inanes atque imaginarias delabamur, que in mundo neque funt neque locum habere possunt. Parum enim scientiæ naturali confulunt, qui quovis Phanomeno oblato fibi pro arbitrio mundi structuram peculiarem effingunt, neque sunt folliciti, utrùm ea compages cum aliis Phanomenis confiftere queat, an verò fecùs. Quòd si enim jam aliundè conflet existere in mundo ejusmodi vires, qua oblato effectui producendo fint pares, frustrà omne studium in conquisitione virium novarum collocabitur.

5. 7. Quoniam autem ad caufam cujufque Phænomeni detegendam, ad fingulas circumflantias fedulo attendere neceffe eft, ante omnia mirificum confenfum æftis Maris cum motu Lunæ contemplari conveniet. Non folium enim infignis harmonia inter æftum Maris ac Lunæ motum diurnum deprehenditur, fed enam revolutio fynodica refpectu Solis ingentem affert varietatem. Omnes denique obferva-

tiones abundè declarant rationem Fluxûs & Refluxûs Maris à situ cùm Lunæ tùm etiam Solis conjunctim pendere : ex quo flatim prono ratiocinio confequitur, vires illas æflum Maris producentes, quæcunque etiam fint, cum Lunam potissimum, tum verò etiam Solem respicere debere. Quamobrem imprimis nobis erit inquirendum, utrum ejufmodi vires Solem & Lunam respicientes, quæ in aquis talem effectum, qualis est æstus Maris, producere queant, jure ac ratione statui possint, an secus. Ac si pluribus modis istiusmodi vires animo concipere liceat, diligenter erit dispiciendum, quanam cum aliis Phanomenis confiftere poffint nec ne. Quantumvis enim explicatio quapiam cum Phænomenis conspiret, nisi virium, quæ assumuntur, existentia aliundè comprobetur, labili ea omninò innititur fundamento. Quòd si autem contrà effectus ejusmodi viribus tribuatur, quas in mundo reverà existere alia Phanomena clarè docuerunt, atque fummus explicationis cum experientia confensus deprehendatur, dubium erit nullum, quin ista explicatio sit genuina & sola vera.

§. 8. Quamvis autem certis viribus Lunæ ac Soli tribuendis Phænomenon æstûs Maris commodè explicari posset, tamen ob hanc folam causam istiusmodi vires statuere nimis audax videtur: quamobrem imprimis erit dispiciendum, num aliæ rationes ejusmodi vires non solum admittant, sed etiam actu existere manifestò indicent. Perlustremus igitur vires, quas jam aliundè in mundo vigere novimus, sciscitemurque paucis an ad motum reciprocum Oceano inducendum fint idonex: tales enim vires fi in mundo jam extent, omnis labor in aliis inquirendis impensus irritus foret ac ridiculus. Ac primò quidem si Solem spectamus, motus Terræ annuus omninò declarat Terram perpetuò versus Solem urgeri & quasi attrahi, idque fortiùs in minori distantia, debiliùs verò in majori; atque adeò hanc Solis vim in Terrama rationem tenere reciprocam duplicatam diftantiarum: ex quo sponte sequitur non solum universam Terram, sed etiam singulas ejus partes perpetuò versùs Solem urgeri. Tota

quidem Terra æquè fortiter ad Solem follicitatur, ac fi omnis materia in ejus centro effet congesta; interim tamen partes circa superficiem sitæ vel magis vel minùs ad Solem allicientur, quàm totum Terra corpus, prouti vel minùs vel magis sint remote à Sole, quàm centrum Terra. Hinc igitur sit, ut hæc eadem vis ad Solem tendens aquam modo magis modo minus trahat, ex quà alterna actione motus reciprocus in Floidis necessario oriri debet. Quocircà isla Solis vis in prasenti negotio neutiquam negligi poterit, cum ea, sit fortè fola causam æstiss Maris non constituit, certè effectum aliarum virium necessario afficere ac turbare debeat.

§ 9. Quemadmodum autem Terra cum omnibus suis partibus versus Solem follicitatur, ita eorum fententia non multum à veritate abhorrere videtur, qui in Luna similem vim collocant. Observationes guidem hujusmodi vim in Luna non demonstrant sicuti in Sole; cùm motus Terræ in orbità fuâ à Luna omnino non affici deprehendatur : sed si docuerimus eandem vim ad Lunam respicientem, quæ æstui Maris producendo sit par, in motu Terræ nullam sensibilem anomaliam producere valere, audacia, quæ fortè in talis vis admissione consistere videatur, multum mitigabitur. Hujusmodi autem vis existentia aliis rationibus, nullo ad æstum Maris habito respectu, satis clarè evinci potest; quia enim nullum est dubium, quin Luna ad Terram constanter feratur, ob æqualitatem actionis & reactionis, Terram quoque versus Lunam pelli necesse est. Namque si ponamus Sole penitus sublato, Terræ ac Lunæ omnem motum subitò adimi, Luna utique ad Terram accedet; nemo autem non conceder, probè perpensis principiis mechanicis, Terram intereà non prorsùs esse quieturam, sed Lunæ obviam ituram, concurfumque in communi gravitatis centro contingere : hoc autem evenire non poterit , nisi Terra actu ad Lunam follicitetur. Deindè in ipsâ Luna gravitatem dari similem huic, quam in Terra fentimus, negari non potest; nisi enim talis vis in Luna vigeret, partes Lunæ fluidæ, cùm ob gravitatem in Terram, tùm ob motum Lunæ

244 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

circa proprium axem, etfl fit admodùm lentus, & tempori periodico aqualis, jam dudùm avolafient, partefque folidæ confiftentiam fuam amitiflent. Pluribus denique alis rationibus ex natura vorticum petitis, magis confirmari pofet tale corpus mundanum, cujufmodi eft Luna, fubfiftere non poffe, nifi vortice fit cinclum, quo gravitas in id generetur. Quòd fi autem gravitationem versus Lunam concedamus, cur ejus actionem non ad nos ufquè admittamus, nulla omnino tatio fuadet: quin potius ejufmodi vinimilem flatui conveniet, reliquis in mundo deprehenfis, qua quasi in infinitum porriguntur, atque inversam duplicatam

tenent distantiarum rationem.

§. 10. His expositis manifestum est, & quasi experientia convictum, Terram cum fingulis fuis partibus tam versus Lunam quam versus Solem perpetuo follicitari, atque utramque vim proportionalem esse reciprocè quadratis diflantiarum. Hæ igitur vires, cum actu exiftant, conftanterque effectum suum exerant, in præsenti negotio, quo in causam æstûs Maris inquirimus, præteriri omninò nequeunt; nisi dilucidè antè sit probatum, eas non solum Fluxum ac Refluxum non generare, fed ne quidem quicquam afficere. Si enim ista vires ullum duntaxat motum reciprocum. Mari inducere valeant, quantumvis is etiam fit exiguus, atque adeò æstui Maris fortassè contrarius, earum tamen ratio necessariò erit habenda, cum sine illis vera causa, quacumque sit, neque investigari neque cognosci possita Neque præterea fanæ rationis præcepta permittunt alias vires excogitare, in iisque causam æstûs Maris collocare. antequam evidenter fit demonstratum, binas istas vires So-Iem Lunamque spectantes, quas non gratuitò assumsimus, fed ex certiffimis Phænomenis in mundo existere novimus, ad Fluxum ac Refluxum Maris producendum non effe fufficientes. In fequentibus autem capitibus clarissimè sumus. oftenfuri, ab his duabus viribus non folum in Oceano môtum reciprocum generari debere, sed etiam eum ipsum, qui æstûs marini nomine insigniri solet : atque hanc ob rem

FLUXUS AC REFEUXUS MARIS. 2

firmiter jam affirmamus veram Fluxûs ac Refluxûs caufant in folis illis duabus viribus , quarum altera ad Solem eft directa, altera ad Lunam, effe politam; hocque fimul omnum corum fententias funditus evertimus, qui vel aliis omninò viribus idem Phanomenon adferibere, vel cum

his ipfis alias vires conjungere conantur.

6. 11. Quaftio igitur de caufa Fluxus ac Refluxus Maris. prouti ea ab Illustrissima Academia Regia est proposita, ad hanc deducitur quæftionem, ut binarum illarum virium, quibus fingulæ Terræ partes cùm ad Solem tùm ad Lunam perpetuò urgentur, idque in diffantiarum ratione reciprocâ duplicatà, caufa affignetur Phyfica. Ex quo tractationem nostram bipartitam esse oportebit. Primò scilicer ex principiis Mechanicis dilucide erit oftendendum, à binis illis viribus Solem Lunamque respicientibus cum Fluxum ac Refluxum Maris generatim oriri debere, tum etiam hoc modo fingula Phænomena diffinctè explicari posse : hac enim parte absolutà nullum supererit dubium, quin origo æstûs Maris his ipsis viribus, quas actu jam in mundo existeredocumus, debeatur. Deinde verò harum virium caufa Physica indicari debet, cum id sit præcipuum, quod Inclyta Academia requirit. Quod quidem ad illam partem attinet in ejus explicatione minime hæsitamus; & clarissimis certissimisque demonstrationibus evincere pollicemur, per istas vires omnia omnino æstûs Maris Phænomena absolutissimè explicari posse; qua in re nulli dubitationi ullus relinquetur locus, cum tota ad Geometriam & Mechanicam fublimiorem pertineat, calculoque analytico sit subjecta. Altera verò pars, in scientiam naturalem imprimis incurrens, majori difficultati videtur obnoxia, nec tantæ evidentiæ capax ; verùm cùm ista res occasione plurium quæstionum ab Academia Celeberrima antehac propositarum jam tanto studio sit investigata atque absoluta, eam non mi+ nori certitudine expedire confidimus.

5.12. Explosis hoc saltem tempore qualitatibus occultis; missaque Anglorum quorumdam renovata attractione;

246 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

quæ cum faniori philosophandi modo nullarenùs consistere potest, omnium virium quæ quidem in mundo observantur, duplex statuendus est sons atque origo. Nempe cum viribus tribuatur vel motús generatio vel immutatio, iste effectus semper vel ab allisione corporum, vel à vi centrifugà proficifcitur, quarum actionum utraque facultati, quâ omnia corpora funt prædita in statu suo sive quietis sive motús æquabilis in directum perseverandi, debetur. Ob hanc enim ipfam facultatem corpus in motu positum alia corpora, quæ vel ipsius motui directè sunt opposita, vel ejus directionem mutare cogunt, ad motum follicitat; atque priori cafu regulæ collisionis corporum, posteriori verò vis centrisugæ indoles & proprietates oriuntur ac demonstrantur. Cùm igitur omnia corpora terrestria tam versùs Solem, quàm versùs Lunam perpetuò follicitentur, caufa hujus follicitationis vel continuo appulfui materiæ cujufdam fubtilis, vel vi centrifugæ similis materiæ tribui debebit. Priori igitur casu materiam subtilem statui oporteret, quæ constanter summå rapiditate cùm ad Solem tùm ad Lunam ferretur : hujufmodi verò hypothesis ob maximas difficultates, quibus est involuta, admitti minimè potest. Primò enim perpetuò novis viribus effet opus, que materiam subtilem indesinenter versus Solem Lunamque pellerent, qua quidem re quæftio non majorem lucem affequeretur. Deinde talis motus per fe diu consistere non posset, propter perpetuum materia subtilis ad eadem loca affluxum nullumque refluxum, ut taceamus alia maxima incommoda cum iftiufmodi pofitione permixta.

5. 13. Exclusâ igitur materiæ fubtilis continuâ allifione, tanquam ad vires cûm ad Solem tum Lunam tendentes producendas minimê idonea, alia harum virium cauda non relinquitur, nifi quæ in vi centrifuga confiftat. Quemadmodum autem materia fubtilis in gyrum aĉta ac vorticem formans non folum animo concipi, fed etiam in mundo perfiffere queat, jam faits fuperque eft expofitum, cùm in differtationibus, quæ cùm quæftio de caufa gravitationis agitaretur.

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS.

laudes Illustrissima Academia merebantur, rum etiam in aliis operibus; quibus in locis fimul dilucide est oftenfum, quomodo ejufmodi vortices comparatos effe oporteat, ut vires centrifugæ fiant quadratis distantiarum à centro vorticis reciprocè proportionales. Quæ res cum meo quidem judicio jam tam plana sit facta, ut vix quicquam ad præsens institutum attinens adjici queat, vorticum ulteriori examini fine ulla hæsitatione supersedemus; idque eò magis, quòd Celeberrima Academia eiufmodi amplam atque adeò jam confectam digressionem postulare haud videatur. Quoniam enim quæstio de causa gravitatis cum versus Terram tum etiam versus Solem & Planetas jam fatis est investigata ac diremta; nunc quidem, si cujuscunque Phænomeni causa eò suerit perducta, ibidem acquiescendum videtur, neque actum agendo denuò in causa gravitatis investiganda nimiùm immorari conveniret. Denique in præfenti negotio sufficere posset, si æstûs Maris causa adhuc tantis tenebris obvoluta ad alia maximè aperta Phænomena reducatur, quorum causa non solùm habetur probabilis, sed etiam quæ fola sit veritati consentanea, cujusmodi est gravitatio tam versùs Solem quam Lunam.

. §. 14. Caufam igitur Fluxûs ac Refluxûs Maris proximam in binis vorticibus materiæ cujufdam fubtilis collocamus. quorum alter circa Solem alter verò circa Lunam ita circumagatur, ut in utroque vires centrifugæ decrefcant in duplicatà ratione distantiarum à centro vorticis ; quæ lex vis centrifugæ obtinebitur, fi materiæ fubrilis vorticem constituentis celeritas statuatur tenere rationem reciprocam sub duplicaram distantiarum à centro vorticis. Quæcunque igitur corpora in iftiulmodi vortice polita ad ejus centrum pellentur vi acceleratice, quæ pariter ac vis centrifuga quadratis diffantiarum reciprocè est proportionalis. Vis absoluta autem quâ corpus quodpiam in datâ distanriâ à centro vorticis collocatum eò urgetur, pendet à celeritate materiæ fubtilis abfoluta, Ac primò quidem quod ad votticem eirca Solem rotatum attinet, ejus vis abfoluta ex tempore Terræ periodico cum difiantia ejufdem à Sole comparato tanta colligitur, ut corpus, cujus difiantia à centro Solis æqualis eft femidiametro Terræ, cò folliciteur vi, qua fit 227,512 vicibus major, quam eft gravitas naturalis in fuperficie Terræ. Metiemur autem hanc ipfam vim abfolutam cujufque vorticis, per vim, quam idem vortex exerti in difiantià à fuo centro femidiametro Terræ æquali: ex quo fi vis gravitatis terrefiris defignetur per 1. erit vis abfoluta Solis = 227,512, cujus numeri loco brevitatis gratia utemur litterà S. Simili modo vim vorticis Lunam cingentis abfolutam indicabimus litterà L, cujus valorem Newtonus recètè chim ex ipfo Fluxua c Refluxu Maris, thm etiam ex præceffione Æqui-

Terræ femidiametro = 1, corporis cujufdam à centro Solis vel Lunæ diffantia fuerit X, erit vis, quà id corpus vel ad Solem follicitatur vel ad Lunam, vel = $\frac{S}{xx}$ vel = $\frac{L}{xx}$,

noctiorum conflituisse videtur circiter 1. Quare si, posità

uti ex indole horum vorticum prona confequentia fluit. In his quidem litterarum S & L determinationibus aflumfimus mediam Solis à Terra diffantiam 20620 femidiametrorum Terra; qua ex parallaxi horizontali 10 fequitur, Luna verò à Terra diffantiam mediam 60 femid. Terra; interim tamen vires ad Marc movendum hinc orta ab his hypothefibus non pendent, uti ex fequentibus patebit.

5. 15. Quoniam igitur aftum Maris per binas vires; quarum altera Solem refpicit, altera Lunam, fumus expofituri, facilè videri polfemus eandem omnino explicationem fufcipere, quam Newtonus dedit in fuis Principiis Mathematicis Philofophia. Naturalis. Primum autem notandum eft, quòd fi Newtonus veram caufam hujus Phanomeni affignaffer, fummoperè abfürdum atque abfonum foret, novitatis fludio aliam caufam, quæ certô falfa futura effer, excogitate. Deinde verò Newtons ne veftigium quidem reliquit, ex quo caufa harum virium attracti-

varum,

varum, quas Soli Lunæque tribuit, colligi posset, sed potiùs de causa Physica inventione, qualem Academia Regia potiffimum requirit, desperasse videtur; id quod ejus affeclæ apertè restantur, qui attractionem omnibus corporibus propriam esse, neque ulli causa externa deberi firmiter afferunt, arque adeò ad qualitates occultas confugiunt. Denique Newtonus deductionem & expositionem omnium Phænomenorum ad æftum Maris pertinentium minimè perfecit, fed quafi tantum adumbravit; plena enim explicatio tot tamque difficilium Problematum folutionem postulat. quæ Newtonus non estaggressus: cùm enim hujus quæstionis enodatio amplissimos calculos requirat, ipse analysin vitans pleraque tantum obiter indicasse contentus fuit ; ob quem defectum plurimis adhuc dubiis circa ipfius explicationem locus est relictus. Neque enim in his viribus veram æstûs Maris causam contineri antè certum esse potest, quam absoluto calculo perfectus consensus Phanomenorum cum Theoria fuerit declaratus.

CAPUT SECUNDUM.

De viribus Solis & Lunæ ad Mare movendum.

§ 16. FFECTUS, quos vires cum Solis tum Lunz antè stabilitæ in Terram exerunt, ad duo genera funt referendi : quorum alterum eos complectitur effectus quos Sol ac Luna in universam Terram tamquam unum corpus confideratam exercet; alterum verò eos, quos fingulæ Terræ partes à viribus Solis ac Lunæ patiuntur. Ad effectus prioris generis investigandos, omnis Terræ materia tanquam in unico puncto, centro scilicet gravitatis, collecta confideratur, ac tam ex motu infito quam viribus follicitantibus motus Terræ progreffivus in fua orbita determinari folet. Ex hocque principio innotuit vim hanc Solis efficere, ut Terra circa Solem in orbita elliptica

250 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

circumferatur, vim Lunæ autem tam esse debilem, ut vix ac ne vix quidem ullam sensibilem perturbationem in motur Terræ annuo producere valeat. Contrà autem docebitur, vim Lunæ ad partes Terræ inter se commovendas ac Mare agitandum multò esse fortiorem vi Solis; ex quo plerisque primo intuitu summè paradoxon videatur, quòd vis Lunæ in priori casu respectu vis Solis evanescat, cum ramen eadem casu posteriori multum excedat vim Solis. Sed mox, cum effectus utriusque generis diligentius evolvenus & perpendenus; satis dilucide patebit, eos inter se maximè discrepare, atque à vi, quæ in universam Terram minimum exerat esse utrus, maximam tamen agitationem partium Terræ inter se oriti posse & vicissim.

5. 17. Ad illum autem harum virium effectum, qui in commotione partium Terræ inter se consistit, dijudicandum, ante omnia probè notari oportet, si singulæ Terræ partes viribus æqualibus & in directionibus inter se parallelis follicitentur, eo cafu nullam omnino commotionem partium oriri, etiamfi fint maxime fluidæ nulloque vinculo invicem connexa, fed totum virium effectum in integrotantum corpore movendo confuntum iri ; perindè ac fi totum Terræ corpus vel in unico puncto effet conflatum, vel ex materià firmissimè inter se connexà constaret. Ex quo manifestum est partes Terræ saltem sluidas, quæ viribus cedere queant, inter se commoveri non posse, nisi à viribus diffimilibus urgeantur : atque hanc ob rem non magnitudo virium partes Terræ follicitantium, fed potiùs dissimilitudo, quâ cùm quantitatis tùm directionis ratione inter se discrepant, eum effectum, quo situs partium mutuus perturbetur, producit. Ita vis Solis, etsi est maxima, tamen ob infignem distantiam partes Terræ ferè æqualiter afficit, contrà verò vis Lunæ ob propinquitatem admodum inæqualiter : unde à Luna multo major agitatio Oceani refultat, quam à Sole, quamvis ea vis, que ad Solem tendit, infigniter major fit altera Lunam respiciente. Atque hoc pacto dubium antè allatum funditùs tollitur FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 251

hocque adhuc planius fiet, fi utriufque vis effectus ad cal-

culum revocabimus.

§. 18. Ad inæqualitatem igitur virium quibus fingulæ Terræ partes vel à Sole vel à Luna follicitantur, definiendam, ante omnia vim, quâ universa Terra, si in suo centro gravitatis effet concentrata, afficeretur, determinari oporter, hæcque est ea ipsa vis, quæ Terræ motum progreffivum in fua orbita respicit & turbat ; deinde dispiciendum eft, quantum vires, quibus fingulæ Terræ partes urgentur, tam ratione quantitatis quam directionis ab illa vi totali discrepent. Quòd si enim nulla deprehendatur differentia, partes quoque singulæ situm suum relativum inter se retinebunt; at quò major erit differentia inter vires illas fingulas partes follicitantes, eò magis ex inter fe commovebuntur, situmque relativum permutabunt. In hac autem investigatione, simul gravitatis naturalis, quâ omnia corpora versus centrum Terræ tendunt, ratio est habenda; hæc enim vis in causa est, quòd quantumvis vires Solis & Lunæ in diversis Terræ regionibus sint inæquales, æquilibrii tamen status detur, in quo partes tandem singulæ conquiescant, neque perpetuò inter se agitari pergant. Atque hanc ob rem fingulæ Terræ partes à tribus viribus follicitatæ considerari debebunt, primò scilicet à propriâ gravitate, quâ directe deorsum nituntur; tùm verò à vi, quâ ad Solem urgentur, ac tertiò à vi versus Lunam directa; hæque tres vires, cujulmodi Phænomena quovis tempore in partibus Terræ fluidis gignant, erit investigandum.

§. 19. Quò igitur vim totalem, quâ Terra vel à Sole vel à Luna urgetur, definalmus, confideremus primùm peripheriam circuli MN tanquam ex materiâ homogeneâ conflatam, cujus centro P verticaliter immineat Sol vel Luna in S, ita ut recta PS ad planum circuli MN fit perpendicularis. Sir circuli hujus radius PM=y, & diffantia SP=x, ac vis five Solis five Lunæ abfoluta =S. His positis elementum peripheriæ Mm pelletur ad S1 in

Fig. L

directione MS vi acceleratrice = $\frac{s}{MS^2} = \frac{s}{xx+yy}$, positâ cùm vi gravitatis naturalis in superficie Terræ = 1, tùm etiam femidiametro Terræ = 1 : atque hanc ob rem elementum Mm versus S nitetur vi $=\frac{S,Mm}{x^x+y^y}$. Refolvatur hæc vis in binas laterales, quarum alterius directio cadat in MP, alterius verò sit parallela directioni PS; atque evidens erit vires omnes MP per totam peripheriam fe mutuò destruere, alterarum verò mediam directionem cadere in PS, ac vim his omnibus æquivalentem iifdem conjunctim fumtis fore æqualem. Trahetur autem elementum Mm in directione ipfi PS parallela vi $=\frac{S \times Mm}{(xx+yy)^{\frac{1}{2}}}$, unde pofità ratione radii ad peripheriam = 1: # tota circuli MN peripheria, quæ erit = πy, urgebitur seu quasi gravitabit versùs. S in ipsâ directione PS vi $=\frac{\pi S xy}{(xx+yy)^{\frac{1}{2}}}$. Vis autem acceleratrix quâ hac peripheria circuli versus S follicitabitur, prodibit, si vis motrix inventa dividatur per massam movendam, quæ est = πy , eritque = $\frac{3}{(xx+yy)!}$

\$. 20. Hoc præmiffo, contemplemur fuperficiem fphæricam genitam conversione circuli AMB circa diametrum, AB; sitque semidiameter AC = BC = r; erit ipsa superficies = 2 mrr. Jam attrahatur hæc superficies ad Solem Lunamve in S, existente distantia S C = a; atque ad vim totalem seu conatum quo integra superficies ad S tendet, inveniendum, concipiatur annulus genitus conversione elementi Mm circa diametrum AB, quæ protensa per S transeat. Positis igitur SP = x, PM = y, erit per s. præc. conatus hujus annuli in directione $PS = \frac{\pi \hat{S} \times y. M \hat{m}}{(x \times + y.)^{\frac{1}{2}}}$. At posito Pp = dx, erit $Mm = \frac{rdx}{y}$, & xx + yy = 2axaa + rr, unde annuli conatus versus S erit $= \frac{x S r x dx}{(2ax - ac + rr)^{\frac{1}{2}}}$ cujus integrale est = $C + \frac{\pi S r(ax - aa + rr)}{V(2ax - aa + rr)}$, ex quo conarus portionis superficiei sphæricæ conversione arcus. A.M. ortæ prodibit = $\frac{\pi S r r}{aa} + \frac{\pi S r (ax - aa + rr)}{V(1ax - aa + rr)}$. Quare fiponatur SP = SB feu x = a + r, emerget conatus totius fuperficies fiphæricæ = $\frac{2\pi S r r}{a}$: hincque cùm ipfa fuperficies fit = $2\pi r r$, erit vis acceleratrix quâ fuperficies fiphærica actu versùs S tendet = $\frac{S}{aa}$, ideoque tanta, quanta foret, fi tota fuperficies in centro C effet collecta.

§. 21. Cum igitur superficies sphærica perinde ad Solem sive Lunam in S sollicitetur, ac si tota in ipso centro effet conflata, hac proprietas ad omnes superficies spharicas, ex quibus integra Sphæra composita concipi potest, patebit, dummodo fingulæ hæ fuperficies ex materiâ homogeneâ constent, sive quod eodem redit, ipsa Sphæra in iifdem à centro distantiis sit æquè densa. Hanc ob rem ejusmodi Sphæra quoque perinde ad S in directione PS urgebitur, ac si tota ipsius materia in centro Cesset concentrata; hæcque proprietas non folum in ejufmodi Sphæras' competit, que tota ex materia uniformi funt confecta, fed etiam ut jam indicavimus, in tales, quæ ex materia constant difformi, dummodo in aqualibus à centro distantiis, materia circumquaque sit homogenea seu saltem ejusdem denfitatis. Cum igitur Terram fibi repræfentare liceat tanquam Sphæram, si non ex uniformi materià conflatam, tamen fine ullo errore ita comparatam, ut in æqualibus circa centrum intervallis materiam æquè densam includat, Terra quoque universa tàm à Sole quam à Luna æquè sollicitabitur, ac si omnis ejus materia in centro esfer collecta. Quanquam enim nunc quidem accuratiffimis ab Illustriffimâ Academiâ Regiâ institutis passim mensuris satis est demonstratum, Terræ figuram ad polos esse compressam, tamen tantilla à perfecta Sphæra aberratio, in aliis quidem negotiis maximi momenti, in hoc instituto tutò negligi potest. Parique ratione, etiamsi Terra in aqualibus à centro distantiis non sit æquè densa, tamen differentia certè non est tanta, ut error sensibilis inde sit metuendus.

254 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

§. 22. Ut igitur vires inveniantur, quæ tendant ad situm partium Terræ relativum immutandum, definienda est visacceleratrix, quâ centrum Terræ sive ad Solem sive ad Lunam urgeatur : quâ cognitâ, si comperiantur omnes Terræ partes ægualibus viribus acceleratricibus & in directionibus parallelis urgeri, nulla omnino sitàs mutatio, nullaque proinde Maris agitatio orietur. Sed Terra in se spectata omnium partium fitum mutuum invariatum conservabit. At si vires, quibus fingulæ partes à Sole aut Luna urgentur, discrepent à vi centrum Terræ afficiente, tam ratione quantitatis quam directionis, tum nisi firmissimè inter se sint connexe in situ fuo mutuo perturbari debebunt. Hocque cafu aqua, qua ob fluiditatem vi etiam minimæ cedunt, fensibiliter agitabuntur, atque affluendo defluendoque aliis locis elevabuntur, aliis deprimentur. Cum autem iste motus, qui in singulis Terræ partibus generatur, à differentia inter vires centrum Terræ & ipfas partes follicitantes proficifcatur, propria vis, quâ quæque particula agitabitur, innotescet, si à vi acceleratrice illam particulam follicitante auferatur vis acceleratrix, quam centrum Terræ patitur : hæcque subtractio ita instituitur, ut cuique particulæ præter vim actu eam follicitantem alia vis æqualis illi, quam centrum perpetitur, in directione contrarià applicata concipiatur : tum enim vis quæ ex compositione harum duarum oritur, erit vera vis particulam illam de loco fuo deflectens.

\$.23. Consentanea est hæcreductio principiis Mechanicis, quibus statuitur motum relativum in systemate quoteunque corporum & à quibus funque viribus sollicitatorum manere invariatum, si non solum toti systemati motus æquabilis in directum simul imprimatur, sed etiam singulis partibus vires æquales, quarum directiones sint inter se parallelæ, applicentur. Nosfro igitur casu motus intessinus partium Terræ non turbabitur, si singulis particulis vires æquales in directionibus parallelis applicemus ut secimus: quòd si autem siste vires æquales sintilli, qua tota Terra seu centrum sollicitatur, & contrariæ, hoc ipso Terræ motum curvilineum & in-

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS.

255

æquabilem, quippe qui ab iisdem viribus oritur, adimemus. Quare si insuper toti Terræ motum æqualem & contrarium illi, quo actu fertur, impressum concipiamus, obtinebimus totam Terram quiescentem, atque etiamnunc partes perinde agitabuntur & inter se commovebuntur, ac si nullas istiusmodi mutationes intulissemus. Quilibet autem facilè percipiet, quantum ex hac reductione fublidium affequamur; multò enim facilius erit mutariones, quæ in ipsâ Terrà accidunt, percipere atque explicare, si centrum Terræ constituatur immotum, quam si totalis motus singularum partium moribus effet permixtus. Hanc ob rem ista reductione quâ centrum Terræ in quietem redigitur, perpetuò utemur, quò Phænomena æstus Maris, prouti in Terrâ immorâ fentiri debent, eliciamus; quippe qui est casus naturalis, ad quem omnes observationes sunt accommodatæ, omnes verò theoriæ accommodari debent.

S. 24. Concipiatur nunc Terra tota tanquam globus Fie. III. ADBE urgeri ad Solem Lunamye in S existentem cujus vis absoluta seu ea, quam in distantia à centro suo S femidiametro Terræ æquali exerit, sit = S, distantia verò centri Terræ Cab S feu CS ponatur = a; eritque vis acceleratrix, quâ rota Terra tanquam in C collecta follicitabitur in directione $CS_1 = \frac{S}{2s}$. Contemplemur jam particulam Terræ quamcunque M cujus situs ita sit definitus, ut fit CP = x & PM = y, existence MP normali ad CS; hinc igitur habebitur $SP = a - x & SM = V((a-x)^2 + y^2)$ Vis igitur acceleratrix, quâ particula M versus S pelletur, erit $=\frac{S}{(a-x)^2+y^2}$; à quâ cùm auferri debeat vis, quâ tota Terra versus S nititur, concipienda est particulæ M applicata vis $=\frac{s}{s}$ in directione MN ipfi CS parallela & opposita ; quæ duæ vires particulam Mæquè afficient ac si universa Terra quiesceret vel uniformiter in directum moveretur, qui casus ab illo non differt. Ex his igitur ambabus viribus conatus innotescet, quo particula M à vi ad S

256 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

directa de loco fuo recedere annitetur : ad. ipfum autem motum definiendum infuper vis gravitatis erit respicienda : & quia hac particula non est libera , sed quaquaversus materià terrestri circumdata, investigari oportet , quantum ista materia effectum viribus sollicitantibus concedat.

§. 25. Quoniam autem in hoc capite nobis nondum est propositum in ipsum effectum ab his viribus oriundum inquirere, fed tantum conatum evolvere atque explorare; diligentiùs perpendemus, cujufmodi vires ex combinatione harum potentiarum particulam M follicitantium refultent. Hunc in finem refolvatur vis MS in duas laterales, quarum alterius directio parallela sit ipsi CS, altera verò in MP cadat: ex quo reperietur vis illa particulam M in directione MQ urgens $=\frac{S(a-x)}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{2}}}$; altera verò vis in directione MP trahens $=\frac{Sy}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{2}}}$. Cùm autem particula M insuper trahatur in directione MN vi = 3 tres iffæ vires à Sole Lunave in S'existente reducentur ad duas, quarum altera in directione MQ urgens erit = $\frac{S(a-s)}{((a-s)^2+y^4)^{\frac{1}{4}}} - \frac{S}{a^2}$, altera verò directionem habens MP $=\frac{Sy}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{2}}}$. Quare fi rect MQ & MP his viribus proportionales capiantur, & rectangulum MQOP compleatur exprimet diagonalis MO tam directionem quam quantitatem vis ex tribus præcedentibus ortæ: erit autem anguli OMP tangens $=\frac{a-x}{y} - \frac{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{2}}}{a^2y}$; quo cognito, fi fiat ut MP ad MO ita $\frac{sy}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{2}}}$ ad quartam, hæc ipsa quarta proportionalis erit vis particulam M

in directione MO follicitans, quæ oritur à vi ad S tendente.

§ 26. Ut autem istæ vires facilités cum gravitate naturali;

5. 26. Ut autem if wires facilities cum gravitate naturali; cujus directio est MC, conjungi queant, resolvantur es

in binas, quarum altera in ipfam directionem MC cadat, alteriûs verò directio sit MR normalis ad MC. Ad hoc commodiffimè præftandum, refolvatur vis MS primum in duas, quarum altera ut antè directionem habeat ipsi CS parallelam, alteriûs verò directio in ipfam MC incidat. Cùm igitur sit $MC = \sqrt{(x^2 + y^2)}$, erit prior vis $= \frac{Sa}{((a-x)^2 + y^2)^{\frac{1}{2}}}$ posterior verò = $\frac{SV(x^2+y^2)}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{5}}}$, quâ vis gravitatis augebitur. At si à priori auseratur vis $=\frac{s}{as}$, remanebit vis particu- $\lim_{s} M \text{ in directione } MQ \text{ follicitans} = \frac{Sa}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{2}}}$ $\frac{S}{a^2}$. Jam ex Q in CM productam demittatur perpendiculum QV, eritque ob fimilitudinem triangulorum QVM& MPC vis gravitati contraria fecundum directionem MV agens ex vi MQ orta $=\frac{Sax}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{2}V(x^2+y^2)}}$ $\frac{Sx}{a^2V(x^2+y^2)}$; unde omninò particula M à vi ad S tendente versus Curgebitur vi = $\frac{s x}{a^2 V(x^2 + y^2)} = \frac{s(ax - xx - yy)}{((a - x)^2 + y^2)^{\frac{1}{6}} V(x^2 + y^2)^6}$ Præterea verò eadem particula M in directione MR ad MC normali follicitabitur yi = $\frac{Say}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{2}V}(x^2+y^2)}$ $\frac{Sy}{a^2V(x^2+y^2)}$

\$\\$.27. Tametfi iffx expressiones tantoperè sint compositar ; ut parum ex ils ad usum deduci posse videatur ; tamen si consideremus distantiam Lunx à Terra, multo magis autem distantiam Solis, vehementer excedere quantitatem Terra; ac propterea quantitates $x \approx x \cdot y$; per approximationem fatis commodas formulas ex ils derivare licebit. Cum enim sit proximè $\frac{1}{((a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{4}}} = (a^2-2ax+x^2+y^2)^{-\frac{1}{4}} = \frac{1}{(a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{4}}} + \frac{1}{(a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{4}}} + \frac{1}{(a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{4}}} = \frac{1}{(a-x)^2+y^2)^{\frac{1}{4}}}$

fais tutò fubfitui poterit $\frac{1}{a^2} + \frac{3s}{a^4} + \frac{3(4ss-yy)}{2a^3}$. Ex his autem obtinebitur vis, quà particula M præter gravitatem à vi Solis five Lunæ in S exifientis ad centrum Terre C in directione MC urgetur; $= \frac{s(y-1sx)}{a^3\sqrt{(s^2+y^2)}} + \frac{3ss(sy-1sx)}{2a^4\sqrt{(s^2+y^2)}}$. Præterea autem eadem particula M follicitabitur in directione MR ad MC normally vi $= \frac{3}{3}\frac{S}{xy} + \frac{1}{2a^4\sqrt{(x^2+y^2)}} + \frac{3s\sqrt{(x^2+y^2)}}{2a^4\sqrt{(x^2+y^2)}} = \frac{3sy}{a^3\sqrt{(x^2+y^2)}} (x + \frac{4sx-yy}{2a})$. Atque còm in his formulis termini primi pofetrores multis vicibus excedant, rem craffins infipiciendo, particula M à vi Solis Lunæve fecundàm MC urgebitur vi $= \frac{s(y-1sx)}{a^3\sqrt{(x^2+y^2)}}$, in directione verò MR vi $= \frac{3s}{a^3\sqrt{(x^2+y^2)}}$,

§. 28. Ex his igitur postremis formulis intelligitur abactione Solis sive Lunæ in S existentis gravitatem parti-

culæ M augeri, fi ejus fitus respectu reste SC ita streit comparatus, ut sit yy ≥ 2 xx hoc est tangens anguli MCP> V 2 posito sinu toto = 1, contrà verò gravitatem diminui, si suerit yy < 2 x x. Quare còm angulus cujus tangens est = V 2 contineat y4°, 45° circiter, si concipiatur circus.

Fro. IV. lus Terræ maximus quicunque ADBE, cujus planum per punctum S transeat, in coque ducantur recæ FCI & GCH, quæ cum rectà SAB angulos conflituant y4° 45°; tòm onnes Terræ particulæ in spatiis FCH & GCI sitæ gravitatis naturalis augmentum accipient, reliquæ verò particulæ in spatiis FCG & HCI poliæ decrementum gravitatis patientur. Atque hinc, quacumque Terræ particulæ proposità, desiniri potetit, quantum ejus gravitas à Sole Lunàve in S existente vel augeatur vel diminutatur. Altera

urgetur, affirmativa erit, in eamque plagam, quæ in figura repræsentatur, verget, si quantitates x & y ambæ suerint vel affirmativæ vel negativæ: contratiumque eveniet, si carum altera sit affirmativa, altera negativæ. Quare si parti-

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 259

cula M fita fuerit vel in quadrante ACD vel ACE, tum vis $F_{1:0}$. IV. horizontalis ad rečlam CA tendet; contrà verò hæc vis ad radium CB dirigetur, fi particula M fit vel in quadrante BCD vel BCE conflitura. Ex quibus perficieur effectus vel Solis vel Lunæ in ambo hemifphæria, fuperius fcilicer DAE & inferius DBE, inter fe effe fere fimiles; quæ fimilitudo quoque in ipfo æftu Maris obfervatur.

§. 29. Ponamus nunc particulam M in ipså Terræ superficie esse constitutam, eritque $V(x^2+y^2) = 1 \cdot ob$ Terræ semidiametrum = 1. Quare si particula M succeptita in M, existente anguli ACM sinu = y & cosinu = x, ejus gravitas naturalis acceleratrix à Sole Lunâve in S augebitur vi = $\frac{S(y-2x)}{a^2}$, secundum horizontem autem

in directione MR urgebitur vi = $\frac{3 S \times y}{a^3}$. Gravitas igitur maximè augebitur, si particula M posita fuerit in D vel E, quibus in locis punctum S in horizonte apparet ; ibi verò gravitatis augmentum erit = $\frac{s}{a^3}$. In punctis autem A & B, quæ punctum S vel in suo zenith vel nadir positum habent, maximum deprehendetur gravitatis decrementum, quod scilicet erit $=\frac{2 S}{a^3}$: ita ut maximum gravitatis decrementum duplò majus sit quàm maximum incrementum. Vis autem horizontalis 3 Sx y maxima evadet, si angulus ACM fuerit semirectus, id quod accidit in iis Terræ regionibus, in quibus punctum S conspicitur vel 45° gradibus supra horizontem elevatum, vel tantundem sub horizonte depresfum later: his igitur casibus ob $xy = \frac{1}{2}$ fiet vis horizontalis $=\frac{3}{10^3}$. Hujus ergo vis effectus in hoc confiftet, ut directio gravitatis mutetur, atque versus rectam SC inclinetur angulo cujus tangens est $=\frac{3}{100}$, existente sinu toto =1; quia gravitatem unitate designamus.

5. 30. Hæ itaque vires si satis essent magnæ, in ponderibus utique sentiri deberent, ac prior quidem gravitatem natu-

ralem vel augens vel diminuens in oscillationibus pendulorum animadverti deberet, eorum motum vel accelerando vel retardando; posterior verò vis situm pendulorum quiescentium verticalem de hoc situ deflecteret, atque ad horizontem inclinatum efficeret. Quoniam autem hujufmodi perturbationes non observamus, operæ pretium erit dilucidè monstrare vires illas tam esse exiguas, ut hi essectus sensus nostros omninò effugiant. Primum igitur cum pro Sole fit S = 227512 atque a = 20620, erit $\frac{S}{a^3} = \frac{1}{38535570}$; pro Luna autem quia est $S = \frac{1}{40} & a = 60$, erit $\frac{S}{100} = \frac{1}{8640000}$; ex quo vis Lunæ plus quàm quater major eff vi Solis, ceteris paribus; atque si Solis & Lunæ vires prorsus conspirent, erit ex iis conjunctim $\frac{S}{7007700}$ feu proximè $\frac{1}{70000000}$ Hinc maxima gravitatis diminutio, quæ quidem oriri poterit, erit = $\frac{1}{3.500000}$, maximum verò incrementum = $\frac{1}{7000000}$: unde numerus oscillationum ejusdem penduli eodem tem-Numeri ergo oscillationum ab eodem pendulo eodem tempore absolutarum, cùm gravitas maximè est diminuta, & cùm maximè est aucta, tenebunt rationem ut 13999998 ad 14000001, hoc est ut 4666666 ad 4666667; ex quo fatis perspicitur differentiam hanc minimè percipi posse. Similis autem omninò est ratio alterius Phanomeni declinationis scilicet à situ verticali comparata, que numquam ad 5" exfurgere potest.



CAPUT TERTIUM.

De Figura, quam vires cum Solis tum Lunæ Terræ inducere conantur.

5.31. Um igitur in capite præcedente vires tam à Sole quam à Luna oriundas determinaverimus, quibus fingulæ Terræ particulæ ad fitum relativum cùm inter fe tùm respectu centri, quod in hoc negotio tanquam quiescens consideratur, immutandum sollicitantur; ordo requireret ut jam in ipfum motum, quo fingulæ particulæ inter fe commoveri debeant, inquireremus. Verùm cùm hæc investigatio sit altioris indaginis, atque opus habeat principiis mechanicis ad motum partium inter fe respicientibus. qualia vix ufquam adhuc reperiuntur; in hoc capite rem fecundum principia flatica ulterius perfequi pergamus, ac figuram determinemus, quam vires Solis & Lunæ cum feorfim tùm etiam conjunctim inducere conantur. Hunc in finem Terram undequaque materia fluida seu aqua cinctam contemplabimur, quò follicitationibus obedire ac figuram iis convenientem actu induere queat. In hoc scilicet negotio Solem & Lunam pariter ac ipfam Terram quiefcentes concipimus, ita ut inter se perpetuò eundem situm relativum conservent, quo pacto Terræ ab actionibus Solis ac Lunæ figura permanens mox induetur, quam tandiu retinebit, quoad idem situs relativus duret. Perspicuum autem est cognitionem hujus figuræ magno futuram esse adjumento ad ejusdem figuræ transmutationem definiendam. si tàm Soli quàm Lunæ motus tribuatur.

S. 32. Consideremus igitur primum Terram in statu suo Fig. V. naturali, in quem se sola vi gravitatis composuit; in quo, cùm habitura fit figuram sphæricam, repræsentet circulus ADBE seu potius globus ejus rotatione ortus Terram, quam præterea undique aquâ circumfusam ponimus. Ver-

fetur jam Sol vel Luna in S, à cujus vi cum gravitas naturalis tam in A quam in B diminuatur, in D verò & E augeatur, manifestum est Terram seu potiùs aquam illi circumfusam elevatum iri in A & B, contrà verò in D & E deprimi, idque eousque, quoad sollicitationes à Sole Lunâve in S oriundæ cum vi gravitatis ad æquilibrium fuerint redacta. Sit itaque curva adbe ea figura, qua circa axem ab rotata generet Terræ formam, quam à vi ad S directà randem recipiet, atque cum aque nunc ponantur in æquilibrio constituta, necesse est ut directio media omnium sollicitationum, quibus singulæ Terræ particulæ in supremâ superficie sitæ urgentur, ad ipsam superficiem sit normalis. Quare si particulam quamcunque M spectemus; ea primum à gravitate naturali in directione MC urgetur deorsum, idque vi, quam constanter ponimus = 1; quippe quæ est ipsa gravitas in superficie Terræ, eò quòd elevatio vel depressio hujus particulæ distantiam ejus à centro Terræ, à quâ variatio gravitatis pendet, fensibiliter non immutet. Deinde verò eadem particula Mà vi in S existente sollicitatur duplici vi, quarum alterius directio in ipfam MC incidit, alterius verò in MR normalem ad MC. Quocirca trium harum virium mediam directionem incidere oportet in rectam MN normalem ad curvam a Md, quo ipfo natura hujus curvæ determinabitur.

§. 33. Dubium hic fubnasci posset, quod còm ad præsens institutum omnium virium, quibus singulæ particulæ sollicitantur, ratio haberi debeat, eam hic negligamus, quæ à vi centrisuga motos Terræ diurni oritur, quippe quæ non solbim non est institiè parva, sed multis vicibus major, quòm vires quæ vel à Sole vel Luna restoltant: sed quia hæv vis constantem producit essestim, Terræ scilicet siguram sphæroidicam ad polos compressam, mutationem, quæ in Fluvau ac Restux Maris observatur, sensibiliter assisticere nequit, Deinde quamvis sic siguram Terræ sphæricam ponamus, tamen in aberrationem præcipuè ab hac sigura tam à Sole quòm Luna oriundam inquirimus: manisestum autem est, quàm Luna oriundam inquirimus: manisestum autem est,

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 263 quantum figura aquæ ob vires Solis Lunæve à sphærica recedat, tantundem aquæ figuram admisso motu diurno Terræ à figurâ fphæroidicâ esse discrepaturam. Quapropter in hoc negotio sufficere potest, si, Terrà instar sphæræ perfectæ considerata, definiamus quantam differentiam in aquæ figura vires cum Solis tum Lunæ producant : hac enim determinatà, si Terræ motus vertiginis restituatur, perspicuum erit totam figuram sub æquatore intumescere, sub polis autem subsidere; ita tamen ut ubique eadem vel elevatio vel depressio aqua à viribus Solis Lunæve maneat. Namque si ulla etiam varietas in æstu Maris à motu vertiginis Terræ proficifcatur, ea calculo monstrante nusquam major esse potest parte 1 x ftûs totalis; tantilla autem differentia notari non meretur, neque ob eam causam operæ prætium est tam complicatos & abstrusos calculos inire, ad quos perveniretur, si Terræ figura naturalis à sphærica diversa poneretur, atque insuper vis centrifuga à motu vertiginis Terræ in computum duceretur.

8. 34. Ad curvam igitur aMdb, cui ea qua ex altera parte axis ab fimilis est & æqualis, determinandam, ponatur vis absoluta sive Solis sive Lunæ in S existentis = S, distantia CS = a, ac dusta semiordinata MP vocetur CP = x, & PM = y. Ex præcedenti igitur capite habebitur vis, qua punctum M vel à Sole vel Luna versus C urgebitur = $\frac{S(y-x+x)}{a^2V(xx+y)}$, insuper autem idem punctum M follicitabitur in directione MR normali ad MC vi = $\frac{3Sy}{a^2V(xx-y)} + \frac{3Sy}{2a^4V(xx+y)}$. Præter has verò vires punctum M gravitate naturali decostim pellitur vi = 1 secundàm directione MC, in at a punctum M ab omnibus his viriant processor.

tum M gravitate natural deoritum penntur M = 1 lectural indirectionem MC, ita ut punctum M ab omnibus is viribus conjunctim in directione MC deorfum urgeatur $V = \frac{S(YY = 2XX)}{YY}$

^{1 +} $\frac{s(y-xx)}{a^2v(xx+yy)}$ ubi ob 1 fequens terminus turò negligi potefi, & in directione MR vi = $\frac{35y \cdot x}{a^2v(xx+yy)} = \frac{35y(4xx-yy)}{aa^2v(xx+yy)}$ quarum duarum virium fi MN ponatur media directio $\frac{3}{2}v(xx+yy) = \frac{3}{2}v(xx+yy)$

264 IN QUISITIO PHYSICA IN CAUSAM prodibit per regulas compositionis motus anguli CMN tangens $=\frac{3}{2}\frac{3}{2}y(\frac{x+4}{x-2}y)$, quæ divisione actu institutâ, isique terminis neglectis in quorum denominatoribus a plures quàm quatuor obtinet dimensiones, abit in hanc expressionem $\frac{3}{2}\frac{5}{x}\frac{y}{y}(\frac{x+y}{x+y}) + \frac{3}{2}\frac{y}{4}\frac{y}{(x+y)}$, quæ est ea ipsa formula, qua vis MR exprimebatur. Quocirca angulus CMN prorsùs non pendet ab auctà minurave gravitate, sed tantim à vi horizontali singulis particulis in Terræ superficie siris in pripressa.

ficie sitis impressa. S. 35. Quoniam verò hac ipsa media directio MN debet esse ad curvam a Md in puncto M normalis, erit subnormalis $PN = \frac{-y\,dy}{dx} & CN = \frac{x\,dx + y\,dy}{dx}$. Cùm igitur sit anguli MNP tangens $=\frac{-dx}{dx}$ & anguli MCP tangens $=\frac{y}{x}$ erit horum angulorum differentiæ, hoc est anguli CMN rangens $=\frac{y\,dy+x\,dx}{y\,dx-x\,dy}$, quæ superiori expressioni, quâ hæc eadem tangens designabatur, æqualis posita pro curvâ quæsitâ aMdb sequentem præbebit æquationem $\frac{y dy + x dx}{y dx - x dy}$ $= \frac{3}{a^3} \frac{5 \times y}{\sqrt{(xx+yy)}} + \frac{3}{2} \frac{5 y(4 \times x - yy)}{2a^4 \sqrt{(xx+yy)}}, \text{ ad quam integrandam ponimus } \sqrt{(xx+yy)} = z = MC, & \text{anguli } MCA \text{ co-}$ finum $\frac{x}{\sqrt{(xx+yy)}} = u$, unde fiet $x=u \ge x y = \ge \sqrt{(1-uu)}$, atque $y dx - x dy = \frac{z z du}{\sqrt{1 - u u}}$, itemque x dx + y dy =z dz. Hac autem facta substitutione, æquatio inventa abit in hanc $\frac{dz}{zz} = \frac{3 \, \text{Sudu}}{a^3} + \frac{3 \, \text{Szdu} \, (\, \text{su} - 1\,)}{2 \, a^4}$, cujus postremus terminus, qui ob parvitatem præ reliquis ferè evanescit, si abesfet, foret integrale $\frac{1}{c} - \frac{1}{z} = \frac{3 Suu}{2 a^3}$ feu $\chi = c + \frac{3 Sccnu}{2 a^3}$ proximè. Ponamus itaque completum integrale esse z= $c + \frac{3Sc^2u^2}{2a^3} + \frac{3Sc^3V}{2a^4}$, ac facta applicatione reperietur V $=\frac{5u^3-3u}{3}$, it authabeatur $z=c+\frac{3Scenu}{2a^3}+\frac{Sc^3u(5uu-3)}{2a^4}$

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 265 quod autem integrale proxime tantum satissacit; at mox alia via aperietur verum ipsius z valorem per u commo-

diùs & propiùs definiendi. 5. 36. Cum autem foliditas sphæroidis, quodgeneratur ex conversione curvæ adb circa axem ab, æqualis esse debeat soliditati Sphæræ radio CA = 1 descriptæ, hinc constans quantitas e quæ per integrationem est ingressa, definietur : id quod commodissimè præstabitur, si utraque sphæroidis semissis, superior scilicet versus S directa, atque inferior seorfim investigetur. Quoniam igitur pro semissi superiori est $CP = x = zu = cu + \frac{3 \cdot S \cdot cu^3}{2 \cdot a^3} + \frac{S \cdot c^3 u^2 \cdot (5 \cdot uu - \frac{1}{3})}{2 \cdot a^4}, & MP^2$ $= y^2 = z^2 (1 - uu) = (1 - uu) \left(cc + \frac{3 \, s^2 \, u^2}{a^3} + \frac{sc^4 \, u(s \, uu - 3)}{a^4} \right)^5$ erit fyy dx, cui foliditas genita conversione spatii dCP M est proportionalis, = $c^3 u - \frac{c^3 u^3}{3} + \frac{5 S c^4 u^3}{2 a^3} - \frac{3 S c^4 u^5}{2 a^3}$ $\frac{3 Se^5 u^2}{a^4} + \frac{21 Se^5 u^4}{4a^4} - \frac{5 Se^5 u^5}{2a^4}$. Posito igitur u=1, prodibit fuperioris femillis ut $\frac{2}{3}c^3 + \frac{8c^4}{a^3} - \frac{8c^5}{4a^4}$. Simili modo cùm pro inferiori femifli fit $Cac = z = c + \frac{a^{n} Sc^{2}u^{2}}{2a^{2}} - \frac{Sc^{2}u(su^{2} - 3)}{2a^{2}}$ erit ejus foliditas ut $\frac{a}{3}c^{3} + \frac{Sc^{4}}{a^{2}} + \frac{Sc^{4}}{4a^{4}}$; ex quibus totius fphæroidis foliditas erit ut $\frac{4}{3}c^3 + \frac{2Sc^4}{a^3}$. Quare cum Sphæræ radio = 1 descriptæ soliditas pari modo definita, sit ut $\frac{6}{3}$, fiet $1=c^3+\frac{3Sc^4}{2a^3}$; hincque $c=1-\frac{S}{2a^3}$. Quamobrem pro curva quæsità habebitur, hoc valore loco e substituto, ista æquatio $z = 1 + \frac{S(3u^2 - 1)}{2a^3} + \frac{Su(3uu - 3)}{2a^4}$; ex quâ natura iftius curvæ luculenter cognoscitur.

5.37. Hinc igitur perspicitur à Sole vel Lunâ in S existente aquam, cujus superficies antè erat in A, attolli in a, ita ut sit elevatio $Aa = \frac{S}{a^2} + \frac{S}{a^4}$; atque in regione opposità B, aquam pariter elevati per spatium $Bb = \frac{S}{a^2} - \frac{S}{a^4}$ unde patet aquas in A & B, ad eandem ferè altitudinem

elevari, cùm excellus superioris elevationis super inferiorem sit tantum $\frac{2.5}{10}$, quod discrimen respectu totius elevationis vix est sensibile. Contrà verò in regionibus lateralibus D & E, aqua circumquaque æqualiter deprimetur , & quidem per intervallum $Dd = E \dot{e} = \frac{1}{10}$; ex quo ista depressibile diplo minor est, quàm elevatio quæ in A & B accidit. In punctis præterea F, G, H & I, quæ à cardinalibus A & B distant angulo 54° 45', quippe pro quo est 3uu - 1 = 0, neque elevabitur aqua neque deprimetur , fed naturalem tenebit altitudinem. In loco autem Tertæ quocumque M cognoscetur aquæ vel elevatio vel depressible ex angulo ACM, cujus cosinus u est sinus altitudinis sub qua Sol vel Luna in S existens super horizonte conspicitur ab observatore in M constituto; hoc enim in loco aqua elevata erit supra naturalem altitudinem intervallo $= \frac{S(3uu-1)}{2a^{1}}$

 $\frac{Su(5uu-3)}{2uA}$: quæ expressio, si sit negativa, Maris depressionem indicat. His autem annotare non est opus, quòd si punctum S sub horizonte lateat, tum sinus depressionis

maneat quidem u, sed negative accipi debeat.

6.38. Definiamus igitur primùm cùm elevationem tùm depressionem, quæ à solà vi Solis ubique terrarum produci deberet, si, uti ponimus, omnia in statu æquilibrii esser constituta. Quoniam itaque est S=227512 atque a=20620 semid. Terræ, si una Terræ semidiameter assumatur 19695339 pedum Paris. erit $\frac{s}{a^4}=0.5072$ ped. seu pauxillum excedet semipedem: valor autem $\frac{s}{a^4}$ omnino erit quantitas evanescens & imperceptibilis. Hanc ob rem in regionibus sib Sole verticaliter sitis, quæ habeant Solem vel in Zenish vel Nadir, aqua ultra altitudinem natralem attolletur ad semipedem cum pollicis parte decimà circiter; depression autem maxima cadet in loca, quæ Solem in horizonte conspicient, ubi aqua ad quadrantem

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. I 267
pedis tantum deprimetur; ex quo totum diferimen, quod
à Sole in altitudine aquæ naturali oritur, ad tres quartas pedis partes circiter affurget. Ise Solis esse este autem distantæ
tantum mediocri Solis à Terra est tribuendus: quòd si enim
Sol versetur vel in apogæo vel perigæo, ejus esse este vel
diminui vel augeri debebir in ratione reciproca triplicarà
distantiarum Solis à Terra, quia pendet à valore si considera distantiarum Solis à Terra, quia pendet à valore si, com
igitur orbitæ Terræ excentricitas sit = 1.510.00, erit intervallum Aa vel Bb, dum Sol in perigæo reconstrutive, =0, 5332
ped. sin autem Sol in apogæo sit constitutus, =0, 4825
pedum; quorum differenta ad vicessimam pedis pattem
ascendit; valor autem medius est =0, 5072, quem pro

mediocri distantia Solis à Terra invenimus.

5. 39. Problema hoc, quod hucufque dedimus folutum, quodque maximi est momenti ad effectus cùm Solis tùm Lunz in Mari elevando & deprimendo definiendos, Newtonus ne attigit quidem, fed aliam viam fecutus, non folùm indirectam fed etiam erroneam, invenit Mare à folâ vi Solis ad altitudinem duorum ferè pedum elevari debere; cùm tamen tam eandem vim Soli absolutam quàm eandem distantiam à Terra assumsisset, quibus nos sumus usi. Conclusit autem hunc enormem effectum ex comparatione vis Solis seu valoris sur cum vi Terræ centrisuga à motu diurno ortà, quâ Terra sub æquatore extenditur ac crassior redditur quam sub polis; atque assumit elevationem aquæ à vi Solis ortam eandem tenere debere rationem ad incrementum Terræ sub æquatore à vi centrisuga factum, quam teneat vis Solis ad vim centrifugam. Sed præterquam quòd hoc ratiocinium nimis infirmo superstructum sit fundamento, nostrâ viâ directâ, quâ sumus usi, flatim evertitur: ex ipsâ enim rei naturâ, nullis precariis affumtis principiis, elevationem aquarum à vi Solis oriundam directe & luculenter determinavimus; ac fi ullum etiam dubium ob integrationem per approximationes tantum inflitutum restaret, id mox tolletur, cum infra idem problema

Ll ii

268 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM aliâ methodo prorsus diversa sumus resoluturi, congruen-

temque folutionem exhibituri.

5. 40. Quamvis autem ifte Solis effectus in Mari tam elevando quam deprimendo non adeò certus & planus esse videatur ob parallaxin Solis, quam 10" assumsimus, nondum accuratissime definitam; à quâ tam distantia Solis à Terra a, quàm æstimatio vis absolutæ S, pender: tamen se rem attentiùs perpendamus, comperiemus expressionem S perpetuò eundem retinere valorem, quacumque Soli parallaxis tribuatur: mutatâ enim parallaxi, valor litteræ S præcisè in eadem ratione, in quâ cubus distantiæ a3, mutabitur. Per leges enim motûs firmissimè stabilitas patebit quantitatem 3 à folo tempore periodico Terræ circa So-Iem determinari, cujus quantitas accuratissimè est definita. Quod ut clariùs appareat, confideremus planetam quemcunque circa Solem in orbità elliptica revolventem, cujus semiaxis transversus seu distantia à Sole media sit = a, vis autem Solis absoluta = S, erit tempus periodicum semper ut $\frac{aVa}{VS}$; quod si igitur tempus periodicum sit = t, erit t ut $\frac{a\sqrt{a}}{\sqrt{s}} & \frac{s}{a^3}$ uti $\frac{1}{t}$. Ad valorem autem fractionis $\frac{s}{a^3}$ absolutè inveniendum, exprimatur a in semidiametris Terra, atque in minutis secundis dato tempore periodico t, erit. femper $t = \frac{5064\frac{1}{2}aVa}{VS}$; ex quo prodit $\frac{S}{a^3} = \frac{5064\frac{1}{2}.5064\frac{1}{2}}{tt}$, posità unitate cum pro gravitate naturali, tum pro una Terra. semidiametro. At si tempus Terræ periodicum seu annus fidereus in minutis fecundis exponatur, fiet = 31558164, atque 3 =0,50723 ped. positâ semidiametro Terræ per observationes exactissimas 19695539 ped. Paris. Reg. omnino uti antè invenimus.

\$:41. Simili modo ex fuperiori æquatione elevatio aquæ à vi Lunæ oriunda determinabitur; posità enim vi Lunæ abfolutà =L, poni oportet S=L, ejusque valor proximè.

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. crit = 1, quem à Newtono repertum tantisper retinebimus, quoad verus valor per alia Phænomena accuratiùs definiatur. Quoniam itaque Lunæ à Terra mediocris distantia eft = $60\frac{1}{2}$ femid. Terræ, erit $\frac{8}{2}$ = L. 88, 94 ped. = 2, 223 ped. & s = L. 1, 47 = 0, 037 ped. Cum autem Lunæ excentricitas sit quasi 1550, erit dum Luna in perigao versatur $\frac{s}{a^3} = L$. 104, 44 ped. = 2, 611 ped. & $\frac{s}{a^4}$ = L. 1,82 = 0,045 pedum. At fi Luna fuerit in apogao, prodibit $\frac{s}{s^3} = L$. 75, 74 ped. = 1, 893 ped. & $\frac{s}{s^4} = L$. 1, 19 = 0, 030 pedum. Ex his igitur fi Luna à Terrâ mediocriter differ, erit aqua elevatio Aa=L. 90,41 ped. = 2, 260 ped. elevatio autem Bb=L. 87, 47 ped. = 2, 187 pedum : ac depressio ad latera Dd = Ee = L 44, 47 pedum = 1, 112 ped. Pro perigao verò Luna fiet Aa =L. 106, 26 ped. = 2, 656 pedum; Bb = L. 102, 62 ped. = 2, 565 pedum; arque Dd = Ee = L. 52, 22 = 1. 305 pedum. Pro apogæo denique Lunæ habebitur Aa=L. 76,93 ped. = 1,923 pedum, & Bb = L. 74,55 ped. = 1, 864 pedum, atque Dd=Ee=L. 37, 87 ped =0, 947 pedum.

5. 42. Tametí autem hac methodo non difficulter ram elevato Maris quàm depressio que vel à Sole vel Lunâ feorsum gignitur, sit determinata, si quidem omnia ad statum quietts redacta concipiantur; tamen nimiùm forer dissicile ejustiem methodi ope easdem res definire, si Sol & Luna conjunctim agant. Quamobrem aliam methodum exponamus, cujus usus pro utroque casu aque pateat; quae cam à priori penitus sir diversa, simul ea, qua sam sunt eruta atque à Newtonianis diversa deprehensa ; maximè constrmabit. Petita verò est hace altera methodus ex est aquilibrii proprietate, quâ requiritur, ut omnes columna aquea à supersicie Terra ad centrum pertingentes sint inter se aquiponderantes. Existente igitur vel Sole vel Lunâ in S, Fig. V.J. Cujus vis absoluta penatur = S, & distantia SC=a, sit AC

Ll iij

columna aquea à fuperficie Terrw. A ad centrum C ufque pertingens, que altitudo AC fit =h. Ponatur anguli ACs cofinus =u, qui fimul eirt finus altitudius fub qua punêtum S à fpectatore in A conflituto fuper horizonte elevatum confpicitur; fumaturque intervallum quodcunque CM=z, & conflicteretur totius columnae elementum Mm=dz. Hoc igitur elementum primò à gravitate deorfum versàs C urgebitur, cujus effectus, cùm intra Terram pro variis diffantiis non faits conflet, ponatur dignitati cuicunque diffantiarum à centro putà ipfi z^n proportionalis: mox enim planum fiet exponentem n nil omnino determinationes effe turbaturum. Uregbitur ergo elementum Mm versiss centrum C vi $=z^ndz$; ex quo totius columna AC nifus

deorsum à gravitate oriundus, erit = $\frac{h^{n+1}}{n+1}$ 5. 43. Præterea autem elementum Mm=dz à vi S follicitabitur duplici modo, altero deorsum in directione MC, altero in directione ad illam MC normali, quæ posterior vis, cùm pondus columnæ nequaquam afficiat, tutò negligetur, solaque prior considerabitur. Demisso autem ex M in CS perpendiculo MP, positisque CP = x & PM = y, erit $\sqrt{(x^2+y^2)}=z$, & x=uz atque $y=z\sqrt{(1-uu)}$. At ex 6.27.vis, quâ particula Mm deorfum follicitatur, est == $\frac{s(yy-2xx)}{a^3\sqrt{(xx+yy)}} + \frac{3sx(3yy-2xx)}{2a^4\sqrt{(xx+yy)}} = \frac{sz(1-3uu)}{a^3} + \frac{3suz^2(3-9uu)}{2a^4} \cdot Qux$ expressio per dz multiplicata, tumque integrata facto z=h,præbebit totius columnæ ACnisum à vi S oriundum = $\frac{Sh^2(1-3us)}{2a^2}$ $+\frac{Sh^3u(3-5uu)}{2a^4}$. Quocirca totus columnæ AC nifus deorfum tendens erit = $\frac{h^{n+1}}{n+1} + \frac{Sh^2(1-3un)}{2a^3} + \frac{Sh_3u(3-5uu)}{2a^4}$; qui cùm in omnibus columnis debeat effe idem, æquabitur conatui, quo columna aqualis semidiametro Terra I in statu naturali à solà gravitate deorsum nititur, quæ vis est $=\frac{1}{n+1}$. Hinc igitur fequens emergit æquatio, $1=h^{n+1}$

+ $\frac{(n+1)5h^2(1-3uu)}{2a^3}$ + $\frac{(n+1)5h^3u(3-5uu)}{2a^2}$; ex quâ elicitur $h=1+\frac{5(3uu-1)}{2a^3}+\frac{5u(5uu-3)}{2a^4}$, quæ eft ea ipfa expressio, quam supra \$5.36 altera methodo invenimus.

\$.44. Agant nunc vires ambæ ad Solem Lunamque directæ conjunctim; ac primo quidem delignet $\mathcal S$ Solis vim abfolutam, a e jus diflantiam à Terra, $\mathcal E$ u finum anguli, quo Sol fiprà horizontem est elevatus. Deinde sit simili modo pro Luna L e jus vis absoluta, b e jus distantia à Terrà, atque v sinus altudinis Lunæ super toprizonte. Ex his igitur columna aquea AC = h tam vi propriz gravitatis quàm à viribus Solis ac

Lunæ conjunctim in centrum C urgebitur vi = $\frac{h^{n+1}}{n+1}$ + $\frac{5h^2(1-3uu)}{2a^3}$ + $\frac{Lh^3(1-3vu)}{2b^3}$ + $\frac{5h^3u(3-5uu)}{2a^4}$ + $\frac{Lh^3v(3-5vu)}{2b^4}$ + $\frac{5h^3u(3-5uu)}{2b^4}$ + $\frac{5u(3u-5u)}{2b^4}$ + $\frac{5u(3u-3)}{2b^4}$ + $\frac{L(3vv-1)}{2b^2}$ + $\frac{5u(3u-3)}{2b^4}$ + $\frac{Lv(5vv-3)}{2b^4}$. Quocirca aqua in A fupra fitum naturalem, quem à folà gravitare follicitata obtinerer, à viribus Solis ac Lunæ conjunctim follicitatious, elevabitur per intervallum = $\frac{5(3uu-1)}{2b^4}$ + $\frac{L(5vv-1)}{2b^5}$ + $\frac{5u(5uv-3)}{2b^4}$ + $\frac{L(5vv-1)}{2b^4}$ + $\frac{5u(5uv-3)}{2b^4}$, ex qua exprefilione flatus aquæ vel elevationis vel deprefitions ubique terrarum cognofectur.

\$.43. Hanc posteriorem viam secuti, non solum actiones Solis ac Luna commode coopingere potuinus, sed etiam nunc nobis licebit moths vertiginis Terra; & vis centrifuga inde orta; rationem habere; id quod methodo priore opus suisser instructionem actualem AC, quam habitura esser à vi gravitatis & vi centrisuga simul, seu quod eodem redit, in sigura Terra spharoidica compressa, esse = f, altitudinem autem quam habebit accedentibus viribus Solis ac Luna esse = h; arque manifessum est quantitates f & h quam mini-

INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM mè ab 1 discrepare. Cùm igitur utriusque columna f & h idem debeat este nisus deorsum, columna autem f in quam fola gravitas & vis centrifuga agunt nifus fit= denotante a quantitatem à vi centrifuga in A pendentem, hn+i columnæ verò h nifus sit = $\frac{Lh^{2}(1-3vv)}{h^{3}} + \frac{Sh^{3}u(3-5uu)}{2a^{4}} + \frac{Lh^{3}v(3-5v^{2})}{2b^{4}}$ tate facta $f^{n+1} = (n+1) \alpha f = h^{n+1} = (n+1) \alpha h^2 + (n+1) Sh^2 (1-3 uu) + (n+1) Lh^2 (1-3 vv) + (n+1) Sh^3 u (3-5 uu)$ $\frac{Lh^3v(3-5vv)}{2h^4}$. Ponatur h=f+s, erit ob aquantitatem vehementer parvam, a verò & b maximas, $o = f \cdot s +$ 6f2(1-3un) - Lf2(1-3vv) - 2afs + Sfs(1-3un) + $Lfs(1-3vv) + \frac{sf^3u(3-suu)}{2} + \frac{Lf^3v(3-svv)}{2}$, neglectis terminis in quibus s plures obtinet dimensiones, ob summam ipfius s parvitatem respectu ipfius f. Hinc itaque fiet s = S(3uu-1) L(3vv-1) Sfu(5uu-3) Lfv(5vv-3)S(1-3 uu) a3f Quòd si porrò ponatur semiaxis Terræ per polos transiens =1, erit ob æquilibrium $-aff = \frac{1}{n+1} & f = 1+\alpha$, ex quo denominator præcedentis fractionis ab unitate quam minime discrepabit; sub ipso enim æquatore est $\alpha = \frac{1}{578}$, ubi quidem est maximum : unde erit omnino ut antè elevatio aquæ à viribus Solis ac Lunæ orta fupra altitudinem naturalem $s = \frac{S(3(2a-1))}{2a^3} + \frac{L(3vv-1)}{2b^3} + \frac{Su(5uu-3)}{2a^4} + \frac{Lv(5vv-3)}{2a^4}$

discrimen enim quod revera aderit, sensus omnino effugiet,

pendebitque fimul à valore exponentis n.

CAPUT QUARTUM.

De Fluxu ac Refluxu Maris si aqua omni inertià careret.

S. 46. U E in capite præcedente funt tradita respiciunt hypothefin affumtam, quâ Solem ac Lunam refpectu Terræ perpetuò eundem situm tenere posuimus; ibique præcipuè flatum æquilibrii, ad quem oceanus à viribus Solis & Lunæ perducatur, determinavimus. Longè aliter autem fe res habet, fi tam Luna & Sol quam Terra in motum collocentur, quo casu ob perpetuam situs relativi mutationem nunquam æquilibrium adesse poterit; cùm enim tempore opus fit, quo data vis datum corpus ad motum perducat, duplici modo flatus oceani affignatus à vero difcrepabit. Namque primò aqua quovis momento in eum æquilibrii situm, quem vires sollicitantes intendunt, pervenire non poterit, fed tantum ad eum appropinquabit continuò; deinde etiamsi in ipsum aquilibrii situm perveniat, in eo tamen non acquiescet, sed motu jam concepto ulteriùs feretur, uti ex naturâ motûs abundè constat. Hujus autem utriusque aberrationis ratio in inertia aquæ est posita, quâ fit ut aqua nec subitò in eum situm se conferat. in quo cum viribus datur æquilibrium, nec cum hunc æquilibrii situm attigerit, ibi quiescat. Quocirca ne difficultatum multitudine obruamur, aquam omni inertia carentem affumamus, hoc est istius indolis, ut non solum quovis momento fe in flatum æquilibrii fubitò recipiat, fed ibi etiam omnem motum insitum deponendo permaneat, quamdiu iste situs viribus follicitantibus conveniat. Hac itaque facta hypothefi, perspicuum est aquam quovis temporis momento in eo ipso statu fore constitutam, qui secundum præcepta capitis præcedentis politioni cum Solis tum Lunz respondeat.

\$.47. Ut igitur in hac hypothesi, quâ Mare vis inertiæ expers ponimus, pro quovis loco ad quodvis tempus satum Maris quàm commodissimè definiamus, primum so-Min.

lam Lunam considerabimus, cùm in eâ præcipua æstûs Maris caufa contineatur, atque tam Fluxus quam Refluxus Maris à transitu Lunæ per meridianum computari soleat : quòd fi enim Lunæ effectus innotuerit, non folum Solis effectus quoque mutatis mutandis colligetur, sed etiam effectus, qui ab ambobus luminaribus simul agentibus pro-Fig. VII. ficifcitur. Propositus igitur sit Terræ locus quicunque, cujus in colo Zenith sit Z, horizon HOO & P polus borealis. ita ut arcus PO sit hujus loci elevatio poli, & circulus PZHNO meridianus. Sit porrò MLK parallelus æquatori, in quo Luna jam motu diurno circumferatur, atque hoc momento reperiatur Luna in L; eritque tempus, quo Luna vel ex L ad meridianum M appellet, vel vicissim à meridiano ad L pertigit, ut angulus MPL, five hoc tempus fe habebir ad tempus unius revolutionis Lunz, quod eft 24 horarum 48', uti fe habet angulus MPL ad quatuor rectos. Sit igitur anguli MPL cofinus = t, finus elevationis poli PO feu finus arcûs PZ = p, cofinus = P, ac finus declinationis Lunæ borealis = Q, qui idem est sinus distantiæ Lunæ à polo PL, hujus verò ipsius arcûs sinus sit =q, cui simul cosinus declinationis Lunæ æquatur, atque ob sinum totum conftanter politum = 1, erit $0^2 + q^2 = 1$. Cum jam in triangulo sphærico ZPL dentur arcus PZ & PL cum angulo ZPL, reperietur per Trigonometriam sphæricam arcûs ZL colinus = tpq+PQ, qui simul est sinus altitudinis Lunæ supra horizontem, quem antè posuimus = v. Ex quibus erit v = tpq + PQ, & $3vv - 1 = 3(tpq + PQ)^2$ -1, atque $5vv-3=5(tpq+PQ)^2-3$; qui valores in formulis præcedentis capitis fubstituti præbebunt statum Maris, hoc est vel elevationem vel depressionem, pro loco propolito ad tempus affignatum.

5. 48. Quòd fi ergo Luna vis abfoluta ponatur = L_p ejufque à Terra diffantia = b, erir intervallum, quo aqua fupra flatum naturalem elevabitur, = $\frac{L(3(pq+pQ)^2-1)}{2b^3}$

 $^{+\}frac{L(tpq+PQ)(s(tpq+PQ)^2-3)}{2b^2}$, que expressio si sit ne-

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. gativa, indicat aquam infra flatum naturalem effe depreffam. Ponamus Lunam super horizonte seu versus austrum per meridianum transire, quo casu erit t = 1; hoc igitur tempore aqua supra statum naturalem erit elevata intervallo $L(3(pq+PQ)^2-1) + L(pq+PQ)(5(pq+PQ)^2-3)$ Contrà verò dum Luna sub horizonte vel versus boreani ad meridianum appellit, fiet elevatio aquæ fupra statum naturalem per intervallum = $\frac{L(3(PQ-pq)^2-1)}{}$ $L(PQ-pq)(s(PQ-pq)^2-3)$, quoniam hoc casu sit t=-1. Tempore aurem intermedio inter binos hos appulfus ad

meridianum loci propositi, seu eo tempore quo angulus ZPL fit rectus, hoc est 6 horis 12' vel ante vel post tranfitum per meridianum ob t=0, erit intervallum, quo aqua elevabitur, = $\frac{L(3 P^2 Q^2 - 1)}{2b^3} + \frac{LPQ(5 P^2 Q^2 - 3)}{2b^4}$; quæ expressio semper est negativa, ideoque indicat aquam infrastatum naturalem consistere. Namque cum P ubique sit minor unitate nisi sub ipsis polis, ac declinatio Luna nunquam ad 30° affurgere possit, ex quo Q < 1 & QQ < 1 4 erit 3 P2 Q2 perpetuò unitate minor; ideoque illa expressio negativa.

S. 49. De ratione autem elevationis aqua in genere judicari licebit ex formulâ $\frac{L(3vv-1)}{2b^5} + \frac{Lv(5vv-3)}{b^2}$, feu cum posterior terminus vix sit sensibilis, ex solo priore $\frac{L(3v\hat{v}-1)}{vb^3}$. Ex hac autem expressione intelligitur aquæ elevationem à fola elongatione Lunæ ab horizonte pendere, five Luna sir super sive sub horizonte, retiner enim 3 vv - 1 eundem valorem sive v sit affirmativum five negativum. Deinde quia fit 3 vv-1=0 fi Luna abhorizonte diftet arcu 350 16, tum aqua in ipfo flatu naturali erit constituta, neque elevata neque depressa. Elevabitur ergo aqua, cum Luna ultra 35º 16 vel supra vel infra: Mmii

arque de hoc fitu elevabitur recedente Luna ab horizonte five fuper five fub Terta. Hinc iis in regionibus, in quibus Luna oritur & occidit , tempore 24 hor. 48 Mare bis maximè erit depressa , bisque elevata; status scilicet depressionis incidet in appulsus Luna ad horizontem, status autem elevationis in appulsus Luna ad meridianum. At quibus in regionibus Luna nec oritur nec occidit, quoniam ibi Luna altero appulsu ad meridianum maximè, altero minimè ab horizonte distat, spatio 24 h. 48° aqua semel tantum, elevabitur, semelque deprimetur: sub ipsis autem polis æstus Maris omnino erit nullus, diurnus scilicet; nam variatio declinationis sola statum Maris turbabit.

\$. 50. Chm igitur fub polis Terra nullus fit Fluxus ac Refluxus Maris, fed aqua tantum aliquantulum afcendat defcendatque, prout Luna vel magis ab æquatore recedit vel ad eum accedit; videamus etiam quomodo æflus Maris in alis Terra regionibus fecundum nostram hypothesin debeat esse comparatus. Considerabimus autem præcipuè tres regiones, quarum prima posita sit fub ipso æquatore, secunda habeat esevationem poli 30 graduum, tertia verò 60 graduum. Quia igitur in his omnibus regionibus Luna oritur aque occidit, maxima depresso aqua ubique erit eadem, scilicer per intervallum \$\frac{L}{10}\$ infra situm naturalem,

caque continget bis, quando nimirum Luna in ipfo horizonte verfatur. Ab hoc itaque flatu maximæ depreffionis elevationes Maris indicabimus & computabimus, fpatiis affignandis, per quæ aqua atrolletur dum Luna vel fupra horizontem in M vel infra in K ad meridianum appellit, itemque dum ab utroque meridiano æqualiter diflat, qui

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 277

locus fit L exiftente angulo MPL reco. Præterea tres quoque Lunæ fitus in fia orbita contemplabimur, quorum priamus fit, cùm Luna in ipfo æquatore verfatur, fecundus cùm Luna habet declinationem borealem 20 graduum, tertius verò cùm Luna declinationem habet auftralem pariter 20 graduum. Denique in tabella fequente adferipfinus quantitatem anguli MPQ, ex quo tempus tam ortis quàm occasús Lunæ, quo aqua maximè est depressa, atque elevatio existit nulla, innotefeit.

In locis sub Æquatore sitis, est elevatio Maris, dum Luna versatur in

		7		,	
		M	L		ng. MPQ.
) Declina	io o°	$\frac{3L}{2b^3} + \frac{2L}{2b^4}$	0	$\begin{array}{c c} 3L & 2b^4 \\ \hline 2b^4 & 2b^4 \end{array}$	90°, o
Decl. bo	real. 20°	2,649 L 2 b3 + 1,549 L 2 b4	0	$\frac{2,649 \text{ L}}{2 b^3} - \frac{1,549 \text{ L}}{2 b^4}$	90°, o
Decl. at	ylr. 20°	$\begin{vmatrix} \frac{2,649 \text{ L}}{2 b^3} + \frac{1,549 \text{ L}}{2 b^4} \\ \frac{2,649 \text{ L}}{2 b^3} + \frac{1,549 \text{ L}}{2 b^4} \end{vmatrix}$	0	$\frac{z,649 L}{z b^3} - \frac{1,549 L}{z b^4}$	90°, o.

Sub elevatione Poli 30°, erit Maris elevatio

→ Declinatio 6°	2,250 L - 1,082 L	. 0	2,250 L 2 b ³ - 1,082 L 2 b ⁴	90°, o'
Decl. boreal. 20°	2,909 L 2 b3 1,880 L	0,087 L 0,156 L 2 b4	1,239 L 0,154 L	102°, 8'
	1,239 L 2 b3 - 0,154 L		2,909 L 1,880 L 2 b4	77°, 52'

Sub elevatione Poli 60°, erit Maris elevatio

① Decl. natio o'
$$\begin{vmatrix} 0.740 \text{ L} \\ 1.51 & 3.54 \\ 2.63 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.153 \text{ L} \\ 1.56 & 3.64 \\ 2.63 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 2.64 & 3.64 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \\ 0.000 \text{ L} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0$$

§ 51. Si quis jam ex hac tabulâ elevationem Maris fupra flatum maximæ depressionis in mensuris cognitis desi-Mm iii

nire voluerit, is loco fractionum L & L earum valores in pedibus Parifinis ex §. 41. fubstituat, habità ratione diflantiæ Lunæ à Terra, prout ibidem est expositum. Consequuntur autem ex hac tabula multa egregia confectaria, quæ verò nondum fummo cum rigore ad experientiam examinari poffunt, etiamfi jam infignis convenientia deprehendatur. Aquam enim adhue omnis inertiæ expertem ponimus, perspicuum autem est, si aquæ inertia tribuatur, tum diversa omnino Phænomena oriri oportere. Quòd si igitur hi affignati effectus jam cum observationibus planè confentirent, id potius theoriam everteret quam confirmaret, cùm aquam extra flatum suum naturalem simus contemplati. Interim tamen fatis tutò jam status Maris sub ipsis polis poterit definiri, qui etsi ad experientiam examinari non potest, tamen ipså ratione confirmabitur. Ac primo quidem sub polis nulla erit Maris mutatio diurna, cum Luna per totum diem eandem teneat ab horizonte distantiam, id quod ipsa quoque ratio dictat, quia ibi non datur meridianus, à cujus appulsu æstus Maris alibi æstimarifolet. Dabitur tamen his locis mutatio menstrua, atque aqua maximè erit humilis cùm Luna in ipfo æquatore verfatur, quo quippe tempore perpetuò horizontem occupabit. Hinc porrò aqua sensim elevabitur prout Lunæ declinatio five versus boream five versus auftrum augetur, donec tandem si declinatio sit maxima, per spatium 10 pollicum tantum elevetur; quæ mutatio cum sit perquam lenta; ab inertia aquæ vix turbabitur.

§. 52. Ex his verò iifdem formulis effectus à Sole oriundus non difficulter colligerur; tantum enim quantitates S' & a, loco L & b fubflitui oporter, quo facto effectus Solis circiter quater minor reperietur quàm is qui à Luna oritur. Seorfim autem cùm Solis tùm Luna effectibus definitis, per conjunctionem fimplicem effectus, quem ambo luminaria conjunctim producunt, determinabitur. Ponamus itaque primùm Solem Lunamque in conjunctione verfari,

id quod fit tempore novilunii ; tum igitur neglectâ Luna Jatitudine, Sol & Luna in eodem ecliptice loco verfabuntur, atque finul ad meridianum æquè ac ad horizontem appellent. Quocirca manentibus fuperioribus denominationibus, erit quoque Solis declinationis finus = Q, cofinus = Q, cofinus = Q, ac pro angulo MPL cujus cofinus eff = Q, erit finus altitudinis Solis pariter uti Lunx = Pq + PQ. Exquo dum ambo luminaria per meridianum versits auftrum transcunt , aqux elevatio , qux tum erit maxima , altitudinem naturalem fuperabit intervallo = $\left(\frac{S}{2a^3} + \frac{L}{2b^3}\right)$ (3 $(pq+PQ)^2-1$) + $\frac{L(pq+PQ)}{2b^2}$ (5 $(pq+PQ)^2-3$), neglecto altero termino à vi Solis oriundo , chm fenfus omnino effigiat. At dum ambo luminaria infra horizontem ad meridianum pertingunt , erit elevatio aqux = $\left(\frac{S}{2a^3} + \frac{L}{2b^3}\right)$ (3 $(PQ-Pq)^2-1$) + $\frac{L(PQ-pq)}{2b^3}$

 $\left(5(PQ-pq)^2-3 \right)$. Maxima denique aquæ depreffio incidet, quando luminaria vel oriuntur vel occidunt, eaque minor erit quam altitudo aquæ naturalis intervallo $\Longrightarrow \frac{s}{2a^3} + \frac{L}{2b^3}$. Cum igitur $\frac{s}{2a^3}$ fit circiter fubquadruplum ipfius $\frac{L}{2a^3}$ in novilunio omnes effectus Lunæ fupra recensiti quarta

sui parte augebuntur.

 $\mathfrak{s},\mathfrak{s}_3$. In plenilunio omnia eodem se habere modo deprehenduntur, quo in novilunio, quia enim tum Sol & Luna in oppositione versantur, erit declinatio Solis æqualis & contraria declinationi Lunæ, unde quidem pro Sols te -Q, quod in novilunio erat +Q; at chm Sol secundum ascensionem rectam à Lunà dister 180°, erit hoc casulo -r, quod antè erat +r, ex quo pro plenilunio habetur sinus altitudinis Solis -r pq-PQ, qui pro novilunio erat -r pq+PQ, ex quo quadratum hujus sinús utroque casulo si iden, ideoque etiam eadem Phaenomena in novilunio atque plenilunio. Deinde etiam hoc tempore

aqua maxime deprimetur, cum luminaria ambo in horizonte verfantur, tumque aqua humilior erit quàm in statu naturali intervallo = $\frac{S}{2a^3} + \frac{L}{2b^3}$. Ex hoc itaque fitu donec Luna ad meridianum supra Terram appellit, aqua elevabitur per intervallum = $3(PQ + pq)^2 \left(\frac{S}{2a^3} + \frac{L}{2b^3}\right)$, tantoque iterum subsidet usque ad Lunæ obitum; tum verò rurfus elevabitur ufque ad appulfum Luna ad meridianum infra horizontem, idque per sparium $3(PQ - pq)^{2}(\frac{S}{2a^{3}} + \frac{L}{2b^{3}})$, neglecto termino sequente quippe ferè insensibili. Cùm igitur fint PQ + pq & PQ - pq finus diffantix Lunx ab horizonte dum in meridiano versatur, erunt spatia per quæ aqua tempore pleniluniorum ac noviluniorum fupra flatum maximè depressum elevatur, in ratione duplicata sinuum distantiarum Lunæ ab horizonte, dum per meridianum transit. Nisi ergo vel Luna in ipso aquatore existat, vel Terræ locus sub æquatore sit situs, Fluxus Maris diurni ac nocturni erunt inaquales ; luminaribus autem in aquatore extantibus, utraque aque elevatio fiet per spatium = 3 pp $\left(\frac{S}{2a^3} + \frac{L}{2b^3}\right)$

\$.74. Ut nunc in effectus, quos Sol & Luna in quadraturis fiti conjunctim producunt, inquiramus; ponantus, ne calculus nimium fiat prolixus, Solem in ipfo æquatore verfari, quoniam tum plerumque minimus æftus obfervatur. Hoc iraque cafu Solis declinatio erit nulla, Lunæ veromaxima, quam neglecta latitudine affumamus 23° 29', cuijus finus fit. = Q, cofinus = q, pofita hac declinatione boreali. Jam ponantus Lunam in meridiano in M verfari, quo tempore Sol erit in horizonte; unde cùm aqua fupra flatigia (1994 + 12)*-1).

tum naturalem elevetur à Lunâ intervallo $\frac{L(3(pq+rQ)^{2-1})^{q}}{2\cdot b^{3}}$ à Sole verò deprimatur intervallo $\frac{S}{1\cdot c^{3}}$, ab utrâque vi con-

junctim elevabitur per spatium $\frac{L(3(\hat{p}q + PQ)^2 - 1)}{2 \cdot b^3} = \frac{s}{2 \cdot a^3} : at$ dums

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. I 281 dum Luna sub horizonte ad meridianum appellit , aqua elevabitur per spatium $\frac{L(3(PQ-Pq)^2)^{-1}}{16^3} - \frac{S}{16^3}$. Sumatur inter has ambas elevationes inæquales more solito medium , erique elevatio aquæ media hac quadratura eveniens $= \frac{L(3Pq^2+2P^2)^{-1}}{16^3} - \frac{S}{16^3}$. Refluxus verò continget , cum Luna horizontem attinget , quo tempore Sol in meridiano proximè versabitur, ex quo depressio totalis aquæ in Refluxu infra statum naturalem proximè erit $= \frac{L}{16^3} - \frac{S(3PP-1)}{16^3}$, quare à Fluxu usque ad subsequentem Refluxum aqua subsidet per intervallum $= \frac{3L(Pq^2+PP)}{2} - \frac{3SP}{16^3}$.

5. 55. Quamvis motus Maris hoc modo affignatus ab inertia aquæ multum immutetur, tamen quia eandem ferè mutationem tam majoribus æstibus quam minoribus infert, fatis tutò affumere posse videmur spatia, per que aqua circa æquinoctia cum tempore plenilunii sive novilunii, tum etiam tempore quadraturarum actu ascendit, expressionibus inventis esse proportionalia. Quamobrem si in dato Terræ loco ex pluribus observationibus determinetur spatium medium, per quod Mare à Refluxu ad Fluxum ascendit, tempore aquinoctiorum, tam in pleniluniis noviluniisve quam in quadraturis, eorum ratio ad eam quæ ex formulis consequitur, proxime accedere debebit. Arque hinc ex definità hac ratione per observationes ratio poterit inveniri inter vires Solis & Lunæ absolutas S & L, quæ est ipfa via quâ Newtonus est usus ad vim Lunæ absolutam definiendam, cum vis Solis sit cognita : quod negotium, cùm à Newtono non fatis accurate sit pertractatum, nos id ex istis principiis expediemus. Exprimat igitur m: n rationem intervallorum corum, per quæ Oceanus in dato Terræ loco, cum in fyzygiis luminarium quam quadraturis tempore æquinoctiorum, ascendendo descendendoque ofcillatur; eritque $m: n = 3pp\left(\frac{S}{2 \cdot a^3} + \frac{L}{2 \cdot b^3}\right) : \frac{3L(p^2 q^2 + p^2 Q^2)}{2 \cdot b^3}$ Nn

282 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM $-\frac{35pP_{1}}{2a^{3}}$; ex qua elicitur ista proportio $m\left(q^{2} + \frac{p^{2}}{p^{2}}\right) - nz$ $m + n = \frac{S}{a^{3}} : \frac{L}{b^{3}}$; ex qua cùm data sit vis à Sole orta $\frac{S}{a^{3}}$ be deducetur vis à Lunâ oriunda $\frac{L}{b^{3}}$ faltem proximè. Institutumus calculum pro observationibus in Portu Gratia: (Havre de Graces) sactis, ex quibus diligenter inter se collatis pro ratione m:n prodit sita 17:11. Cùm igitur hujus loci elevatio polistic circiter 50° , erit $P=\sin.50^{\circ}$, & $Q=\sin.23^{\circ}$, 29° ; hincque $qq+\frac{p^{2}Q^{\circ}}{p^{2}}=1,0668$: ex quo prodibit $\frac{S}{a^{3}}: \frac{L}{b^{3}}=7,31356:28$; ita ut vis Lunæ $\frac{L}{b^{3}}$ sit ferè quadrupla vis Solis $\frac{S}{a^{3}}$, ut jam Newtonus ex aliis observationibus. conclusit: atque hanc ob rem ipsius determinationem vis. Lunæ absolutæ L retinuimus.

5.56. Si hæc, quæ de combinatione virium Lunam Solemque respicientibus sunt allata, attentiùs considerentur, mox patebit maximos æstus menstruos in novilunia ac pleniluniaincidere debere; his enim temporibus tam elevatio aquæ quàm depressio à Luna oriunda à vi Solis maxime adjuyatur, cum eodem tempore, quo Luna aquam maxime vel elevat vel deprimit, simul quoque Solis vis aquammaxime vel elevet vel deprimat. In quadraturis autem ha: dux vires ferè perpetuò dissentiunt, as dum Luna aquam: maximè vel elevat vel deprimit, codem tempore Sol contrarium exerit effectum, aquamque maxime vel deprimit vel elevat, ex quo minimum discrimen inter quemque Fluxum ac subsequentem Refluxum observabitur, æstusque erunt minimi. Quamobrem circa alias Lunæ phases æstus Maris medium teneat inter maximum minimumque neceffe eft, quia tum vires Solis ac Lunæ nec omnino conspirant, nee sibi invicem adversantur. Per totum autem annum quibus noviluniis pleniluniifque maximus eveniat æstus, quibusque quadraturis minimus æstus respondeat absolute sine respectu ad situm loci habito definiri nequita

Sub aquatore quitlem ubi Luna, cum est in aquatore, maximâ vi gaudet, dubium est nullum, quin æstus maximi in aquinoctia incidat, quando ambo luminaria in aquatore funt polita, que eadem proprietas etiam in loca ab equatore non multum diffita competit : at in locis ab aquatore magis remoris æstus Maris, cum Luna maximam habet declinationem, dantur quidem majores ex Tabula §. 50, verùm æstus mox subsequentes multo sunt minores. Quòd si autem inter binos aftus à Luna oriundos consequentes medium capiatur, parebit in regionibus 30% ab æquatore remotis, quibus æftus est $\frac{2,250}{2b^3}$ L si Lunæ declinatio sit nulla, æstum Maris medium, cum Luna haber declinationem 20 graduum, fore $=\frac{2,074}{2,b^3}L$, ideoque adhuc minorem quam cùm Luna æquatorem tenet. Contrà verò sub elevatione poli 60 graduum, est æstus Maris, Luna versante in æquatore, = 0,740 L, aftus autem medius, cum Luna declinario est 200, est = $\frac{0.926}{2.h^3}L$, ideoque major. Ex quo consequitur in regionibus polis vicinioribus aftus maximos, non in aquinoctia, fed potius circa folftiria, incidere debere, quâ quidem in re theoria nostra per experientiam mirificè confirmatur.

CAPUT QUINTUM.

De tempore Fluxus ac Refluxus Maris in eadem hypothesi.

5. 57. QUANQUAM in præcedente capite, quo in quantitatem æftûs Maris præcipuè inquisivimus, etiam tempora, quibus tam Fluxus quam Refluxus eveniat, jam indicavimus; tamen hoc capite istud argumentum fusiùs arque ad observationes accommodate persequemur. Observationes enim, que circa estum Maris institui solent, ad tria genera commodissimè referuntur; ad quorum pri-Nnij

284 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

mum pertinet Maris cùm elevatio maxisatethm maxima depressio, atque indicatua quantum quovis affu aqua cùm ascendat tùm de scendat. Ad secundum observationum genus numerari convenit eas, que ad tempus respiciunt, quibusque definitur, quonam temporis momento ubivis terrarum aqua
còm summam temporis momento ubivis terrarum aqua
còm summam temea altitudinem thm minimam. Tertium
denique genus observationum ad ipsum morum Maris reciprocum spestat, issque determinatur quantà celeritate quovis temporis momento alterna Maris elevatio ac depressso absolvatur, sive momentanea mutatio, dum Mare à
Fluxu ad Resluxum transist & vicissim, investigatur. Quibus
tribus rebus còm observationes convenientissime instituantur, isselment theoria arque explicatio phaenomenorum commodissime trastabitur. Ac prima quidem & tertia partipro, nostra hypothesi in praccedentibus capitibus abundè.

fatisfactum videtur.

§. 58. Quoniam autem à Maris inertia aliisque circumflantiis Maris motum turbantibus omnes cogitationes adhuc abstrahimus, manifestum est ubique terrarum, si sola Lunæ vis Mare agitaret, aquam maximè elevari debere cum Luna ab horizonte longissimè fuerit remota, hoc est iis ipsis momentis quibus Luna per meridianum dati loci tam fupra quam infra Terram transit: funt enim elevationes aquæ in duplicata ratione sinuum distantiarum Lunæ ab horizonte, ex quo simul successiva Maris commotio cognoscitur. Excipiuntur autem hinc, ut jam notavimus, loca polis Terræ proxima, quibus Luna vel non: oritur vel non occidit à ibi enim altero Lunæ ad meridianum appulsu aqua debet esse summa, altero ima. Verùm de his locis non admodum erimus folliciti; cum tam obfervationes sufficientes, quibus theoria probetur, deficiant, quam infe Maris motus indicatus rationi fit confentaneus. neque confirmatione indigeat. In Terra locis ergo à polis fatis remotis feu extra circulos polares fitis, quibus Luna intervallo 24 h. 48' tam oritur quam obit, elevabitur Mare eodem temporis intervallo bis, totiefque deprimetur; atque

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 285

urraque maxima Maris altitudo continget, cùm Luna ad meridianum illus loci pervenit, minima verò cùm Luna horizontem attingit. Hinc igitur temporis intervallum inter binos aqua Fluxus feu fummas elevationes interjectum conflanter erit 12 h. 24, ab anomaliis Lunæ mentem abfrahendo; at tempus fummæ depreffionis, cùm refpondeat appulfui Lunæ ad horizontem, inter binas elevationes æqualiter non interjacebit, fed alteri elevationi eò erit propiùs, quò major fuerit cùm loci propofiti elevatio poli tum Lunæ declinatio, hoc eft quò majus fuerit diferimen inter ortum obitumwe Lunæ & circulum horarium fextum.

6. 79. Sed conjungamus cum Luna vim Solis, ut noftræ conclusiones magis ad observationes perducantur. Ac primò quidem manifestum est tempore tam novilunii quam plenilunii aquam maxime fore elevatam, quando Luna per meridianum loci transit, quippe quo momento etiam Solad eundem meridianum appellit, fi quidem fyzygia ipfo meridie vel medià nocte celebratur. Quamobrem si novilunium pleniluniumve in ipsum meridiem incidat, ipsoquoque meridiei momento maxima habebitur aqua eleva+ tio; pariterque si id eveniat media nocte, eodem ipso momento aqua maximam obtinebit elevationem. Verùm si conjunctio vel oppositio luminarium meridiem vel præcedat vel fequatur, tum Fluxus non in ipfum meridiem incidet. sed vel tardiùs vel citiùs veniet, quia Luna his casibus tanquam primaria æftûs caufa vel post vel ante meridiem ad meridianum pertingit. Atque hinc eo die, in quem five plenilunium five novilunium incidit, facilè poterit definiri acceleratio vel retardatio Fluxûs respectu meridiei. Ponamus enim novilunium feu plenilunium celebrari n horis ante meridiem, unde cum motus Lunæ medius à Sole diurnus fit 12º circiter, ipfo meridie Luna à meridiano jant. distabit angulo horario - grad. versus ortum, ex quo Luna. post meridiem demum per meridianum transibit, elapsis n horis seu 2 n minutis primis. Sin autem novilunium plez miluniumve accidat n horis post metidiem, tum Maris maxima elevatio 2 n minuris ante metidiem eveniet. Hac autem momenta accuratisme cognoscentur, si ad singulos dies transitus Luna: per metidianum computentur; ac praterea tam ortus quam occasis notetur, quippe quibus momentis maxima aqua depressio respondet; majorem autem hujusmodi tabula afferet utilizatem, si insuper quovis die distantia Luna: à Terra indicetur, quippe à qua Luna: es-

fectus præcipuè pendet.

5. 60. Congruunt hæc jam apprimè cum observationibus. quibus constat, diebus novilunii vel plenilunii æstum Maris accelerari si novilunium pleniluniumve post meridiem accidat, contrà verò retardari. Quamvis enim ob aquæ inertiam maxima Maris elevatio non respondeat appulsui Lunæ ad meridianum, sed tardiùs eveniat, uti post docebitur, tamen fimilibus cafibus æqualiter retardabitur; pro termino igitur fixo, fi ad observationes respiciatur, non fumi debet momentum meridiei, fed id momentum, quo si Lunz cum Sole conjunctio vel oppositio in ipsum meridiem incidit, summa aqua elevatio observatur. Hoc igitur momento notato, uti ab iis qui hujusmodi observationes instituunt sieri solet, si plenilunium noviluniumve vel ante vel post meridiem incidat, summa Maris elevatio vel tardiùs vel citiùs continget : & quidem si syzygia vera n horis vel ante meridiem eveniat vel post, tum Fluxus 2 n minutis vel tardiùs vel citiùs observari debebit. Atque hac est ea ipsa regula quam Celeb. Cassini in Mem. Academiæ Regiæ pro An. 1710, ex quamplurimis observationibus inter se comparatis derivavit; jubet scilicet numerum horarum, quibus conjunctio five oppositio luminarium verum meridiem vel præcedit vel sequitur, duplicari, totidemque minuta prima ad tempus medium notatum. quo Fluxus evenire folet, vel addi vel ab eo subtrahi, quo verum Fluxus momentum obtineatur. Quoniam autem hæc correctio nititur motu Lunæ medio, perspicuum est cam correctione ulteriori opus habere à vero Lunæ FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 287 motu petità, que verò plerumque erit infensibilis, cùm fumma aque elevatio non subito adsit, sed per tempus satis norabile durer.

5. 61. Nifi autem luminaria proxima fint vel conjunctioni vel oppositioni, maxima Maris elevatio non in ipsum Lunæ transitum per meridianum incidet. Quoniam enim Luna dum prope meridianum versatur, per aliquod tempus eandem altitudinem conservat, tantisper etiam Mare eandem: elevationem retinebit; & hanc ob rem si Sol interea senfibiliter vel ab horizonte recedat, vel ad eundem accedat vis Solis ad Mare elevandum vel crescet sensibiliter - veldecrescer; ex quo dum Luna prope meridianum existit, fieri potest, ut tamen mare etiamnum elevetur, vel adeò jamdeprimatur à Sole. Ex his igitur perspicuum est summans Maris altitudinem tardiùs feu post transitum. Lunæ per meridianum accidere debere, fr eo tempore Sol ab horizonte: recedat, id quod evenit diebus novilunium & plenilunium præcedentibus. Contrà autem si Luna post Solem per meridianum transeat, idque vel ante Solis ortum vel ante occafum; tum, quia Mare in transitu Lunæ per meridianum à vi-Solis jam deprimitur, maximam habuir altitudinem ante appulsum Lunæ ad meridianum, id quod contingit diebus novilunium pleniluniumve sequentibus. Quando autem Sol ipfum horizontem occupat, dum Luna in meridiano verfatur, tum etianifi diffantia Solis horizonte perquam fit mutabilis, tamen cum elevationis vis quadrato finus altitudinis Solis fit proportionalis, quod omnino evanescit, etiam hoc casus maxima aquæ elevatio in ipfum Lunæ per meridianum transitum incidet, hicque casus circa quadraturas luminarium locum habet.

§.62. Ut igitur innotescar, quantum vires cùm Solis tùm $_{\rm F1\,G}$, $_{\rm VFII}$ Lume ad Mare elevandum dato tempore vel crescant vel decrescant, dum ab horizonte aliquantillum vel recedunt, vel ad eundem accedunt, ponamus Solem Lunamve in $_{\rm L}$ versari, atque inde ad punctum meridiani $_{\rm M}$ progredi. Tempusculo, ergo per angulum $_{\rm L}$ $_{\rm V}$ $_{\rm L}$ $_{\rm M}$ $_{\rm L}$ $_{\rm M}$ $_{\rm C}$ $_{\rm L}$ $_{\rm M}$ $_{\rm C}$ $_{\rm M}$ $_{\rm M$

INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM progredietur Luna vel Sol ex L in l'atque ab horizonte removebitur intervallo Lh: ad quod inveniendum sit ut antè anguli MPL cofinus =t, & finus =T, eritque ipfe angulus $LPl = d\theta = \frac{+dt}{\sqrt{(1-tt)}} = \frac{dt}{T}$, ex quo orietur anguli MP1 colinus = $t + dt = t + Td\theta$. Si jam ponatur finus elevationis poli = P, finus declinationis borealis puncti L=Q, nam si declinatio sit australis, sinus Qfumi debet negative, colinus verò respondentes sint p & q, reperietur finus altitudinis L fupra horizontem = v = tpq + PQ: punctique *l* finus altitudinis v + dv = tpq+PQ+Tpqdh. Quocirca fi Luna ponatur in L, cum ejus vis ad Mare attollendum sit $=\frac{L(3vv-1)}{2b^3}$, erit hujus vis incrementum tempusculo $d\theta$ ortum = $\frac{3 \cdot L \cdot v dv}{1}$ = $3L(tpq+PQ)Tpqd\theta$. At fi Sol ponatur in L, ejus vis ad Mare elevandum tempusculo do capiet incrementum = 3 S (1pq + PQ) Tp q d b. Quamvis autem pro Sole & Luna eidem angulo di non aqualia tempora respondeant, tamen quia ea proximè ad rationem aqualitatis accedunt, funt enim ut 24 ad 24 1 feu ut 32 ad 33, sine sensibili errore pro aqualibus haberi poterunt. Interim tamen si res accurate definiri debeat, & vis Solis incrementum angulo $d\theta$ acquisitum sit = $\frac{35(rpq + PQ)Tpqd\theta}{a^3}$, erit vis Lunæ incrementum eodem tempusculo acceptum = $\frac{32L(tpq+PQ)Tpqd\theta}{11L(tpq+PQ)Tpqd\theta}$ Ex his intelligitur hæc incrementa tribus casibus evanescere, quorum primus evenit sub polis, quia ibi est p=0; secundus, si punctum L in meridiano sit situm, tum enim sit T=0; tertius denique locum habet, si punctum L in horizonte existat, ubi est tpq + PO = 0.

rizonte existat, ubi est tpq+PQ=0. §. 63. Ponamus nunc Solem in L versati ac Lunam per meridianum jam translisse, hocque momento maxime aquam este elevaram; jam enim ostendimus dum Sol ab horizonte recedir, aquam summam incidere post transitum Lunæ per

meridianum.

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. meridianum. Hoc ergo momento necesse est, ut decrementum vis Lunx, quod tempusculo de patitur, aquale sit incremento vis Solis eodem tempore accepto. Sit igitur anguli horarii ad polum fumti quo Luna jam à meridiano recessit, cosinus = n, sinus = N, atque sit Lunæ declinationis borealis finus =R, cofinus =r, ex quibus orietur decrementum vis Lunæ tempusculo da ortum ==== $\frac{3L(npr+PR)Nprd\theta}{b^2}$, quod cùm æquale effe debeat incremento vis Solis eodem tempusculo nato $=\frac{3S(ipq+PQ)Tpqd\theta}{a^3}$, denotante Q finum declinationis borealis Solis, & q ejus cosinum, habebitur hæc æquatio $\frac{L(npr+PR)Nr}{b^3} = \frac{S(rpq+PQ)Tq}{a^3}$ neglectâ fractione 32, per quam incrementum vis Lunæ multiplicari deberet. Quoniam autem Luna à meridiano non procul distabit, poni poterit n=1, atque cum sit proximè $\frac{L}{b^3} = \frac{4S}{a^3}$, obtinebitur iste valor $N = \frac{Tq(rpq + PQ)}{4r(pr + PR)}$; qui in tempus conversus dabit temporis spatium, quo aqua post transitum Lunæ per meridianum maximam altitudinem attingit. Sub æquatore ergo erit $N = \frac{T \cdot q \cdot q}{4 \cdot r}$, ob P = 0& p=1; quare si declinationes Luminarium vel negligantur vel æquales affumantur, ita ut fit qq = rr, fiet N = $\frac{T_t}{t}$, cujus expressionis valor extat maximus si angulus MPL fit 45°, quo cafu erit N=1, & angulus respondens=7°,11', qui indicat aquam fummam 30 minutis post transitum Lunæ per meridianum contingere debere : totidemque minutis aqua ante transitum Lunæ per meridianum maximè erit elevata, si Sol tum versus occasum versetur angulo MFL=semirecto. Quamobrem si Luna ad meridianum appellat horâ nonâ sive matutinâ sive pomeridianâ, Fluxus demum post semihoram eveniet; at si horâ tertiâ appellat Luna ad meridianum, aqua summa 30' antè observabitur: in aliis verò Ter-

ræ regionibus ista aberratio magis est irregularis; interim tamen satis prope ex formulâ datâ per solam æstimationem po-

test definiri.

6. 64. Quòd si autem hanc rem curatiùs investigare velimus, amborum Luminarium declinationes non pro arbitrio fingere licet, pendent enim à se mutuò maximè ob angulum horarium MPL inter ea interjectum datum: ut igitur pro datâ Lunæ phasi aberrationem maximæ aquæ Fig. VIII. elevationis à transitu Lunæ per meridianum determinemus, repræsentet nobis circulus ZBNC verticalem primarium, BC horizontem, ZN meridianum per dati loci Zenith Z & Nadir N ductum, atque æquator sit BAC, polus aufiralis p, & ecliptica = + +. Conflictutus nunc sit Sol in S & Luna in L, quæ modò per meridianum transierit, quo tempore ponimus aquam maximè esse elevaram. Ponamus porrò longitudinis Solis ab æquinoctio verno computatæ finum effe = F, cofinum = f; Lunæ verò longitudinis finum effe = G, cofinum = g; fitque inclinationis eclipticæ $B \hookrightarrow H$ finus = M, cofinus = m. Ex his definientur declinationes cum Solis tum Lunz, quarum finus antè erant positi Q & R; erit scilicet Q = FM, R = GM; hincque $q = \sqrt{(1 - F^2 M^2)} & r = \sqrt{(1 - G^2 M^2)}$. Deinde angulus SpL æqualis est angulo cujus tangens est $\frac{mF}{f}$ denito angulo cujus tangens est $\frac{mG}{g}$; hujus verò ejus dem anguli ob angulos SpZ & LpZ datos, quorum finus funt positi T& N, tangens quoque est $\frac{nT+Nt}{nt-NT}$, que tangens propter sinum N valde parvum proximè est $=\frac{T}{t}+\frac{N}{t}$. Ponatur autem K pro sinu anguli qui excessus est anguli habentis tangentem $=\frac{m \cdot F}{\epsilon}$ super angulum cujus tangens est $\frac{mG}{\sigma}$, & k pro cosinu, reperietur T= K-Nk & t=k+NK fcripto 1 pro n: quibus valoribus fubflitutis prodibit $N = \frac{K_q(kpq+PQ)}{4r(pr+PR)+(2k^2-1)pq^2+kPQq^2}$ ex æquatione $N = \frac{Tq(ipq + PQ)}{4r(pr + PR)}$, paragr. præced.

5. 65. Ponamus nunc Lunam in quadraturis versari ac primò quidem in primo post novilunium quadrante, ita ut

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. arcus LS futurus sit 90°, erit G=f, & g=-F, unde Q = MF & R = Mf, ex quibus prodibit K = fin. (Atāg. $\frac{m^{-p}}{f}$ — Atag. $\frac{-mf}{f}$) atque k ejustdem anguli cosinui æquabitur. Quare his tempestatibus aqua maximè erit elevata post transitum Lunæ per Meridianum, intervallo temporis quod in arcum æquatoris converfum dabit angulum cujus finus erit $N = \frac{K_q(kpq+PQ)}{4\cdot(pr+PR)+(2\cdot k^2-1)pq^2+kPQq}$. Pro pofteriore verò quadratura post novilunium, erit G=-f & g = F, unde erit Q = MF & R = -Mf, ex quibus fit ut antè $K = \text{fin.} \left(\text{Atāg.} \frac{m F}{f} - \text{Atāg.} \frac{-mf}{F} \right) \& k = \text{cofi-}$ nui respondenti. Ne autem hic signa + & - calculum confundant, notari convenit K esse sinum arcûs, qui restat, si ascensio recta Lunæ subtrahatur ab ascensione rectá Solis; atque k esse ejustem arcûs cosinum. Ponamus exempli causa Solem in initio Arietis versari, erit longitudo Solis = 00, seu 3600, & longitudo Luna = vel 900 vel 2700, unde fiet F=0, f=1, $G=\mp 1$, & g=0, atque Q=0. Præterea ascensio recta Solis est 3600, & ascensio recta Lunæ vel 90° vel 270°; utroque cafu ergo fit k=0, unde etiam prodit N=0; quod idem evenit, si Sol verfetur in initio Libræ. In utroque igitur æquinoctio, dum Luna in quadraturis versatur, aqua maximè erit elevata eo ipso momento, quo Luna ad meridianum appellit.

§. 66. Sit porrò Sol in folfitio æftivo, Luna verò in ultimo quadrante, erit longitudo Solis 90°, Lunæ verò =0°, unde fit F=1, f=0; G=0, g=1, indeque Q=M & R=0; itemque q=m & r=1. Solis verò afcenfio recta habebitur 90°, Lunæ verò =0°, ex quo K=1 & k=0. Hinc ergo fit $N=\frac{mNP}{(4-m^2)^p}$. Pro primà autem quadraturà eft longitudo Lunæ 180°, unde G=0, g=-1, at ut antè F=1, f=0; ergo Q=M, R=0, itemque q=m & r=1. Cùm igitur Lunæ afcenfio recta fit 180°, erit $K=\frac{mNP}{(4-m^2)^p}$.

Quoniam autem est 4 > m2, dum Sol in folfitio æstivo vetfatur maxima aquæ elevatio in ultimâ quadraturâ continget post Lunæ transitum per meridianum supra Terram, priore verò quadraturà ante hunc transitum, hæcque æquatio eò erit major, quò major fuerit elevatio poli ; sub aquatore enim omnino evanescit. Sit poli elevatio 45°, fietque his

regionibus $N = + \frac{Mm}{4 - m^2}$; quare cùm sit M sinus 23°, 29',

prodibit N= finui anguli 6°, 33', qui in tempus conversus dat 26. In prima igitur quadratura totidem minutis ante transitum Lunæ per meridianum aqua maximè erit elevata, în ultimâ verò quadraturâ tot minutis post transitum. Contrarium evenit si vel Luna sub Terra ad meridianum appellat, vel Sol in folflitio hvemali verfetur. Ex his igitur formulis, si tabulæ adhibeantur, non erit difficile proquovis loco Terræ ad quodvis tempus definire, quantum maxima aquæ elevatio transitum Lunæ per meridianum vel præcedere vel fequi debeat; cujufmodi fupputationes maximam etiam afferent utilitatem, quando etiam inertiæ aquæ ratio habebitur.

5. 67. Quoniam igitur fatis est expositum, quo momento Mare maxime fit elevatum, maximam quoque Maris depreffionem definire aggrediamur. Ac primò quidem manifestum est, si sola Luna Mare agitaret, tum minimam aquæ altitudinem observatum iri, eo ipso momento, quo Luna in horizonte versetur: atque hinc perspicuum est, idem usuvenire debere, si Sol eodem momento quoque in horizonte existat, id quod accidit cum noviluniis tum pleniluniis. Præterea verò etiam ima aqua respondebit situi Lunæ in horizonte, si eo rempore Sol meridianum occuper, quia tum vis Solis per notabile temporis intervallum neque augetur nec diminuitur, etiamfi tum aqua non tantum deprimatur, quam circa novilunia ac plenilunia. Ponamus igitur, quò reliquos casus evolvamus, dum Luna horizontem occupat, Solem ab horizonte removeri; hoc ergo cafu aqua jam elevabitur, ex quo necesse est imam aquam

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 2

ante adventum Lunæ ad horizontem extitisse, contrà verò si dum Luna in horizonte versatur, Sol ad horizontem appropinquet, aqua tardiùs scilicer post appulsum Lunæ ad horizontem continget. Ponamus itaque Lunam ante or Fig. IX. tum sub horizonte Hh in adhuc versari, Solemque in o esse positum, unde ad meridianum PZH progrediatur, hocque ipfo momento aquam maximè esse depressam. Necesse igitur est, ut decrementum momentaneum vis Lunz ad Mare movendum aquale sit incremento momentaneo vis Solis. Ad hanc æqualitatem declarandam fit anguli DPO ad polum fumti, diftantiam Lunæ à fuo ortu O indicantis, finus =V & cofinus = v, qui ob angulum $\supset PO$ valde parvum tutò finui toti 1 æqualis concipi potest. Invento ergo angulo hoc D PO feu arcu æquatoris illi respondente. eoque in tempus converso, constabit quanto temporis intervallo ima aqua appulfum Lunæ ad horizontem præcedat: idem verò calculus tam ad Lunæ occasium quam ad accessionem Solis ad horizontem facile accommodabitur.

6. 8. Pofitis nunc A Υ a æquatore ac ≈ Υ Ω ecliptica, fit clevationis poli P h finus = P, cofinus = P, finus declinationis Lunæ borealis Σ L=R, cofinus = P, finus declinationis Lunæ borealis Σ L=R, cofinus $= \frac{PR}{pr}$, quia Lunæ, cũm in horizontem O pervenit, altitudo evaneſcit. Cũm igitur angulf APO finus fit $= \frac{V(p^2 r^2 - P^2 R^2)}{pr} = \frac{V(1 - P^2 - R^2)}{pr} = \frac{V(p - RR)}{pr}$, etit anguli AP Σ finus $= \frac{P^2 V V(p - RR)}{pr} = \frac{P^2 V V(p - RR)}{pr}$, & cofinus $= \frac{-VPR - VV(p - RR)}{pr}$, unde emergit decrementum momenaremum is Lunæ $= \frac{3LVV(pp - RR)}{br} = \frac{3LVV(pp - RR)}{pr} = \frac{3LVV(pp - RR)}{pr}$ ob V = 1 & V valde exiguum. Sin portò Solis decſinationis borealis ⊙ Σ finus = Q & corròs Solis decſinationis borealis ⊙ Σ finus = Q & corròs Solis decſinationis borealis ⊙ Σ finus = Q & corròs Solis decſinationis borealis ⊙ Σ finus = Q & corròs Solis decſinationis borealis = V solis = V

porrò Solis declinationis borealis \odot S finus = Q atque anguli $AP \odot$ finus = T, cofinus = f, or vis Solis incrementum momentaneum $= \frac{3.5(pq + PQ)T}{4}$

quod illi vis Lunæ decremento æquale est ponendum, siquidem Maris altitudo hoc tempore est minima. Quare cùm sit ferè $\frac{L}{b^2} = \frac{4S}{a^2}$, sita habebitur æquatio 4 V(pp-RR)

=Tpq(tpq+PQ), qua prabet $V=\frac{Tpq(tpq+PQ)}{(tpr-RR)}$: chim igitur hoc pacto innotescat angulus OP, is in tempus conversus dabit temporis spatium, quo summa Maris depressio ante ortum Luna contingit. At si punctum O designet Luna occassum, idem angulus prabebit tempus post Luna occassum, quo Mare maxime deprimetur. Intelligitur ex formula inventa quibus cassus ima aqua in ipsum appulsum Luna ad horizontem incidat; hoc scilicet primo evenit, si T=0, hoc est si Sol in meridiano versetur, deinde si tpq+PQ=0, id est si Sol quoque horizontem occu-

pet; quos binos casus jam notavimus.

5. 69. Sit locus noster Terræ sub æquatore situs, seu elevatio poli nulla, erit P = 0, & p = 1, unde efficitur V $=\frac{Trqq}{4(I-RR)}=\frac{Trqq}{4rr}$; in qua formula cùm q & r denotent cosinus declinationum Solis ac Luna, non multum inter se discrepabunt; ponamus enim alteram declinationem esse maximam, alteram verò minimam seu = o, erit tamen cosinuum ratio minor quam $1: \sqrt{\frac{3}{4}}$, ex quo fractio $\frac{q \cdot q}{2}$ semper intra hos limites 4 & 3 continebitur. Quòd si ergo hanc ab æqualitate aberrationem negligamus, id quod tutò facere possumus, quia rem tantum prope definire conamur, habebitur $V = \frac{T_t}{4} = \frac{2T_t}{3}$. Denotat autem 2 T_t finum dupli anguli horarii quo Sol à meridiano distat, & hanc ob rem ad momentum maximæ depressionis aquæ assignandum, videndum est quâ diei horâ Luna ad horizontem appellat, hujufque temporis vel à meridie vel medià nocte intervallum capiatur, atque in arcum aquatoris convertatur. Hujus deinde arcûs vel anguli sumatur duplum, hujusque dupli finus, cujus pars octava præbebit finum anguli, qui in tempus conversus dabit temporis intervallum, quo ima aqua

Luna appulsum ad horizontem vel præcedit vel sequitur; id quod ex notatis circumstantiis discentere licet. Sic si Luna horâ 9 matutinâ adoriatur, erit tempus usque ad meridiem 3 horarum, angulusque respondens 45°, cujus dupli sinus est ipse sinus totus, cujus pars octava sit sinus anguli 7°, 11', cui tempus respondet serè 30 minutorum, tantum itaque ima aqua ortum Luna præcedet.

§, 70. Ut hac ad datum Luna cum Sole afpectum accommodari queant, ponamus longitudinis Solis $\gamma \odot$ finum effe = F, cofinum = f; longitudinis verò Luna $\gamma \odot$ finum effe = G, cofinum = g; atque inclinationis ecliptica $\Omega \gamma$ a finum = M, cofinum = m. His positis erit Q = MF, & R = MG; atque ascensionis recta Solis γS rangens reperietur = $\frac{mF}{f}$, Luna verò ascensionis recta

 ΥL tangens $=\frac{mG}{g}$ Subtrahatur afcenfio recta Solis ab afcenfione recta Luna, & differentia finus fit =K, cofinus =k, Cum igitur anguli $\odot P \supset$ fit finus =K & cofinus =k, anguli verò $AP \supset$ finus $=\frac{Y(pp-RR)-VPR}{pr}$ ob v=1,

anguli verò $AP \supset \text{finus} = \frac{V(pp-RR)-VPR}{p}$ ob v=1, & cofinus $= \frac{-PR-VV(pp-RR)}{p}$, erit anguli $AP \supset \text{finus} = T = \frac{(k+KV)V(pp-RR)-kPRV+KPR}{p}$ & cofinus

 $t = \frac{(K - kV)V(pp - RR) - KPRV^{-\frac{p}{k}}PR}{pr};$ quibus valoribus fubflitutis, fimulque finu V tanquam valde parvo confiderato, reperietur finus $V = \frac{(KPR + kV(pp - RR))q(KqV(pp - RR) - kPRq + PQr)}{4rr(pp - RR)}$

Sub æquatore autem, quo fit P=0, $V=\frac{k+q}{4rr}$: ex quo pro æquatore regula fuperior à diffantiâ Solis à meridiano petita fimul ad differentiam afcenfionalem Solis & Lunæ poteff accommodari, ita ut maneat invariata. Sed ad præfens inflitutum, quo tantum veritatem caufæ Fluxûs ac Refluxûs Maris exhibitæ declarare annitimur, non opus eft hæe pluribus perfequi, quippe quæ potiffimum ad accuratiffimas æftûs marini tabulas fupputandas pertinent, quæ res in promanin tabulas fupputandas pertinent, quæ res in pro-

296 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM
posità quæstione Illustrissimæ Academiæ non contineri videtur.

CAPUT SEXTUM.

De vero æstu Maris, quatenus à Terris non turbatur.

5. 71. U & hactenus ex viribus Solis ac Lunæ circa æftum Maris fusiùs deduximus, eâ hypothesi nituntur assumtà, quà aquam inertiæ expertem posuimus : quamobrem non est mirandum si plerique effectus assignati cum Phanomenis minùs congruant, atque adeo pugnare videantur; quòd si enim inter se prorsus convenirent, theoria non folum non eo consensu confirmaretur, sed potius omnino subverteretur, cum quilibet facile agnoscat ob aquæ inertiam determinationibus exhibitis ingentem mutationem inferri debere. Que autem ex deductis conclusionibus maxime ab experientia dissentiunt, potissimum quantitatem elevationis aguæ ac temporis momentum, quo tam summa Maris elevatio quàm ima depressio contingere folet, respiciunt. Nusquam enim ubi quidem Mare est liberum atque apertum, tam exiguum discrimen inter Fluxum ac Refluxum in aguæ altitudine observatur, quale in præcedentibus definivimus, quatuor scilicet pedum tantum ; que elevatio insuper tamen maxima est deprehensa, ac tum folum oriunda, quando tam regio prope æquatorem est sita, quam vires luminarium inter se maxime conspirant. Experientià namque constat, plerisque in locis, si æstus contingat maximus, aquam non solum ad altitudinem duplo majorem, sed etiam quadruplam, imò nonnullis in locis adeo decuplam attolli; quanquam hæc enormis elevatio non foli inertiæ aquæ, fed maximam partem vicino continenti ac littorum situi est tribuenda, uti in sequenti capite clarissimè monstrabitur. Deinde etiam quod ad tempus attinet, nufquam illis ipsis momentis, qua assignavimus,

nus, Fluxus ac Refluxus unquam contingunt, nec etiam tempefatibus hic definitis Fluxus maximi vel minimi, fed ubique tarditis evenire conflanter obfervantur; cujus quidem retardationis caufa in ipså aquæ inertià pofita effe

prima etiam fronte perspicitur.

5. 72. Quantumvis autem agitatio Maris in præcedenti--bus capitibus determinata ab observationibus diffentiat, tamen complures circumftantiæ fese jam præbuerunt experientiæ tantopere confentaneæ, ut ampliùs dubitare omnino nequeamus, quin in viribus Solem Lunamque refpicientibus, quas non temerè affumfimus, fed aliunde existere demonstravimus, vera & genuina æstûs Maris causa contineatur. Hanc ob rem jam meritò suspicari licet, dissensiones que inter theoriam nostram, quatenus eam assumtæ hypothesi superstruximus, & experientiam intercedunt, ab aquæ inertia aliifque circumftantiis, quarum nullam adhuc rationem habuimus, proficifci. Quocirca si omnia inertiæ ratione habità ad observationes propiùs accedant, id quidem nostræ theoriæ maximum afferet firmamentum, atque fimul omnes alias causas, quæ præter has vel funt prolatæ vel proferri possunt, excludet, irritasque reddet. Cum igitur confensum hujus theoriæ cum Phænomenis, mox simus evidentissime oftensuri, quastioni ab Inclytà Academia propolitæ ex affe satisfecisse jure nobis videbimur : cum non folum nullas vires imaginarias effinxerimus, fed etiam virium Lunam Solemque respicientium existentiam aliunde dilucidè evicerimus. Neque verò in hoc negotio cum plerisque Anglorum ad qualitates occultas fumus delapfi, verum potius caufam istarum virium modo rationali & legibus motûs confentaneo in vorticibus conflituimus, quorum formam atque indolem luculenter explicare possemus; idque fecissemus, nisi ab aliis cùm jam fatis effet expositum, tùm etiam ab Illustrissima · Academiâ in præsente quæstione non requiri videatur.

5.73. Dum igitur hactenus aquæ omnem inertiam cogitatione ademimus, ipsi ejusmodi qualitatem affinximus, qua viribus follicitantibus fubitò obsequeretur, seque in

inflanti in eum flatum reciperet, in quo cum viribus in æquilibrio confifteret; hocque pacto aquam non folum fubitò omnis motús capacem pofuimus, fed etiam ita comparatam, ut quovis momento omnem pristinum motum amittat. Longè aliter autem res se habet, si inertiæ ratio in computum ducatur; hæc enim efficit ut primò aqua non fubitò fe ad eum situm componat, quem vires intendunt, fed pedetentim per omnes gradus medios ad eum accedat; deinde verò eadem inertia in causa est, quòd aqua, cùm in statum æquilibrii pervenerit, ibi non acquiescat, sed obmotum insitum ultra progrediatur, quoad omnem motum à potentiis renitentibus amittat. Ex quo perspicuum est, admissa inertia aqua, à potentiis follicitantibus motum omnino diversum actu imprimi debere ab eo , quem reciperet , si inertia privata esset; cujus discriminis ratio exemplo corporis penduli commodè ob oculos poni potest. Ponamus Fig. X, enim corpus pendulum OC ob gravitatem situm tenens verticalem, à vi quapiam in latus fecundum directionens CM follicitari. Si nunc hoc pendulum inertia careret, feuejulmodi effet indolis, cujus aquam hactenus lumus contemplati, tum fubitò situm OM acciperet, in quo hæc vis cum gravitate aquilibrium teneret. At cum pendulum inertiâ præditum consideratur, post aliquod demum tempus elapfum ad fitum OM pervenier: ac deinde quia motu accelerato eò pertingit, ibi non quiescet, sed ultrà excurret; putà in N usque, ita ut spatium CN ferè sit duplo majus spatio CM, prouti calculus clare indicat. Propter inertiam igitur pendulum primum tardius vi follicitanti obtemperat, atque à fitu aquilibrii recedit; deinde verò etiam magis recedit, majoremque excursionem conficit, quam si inertia careret; quæ funt eæ ipfæ duæ res, in quibus theoria antè exposita ab experientia maximè dissentire deprehenfa eft.

> 5. 74. Si nunc istud penduli exemplum ad nostrum casum æstûs Maris transferamus, primò ingens similitudo in

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. fitu penduli verticali ac statu Maris naturali, quem obtinet remotis potentiis externis, observatur. Nam quemadmodum pendulum, si in quamcunque plagam de situ verticali declinetur, proprià vi gravitatis se in eundem recipit, ita etiam aqua, fi ex fitu fuo aquilibrii depellatur, vi gravitatis se ad eundem componit, ac præterea pariter ac pendulum oscillationes peragit, cujusmodi oscillationum cafus in aqua observati passim inveniuntur expositi. Deinde etiam simili modo, quo pendulum, Mare quò magis ex situ fuo naturali fuerit deturbatum, eò majorem habebit vim fese in situm æquilibrii restituendi. Quod si igitur Mare à viribus externis, Solis scilicet ac Lunæ, mox elevetur mox deprimatur, necesse est ut inde motus oscillatorius seu reciprocus oriatur æstui Maris omnino similis, qui autem per leges motûs difficulter definiri queat accurate quidem; nam verò proxime, hoc non adeo erit difficile. Dux autem funt res, qua abfolutam ac perfectam totius motûs determinationem summopere reddunt difficilem, quarum altera physicam spectar, atque in ipså fluidorum naturå confistit, quorum motus difficulter ad calculum revocatur, præcipuè si quæstio sit de amplissimo Oceano, qui aliis in locis elevetur, aliis verò deprimatur. Altera autem difficultas in ipså analysi est posita, eò quòd ifte motus Maris reciprocus prorfus fit diverfus ab omnibus oscillationibus à Mathematicis adhuc consideratis: vires enim Lunæ ac Solis Mare follicitantes neque à fitu corporis ofcillantis, neque ab ejus celeritate pendent, uti id ufuvenit in omnibus ofcillationum cafibus etiam nunc expositis, sed ex vires à situ luminarium respectu Terra, ideoque à tempore determinantur, cujusmodi oscillationes

5. 75. Quod quidem ad priorem difficultatem phylicam attinet, res hoc quidem tempore ferè desperata videtur; quamquam enim ab aliquo tempore theoria motis aquarum ingenta sit assecuta incrementa, tamen ea potissimum motum aquarum in vasis & tubis suentium respiciunt, neque vix ultum commodum inde ad motum Oceani dessiniendum deri.

nemo adhuc, quantum quidem conftat, calculo subjecit.

vari potest. Quamobrem in hoc negotio aliud quicquam præflare non licet, nisi ut hypothesibus effingendis, quæ à veritate quam minime abludant, tota quæffio ad confiderationes purè geometricas & analyticas revocetur : alteram autem difficultatem mathematicam, etiamfi difficillimis integrationibus sit involuta, tamen seliciter superare considimus. Con-

Fig. XI. sidero scilicet superficiem aqua RS, qua hoc in situ aquilibrium teneat cum reliqua aqua, remotis viribus externis; his verò accedentibus alternis vicibus attollatur in A, deprimaturque in B. Quòd si igitur aqua in M usque sit depressa,atque externæ vires Solis ac Lunæ fubitò ceffarent, tum vi gravitatis propriæ conaretur fefe elevare ufque in fitum RS naturalem, ifteque conatus eò erit major, quò majus fuerit spatium CM quo à fitu naturali distat. A veritate itaque non multum recedemus, si hanc vim ipsi spatio MC ponamus proportionalem: quamobrem polito spatio MC=s, erit vis, quæ aquæ superficiem in M usque depressam attolles = -, quæ hypothesis ad veritatem eò propiùs accedit, quòd sponte indicat, si aquæ superficies supra Cjam sit elevata, tum vim fieri negativam, adeoque aquam deprimere. tate ampliùs nullum dubium supersit.

Præterea verò eadem hypothesis confirmatur pluribus phænomenis aquæ nifum respicientibus, ita ut de ejus veri-

§. 76. Ponamus jam aquam in M conflitutam urgeri à folâ Lunâ, atque ut calculus per se molestus minus habeat difficultatis, sit locus C sub ipso aquatore situs, Lunæque declinatio nulla, ex quo Luna in circulo maximo per loci zenith transeunte æquatore scilicet circumferetur : fit EGFH ifte circulus, cujus radius ponatur == 1, atque EF repræsenter horizontem, & G. zenith. Politis his, sit Luna in T dum Maris superficies versatur in M, ita ut PT = yexprimat sinum altitudinis Lunæ super horizonte; unde vis Lunæ Mare attollens erit $=\frac{L(\frac{3}{2}yy-1)}{2b^3}=\frac{3yy-1}{b}$, positos

brevitatis gratia h pro 2 bi. Hanc ob rem ergo superficies

Maris in M duplici vi attolletur feilicet vi, $=\frac{t}{b}, \frac{3yy-1}{b}$. Quod fi ergo ponamus aquam in M jam habere motum furfum directum, cujus celeritas tanta fit quanta acquiritur lapfu gravis ex altitudine v, atque fipatium Mm = -ds tempufculo infinite parvo abfolvatur, habebitur per principia motûs $dv = -ds\left(\frac{t}{b} + \frac{3yy-1}{b}\right)$. Ponamus porrò tempus ab ortu lunæ in E jam elapfum, quod arcui ET fin proportionale, effe =z, que littera ipfum arcum ET finul denoter, crit y = fin. z feilicet finui arcûs z, hoc enim modo finus ac cofinus arcuum fumus indicaturi: unde orietur 1-zyy = cof. 2z, atque $3yy - 1 = \frac{t}{2} - \frac{1}{2} \text{cof.} 2z$, hincque $dv = -ds\left(\frac{t}{b} + \frac{1}{2h} - \frac{3}{2h} \text{cof.} 2z$).

§. 77. Cùm igitur elementum temporis sit = dz, erit ex naturâ motús $dz = -\frac{ds}{\sqrt{v}}$, arque $v = \frac{ds^2}{dz^2}$; unde fumto elemento dz pro conflante, fiet $dv = \frac{2 ds dds}{dz^2} = -ds$ $\left(\frac{s}{g} + \frac{1}{2h} - \frac{3}{2h} \operatorname{cof.} 2z\right)$, atque $2 dds + \frac{s dz^2}{g} + \frac{dz^2(1-3 \operatorname{cof.} 2z)}{2h}$ = 0, quæ æquatio duas tantum continet variabiles s & z; & propterea si debito modo integretur, indicabit situm seu statum aquæ ad quodvis tempus. Quoniam autem hæc æquatio est differentialis secundi gradûs, atque insuper arcus & finus arcuum continet, facile intelligitur ejus integrationem minus esse obviam; interim tamen cum alterius variabilis s plus una dimensione nusquam adsit, ea per methodos mihi familiares tractari poterit. Soleo autem, quoties ejufmodi occurrunt, initio eos terminos in quibus altera variabilis s omnino non inest, rejicere; unde hæc consideranda venit æquatio $2dds + \frac{idz^2}{g} = 0$, quæ per ds multiplicata fit integrabilis, existente integrali $ds^2 + \frac{s \cdot dz^2}{z \cdot s} =$ ϵdz^2 ob dz constans. Hinc porrò elicitur $dz = \frac{dz \sqrt[4]{z}}{\sqrt{(2\epsilon g - z)}}$ arque $\frac{z}{\sqrt{z_g}}$ = arcui cujus finus est $\frac{s}{\sqrt{z_{cg}}}$, ex quo obtinetur P p iii

302 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM $s = \sqrt{2cg}$ (in, $\frac{z}{v_{2g}}$. Cognito autem hoc valore, idonea nafcitur fubfitutio facienda pro equatione propofità 2 dds $+ \frac{ids^2}{g} + \frac{ds^2(1-3co(2z))}{\sqrt{v_{2g}}} = 0$; fiatenim s = u (in, $\frac{z}{v_{2g}}$, crit ds = du (in, $\frac{z}{v_{2g}} + \frac{udz}{v_{2g}} \cot \frac{z}{v_{2g}} + \frac{udz}{v_{2g}} \cot \frac{z}{v_{2g}}$, atque dds = ddu (in, $\frac{z}{v_{2g}} + \frac{2udz}{v_{2g}} \cot \frac{z}{v_{2g}} - \frac{udz^2}{v_{2g}} \cot \frac{z}{v_{2g}}$. Quibus valoribus fubfitutis emerget ifla æquatio 2ddu (in, $\frac{z}{v_{2g}} + \frac{4udz}{v_{2g}} \cot \frac{z}{v_{2g}} \cot \frac{z}{v_{2g}} - \frac{dz^2(1-3co(2z))}{2h} = 0$, in qua hoc commodè accidit, ut ipfa variabilis u non infit, fed tantum ejus differentialia.

mam, habetur $dp + \frac{zp \, dz \, cof.}{\sqrt{zg. fin. \frac{z}{\sqrt{zg}}}} = \frac{dz \, (3 \, cof. \, zz - 1)}{4 \, h \, fin. \frac{z}{\sqrt{zg}}}$, ideo-

que $Z dz = \frac{z dz cof.}{\sqrt{z}} \frac{z}{\sqrt{z}g} = \frac{z dif. fm.}{\sqrt{z}} \frac{z}{\sqrt{z}}$; atque hinc $\int Z dz$ $= 2 \log. fin. \frac{z}{\sqrt{z}g}$; & $e^{\int Z dz} = \left(fin. \frac{z}{\sqrt{z}g} \right)^2$. Ex his fequi-

= 2 log. fin. $\frac{z}{\sqrt{2g}}$; & $e^{\int Z dz} = \left(\int_{1}^{\infty} \int_{1}^{\infty} \frac{z}{\sqrt{2g}} \right)^2$. Ex his fequitur integrale nofter equations $p \left(\int_{1}^{\infty} \int_{1}^{\infty} \frac{z}{\sqrt{2g}} \right)^2 = \frac{1}{4h} \int_{1}^{\infty} dz$ fin. $\frac{z}{\sqrt{2g}} \left(\int_{1}^{\infty} \int_{1}^{\infty} \frac{z}{\sqrt{2g}} \right) = \frac{1}{4h} \int_{1}^{\infty} dz$ fin. $\frac{z}{\sqrt{2g}} \int_{1}^{\infty} \int_{1}^{\infty} dz$ fin. $\frac{z}{\sqrt{2g}} \int_{1}^{\infty} \int_{1}^{\infty} dz$

 $\int dz$ fin. $\frac{z}{\sqrt{z}}$, ad quas integrationes perficiendas notetur effe fdz fin. $\alpha z = C - \frac{1}{\alpha} \cos(\alpha z)$, atque $\int dz$ fin. αz . $\cos(\beta z) = C$ $\frac{e_{\text{fin.} az. \text{fin.} 6z - a cof. az. cof. 6z}}{a^2 - 6z}$: ex his itaque conficietur $p\left(\text{fin.} \frac{z}{\sqrt{zg}}\right)^2$

$$= C + \frac{v_{2g}}{4h} \operatorname{cof}_{v_{2g}}^{z} \left(\frac{2 \sin \frac{z}{\sqrt{2g}} \sin 2z + \frac{1}{\sqrt{2g}} \cos \frac{z}{\sqrt{2g}} \cos 2z}{\left(\frac{z}{1g} - 4\right) + h} \right)^{\frac{1}{3}}$$
 are

$$\operatorname{que} p = \frac{c}{\left(\operatorname{fin}, \frac{z}{\sqrt{2}g}\right)^2} + \frac{v \cdot z_s \cdot \operatorname{cof} \cdot \frac{z}{\sqrt{2}g}}{4h\left(\operatorname{fin}, \frac{z}{\sqrt{2}g}\right)^2}$$
$$\left(4g \operatorname{fin}, \frac{z}{\sqrt{2}g} \operatorname{fin}, z z + v' z_g \cdot \operatorname{cof}, \frac{z}{\sqrt{2}g} \operatorname{cof}, z\right), s$$

 $4h(1-8g)\left(\int m.\frac{z}{\sqrt{2g}}\right)^2$

§. 79. Cum autem posuissemus du = p dz, erit u =

$$\int \int dz = \int \frac{C dz}{\left(\int \frac{z}{\ln z} \frac{z}{\sqrt{2g}} \right)^2} + \int \frac{dz \sqrt{2g}}{4h \left(\int \frac{z}{\ln z} \frac{z}{\sqrt{2g}} \right)^2} \frac{3}{4h} \int dz$$

$$\frac{\left(4g \int \frac{z}{\ln z} \int \frac{z}{\sqrt{2g}} \int \frac{z}{\ln z} \frac{z}{\sqrt{2g}} \int \frac{$$

 $(1-8g) \left(\text{fin.} \frac{z}{\sqrt{2g}} \right)^2$ as omnes funt absolute integrabiles, prodibitque $u \Longrightarrow$

$$D = \frac{CV \times g, \operatorname{cof} \frac{z}{V \times g}}{\int_{0}^{g_{11}} \frac{z}{V \times g}} = \frac{g}{2 \cdot h \int_{0}^{g_{11}} \frac{z}{V \times g}} \times \frac{3 \cdot g \cdot \operatorname{cof} \cdot z z}{2 \cdot h \left(1 + g \cdot g\right) \int_{0}^{g_{11}} \frac{z}{V \times g}} \cdot g \cdot x$$

quo tandem refultat $s = u \text{ fin. } \frac{z}{\sqrt{zg}} = D \text{ fin. } \frac{z}{\sqrt{zg}} + C \text{ cof.}$ $\frac{z}{\sqrt{zg}} - \frac{g}{zh} + \frac{3g \, cof. \, zz}{z \, b \, (1-8g)}$, quæ eft æquatio generalis ad quodvis tempus z statum aquæ, seu distantiam ejus supremæ fuperficiei à Cindicans, ubi constantes C & D ex dato Maris statu ad datum rempus definiri oportet. Quòd si igitur ponamus motum aquæ jam ad uniformitacom esse deductum, ita ut aqua omnibus diebus, quando

Jo4 Inquisitio Physica in Causam Luna in Tverfaur, in eodem loco M verfeur, neceffe erit ut valor ipfius s maneat idem, etfi arcus z integra peripheria z wel ejus multiplo augeatur. At positio z+z w loco z, terminus cost. z z manet quidem invariatus, at D sin. $\frac{z}{v_{zg}} + C \cos \frac{z}{v_{zg}}$ fit $= D \sin \frac{z+z\pi}{v_{zg}} + C \cos \frac{z+z\pi}{v_{zg}}$, quax aqualitas adesse non potest nisi vel $\frac{1}{v_{zg}}$ sin numerus integer s vel C & D ==0. Cim inaque s determinari non liceat, quia jam est datum, ponendum erit s = s determinari non liceat, quia jam est datum s ponendum erit s = s determinari s = s determinari non liceat, quia facillima habeatur aquatio s = s determinari cognoscenti valores s de ad quodvis tempus status s s describes s de s de

scilicet affirmativi ipsius s dabunt situm aquæ infra situm naturalem C, negativi verò supra C.

5. 80. Cognito autem spatio s per tempus z, celeritas quoque Maris quâ in M ascendit reperietur ex æquatione dz $=\frac{-ds}{\sqrt{v}}$, erit enim $\sqrt{v}=\frac{-ds}{dz}=\frac{3 g \text{ fin. } 2 z}{h(1-8g)}$, quæ expreffio ipsi celeritari, qua aqua superficies, dum in M versatur, elevatur, est proportionalis: hæc ergo celeritas aquæ semper est ut sinus dupli arcus ET, vel etiam ut sinus dupli temporis, quo Luna à transitu per meridianum abest, tempore scilicet in arcum æquatoris converso. Hinc igitur celeritas aquæ erit nulla si Luna fuerit vel in E vel in G. vel in F vel in H, hoc est, vel in horizonte vel in meridiano : quare cum his temporibus aqua vel maximè sit elevata vel maxime depressa, una Lunæ revolutione aqua bis elevabitur, bisque deprimetur, ideoque bini Fluxus binique Refluxus contingent. Aqua quidem maximè erit depressa iis ipsis momentis, quibus Luna ad horizontem appellit, tum enim fit cof. 2 z = 1; atque spatium CB erit = $s = \frac{g(1+4g)}{2(1-8g)}$; at maxima elevatio incidet in ipfos Lunæ transitus per meridianum, quibus est cos. 2 =-1: ac rum altitudo CA erit = $-s = \frac{g(z-4g)}{h(1-8h)}$. Quanquam aucem hac momenta cum experientia non fatis conveniunt

tamen ea hypothesi assumtæ planè congruunt, qua posuimus Lunam folam agere, ac perpetuò in ipfo æquatore versari, ex quo æstus se tandem ad summam regularitatem componat necesse est. Quòd si enim Lunz declinatio ponatur variabilis, atque Sol insuper agat, æstus jam formati perpetuò turbabuntur, ex quo ob æquabilitatem continuò sublatam effectus tardiores necessario consequi debebunt. Præterea quoque nullam adhuc motûs Maris horizontalis habuimus rationem, cum enim aqua ad æstum formandum motu horizontali progredi debeat, perspicuum est hinc retardationem in æftu oriri oportere.

S. 81. Si aqua, uti in præcedentibus capitibus posuimus, inertia careret, tum foret ex æquatione prima dv = -ds $\left(\frac{s}{g} + \frac{3yy - 1}{h}\right)$ perpetuò $s = \frac{g(x - 3yy)}{h}$, quia aqua tum quovis momento cum viribus follicitantibus in æquilibrio confisteret. Maxima igitur depressio etiam tum Luna horizontali responderet, cùm est y = 0, foretque spatium depressionis $CM = \frac{g}{L}$; maxima verò elevario, quæ circa Lunæ appulfum ad meridianum continget, fiet per spatium $CN = \frac{2g}{h}$ ob y = 1. Quare si aqua inertià careret, foret spatium MN, per quod aqua motu reciproco agitaretur, = 3g; inertia autem admissa agitationes perficientur in fipatio majore $AB = \frac{38}{h(1-8\pi)}$, cujus excessus super spa-

tium MN erit $=\frac{2.4 \text{ gg}}{h(1-8g)}$. Quantitas itaque æstûs pendet à valore litteræ g, qui quidem semper est affirmativus; nam si foret g=0, quod evenit si gravitatis vis esset infinitè magna respectu virium Lunæ & Solis , tum etiam nullus æstus oriretur; deinde quò magis 8 g ad 1 accedit, eò major prodibit æstus, qui adeo in infinitum excrescere posset si foret 8 g=1, hoc quippe casu vis Lunæ gravitatem superaret, omnesque aquas ad Lunam attraheret; quod autem fieri non potest, multo minus autem esse po306 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM test 8g > 1, quod tamen si eveniret, maxima elevario ap-

pulfui Lunæ ad horizontem, maximaque depressio Lunæ meridianum occupanti responderet. 5. 82. Cùm igitur aqua, si inertia careret, agitetur per spatium $MN = \frac{3g}{L}$, suprà autem §. 41. eâdem hac hypothesi, qua tam locus quam Luna in æquatore ponitur, aquam elevari supra libellam per spatium 2, 260 pedum, infra eam verò deprimi spatio 1, 112 pedum, erit $\frac{3g}{h}$ 3,372 pedum, ideoque $\frac{g}{h} = 1$, 124 pedum = $1\frac{1}{8}$ pedum. Quoniam verò valor ipsius g cum unitate comparatur ideo venit, quòd tempus per ipfum arcum circuli cujus radius est = 1 expressimus: hinc itaque valor ipsius g refpectu unitaris definietur tempore eodem modo expresso . quo aqua in Musque depressa solà vi gravitatis se in Crestitueret, quod tempus ex circumstantiis facile poterit æstimari: prodibit autem per calculum tempus hujus restitutionis = " V2g, denotante # semiperipheriam circuli radium = 1 habentis, seu tempus duodecim horarum Lunarium. Quòd si igitur restitutio ponatur actu sieri tempore 12 horarum, erit $\frac{\pi}{n} = \frac{\pi \sqrt{2}g}{2}$, & $g = \frac{2}{nn}$, ex quo perspicuum est, quò ciriùs aqua se proprià suà vi restituere valeat, eò minùs excessurum esse spatium AB spatium MN. Cum autem de hac restitutione non satis tuto judicare queamus, præstabit ex observationibus rationem spatii AB ad MN proxime assumere. Si enim ponamus esse AB = 2MN, erit $\frac{3}{1-8g} = 6$, erit $g = \frac{2}{16}$; fin autem fit AB = 3 MN, fiet $\frac{7}{1-8e} = 9 \&$ $g = \frac{z}{12}$: at posito AB = 4MN, erit $g = \frac{z}{12}$. Quoniam igitur aqua ob inertiam ferè duplo majus spatium absolvere poni potest, assumamus $g = \frac{2}{3.6}$ feu n = 6, ita ut

aqua proprià vi gravitatis tempore circiter 2 horarum in flatum naturalem se restituere valeat. Posito autem g= 1 fiet $\frac{3}{1-8}\frac{8}{8} = 5$, 4; spatiumque AB = 6 ped. proximè. Ne autem tractatio nimis fiat specialis pretineamus litteram n; cujus valorem effe circiter 6 vel 5 notafie sufficiet, qui valor satis propè ad æstimationem accedit: ita ut sit $g = \frac{1}{n}$ & $AB = \frac{3}{n}\frac{n}{nn-1}$. $\frac{3}{6}$ pedum: unde satis patet n necessitation.

riò esse debere > 4, eritque adeo vel 5 vel 6.

6. 83. Tentemus nunc idem hoc problema in sensu latiori, ac ponamus regionis C elevationis poli finum esse = P, cosinum = p; Lunæ verò declinationis borealis sinum effe = Q, cofinum = q; Lunamque fuper Terra jam per meridianum transiisse, ab eoque distare angulo horario = z, ita ut z ut antè tam tempus quàm arcum circuli radii = 1 designet; quòd si nunc arcûs z cosinus ponatur = t, erit sinus altitudinis Lunæ super horizonte = tpq +PQ; ideoque vis Lunæ Mare elevans $=\frac{L}{2b^3}(3(tpq+$ $PQ)^{2}-1$ = $\frac{3P^{2}q^{2}tt+6pqPQt+3P^{2}Q^{2}-1}{h}$, posito ut antè $\frac{L}{t} = \frac{1}{L}$. Quoniam verò est $t = \cos z$ erit 2tt - 1= cof. 2 z & tt= 1+ cof. 2 z, ex quo vis Lunæ ad Mare elevandum habebitur = $\frac{3 p^2 q^2 cof. zz}{zh} + \frac{6 pq PQ cof. z}{h} +$ $\frac{5p^2q^4+6p^2Q^2-2}{2h}$. Ponamus nunc superficiem aquæ in M versari, existente CM=s, & celeritatem ejus quâ actu ascendit debitam esse altitudini v, erit $dv = -ds \left(\frac{s}{a} + \frac{s}{a}\right)$ vi Lunx), cùm verò sit $dz = \frac{-ds}{\sqrt{v}}$ seu $\sqrt{v} = \frac{-ds}{dz} = ipsi$ celeritati ascensûs; erit $v = \frac{d s^2}{dz^2}$ arque $dv = \frac{2 d s d d s}{dz}$, posito dz conflante: hinc igitur emerget ifta xquatio $2 \frac{dds}{ds} + \frac{dz^2}{zh}$ $\left(\frac{s}{g} + \frac{3}{2} \frac{p^2 q^2 + \frac{6}{2} \frac{p^2}{h^2} \frac{Q^2 - z}{zh}}{zh} + \frac{6}{2} \frac{p}{q} \frac{q}{p} \frac{Q}{h} \frac{cof \cdot z}{zh} + \frac{3}{2} \frac{p^2}{h^2} \frac{q^2}{zh} \frac{cof \cdot z}{zh}\right)$ relationem inter tempus z & flatum Maris s continens.

\$.84.Quòd si nunc hac aquatio eodem modo tractetur, quo superior, ea pariter bis integrari posse deprehendetur, integra-

INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM tionibus autem fingulis debito modo abfolutis, & conftantibus ita determinatis ut motus aquæ fiat uniformis, reperietur $s = \frac{g(3)^2 q^2 + 6 P^2 Q^2 - 1}{1h} - \frac{6gpq P Q cof. z}{h(1 - 1g)} - \frac{3gp^2 q^2 cof. z}{1h(1 - 8g)}$ ac celeritas afcensûs $\sqrt{v} = \frac{-dz}{dz} = \frac{6gpq P Q fin. z}{(1 - 2g)}$ $\frac{3gp^2q^2 \int_{h(L-8g)}^{ln. 2z}$. Cùm autem sit sin. 2z=2 sin. z cos. z, celeritas duobus casibus evanescit, quorum primus est si sinz=0, after fi cof. $z=\frac{-PQ(1-8g)}{Pq(1-2g)}$; illi cafus dabunt aquam fummam, hi verò imam. Hinc igitur patet aquam fummam contingere debere iis ipsis momentis, quibus Luna per meridianum transit, imam verò non tum, cùm Luna horizontem attingit; namque Luna horizontem attingit, fi. est cos. $z = \frac{-PQ}{Pq}$, aqua verò est ima si est cos. z = $\frac{-PQ(1-3g)}{pq(1-2g)} = \frac{-\frac{7}{3}}{\frac{8}{9}} \frac{PQ}{q} \text{ posito } g = \frac{1}{18}. \text{ Hic autem idem est}$ notandum quod suprà, scilicet nos posuisse motum aqua esse uniformem seu quotidie sui similem, Lunamque in ecliptica locum tenere fixum, feu faltem suam declinationem non variare. Quoniam verò ob variabilitatem declinationis Luna, itemque ob actionem Solis, ifte motus perpetuò turbatur, atque infuper motus Maris horizontalis nulla adhuc habita eff ratio, facilè intelligitur, tàm Fluxus quam Refluxus tardiùs venire debere, quam quidem ex his formulis fequitur. . S. 85. Bini ergo una Luna revolutione contingent Fluxus, alter si Luna super horizonte ad meridianum appelhe, alter fi fub Terra; priori casu est cos. z=1, & cos. 2 z = 1, hoc itaque tempore Mare fupra libellam Celeva-

5. 8; Bini ergo ună Luna revolutione contingent Fluxus, alter fi Luna fuper horizonte ad meridianum appelfit, alter fi füb Terra; priori cafu eff cof. z=1, & cof. z=1, hoc itaque tempore Mare fupra libellam C elevabitur per spatium $\frac{k(3P_1^2+6P_1^2C)-1}{2h}+\frac{3RP_1^2Q}{h(1-8g)}+\frac{6RP_1P_2}{h(1-8g)}$. Dum autem Luna sub horizonte meridianum attingit, tum aqua elevabitur per spatium $\frac{k(3P_1^2+6P_1^2C)-1}{2h}+\frac{3P_1^2Q}{2h(1-2g)}-\frac{6RP_1P_2}{h(1-2g)}$, proptex

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS.

cof. z = - 1 at cof. 2 z = 1 hoc cafu : harum igitur altitudinum differentia est = $\frac{1 \times g p q P Q}{h \in 1 - 2g}$: atque Mare in tranfitu Lunæ per meridianum supra horizontem altiùs elevatur, si declinatio Lunæ sit borealis; contrà verò si declinatio fuerit australis, major Maris elevâtio respondebit appulsui Lunæ ad meridianum infra horizontem. Luna verò în ipso æquatore versante, ambo Fluxus inter se erunt æquales. Ratione autem elevationis poli, horum binorum Fluxuum fuccessivorum inæqualitas erit maxima sub elevatione poli 45°, pro his enim regionibus fit pP maximum; atque in aliis regionibus eò minor erit inæqualitas, quò magis fuerint à latitudine 45° remotæ. Mare autem maxime deprimetur, si fuerit cos. $z = \frac{-\frac{PQ(1-8g)}{pq(1-2g)}}{pq(1-2g)}$; quo valore substituto, reperietur aqua infra libellam C subsidere per spatium $\frac{g(3p^2q^2+6p^2Q^2-2)}{2h}+\frac{3gp^2Q^2(1-8g)}{h(1-2g)^2};$ 2 h(1-8g) omnino igitur aqua in æftu movebitur per spatium === $\frac{3g p^2 q^2}{h(1-8g)} + \frac{6g p q P Q}{h(1-2g)} + \frac{3g P^2 Q^2 (1-8g)}{h(1-2g)^2}$, quorum fignorum ambiguorum superius + valet si Luna super horizonte. alterum verò - fi Luna fub horizonte in Fluxu meridianum attingit.

§. 86. Si aqua inertia carerer, tum superiore. Lunæ transitu per meridianum elevaretur supra sibellam C per spatium = $\frac{3(pq+pQ)^2-1}{b}g$, inferiori verò transitu per meridianum elevaretur ad altitudinem $\frac{3(pq-pQ)^2-1}{2}$ altitudinum discrimen est = $\frac{12gpqPQ}{}$; ita ur discrimen admissa inertia majus sit parte circiter octava, quam idem discrimen si inertia tollatur. Maximè autem deprimetur. aqua fublatà inertià, si fuerit cos. $z = \frac{-PQ}{pq}$, tumque infra libellam erit conflituta intervallo $=\frac{g}{h}$; ex quo spatium pper quod æstus Maris sit sublata inertia, prodit Qqiii

INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM 3 p2 q2 + 3 P2 Q2 + 6 pq P Q g; cum igitur idem spatium concessâ inertiâ, sit = $\frac{3gp^2q^2}{h(1-8g)} + \frac{6gpqPQ}{h(1-2g)} + \frac{3gP^2Q^2(1-8g)}{h(1-2g)^2}$ erit excessus hujus spatii super illud = $\frac{2 + g^2}{h(1 - 8g)}$ $\frac{-1 \cdot 2 \cdot g^2 \cdot P^2 \cdot Q^2 \cdot (1+g)}{h \cdot (1-2g)^2} \stackrel{\bullet}{=} \frac{1 \cdot 2 \cdot g^2 \cdot p \cdot q \cdot P \cdot Q}{h \cdot (1-2g)}$. Fieri ergo potest ut spatium, in quo æstus Maris continetur, majus sit sublatà inertiâ, quàm si ea aquæ tribuatur, id quod eveniet si $\frac{P^2 Q^2(1+g)}{(1-2g)^2}$ $\Rightarrow \frac{z p^2 q^2}{1-8g} \text{ vel } \frac{pQ}{pq} \Rightarrow \frac{(1-2g)\sqrt{z}}{\sqrt{(1+g)}(1-8g)}, \text{ hoc eff, } \frac{pQ}{pq} \Rightarrow \frac{\sqrt{256}}{95}, \text{po-}$ sito g= 18; quod verò si evenit, Luna ne quidem adhorizontem in cursu diurno attingit, ac propterea aquam non deprimit. Ex quo sequitur æstum ubique ab inertia aquæ augeri: erit autem ad usum magis accommodate spatium AB, per quod Mare agitatur, ita expressum ut sit A B = $\frac{3g}{h(1-8g)} \left(pq \pm \frac{pQ(1-8g)}{1-2g}\right)^2$, ubi fignorum ambiguorum superius transitum Lunæ per meridianum super horizonte, inferius verò fub horizonte respicit.

§. 87. Cùm fit $\frac{3R}{2} = 3$, 372 pedum, Lunâ mediocrem à Terrâ diflantiam tenente, atque g fit circiter $\frac{1}{2}$; vel $\frac{1}{14}$; erit posito $g = \frac{1}{2}$; spatium $AB = \frac{2}{2}$; $(pq + \frac{1}{2}, \frac{p}{2}, 0)^2$, 3, 372 ped. at facto $g = \frac{1}{14}$; erit spatium $AB = \frac{2}{2}$; $(pq + \frac{1}{4}, \frac{p}{2}, 0)^2$, 3, 372 ped. Ex his colligitur aftum fore maximum pro eadem elevatione poli, si fuerit tangens declinationis Lunx = $\frac{1}{2}$; casug = $\frac{1}{2}$; vel = $\frac{1}{4}$; casug = $\frac{1}{14}$; horum autem casuum prior veritati magis videtur consentaneus, atque hanc ob rem valorem $g = \frac{2}{2}$; retineamus; hinc igitur sequentur su suquatore assum fore maximum si Luna nullam habeat declinationem, atque simul pro quaque regione declinatio Lunx poterit assignari, cui maximus assum respondeat: uni ex adjecto laterculo apparet:

In locis ergo ultra 45° . ab æquatore remotis æflus erit maximus, fi Luna maximam obtineat declinationem, fi quidem fuerit $g = \frac{1}{25}$; ac fi per observationes conster cuinam Lunæ declinationi maximus æflus respondeat, tunn inde valor litteræ g innotescet; quoniam autem sib elevatione poli 50° . æflus maximi nondum maximæ declinationi respondere observantur, ponamus id evenire sib elevatione poli 60° , reperiettr $\frac{1-8}{1-8}\frac{g}{2} = \frac{1}{2}$ atque $g = \frac{r}{15}$, unde ipsius g tutò hi limites conssituit posse videntur $\frac{1}{10}$ & $\frac{1}{18}$; ex hac verò hypothesi valor $\frac{1}{10}$ multo propiùs ad veritatem accedit; interim tamen etiamnum nil definimus, sed observationes hunc in finem sollicitè institutas expectamus.

 312 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM Fluxus dirimit, quam fieret, fi ima aqua Lunæ horizontali responderet. Si enim tempus medium inter binos Fluxus ponatur z, enit cost z=0, at temporis, quo Resluxus Fluxum majorem insequitur, cosinus est $=\frac{-pQ}{4PR}$, ejusque

ergo intervalli à tempore medio sinus est = \frac{4Fg}{4Fg}, quæ expression a deo sub elevatione poli 60°, pro maxima Lunæ declinatione 28°, tantum sit = sin. 15°, unde Ressuss à tempore inter Fluxus medio circiter 54 aberrabit: minor verò erit aberratio, quò propibs chim regio Terræ tùm Luna ad æquatorem versentur, id quod cum experientis miriticè convenit. Quoniam autem hæc ex valore ipsus gassumo consequentur, imprimis notari oporter, litteram g non posse absolute determinari, sed ejus quantiatem, quippe quæ mobilitatem totius oceani specâta; cùm ab extensione tùm etiam profunditate Maris pendere; ex quo varsis in locis hæc eadem littera g, varias significationes sorietur.

§. 89. Ex folutione horum duorum problematum, quæ quidem in se spectata non solum sunt attentione digna, fed etiam cum analysin tum etiam motus scientiam amplificant, quamvis ea cafum propositum non penitus exhauriant, tamen motus in præcedentibus capitibus definitus multò magis cum experientia conciliatur, id quod theoriæ nostræ jam insigne addit firmamentum. Simili autem modo vis à Sole profecta cum inertià aquæ potest conjungi, atque æstus Maris definiri, quatenus à sola vi Solis oritur, quibus duobus effectibus conjungendis judicare licebit, quantus astus quovis tempore & quovis loco debeat evenire. In hoc quidem capite cogitationes adhuc ab omnibus obflaculis à Terrâ & littoribus oriundis prorfus abstrahimus, atque universam Terram undiquaque aquâ circumfufam ponimus; ex quo regulas hinc naras præcipuè cum ejulmodi observationibus, quæ in amplissimo oceano apud exiguas infulas funt inflitura, conferri conveniet. Quoniam autem nondum motûs aguæ progressiyi, quo alternativè

alternativè ad loca, in quibus Fluxus & Refluxus accidit, progreditur & recedit , rationem habuimus, neceffe est uteriam hunc motum & Phenomena inde orta contemplemur. Ac primò quidem facilè intelligitur, còm ob inertiam aqua tùm etiam alla impedimenta motui opposita, aquam tan tardius elevari quòm deprimi oportere, quòm ex allaris hactenus consequitur: unde Fluxus non ad transstrus Lunæ per meridianum contingent, sed aliquanto serius evenient, omnino uti experientia tessaur.

§. 90. Hac autem retardatio pracisè ad calculum revocari non potest, quia à motu aquæ ejusque profunditate plurimum pendeat, prouti etiam videmus in diversis locis eam vehementer effe diversam, atque aliis locis Fluxum contingere post Lunz culminationem tribus horis nondum elapsis, aliis verò locis plus quam duodecim horis tardiùs venire, quæ quidem inlignis retardatio terrarum politioni est adscribenda; interim tamen hinc sufficienter constat motum Maris admodum posse impediri. Pro eodem verò loco fatis luculenter perspicitur, quò major atque altior Fluxus evenire debeat, eò tardiùs eundem accidere oportere. Quòd si enim æstus contingat infinitè parvus, dubium est nullum, quin is stato tempore adveniat, cum impedimentis hoc casu ne locus quidem concedatur agendi : unde dilucidè seguitur æstus eò tardiùs advenire debere, quò fint majores. Atque hoc ipfum experientia confirmat, quâ conflat æstus majores, qui circa novilunia ac plenilunia contingunt, tardiùs insequi transitum Lunæ per meridianum, quam æstus minores, qui circa quadraturas contingunt. Cum enim Luna in quadraturis circiter 6 horis tardiùs respectu Solis per meridianum transeat, quàm in fyzygiis, æstus tamen non 6 horis tardiùs, sed tantum circiter 5 thoris tardiùs accidit. Videtur verò etiam calculus, qui pro utraque vi Solis ac Lunæ conjunctim institui potest simili modo, quo pro folà vi Lunæ fecimus, ejusmodi retardationem majorem in fyzygiis quam in quadraturis indicare, etiamsi eum ob summas difficultates ad finem per-

R

4 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

ducere non valuerimus; interim tamen fatis planum eft præcipuam ejus caufam in ipså naturå aquæ effe quærendam. Hæc autem allata ratio retardationis à Flamfledio maximé probatur, quippe qui obfervavit maximam retardationem non tam fyzygiis luminarium, neque minimam quadraturris refpondere, sed iis tempestatibus, quibus æstus soleant esse maximi & minimi, id quod demum post syzygias &

quadraturas contingit.

§. 91. Ad hanc autem Fluxuum à syzygiis ad quadraturas accelerationem, respectu transitus Luna per meridianum, ac retardationem à quadraturis ad fyzygias, plurimum quoque vis Solis conferre videtur. Suprà enim jam indicavimus post fyzygias Fluxum transitum Lunæ per meridianum antecedere debere, ob Solem tum jam versùs horizontem declinantem; unde etiam, stabilità inertià, diebus novilunia ac plenilunia sequentibus æstus Maris citiùs insequi debet transitum Lunæ per meridianum, quam in ipsis syzygiis, id quod etiam observationes mirificè confirmant; inter Fluxum enim quintum & fextum post syzygias retardatio respectu Solis tantum 17 minut. deprehenditur, cum tamen Luna 24 retardetur. Hanc ob rem à Sole determinatur æftus ad actionem virium magis exactè sequendam, quæ determinatio cum duret usque ad quadraturas, mirum non est, quòd æstus tùm respectu Lunæ citiùs contingant, magisque ad calculum accedant. Contrarium evenit in progressu à quadraturis ad syzygias, quo tempore æstus à Sole continuò retardantur; hocque necessariò efficitur, ut tandem in ipsis syzygiis Fluxus tardiùs insequatur Lunæ culminationem quam in quadraturis. Hanc autem rationem cum magnitudine æstûs conjungendam esse putamus ad hæc phænomena perfectè explicanda, sæpissimè enim in hac quastione plures causa ad eundem effectum producendum concurrunt; hoc autem est idipsum quod calculus ille fummopere implicatus & moleftus quafi per transennam oftendere vifus eft.

S. 92. Quò autem tam de his Phanomenis quam reliquis

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS.

certiùs & folidiùs judicare queamus, ipsum motum progresfivum, quem aqua ab æftu recipit, investigabimus. Cùm enim aqua eodem loco nunc elevetur nunc fubfidat, necesse est ut priori casu aqua aliunde affluat, posteriori verò ab eodem loco defluat, unde nomina Fluxûs ac Refluxûs originem traxerunt. Repræsentet igitur tempore quocun- F10. XII. que figura ADBE flatum aquæ totam Terram ambientis, ita ut in locis A & B aqua maximè sit elevata, in locis verò mediis ab A & B æquidistantibus, maximè depressa. Post aliquod tempus transferatur æstus summus ex A & B in a & b, fitque a D b E figura aqua Terram circumdantis: hoc igitur tempore necesse est, ut à parte oceani DF defluxerit aquæ copia FAMDmf, in partem verò FEtantundem aquæ affluxerit, portio scilicet FaN Ene: simili modo portio EG decrevit copia aqua EPBGgp, portioque GD augmentum accepit Gb Q D q d. Si nunc ponamus portionem FMm transire in locum FNn, ac portionem EPp in ENn deferri, fatis clarè motum aquæ progressivum intelligere licebit. Cum enim motus aquæ fumme A fiat ab ortu in occasum, aqua quæ circa A versùs orientem scilicet ab M ad N usque est sita, in occafum movebitur; similiterque ea quæ huic è diametro est opposita & spatium P Q occupat. Contrà verò reliqua aqua in MO & NP contenta in ortum promovebitur. Verum celeritas ubique non erit eadem; in punctis enim M, N, P & Q quippe limitibus inter motus versus ortum & obitum, celeritas erit nulla, deinde ab M usque ad F crescet ubique ita ut incrementa celeritatis in punctis mediis ut A fint differentiis Af proportionalia : ab F verò usque ad N celeritas decrescere debet, & decrementum celeritatis in e erit ut ae; similique modo comparatus erit motus in reliquis portionibus figuræ propofitæ.

§. 93. Si hæc diligentiùs profequamur ac punctum a ipfi A proximum ponamus, reperiemus in loco quocunque M fore intervallum Mm sinui dupli anguli MCA proportionale. Quare si anguli ACM sinus ponatur =x, cosinus

316 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

= y, ac celeritas quam aqua in M habet, versùs occasum = u, erit du ut 2 xy. Cùm autem elementum arcûs AM fit ut $\frac{d}{2}$; nam figuram instat circuli considerari licet: erit

du ut 2xdx, atque u proportionale erit ipsi 2xx-1 ejusmodi adjecta constante, ut ubi Mm est maximum. ibi celeritas evanescat. Hanc ob rem erit celeritas in loco quocunque M, quam aqua versus occidentem habebit, uti cosinus dupli anguli MCA. Maxima igitur aquæ celeritas versus occidentem erit in iis locis, in quibus aqua maximè est elevata; huicque celeritati æqualis est ea, quâ aqua in locis ubi maximè est depressa, versus orientem promovetur; si quidem hæc in circulo fieri concipiamus, nam in fphæra motus aliquantum diversus erit, sed tamen hinc intelligi poterit. At in locis quæ ab A & B 45 grad. diftant, ob cofinum dupli anguli = 0, aqua omnino nullum habebit motum horizontalem. Ex his igitur non folum motus aquæ progressivus cognoscitur, quo alterna elevatio ac depressio producitur, fed etiam luculenter perturbationes, quæ à Terris, littoribus atque etiam à fundo Maris proficisci possunt, perspiciuntur. Ceterum quanquam sectio nostra plana ADBE æquatorem folum denotare videtur, tamen eadem ad parallelum quemvis fignificandum fatis commodè adhiberi potest : quin etiam motus pro sphæra hinc satis distinctè colligi poterit, operæ enim pretium non judicamus, per folidorum introductionem hanc rem cognitu tantò difficiliorem reddere.

5.94. Eo minus autem hujus accuratæ inquifitioni infifemus, quòd celeritas progreffiva infuper à profunditate maris pendeat. Quòd fi enim ponamus mn jam effe Maris fundum, ita ut profunditas Maris in M major non effet quàm Mm, tum ifit aquæ tantus motus ineffe deberer, quo ea, dum Fluxus ex M in M transfer, ex fitu M in M in

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 31

gravitatis interea percurfo est æstimandus. Hoc igitur casu, quo Terræ superficiem solidana ad mn usque pertingere ponimus , reperietur centrum gravitatis masse nFMm servæ æquè celeriter promoveri debere ac punctum A, ex quo ejus celeritas tanta esse debere, qua tempore unius horæ spatium serve 1,5 graduum percurrere posser, quæ celeritas utique foret enormis ac stupenda. At si Mari profunditatem majorem tribuanus, scilicet ad μn usque , tum illa celeritas multò siet minor, decrescer namque in eadem ratione in qua profunditas crescit. Cùm igitur celeritas Maris, quæ antè in se speciata inventa est cosinui dupli anguli MCA proportionalis , cò siat minor, quò majorem Mare habeat profunditatem , tenebit ea in quoque loco rationem compositam ex ratione directà cosinus dupli anguli MCA atque

ex inversâ profunditatis.

5.95. Datur autem alius modus celeritatem Maris horizontalem, posità scilicet ubique profunditate eadem, determinandi, qui tamen etiam ad diversas profunditates patet, si cum ratione inveniendà conjungamus reciprocum profunditatum uti fecimus; deduciturque hic modus ex motu Maris verticali, quo modò ascendit modò descendit, qui jam suprà est definitus. Primò enim manifestum est, si Mare ubique eâdem celeritate, (positâ profunditate ubique æquali) in eandem plagam promoveretur, tum etiam altitudinem mansuram esse eandem ubique, neque ullam mutationem in elevatione aqua orturam effe. At fi aqua motu inaquabili progrediatur, manifestum est iis in locis, ubi celeritas diminuitur, aquam turgescere atque adeo elevari debere, quoniam plus aquæ affluit quam defluit; contrà verò ubi celeritas aquæ crescat, ibi aquam subsidere oportere. Quare cum elevatio & depressio Maris à motus progressivi horizontalis inæqualitate pendeat, licebit pro quovis loco hanc inæqualitatem definire, ex motu ascensûs & descensûs cognito. Cum enim celeritas afcensus fit decremento celeritatis progressivæ æqualis, celeritas descensûs verò incremento celeritatis progressiva, ex dato motu verticali ratio

motûs horizontalis definiri poterit. Invenimus autem fuprà 6. 84, fi Luna à meridiano versus occasum iam recessit angulo z, hoc est cùm regio proposita ab ea, in qua aqua est summa, versus orientem secundum longitudinem diflet angulo z, fore celeritatem quâ aqua ascendit === $\frac{-6gpq^pQ fin. z}{h(1-2g)} = \frac{3gp^2q^2 fin. zz}{h(1-8g)}.$ Quare cùm huic celeritati ascensûs proportionale sit decrementum motûs horizontalis, erit ipla celeritas horizontalis versus occasium ut $\frac{g(3p^2q^2+6p^2Q^2-2)}{2h}+\frac{6gpqPQcof.z}{h(1-2g)}+\frac{3gp^2q^2cof.zz}{2h(1-8g)};$ hujus enim differentiale negative fumtum & per dz divifum dat ipfam celeritatem afcensûs. Quoniam autem hæc expressio simul exhibet spatium, quo Mare supra libellam elevatur, erit celeritas Maris in quovis loco versus occidentem proportionalis elevationi supra libellam, & inversè profunditati Maris, quæ est vera regula pro motu Maris, tam verticali quam horizontali, definiendo; atque

ita, priori modo insufficienti supersedere potussismum. \$, 96. Consideremus ergo motum, quo aqua tam verticaliter quàm horizontaliter promovetur à Fluxu usque ad Restuxum, indeque ad sequentem Fluxum, idque sub aquatore, dum Luna pariter in aquatore versatur: erit itaque celeritas ascensis ut — sin. 22, celeritas autem horizontalis versus occasium ut 15 cos 22 + 1 posto g = \frac{1}{1.6}, cut expression simul altitudo aqua supra libellam est pro-

Fig. XIII. cui expressioni simul altitudo aqua supra libellam est proportionalis. Quòd si ergo superficies Terre seu perimeter aquatoris in 24 partes aquales dividatur, atque in locis A&B aqua sit maximè elevata, in C&D verò minimè, numeri 1, 2, 3, &c. designabunt ea Terre loca in quibus ante unam vel duas vel tres vel &c. horas lunares aqua maximè suit elevata, tribuendo uni hora Lunari 62 minuta. In Tabulà ergo annexà exhibetur motus tam verticalis, quàm horizontalis, adsingulas horas post Fluxum elapsas.

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 319

Hora post Fluxum.	Celeritas	Maris verticalis.	Celeritas Maris horizontalis.	
0	0,000	descendit.	1,067	in occafum.
1	0,500	descendit.	0,927	in occafum.
2	0,860	descendit.	0,567	in occafum.
3	1,000	descendit.	0,067	in occasium.
4	0,860	descendit.	0,432	in ortum.
5	0,500	descendit.	0,792	in ortum.
6	0,000	ascendit.	0,932	in ortum.
7	0,500	afcendit.	0,792	in ortum.
8	0,860	ascendit.	0,432	in ortum.
9	1,000	ascendit.	0,067	in occasium.
10	0,860	ascendit.	0,567	in occasum.
11	0,500	afcendit.	0,927	in occasum.
12	0,000	descendit.	1,067	in occasum.

Facilè autem intelligitur pro regionibus ab aquatore remotis, pracipuè fi Luna habeat declinationem, tum utrumque motum magis fore irregularem, atque mox afcenfum citiùs abfolvi mox verò defcenfum; totus autem motus faciliùs ex ipfis formulis datis cognofcetur. Hic denique profunditarem ubique eandem pofuimus; quòd fi enim effet diverfa, motus horizontalis fimul rationem inverfam profunditatis tenebit.

"5. 97. Denique antequam hoc caput finiamus, notari oportet, neque maximos aftus iis ipfis temporibus evenire-poffe, quibus vires Solis & Lunæ maximè vigent, nec minimos aftus tum, chm vis à Luna & Sole nata est debilisssima, sedaliquanto tardiùs. Æstus enim magnitudo non folum à quantitate virium sollicitantium pendet, uti id usuveniret, si aqua inertià careret; sed insuper à motu jam antè concepto. Quòd sienim antè Mare omnino quievisset;

320 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

tum primus certè aftus oriundus admodum futurus effet exilis etiamsi vires sollicitantes essent maximæ; sequentes verò æstus continuò crescerent, donec tandem post tempus infinitum magnitudinem assignatam obtinerent, si quidem vires follicitantes idem robur perpetuò servarent : atque hoc idem evenire debet, si æstus præcedentes tantum fuerint minores, quâm is qui viribus follicitantibus convenit. Quare cum æstus novilunia ac plenilunia præcedentes sint minores, ii quidem his temporibus ab auctis viribus augebuntur, non verò subitò totam suam quantitatem consequentur, atque hanc ob rem æftus etiamnum post syzygias augmenta accipient, donec ob tum fecutura virium decrementa, æftus iterum decrescere incipiant. Ita tempore noviluniorum & pleniluniorum non tam ipsi æstus quam incrementa eorum censenda sunt maxima, quatenus scilicet æstus præcedentes maximè deficiunt, ab iis qui sequi deberent; ex quo manifestum est non illos æstus, qui in ipsis syzygiis luminarium contingunt, esse maximos, sed sequentes esse majores. Hocque idem intelligendum est de æstibus minimis, qui non in ipsas quadraturas incidunt, sed tardiùs sequuntur: unde ratio luculenter perspicitur, cur æstus tam maximi quam minimi non ipsis syzygiarum & quadraturarum tempestatibus respondeant, sed serius observentur, tertii scilicet demum vel quarti post hæc tempora.



CAPUT SEPTIMUM.

Explicatio præcipuorum Phænomenorum circa Æstum Maris observatorum.

5. 98. N præcedentibus capitibus fusius exposuimus effectus, qui in Mari à viribus illis duabus, quarum altera versus Lunam est directa, altera versus Solem, produci debent; eosque cum per calculum analyticum, tum per solida ratiocinia ita determinavimus, ut de eorum existentià dubitari omnino non liceat, si quidem illæ vires admittantur. At verò istas vires in mundo existere non solum per alia phænomena evidentissimè probavimus, sed etiam earum caufam phyficam affignavimus, quam in binis vorticibus, quorum alter circa Solem, alter circa Lunam sit conflitutus, posuimus, quippe quæ est unica ratio cùm gravitatem tùm etiam vires, quibus planetæ in fuis orbitis circa Solem continentur, explicandi. Quin etiam hæc ipfa phænomena internam vorticum structuram & indolem commonstrarunt; ob eaque vortices ita comparatos esse flatuimus, ut vires centrifugæ decrescant in duplicata ratione distantiarum à centris eorumdem. Quare cum in his viribus nihil gratuito affumferimus, fi effectus ex iis oriundi cum phænomenis æftûs Maris conveniant, certissimè nobis perfuadere poterimus, in affignatis viribus veram æftûs Maris causam contineri; absonumque omnino fore, si caufam æstús Maris in aliis viribus imaginariis anquirere vellemus. Quamobrem in hoc capite constituimus omnes effectus, qui in superioribus capitibus sparsim sunt eruti, conjunctim & ordine proponere, fummumque eorum confenfum cum experientià declarare. Quoniam autem nondum impedimentorum à littoribus terrisque oriundorum rationem habuimus, facilè intelligitur, hinc excludi adhuc debere ejulmodi anomalias æltûs Maris, quæ evidentissimě

322 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

à Terris contingentibus ortum habeant, cujufmodi funt æftus vel vehementer enormes vel vix fentibiles, ut in Mari Mediterraneo, vel infignes retardationes eorum, quibus rebus explicandis fequens caput ultimum deftinavimus: ita in hoc capite tantum ea æftûs Maris phænomena explicanda fufcipimus, quæ in portubus amplifimum oceanum refpicientibus vel infulis obfervari folent in oceano firis.

§. 99. Si omnes proprietates, quibus Fluxus ac Refluxus Maris præditus esse observatur, distinctè enumerare atque exponere velimus, deprehendemus eas ad tres classes revocari debere. Ad primam scilicet classem referenda funt phænomena, quæ in uno æftu in se spectato conspiciuntur, cum ratione temporis tum etiam ratione quantitatis; hæcque phænomena commodissimè sub varietatibus diurnis comprehendi possunt, quatenus ea se offerunt obfervatori, qui per integrum tantum diem observationes instituit, neque ea cum aliis phanomenis aliis temporibus occurrentibus comparat. Secunda classis complectitur varietates menstruas, quæ sese observatori per integrum menfem æstum Maris contemplanti offerunt, quorsum pertinent æstus maximi minimique, item retardationes modò majores modò minores. Tertia denique classis comprehendit varietates annuas ac pluíquam annuas, quæ fequuntur vel varias Lunæ à Terra distantias, vel Solis; vel etiam luminarium declinationem. Hanc ob rem phænomena uniuscujusque classis recensebimus, atque quomodo singula cum theorià tradità congruant, oftendemus. Hic verò, ut jam est monitum, à perturbationibus que à Terris ac littoribus provenire possunt, animum prorsus abstinemus, eas sequenti capiti refervantes. Multo minus verò ad ventum hic respicimus, quo aftus Maris cum ratione magnitudinis tum temporis plurimum affici observatur; sed tantum ejusmodi phanomena explicare hic conabimur, quæ memoratis perturbationibus minimè sint obnoxia.

5. 100. Quod igitur ad primam classem attinet, præci-

puum Phænomenum in hoc consistit, quòd ubique in amplissimo oceano quotidie bini Maris Fluxus seu elevationes, binique Refluxus seu depressiones observentur, atque tempus inter binos Fluxus fuccessivos circiter 12 h. 24 deprehendatur. Huic verò Phanomeno, si ulli alii, per theoriam nostram plenissimè est satisfactum, ubi ostendimus maximam aquæ elevationem deberi transitui Lunæ per meridianum tam fupra quam infra Terram : ex quo cum Luna una revolutione diurna bis ad ejusdem loci meridianum appellat intervallo temporis circiter 12 hor. 24', neceffariò fequitur una revolutione Lunæ circa Terram binos Fluxus tanto tempore à se invicem dissitos oriri debere, quemadmodum hoc ipsum calculus tam pro hypothesi aquæ inertia carentis, quam admissa inertia, clarissimè indicavit. Simul autem ex iifdem determinationibus intelligitur fub ipsis polis nullum omnino æstum dari diurnum. in regionibus verò à polis non procul remotis, ubi luminaria vel non oriuntur vel non occidunt, quotidie unum tantum Fluxum unicumque Refluxum contingere debere; quæ consequentia theoriæ, etsi observationibus nondum fatis est comprobata, tamen quia ex iisdem principiis sequitur quæ institutis observationibus satisfaciant, nulli ampliùs dubio subjecta videtur. In locis autem æquatori propioribus, quibus quotidie bini Fluxus totidemque Refluxus eveniunt, momentum, quo aqua maximè deprimitur non fatis exactè medium interjacere observatur inter Fluxuum momenta, fed mox priorimox posteriori est propius, quod Phænomenum cum nostrâ theoria apprime congruit ; ostendimus enim momentum Refluxûs non exactè tempori medio inter Fluxus respondere, nisi vel locus situs sit sub aquatore, vel Lunæ declinatio fuerit nulla, fed modò priori modò posteriori Fluxui esse propius.

5. 101. Secundum Phanomenum huc redit, ut ubique locorum Fluxus post transitum Luna per meridianum venire observetur, idque aliquot horarum spatio, in portubus versus apertum oceanum patentibus. Nam in regionibus

Sfij

324 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

quæ cum oceano non liberrimè communicantur, sed ad quas aqua juxta littora deferri debet, multo tardiùs æstus advenit, que retardatio si ferè ad 12 horas ascendit, in causa esse folet, ut hujufmodi in locis Fluxus ante transitum Lunæ per meridianum venire videatur. Ita ad Portum Gratiæ videri posset Fluxus 3 horis Lunæ culminationem antecedere, cùm tamen, re benè considerata, à præcedente culminatione oriatur, atque adeo eam o ferè horis demum fequatur, uti apparebit si æstuum momenta, quæ successivè ad littora Britanniæ minoris & Normanniæ observantur continuoque magis retardantur, attentiùs inspiciantur. Deberet quidem ubique Fluxus in ipfos Lunæ transitus per meridianum incidere, imò quandoque ob Solem præcedere, non folum demtâ inertiâ, fed etiam eâ positâ, si tantum aquæ morus verticalis spectetur; at si etiam motus horizontalis ratio habeatur, tum dilucidè oftendimus Fluxum perpetuò retardari, ac demum post Lunæ transitum per meridianum evenire debere. Tempus quidem hujus retardationis, cùm fit admodum variabile pluribufque circumftantiis fubjectum, non definivimus, interim tamen id ex §. 82. colligi poterit, remotis externis impedimentis : cùm enim invenerimus aquam propriâ vi gravitatis fefe in fitum æquilibrii recipere tempore $\frac{12}{n}$ horarum, ac numerum n effe circiter 5 vel 6. manifestum est tanto etiam tempore opus esse, quo aqua eum situm quem vires intendunt, induat, ex quo Fluxus circiter 2 horas vel 2 hor. post transitum Lunz per meridianum contingere debebit, id quod cum observationibus in oceano libero institutis egregiè convenit ; hancque idcirco pracipuam hujus retardationis caufam meritò affignamus.

5.102. Tertium Phænomenon fuppeditat æftås magnitudo, quæ autem tam diverfis locis quåm diverfis temperfatibus maximè eft mutabilis. Interim tamen exceptis enormibus illis æftubus, qui nonnullis in portubus observari solent, reliqui cum nostra Theoria egregiè conseniunt; interià enim sublatà, invenimus sub æquatore maximum

aftum fore per spatium circiter 4 pedum, ab inertia autem hoc intervallum augeri ita ut duplo, vel triplo, vel etiam quadruplo & plus fiat majus, prout valor ipfius g (vid. §. 82.) minor fuerit vel major, quippe qui à facultate oceani sese propriâ suâ vi in statum æquilibrii restituendi pendet; ex quo sub æquatore spatium per quod maximus æstus agitatur ad 8, 12, 16 & plures pedes exsurgere potest. In regionibus autem ab æquatore remotis invenimus magnitudineni æftûs tenere rationem duplicatam cofinuum elevationis poli, unde sub elevatione poli 45°, magnitudo æstûs circiter duplo erit minor quam sub ipso æquatore; cujus veritas in locis à littoribus aliquot milliaria remotis per experientiam eximiè comprobatur. Deprehenditur enim ubique in locis à littoribus remotis æstus multo minor quant ad littora; cujus discriminis causa in sequenti capite dilucidè indicabitur. Quinetiam in medio Mari plerumque æstus adhuc minor observatur, quam hæc regula requirit; id autem oftendetur à non fatis amplà oceani extensione fecundum longitudinem proficifci, quemadmodum in oceano Atlantico qui versus occidentem littoribus America versus orientem verò littoribus Africa & Europa terminatur, que amplitudo non est satis magna, ut integrant æstûs quantitatem fuscipere queat.

\$. 103. Quartum Phanomenon varietates menstruas refpicit, atque ostendit astus, qui circa plenilunia & novilunia contingunt, inter reliquos ejustemmensis esse maximos,
astus verò circa quadraturas luminarium minimos; qua inaqualitas cum theoria nostra ad amussim quadrat. Cum
enim astus Maris non solum ab ea vi, qua vortici Lunam
ambienti competit, oriatur, sed eriam à vi Solem spectante pendeat, qua ceteris paribus circiter quadruplo minor
est vi Luna, manisestum est astum Maris maximum este debere, si amba vires inter se conspirent, atque aquam simul'
vel elevent vel deprimant, id quod accidere ostendimus:
tam pleniumis quam noviluniis. Deinde simili modo, quoniam ista vires inter se maximè discrepant in quadraturis,
St iii,

quibus temporibus dum aqua à Luna maximè elevatur, simul à Sole maxime deprimitur ac vicissim, perspicuum est iisdem temporibus æstum minimum esse debere. Præterea verò ipsum discrimen cum theoria exactè convenit; in pluribus enim portubus aftus maximos & minimos ad calculum revocavimus, atque ex relatione eorum relationem inter vires Lunæ ac Solis investigavimus; hincque perperuò eandem ferè rationem inter vires Solis ac Lunæ absolutas elicuimus, quemadmodum id fecit Newtonus ex observationibus Bristolii & Plymouthi, nos verò in Portu Gratiæ institutis, conclusionibus mirificè inter se congruentibus : qualis confensus profecto expectari non posser, si theoria veritari non effet confentanea. Neque etiam aliæ theoriæ adhuc productæ, cujulmodi funt Galilæi, Wallisii atque Cartesii, qui causam in pressione Lunæ collocavit, huic phanomeno perfectè satisfaciunt, sed potiùs prorsùs evertuntur.

5. 104. Quintum Phænomenon in hoc consistat, quòd unius mensis intervallo maximi æstus non sint ii, qui novilunia ac plenilunia proximè insequuntur, sed sequentes tertii scilicet circiter vel quarti, similique intervallo astus minimi demum post quadraturas contingunt. Hujus autem Phanomeni ratio in §. 97. fusiùs est exposita, ubi ostendimus, cum æftus ante fyzygias incidentes effent minores, maximam vim à Sole & Luna ortam non fubito æstum maximum producere valere, fed tantum Mare ad eum statum sollicitare. Cum igitur post syzygias vis æstum esticiens senfibiliter non decrescat, aftus etiamnum post hoc tempus incrementa capiet, atque ideo demum post syzygias fiet maximus; fimilifque est ratio diminutionis æstuum, quæ eriamnum post quadraturas contingere debet, ita ut æstus minimi demum post quadraturas eveniant. Hujusmodi autem retardationes effectuum à viribus in mundo existentibus provenientium quotidie abundè experimur : ob fimilem enim rationem singulis diebus maximum calorem non in ipfo meridie fentimus, etiamfi hoc tempore vis Solis

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS.

calefaciens fine dubio fit maxima, fed demum aliquot horis poft meridiem, atque propter eandem caufam neque folfititi affivi momento maximus calor annuus fentitur, neque tempore folfititi hyberni frigus fummum, fed utrumque notabiliter tardius.

§. 105. Sextum Phænomenon in hoc ponimus, quòd momenta Fluxuum tempore fyzygiarum multo strictiùs ordinem tenere observantur, quam circa quadraturas. Hic verò ante omnia animadvertendum est præcipuam sensibilem anomaliam in momentis æftuum inde originem trahere, quòd hæc momenta ex tempore folari atque à vero meridie feu transitu Solis per meridianum soleant computari, cùm ea potius à transitu Lunæ per meridianum pendeant. Quòd fi autem ad has observationes tempus lunare à transitu Lunæ per meridianum computandum adhibeatur, irregularitates apparentes maximam partem evanescent, hoc verò multo magis in fluxubus circa fyzygias quam quadraturas: in quadraturis enim quoniam, dum Luna per meridianum transit, Sol non semper in horizonte versatur, sed vel ad horizontem demum accedit vel jam ab eo recedit, necesse est ut illo casu Fluxus citiùs, hoc verò tardiùs contingat : quod discrimen cum partim ab elevatione poli partim à declinatione luminarium pendeat, momenta Fluxuum in quadraturis magis irregularia reddit : interim tamen habitâ harum circumftantiarum ratione fatis propè definiri potest. Circa tempora Fluxuum autem, qui in noviluniis ac pleniluniis incidunt, hæc fola correctio feu reductio ad transitum Lunæ per meridianum omnem ferè anomaliam tollit, quorsum spectar regula à celeb. Cassino in Mem. 1710 tradita, qua pro totidem horis, quibus plenilunium feu novilunium vel ante meridiem vel post incidit, totidem bina minuta ad tempus Fluxûs medium vel addere vel ab eo fubtrahere jubet, quippe quæ ex motu Lunæ est petita. Interim tamen hac correctione adhibità aliqua anomalia superesse deprehenditur, cujus autem ratio ex nostra theoria sponte sequirur. Quando enim syzygia ante meridiem celebratur, tum dum Luna per meridianum transit, Sol jam ante eum est transgressus, atque ideo jam horizonti appropinquant, ex quo necesse est ur Fluxus citiùs eveniat, quàm prima regula sola adhibita indicat. Atque etiam idem in tabulis Fluxuum Dunkerque & in Portu Gratiæ observatorum, Mem. 1710. insertis, manissesso conspicitur: quando enim novilunium plenilunium ve pluribus horis ante meridiem accidit, tum Fluxus citiùs advenisse observatur, quàm calculus Cassiniums indicabat; contrà verò tardiùs si syzygiæ demum pluribus horis post meridiem inciderint, cujus majoris retardationis causa in Sole tum adhuc ab horizonte

recedente est quarenda.

5. 106. Septimum Phænomenon suppeditat diversa retardatio Fluxuum in fyzygiis luminarium & quadraturis refpectu appulsûs Lunæ ad meridianum ; tardiùs scilicet ubique locorum Fluxus, qui in fyzygiis contingunt, infequuntur culminationem Lunæ, quàm ii, qui circa quadraturas veniunt. Hujus autem Phænomeni duplex causa potest assignari, quarum prima à folâ quantitate æstuum petitur, quia enim æstus syzygiarum multò sunt majores quam æstus quadraturarum, confentaneum videtur illos tardiùs venire quàm hos. Altera verò caufa quæ hoc Phænomenon multò distinctiùs explicat, nullique dubio locum relinquit, nostræ theorix omnino est propria, priorique longè est præferenda. Ponamus enim t esse tempus, quo in noviluniis ac pleniluniis Fluxus post appulsum Lunæ ad meridianum venire folet; fequentibus igitur diebus hoc tempus t continuò diminuetur, quia tum Sol, dum Luna in meridiano versatur, Mare jam deprimit; quæ diminutio cum duret ferè usque ad quadraturas, necesse est ut his temporibus Fluxus multo citiùs post culminationem Lunæ sequantur, viribusque sollicitantibus magis obtemperent, utì hoc fusiùs \$. 91. explicavimus, unde tempus retardationis in quadraturis tantum erit t — θ. Post quadraturas autem Sol exerit contrarium effectum, arque adventum Fluxûs continuò magis retardat, idque aquali modo, quo antè acceleraverar, ex quo usque ad sequentem

FLUXUS AC REFLUXUS MAR 18. 329
quentem fyzygiam intervallum t—0 iterum ad t ufque
augebitur. Hujufque Phanomeni folius explicatio fufficere
posset ad veritatem theoria nostrae evincendam, cum id
omnibus aliis theoriis explicatu sit insuperabile; neque à
nemine adhuc saltem probabilis ejus caus sit si slignata.

§. 107. Octavum Phanomenon petamus ex inaqualitate duorum Fluxuum fese immediate insequentium, quorum alter transitui Lunæ superiori per meridianum respondet, alter inferiori, que inequalitas maxime observatur in regionibus ab æquatore multum remotis, ac tum, cum Lunæ declinatio est maxima. Theoria quidem declarat Lunam, etiamsi in ipso æquatore versetur, tamen majori vi gaudere ad Mare movendum, quando super horizonte meridianum attingit, quam infra horizontem; at discrimen adeo sub æquatore tam est exiguum, ut vix in fenfus occurrere queat, integrum enim digitum non attingit (§. 41.); atque in regionibus ab æquatore remotis fit multo minus. Vera igitur hujus Phænomeni ratio in altitudine Lunæ meridiana feu distantia ab horizonte continetur; hinc enim fequitur quò major fuerit differentia inter distantias Lunæ ab horizonte, dum per meridianum transit tum super horizonte tum sub horizonte, eò majorem esse debere differentiam interbinos Fluxus successivos, ex quo perspicuum est istam differentiam versus polos continuò crefcere debere, si guidem Luna habeat declinationem. Quòd si ergo Luna habuerit declinationem borealem, tum in regionibus feptentrionalibus Fluxus erit major qui transitum Lunæ per meridianum superiorem sequitur, alter verò sequens, qui transitui inferiori respondet, minor. Contrà autem si Lunæ declinatio fuerit auftralis, appulfui Lunæ ad meridianum fuperiori Fluxus fuccedet minor, inferiori verò major; hancque differentiam Flamstedius observavit diligenter, nullumque est dubium, quin ea per copiosissimas observationes, quas Academia Celeberrinia Regia Parifina collegit, omnino confirmetur. In hoc autem negotio indoles Fluxuum probè est inspicienda, quoniam aliquibus in portibus tantopere recardantur, ut sequentibus Lunæ transitibus per meridianum

T

fint propiores, quàm illi, cui fuam originem debent; ita Dunkerquæ circa fyzygias Fluxus circiter metidie obfervari folet, neque veto illi ipfi transfini Lunæ per metidianum eft tribuendus qui eodem tempore fit, fed præcedenti, prouti fucceffiva retardationis incrementa ad littora Galliæ & Belgii borealia evidentifilmè teflantur. Quare fi verbi grafia Dunkerquæ quis hujufmodi obfervationes perluftrate voluerit, is quemque Fluxum non cum transitu Lunæ per meridianum proximo comparet, fed cum eo qui propemodum 12 horis antè contigii; alioquin enim contraria Phænomena esset de-

prehenfurus.

5. 108. Commodus hic nobis præbetur locus explicandi transitum à binis astubus, qui quotidie in regionibus extracirculos polares fitis eveniunt, ad fingulos aftus, qui fecundùm theoriam nostram in regionibus polaribus contingere debent. Quoniam enim theoria nostra monstrat, in zonis temperatis & torrida quotidie duos Fluxus observari debere, in zonis frigidis autem unum tantum, transitio subitanea à binario ad unitatem maxime mirabilis ac paradoxa videri posset. Sed quia si Fluxus bini successivi interfe funt inæquales, Refluxus aquæ feu maxima depressio Fluxui minori est vicinior, bini astus quoque successivi ratione temporis inter se erunt inæquales, si quidem voce assûs intelligamus motum aquæ à fumma elevatione ad imam depressionem usque, ac vicissim. Quò magis itaque ab æquatore versus polos recedatur, eò major deprehendetur interbinos aftus fuccessivos inaqualitas cum ratione magnitudinis tùm temporis, major enim diutiùs durabit quam minor, ambo verò fimul ubique abfolventur tempore 12 horarum, cum 24 circiter : quòd si itaque in eas regiones usque perveniatur, in quibus Luna utraque vice vel super horizonte vel sub horizonte meridianum attingit, assus minor omnino evanescer, solusque major supererit, qui tempus 12 h. 24. adimplebit. Ex quibus perspicuum est, si Luna habeat declinationem, inæqualitatem binorum æstuum fuccessiyorum ad polos accedendo continuò fieri majorem, FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 331 atque tandem minorem omnino evanescere debere, quod cum evenit, bini assus in unum coalescunt.

5. 109. Explicatis anomaliis æftûs Maris menftruis, pervenimus ad anomalias annuas vel plusquam annuas, ac nonum quidem Phænomenon desumimus ex variatione æstûs, quæ à diversis Lunæ à Terra distantiis proficiscitur. Observantur enim æstus ubique majores ceteris paribus. in iifdem scilicer luminarium aspectibus iifdemque declinationibus, si Luna in suo perigao versetur, minores verò, Luna in apogæo existente. Egregiè autem hæc conveniunt cum nostra theoria, qua demonstravimus Lunæ vires ad Mare movendum decrescere in triplicata ratione distantiarum Lunæ à Terra : quòd si igitur Luna versetur in perigao Fluxus debebunt esse majores, quàm si Luna apogæum occupat. Præterea etiam tabula quam Celeb. Cassini in Mem. 1713. pro diversis Lunæ à Terra distantiis ex plurimis observationibus Brestiæ institutis collegit, satis accuratè cum theoria nostra conspirat, etiamsi enim pro Luna perigaa minorem elevationem aqua tribuat, quam ista ratio requireret, tamen discrimen valde est exiguum : quin etiam facilè concedetur Lunam perigæam totum suum effectum non tam citò consequi posse, quem tandem consequeretur, si Luna perpetuò in perigao versaretur. Aliter autem Luna apogæa est comparata, quæ ad diminuendum æstum Maris tendit, cum enim Mare ob inertiam & impedimenta ipfum ad diminutionem æstûs sit proclive, sine ullà resistentià Luna in apogao constituta effectum suum exeret. Huc etiam pertinet, quod pariter Celeb. Cassini se observasse testatur, similem differentiam etsi multo minorem à variis Solis à Terrâ distantiis produci, id quod nofire theorie non folum est consentaneum, sed inde etiam ipsa quantitas hujus differentiæ potest definiri.

\$. 110. Denique decimum Phanomenon fese nobis contemplandum offert, quo vulgo statui solet affus tam noviluniorum quam pleniluniorum, qui contingant circa aquinoctia, ceteris esse majores, etiamsi observationes hanc re-

gulam non penitùs confirment ; quamobrem videamus quomodo assus ceteris paribus comparatus esse debeat pro diversis Lunæ declinationibus. Ac primò quidem ex nostrâ theoria conflat (§. 87.) æstus dum Luna in æquatore verfatur, maximos esse non posse, nisi in locis sub ipso æquatore sitis; atque eodem loco tabellam adjecimus, ex qua pater, cuinam Lunæ declinationi maximi æftus respondeant. Ita pro elevatione poli 50°, assus maximi incidunt Luna declinationi 27°, si quidem g ponatur = 2; at posito g = 10, quod probabilius videtur, prodit Lunæ declinatio maximum æstum producens circiter 16°, id quod mirificè convenit cum observationibus ad Littora Galliæ Septentrionalia inflituris, quibus conflat maximos fyzygiarum æftus mensibus Novembri & Februario accidere solere, quibus temporibus Luna ferè affignatam obtinet declinationens. At quod fortè illi regulæ, quâ Lunæ in æquatore verfanni. maximi æstus adscribi solet, ansam præbuisse videtur, est modus aftuum quantitates definiendi peculiaris ac fatis perversus; cum enim crederent plerique observatores causis alienis tribuendam effe inæqualitatem, quæ inter binos æftus fuccessivos intercedat, veram aquæ elevationem accuratiùs definire sunt arbitrati, si sumerent medium inter binos Fluxus fuccessivos. Quòd si autem hoc modo quique assus æstimentur, tum utique maximi æstus in æquinoctia incidere observabuntur, id quod etiam nostræ theoriæ maximè est conforme, exceptis tantum regionibus polis vicinioris bus. Cum enim positis sinu elevationis poli = P, cosinu =p, finu declinationis Lunx=Q, cofinu =q, major æftus fiat per spatium $\frac{3z}{h(z-8z)} \left(pq + \frac{pQ(1-8z)}{1-2z} \right)^2$, minor verò per spatium $\frac{3z}{h(z-8z)} \left(pq - \frac{pQ(1-8z)}{1-2z} \right)^2$, (\$. 86...) erit per hune æftum Maris mensurandi modum quantitas aftis = $\frac{3g}{h(1-8g)} \left(p^2 q^2 + \frac{(1-8g)^2 p^2 Q^2}{(1-2g)^2} \right) = \frac{3g}{h(1-8g)} \left(p^2 - p^2 Q^2 + \frac{(1-8g)^2 p^2 Q^2}{(1-2g)^2} \right)$; ex qua express. Hone perspicitur maximos æstus ubique, si quidem modo recensito mensurentur, Lunæ in ipso æquatore degenti respondere, niss sit $\frac{(1-8g)^{3}p^{2}}{(1-2g)^{3}} > p^{2}$, hoc est niss rangens elevationis poli majos sit quiàm $\frac{1-2g}{2}$; his scilicet regionibus

vationis poli major fit quàm $\frac{r-3}{1-8}\frac{g}{g}$: his feilicet regionibus etiam Luna declinans ab æquatore majores æftus producer. At fi ponatur $g=\frac{3}{1-8}$, prodit elevatio poli, ubi regula prolata fallere incipit, $\delta 6^{\circ}$; finvautem portatur $g=\frac{1}{10}$, $fit elevatio poli major quàm <math>f8^{\circ}$; at polito $g=\frac{1}{10}$, provenir poli elevatio 76° . Cùm igitur in locis polis tam vicinis obfervationes inflitui non foleant, faits turò affirmare licet, maximos æftus menfitruos accidere circa æquinoctia, fi quidem quantitas æftus quotidie menfuretur per medium arithmeticum inter fpata, quæ duo æftus fuecessi conficient.

 111. Quid nunc aliud de theoriâ nostrâ sir sentiendum. nisi eam veram & genuinam æstûs Maris causam, qualis ab Illustrissima Academia Regia in proposira quastione desideratur, in fe complecti, non videmus? Non folum enim omnia Phanomena, qua in aftu Maris observantur, clare & distincte explicavimus, sed etiam existentiam actualem earum virium, quibus hos effectus adferibimus evidentissimè demonstravimus ; ex quo efficitur causam à nobisaffignatam, non tantum omnibus Phænomenis fatisfacere. fed etiam esse unicam quæ cum verâ consistere queat. Quòd si enim quispiam alias vires excogitet, quibus æquè omnia Phanomena explicare posset, etiamsi hoc sieri posse minimè concedamus, ejus certè explicatio subitò concideret & everteretur à viribus nostræ theoriæ, quas aliundæ in mundo existere abundè constar ; quoniam ab illis viribus imaginariis hifque realibus conjunctim effectus duplicatus consequi deberer, quem experientia aversatur. Nunc igitur nobis fummo jure afferere posse videmur, veram æstûs Maris causam in duobus vorticibus esse positam, quorum alter circa Solem, alter circa Lunam agiterur, atque uterque ejus fit indolis, ut vires centrifugæ decrescant in duplicata ratione distantiarum à centris utriusque vorticis : que proprietas obti-T t iii

netur, si celeritas materiæ subtilis gyrantis in quoque vortice teneat rationem reciprocam fubduplicaram distantiarum. Neque verò hi duo vortices ad libitum funt excogitati, sed ille qui Solem circumdat est is ipse, qui omnes planetas in fuis orbitis continer; alter verò Lunam circumdans, etsi ejus vis nisi in æstu Maris non sentitur, tamen fine ulla hæsitatione admitti potest, cum certò conflet Terram, Jovem ac Saturnum fimilibus vorticibus effe cinctas, unde ejufmodi vortices nulli omnino corpori mundano denegari posse videntur. Parciùs quidem hîc materiam de vorticibus tractavimus, etiamsi in illis veram æstûs Maris caufam ponamus; hoc autem de industria fecimus, cùm hoc argumentum jam toties sit tractatum ac ferè exhaustum; neque nobis persuadere possumus, si hac occasione doctrinam de vorticibus etiam melius, quam etiamnum à quoquam est factum, expediremus, ob eam rem præmium nobis tributum iri.

CAPUT OCTAVUM.

De Æstûs Maris persurbatione à Terris ac littoribus oriundâ.

5.112. PERVENIMUS tandem ad ultimam nostræ disquistionis pattent, quæ præcipua est, in qua Theoriam expositam ad statum telluris, in quo revera reperitur, debito modo accommodabimus. Hactenus enim, quò ardua ista disquistito facilior redderetur, ab omnibus circumstantiis externis quibus esfectus à viribus Solis ac Luna oriundis vel turbari vel determinatu dissiciliore reddi possent, cogitationem abstraximus. Primò scilicet non solum totam Tertam ex aqua constatam positimus, sed etiam inertiam aquæ mente sustilimus, ut eò pauciores res in computum ducendæ stiperessent. Deinde inertia quidem habuimus rationem, ac præcedentes determinationes debito

modo correximus; verum totam Terram aquâ undiquaque circumfusam assumsimus, seu etiamnum anomalias à Terris oriundas negleximus. Nunc itaque nostra theoria eò est perducta, ut nihil ampliùs adjicere necesse foret, si quidem æftus Maris à Terris littoribusque sensibiliter non afficeretur; nisi fortè anomaliæ quædam à ventis oriundæ commemorari deberent, qua autem motu aqua perspecto facile dijudicantur, atque ad omnes theorias æque pertinent. Quamobrem ultimum hoc caput destinavimus explicationi Phænomenorum quorumdam singularium, quorum causa non tam in ipså aqua viribufque eam follicitantibus, quamin Terrà continenti littoribusque est quærenda : hac enim parte abfolutà nihil ampliùs restare videtur, quod vel ad Theoriæ nostræ confirmationem, vel ad omnium Phænomenorum adæquatam explicationem desiderari queat. Quamvis enim Illustrissima Academia totum hoc argumentum non penitus exhauriri jubeat, cum adhuc nonnullas quastiones de eodem in posterum proponere constituisser, tamen quia hoc tempore vera caufa phyfica defideratur, veritatem nostræ theoriæ non satis confirmari arbitramur, nist ejus convenientiam cum omnibus Phænomenis dilucide oftenderemus cum si vel unicum Phanomenon refragaretur, eo ipfo tota theoria fubverteretur; quam ob caufam prolixitatem nostræ tractationis, atque transgressionem limitum præscriptorum nobis sine difficultate condonatum iri confidimus.

S. 113. Primum autem perspicuum est motum Maris horizontalem quo vel versus orientem vel occidentem progreditur, ob Terram interpositam non solum perturbari e verùm etiam quandoque prorfus impediri debere. Suprà enim oftendimus, si tota Terra aquâ esset circumsusa, tum ubique ad Fluxum formandum aquam ab oriente advehi debere, ante refluxum autem versus ortum defluere. Quòd si ergo oceanus versus orientem Terris terminetur, fieri omnino nequit tempore Fluxus ad hæc littora aqua ab oriente affluat, quo ipfo cursus aque naturalis penitus impedietur. Quo336 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

niam autem vires Solis ac Lunæ nihilominus his in regionibus Mare attollere conantur, effectum confequi non poterunt, nisi aqua ab occidente afferatur : sic quando ad littora Europæ aqua à viribus Solis ac Lunæ elevatur, aqua ab occidente eò deferatur necesse est, ab iis scilicet regionibus, ubi aqua codem tempore deprimitur; quod idem fieri debet ad littora Africa & America occidentalia. Contrà verò ad littora Asiæ & Americæ orientalia aqua naturali motu feretur, atque in Fluxu ab oriente adveniet, in Refluxu verò versus orientem recedet. Vires namque Solis ac Lunæ motum aquæ horizontalem non per se determinant, fed eatenus tantum, quatenus aliis in locis aquam attollunt, aliis verò eodem tempore deprimunt; atque aqua ob propriam gravitatem eum seligit motum, quo facillimè à locis quibus deprimitur, ad loca quibus attollitur promoveatur ; quamobrem iste motus maxime à Terris oceanum includentibus determinetur necesse est. Hinc igitur perspectà positione littorum cujusvis Maris facilè definiri poterit, à quanam plaga aqua in Fluxu venire, quorsumque in Refluxu decedere debeat, si modò elevationes & depressiones aquæ per totum Mare attentè considerentur: tota enim hæc quæstio pertinebit ad hydrostaticam.

. 5. 114. Cùm igitur ad littora Europa aqua elevari nequeat ; nifi affluxus ab occidente fiat copiofus, ad littora guæ versis occidentem refpiciunt aqua directè ab occidente adveniet ; qua autem littora ad aliam plagam funt disposita, aqua cursus versis orientem directus inflectetur juxta littora, priufquam eò pertingar, omnino uti inspectio mapparum docebit. Quoniam verò iste aquæ juxta littora Fluxus tantam celeritarem; quantam habet Luna, recipere nequir, necesse este est que ti Fluxus ad littora magis ad orientem sita tardiùs advenatur. Hæc autem versùs littora orientaliora retardatio maximè perspicua est in portubus Gallia; Belgii, Anglia-& Hibernia; cùm enimad oftia fluviorum Garumnæ & Ligeris, quæ versùs oceanum amplissimum patent, tempore pleniluniorum ac noviluniorum Fluxus adveniat hora tertià pomeridiana.

pomeridiana, que retardatio naturalis cenferi potest, neque littoribus adhuc turbata; hinc aqua demum ad littora Britanniæ minoris ac Normanniæ progreditur; atque idcirco his in regionibus Fluxus tardiùs evenire observantur. Sic ad Portum S. Malo tempore syzygiarum Fluxus demum horâ fextâ sequitur, ad ostia verò Sequanæ usque ad horam nonam retardatur: atque ita porro retardatio augetur, donec tandem in freto Gallico Dunkerguæ & Oftendæ mediâ nocte incidat. Ex hac verò retardatione innotescit celeritas aquæ, quâ juxta littora progreditur, eaque tanta deprehenditur quâ unâ horâ spatium circiter 8 milliarium conficiat. Denique aqua tantam fere viam absolvere debet usque ad Dublinum, quantam ad fretum Gallicum, ex quo Fluxus etiam Dublini horâ circiter decimâ pomeridianâ observari folet. Atque fimili modo retardatio Fluxuum ad littora aliarum regionum fine ullà difficultate explicari poterit.

5. 115. Quod autem ad quantitatem æstûs Maris ad littora attinet, facilè intelligitur æstum Maris ad littora majorem esse debere, quam in medio mari. Primo enim aqua cum impetu ad littora allidit, ex quo allapfu folo jam intumescentia oriri debet. Deinde quoniam aqua eâdem celeritate, quam habebat in oceano, ubi maxima est profunditas, progredi conatur, ad littora locaque vadosa vehementer inturgescet, tantum enim fere aquæ ad littora affertur, quantum sufficeret ad spatium, quod Terra occupat, inundandum. Tertiò iste aquæ affluxus in sinibus vadosis multò adhuc magis increscere debet, eò quòd aqua his in locis jam multum appulfa ad latera diffluere nequit, si quidem sinus directè versus eam plagam pateat, unde aqua advehitur. Ex his igitur non folum ratio patet, cur aqua fere ubique ad littora ad multo majorem altitudinem elevetur, quam in medio Mari, sed etiam cur Bristolii tam enormis Fluxus circa fyzygias luminarium observetur; cùm enim in hac regione littus sit valdè sinuosum ac vadofum, aqua maxima vi appellitur, neque ob finuofitatem

38 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

tam citò diffluere potest. Atque ex his principiis non est difficile rationem inconsuetorum æstuum, qui passim in variis portubus animadvertuntur, indicare atque explicare; quamobrem hujus generis Phænomenis explicandis diutiùs non immoramur, cùm consideratio littorum & Fluxûs aquæ

eò sponte quasi manuducat.

S. 116. Quamvis autem tam Affluxus aquæ ex oceano Atlantico, quam Refluxus per fretum Galliam ab Anglia dirimens, ingenti fiat celeritate, tamen cum versus Belgium foederatum Mare mox vehementer dilatetur, ab isto alterno Fluxu ac Refluxu altitudo Maris in oceano Germanico fenfibiliter mutari nequit. Atque hanc ob causam statui oportet, in hoc Mari æstum proficisci maximam partem ab affluxu & refluxu aquæ circa Scotiam, ubi communicatio hujus Maris. cum oceano Atlantico multo major patet; quam fententiam magnopere confirmat ingens æftuum retardatio ad littora Belgii & Angliæ orientalia observata, ad Ostia scilicet Thamisis pertingit Fluxus elapsis jam duodecim horis post transitum Lunæ per meridianum, atque ad Londinum ufque tribus fere horis tardiùs defertur; quod Phænomenon consistere non posset si aqua per fretum Gallicum solum moveretur, cùm jam in ipso freto duo decim horis retardetur Fluxus. Interim tamen negari non potest quin communicatio Maris Germanici cum oceano Atlantico per fretum Gallicum æftum quodammodo afficiat, atque Fluxum qui circa Scotiam advehitur vel adjuvet vel turbet, prout hi ambo motus ad Mare elevandum ac deprimendum vel magis inter fe confpirent vel minus. Simul autem hinc intelligitur æstum Maris ex oceano Atlantico neque cum Mari Mediterraneo neque cum Mari Baltico communicari posse, cum intervallo fex horarum per freta Herculea & Orefundica tantum aquæ in hæc maria neque affluere queat neque inde refluere, ut sensibilis mutatio in altitudine aquæ oriri queat. Quamobrem in istiusmodi maribus quæ à vasto oceano tantum angustis fretis separantur, æstus omnino nullus contingere potest, nisi forte talia maria Terris inclusa ipsa tam FLUXUS AC REFLUXUS MARIS.

339

sint ampla, ut vires Solis ac Lunæ æstum peculiarem in its producere queant; qua de re mox videbimus.

S. 117. Quemadmodum autem vidimus in Mari Germanico duplicem extare æstum, quorum alter, qui quidem longè est minor, per fretum Gallicum, alter circa Scotiam advehitur ex eodem oceano Atlantico: ita propter fingularem littorum quorumdam situm mirabilia Phænomena in æstu Maris evenire possunt. Quod si enim littus quodpiam ita fuerit comparatum, ut æstus in id duplici vià vel ex eodem oceano, vel ex diversis communicetur, ratione temporis, quo bini ifti æftus adveniunt infignes discrepantiæ oriri poterunt. Nam si per utramque viam Fluxus eodem tempore advehatur, atque adeo simul Refluxus congruant, æstus multo majores existere debebunt. Sin autem eo tempore, quo per alteram viam Fluxus advenit, ex altera via Refluxus incidat, tum æstus omnino destruetur si quidem per utramque viam aqua æquali vel affluat vel defluat. Ad hoc verò non sufficit ut ambæ viæ sint æquales, sed etiam requiritur ut bini æstus successivi sint æquales, id quod evenit fi Luna vel non habeat declinationem, vel littus in æquatore fuerit positum. Quòd si autem eadem duplici communicatione posità, tam Luna habeat declinationem, quàm littus notabiliter ab æquatore sit remotum, tum ob inæqualitatem binorum æftuum fese inseguentium, Fluxus majores ex alterà vià advenientes, superabunt Refluxus minores eodem tempore per alteram viam factos, atque hoc modo in tali littore fingulis diebus non bini Fluxus, fed unus tantum accidet; hancque rationem allegat Newtonus æstûs illius fingularis Tunquini observati, ubi si Luna in æquatore versatur nullus assus deprehenditur, sin autem Luna habeat declinationem unicus tantum una Lunz revolutione circa Terram. Nos autem mox hujus mirabilis Phænomeni aliam magis naturalem noftræque theoriæ conformem indicabimus caufam.

§. 118. Hactenuş æftum Maris, quemadmodum in ampliffimo oceano à viribus ad Lunam ac Solem tendentibus V u ij producatur, atque vario littorum situ cum ratione quantitatis tùm retardationis diversimodè turbetur, sumus contemplati, neque necesse esse duximus ventorum Marisque curfuum propriorum rationem habere, cum fatis pronum sit perspicere, quomodo his rebus æstus Maris tam augeri vel diminui, quam accelerari vel retardari debeat. Superest igitur ut exponamus, quomodo in fatis amplo tractu Maris, qui ab oceano vel omnino est sejunctus, vel per angustum tantum canalem conjunctus, peculiaris astus à viribus Lunæ ac Solis produci queat. Perspicuum enim est si talis tractus fecundum longitudinem ultra 90 gradus pateat, aftum pari modo generari debere, ac in ampliffimo oceano, qui totam tellurem ambire ponitur. Nam quoniam extensio tanta est, ut vires Luna & Solis in eo tractu simul maximam ac minimam aquæ altitudinem inducere queant, necesse est etiam, ut aqua alio in loco tantum elevetur, inque alio tantum deprimatur, quantum fieret, si iste tractus omnino non esset terminatus. At si iste tractus tam fuerit parvus ut fingulæ partes æqualibus fere viribus fimul vel attollantur vel deprimantur, nulla fensibilis mutatio oriri poterit. Aqua enim uno in loco attolli nequit nisi in alio subsidat & contrà, si quidem eadem aguæ copia in eo tractu perpetuò conservetur. Atque hac est ratio ut in Mari Baltico, Caspio, Nigro, aliisque minoribus lacubus nullus omnino æstus deprehendatur.

5. 119. Qüòd fi autem ifitufmodi Masis tractus tantum foatuum occupet, ut vires attollentes & deprimentes in extremitatibus fenifibiliter differant, tum neceffe eff ut non folum aqua in altero extremo elevetur in alteroque deprimatur, fed etaim ut differentia inter aqua altitudines tanta fit, quanta in aperto oceano eidem virium differentia refpondet. Quamobrem definiri conveniet, quanta differentia in diversis Terra locis eodem tempore in altitudinibus aqua à viribus Lunæ ac Solis produci queat. Ne autem calculus nimium fiat prolixus, folam Lunæ vim in computum ducemus, quippe quæ vim Solis multum excedit; se quoniam

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 341 effects Lunæ cogniro facile est Solis essectum æssimando vel adjicere vel auserre. Repræsentet ergo PLpI supersi- filo. XIV, ciem Terræ cujus poli sint $P \otimes p$, atque $M \otimes N$ sint duo termini in eodem Maris tractu assumit, in quibus quantum Maris altitudo quovis tempore distrat, sit investigandum. Repræsentet porro LI parallelum, in quo Luna moveatur hoc tempore, sitque Luna in L; atque exprimet angulus LPM tempus, quod post Lunæ transsitum per meridianum termini M est præsertassimin, angulus verò LPN tempus post transsitum Lunæ per meridianum alterius termini N. Ductis autem circulis maximis $PM \otimes PN$, erit arcus PM complementum latitudinis loci M, arcus PN verò loci

N; angulus verò MPN dabit differentiam longitudinis lo-

corum M & N; quæ proinde omnia ponuntur cognita. S. 120. Ducantur jam ex loco Lunæ L ad terminos M & N circuli maximi LM & LN, exhibebuntque ifti arcus complementa altitudinum, quibus hoc tempore Luna in locis M & N fupra horizontem elevata conspicitur. Ponatur arcûs PL finus = q, cofinus = Q, erit Q finus declinationis borealis Lunæ, si quidem D habeat valorem affirmativum, ac P polum borealem denotet. Deinde ponatur arcûs PM finus =p, cofinus =P, erit P finus elevationis poli pro loco M; similique modo sit arcûs PN sinus = r & cofinus = R, ita ut R fit finus elevationis poli loci N: denique sit anguli MPN sinus = M & cosinus=m, anguli verò LPM finus =T, cofinus =t; unde erit anguli LPN cofinus = mt - MT. Ex his per trigonometriam sphæricam reperietur sinus altitudinis Lunæ supra horizontem loci M feu cofinus arcûs L M=tap+ QP: pro loco N verò erit altitudinis Lunæ sinus == (mt-MT) qr + QR. Quare fi ut suprà vis absoluta ad Lunam urgens ponatur = L & distantia Lunæ à Terra = b, erit altitudo ad quam aqua in M elevari deberet = $\frac{L(3(rpq+PQ)^2-1)}{2b^3}$, & altitudo ad quam aqua in N elevari

deberet = $\frac{L(3((mr-MT)qr+QR)^2-1)}{26^5}$, utroque casulapra

342 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM libellam naturalem. Si ergo illa expressio hanc excedat, aqua in M altiùs erit elevata quàm in N intervallo $\frac{3L}{\epsilon^3}$ ($(tpq+pQ)^2-(mt-MT)qT+QR)^2$), hæcque expressio, quando fit negativa, indicabit, quanto aqua in N altiùs confistat quàm in M. In hoc verò negotio inertiam aqua negligimus, quoniam tantum proximè Phanomena hujusmodi cassibus oriunda indicare annitimur; si enim hanc materiam

perfecté evolvere vellemus, integro tractatu foret opus. 5. 121. Ponamus tractum nostrum Maris ab oriente N versus occidentem M sub eodem parallelo extendi, ita ut elevatio poli in locis M & N sit eadem; erit adeo R = P, & r=p. Transeat nunc Luna per meridianum loci M supra Terram ita ut fit T = 0, t = 1; hoc ergo tempore magis erit elevata in M quam in N intervallo $\frac{3L}{2h^2}$ ((pq+ $(PQ)^2 - (mpq + PQ)^2 = \frac{3L}{2b^3} (M^2p^2q^2 + 2(1-m)pqPQ).$ At quando Luna per meridianum loci N fupra Terram transit, aqua tantundem magis erit elevata in N quam in M. Ex quo sequitur, dum Luna à meridiano loci N ad meridianum loci M progreditur, aquam in M fensim elevari per fpatium $\frac{3 L p q}{2 b^3} \left(M^2 p q + 2 (1 - m) P Q \right)$, interea verò in N tantundem subsidere. Sin autem Luna infra Terram à meridiano loci N ad meridianum loci M progrediatur, aqua in M elevabitur interea per spatium $=\frac{3 L p q}{2 b^3} \left(M^2 p q - 2 (1-m) P Q \right)$, per tantumque spatium aqua in N fubfidet. Ponamus nunc angulum LPM esse 90 graduum, seu quæstionem institui, cum Luna jam ante sex horas meridianum loci M sit trangressa, atque obtinebitur differentia inter aquæ altitudines in locis M & N $= \frac{3L}{2b^3} \left(P^2 Q^2 - (PQ - Mpq) \right) = \frac{3Lpq}{2b^3} \left(2MPQ - M^2pq \right).$ Sex autem horis, antequam Luna ad meridianum loci Mappellit, aqua in N magis erit elevata quam in M inFLUXUS AC REFLUXUS MARIS. 343

tervallo = $\frac{3 L pq}{2 L b^2}$ (2 MPQ + M² pq). Sequuntur hæc si inertia aquæ negligatur; at inertia admissa ex præcedentibus satis clarum est, cum has differentias majores esse debere, tum tempora mutationum tardiùs sequi debere.

§.122. Quoniam verò in hoc Maris tractu perpetuò eaden aquæ quantitas contineri debet, necesse ut quantum aquæ una parte supra libellam attollatur, tantundem ea in reliqua parte infra libellam deprimatur. Quò igitur hinc altitudinem Maris quovis loco exacte determinemus, ponamus tractum nostrum secundum longitudinem terminari binis meridianis PM & PN, fecundum latitudinem verò binis parallelis $MN \otimes mn$, positâque Lunâ in L sit sinus PL = qcofinus = Q; finus LPM = T, cofinus = t. Porro fit finus arcus PM = p, cofinus = P, finus Pm = r, cofinus =R, atque anguli MPN finus =M & cofinus =m. Præterea sit elevatio in M dum Luna in L versatur, supra libellam = a, ita ut hoc loco suprema aquæ superficies à centro Terræ distet intervallo = 1 + a, unde cum sinus altitudinis Lunx in M sit = tpq + PQ, erit gravitatio totius columnæ aquæ ab M ad centrum $Terræ = \frac{(1+a)^{n+1}}{n+1}$ $\frac{L(1-3(tpq+PQ)^2)}{2b^3} = \frac{1}{1+n} + \alpha + \frac{L(1-3(tpq+PQ)^2)}{2b^3}$ prouti fuprà s. s. 43. & 44. demonstravimus. Consideretur jam locus quicunque X in nostro tractu, in quo aqua fupra libellam sit elevata spatio = \varphi; ac ducto per huno locum meridiano PR, sit anguli LPR sinus = X, cosinus = x; $\arcsin PX$ finus == 2 & cofinus == Z, unde gravitatio columnx aque $x \in X$ ad centrum Terrx pertingentis erit $=\frac{1}{1+n}$

 $+ \phi + \frac{L(1-3(xqx+Qz)^2)}{z^{bi}}$. Cam igitur hac gravitatio æqualis effe debeat illi, orietur $\phi = \alpha + \frac{3L}{z^{bi}}((xqx+Qz)^2 - (tpq+PQ)^2)$, ex quâ formulâ fi modo conflaret elevatio aqua in M_z finul innotefeeret elevatio vel depreffio

in quovis loco X.

§. 123. Cùm ergo in X aqua fupra libellam elevetur foatio , in elemento tractus infinite parvo XYyx, plus inerit aquæ, quam in statu naturali, & quidem quantitas XY. Xx. \(\phi \), cujus elementi integrale per totum tractum fumtum debet effe = 0, ex quo valor ipsius α innotescet. Erit autem angulus $RPr = \frac{dX}{r}$, hincque arculus $Xx = \frac{zdX}{r}$, at elementum $XY = \frac{dZ}{z}$, ex quo infinite parvum rectangulum $XYyx = \frac{d XdZ}{x}$, in quo ergo excessus aquæ supra statum naturalem est = $\frac{\phi dXdZ}{x}$ = $\frac{dX}{x} \left(adZ + \frac{3LdZ}{2b^3} \left((xqz + QZ)^2\right)\right)$ $-(tpq+PQ)^2$), quæ formula bis debet integrari. Ponatur primò X constans, & integratione absoluta reperietur in elemento RSsr excessus aquæ supra statum naturalem = $\frac{d X}{x} \left(\alpha (R-P) + \frac{3 L}{2 b^3} \left(q^2 x^2 (R-P) - \frac{x^2 q^2}{3} \right) \right)$ $(R^3-P^3)-\frac{2\times Qq}{2}(r^3-p^3)+\frac{Q^2}{2}(R^3-P^3)-(tpq+PQ)^2$ (R-P)). Integretur hæc formula denuo ut integrale ad totum tractum MNnm extendatur, prodibitque incrementum aquæ, quod toti tractui accessisse oporteret, $= \alpha (R-P) A \text{ fin. } M + \frac{3L}{2b^3} \left(\frac{q^2 (3(R-P)-(R^3-P^3))}{6} \right) \left(Mm \right)$ $(1-2TT)-2M^2Tt)+\frac{2Qq(r^3-p^3)}{2}(T-Mt-mT)$ $+\frac{q^{2}(R-P)}{4}$ fin. $M+\frac{(3Q^{2}-1)(R^{3}-P^{3})}{4}$ fin. $M-\frac{1}{2}$ $(tpq + PQ)^2(R - P)$ A fin. M), quæ adeo quantitas debet esse = 0 : unde oritur $\alpha = \frac{3L(tpq + PQ)^2}{2h^3} +$ $\frac{L(1-3Q^2)(R^1+PR+P^2)}{4b^3} - \frac{3Lq^4}{4b^3} + \frac{3L}{3b^2(R-P)A/mM} \left(\frac{q^2(3(R-P)-(R^3-P^3))}{6} \left(2M^3Tt - Mm(1-2TT)\right)\right)$ $+\frac{2Qq(p^3-r^3)}{2}(T-Mt-mT)$).

§. 124. Cognità igitur yerâ elevatione aqua in M supra libellam

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS

libellam, quam antè posuimus = a, hinc intelligetur vera aquæ elevatio supra libellam in loco quocunque X. Ponatur enim finus anguli MP X= S & cofinus = s, erit fin. LPR = X = Ts + tS & x = ts - TS, manentibufque arcûs PX finu = z & cofinu = Z, erit elevatio aquæ in $X = \varphi = \alpha + \frac{3L}{2b^3} ((ts - TS) qz + QZ)^2 - \frac{3L}{2b^3} (tpq)$ + P Q)2; quare loco a valore invento substituto, reperietur aqua in X supra libellam attolli actu per spatium === $\frac{3L}{2b^3} \left((ts - TS) qz + QZ \right)^2 + \frac{L(1-3Q^2)(R^2 + PR + P^2)}{4b^3}$ $-\frac{\frac{3}{4}Lq^{2}}{4^{b^{2}}} + \frac{\frac{3}{2}L^{2}}{\frac{1}{2}L^{b^{2}}(R-P)A\int_{DR}M}\left(\frac{q^{2}(3(R-P)-(R^{2}-P^{2}))}{6}\right) + \frac{2Qq(p^{2}-r^{2})}{3}(T-Mt)$ - mT)). Quòd si ergo ponatur tractus noster ita augeri ut totam tellurem ambiat, orietur casus jam suprà tractates; quoniam enim fit $MN = 360^\circ$, feu A fin. $M = 2\pi$ denotante 1: # rationem diametri ad peripheriam, erit M = 0 & m= 1 : præterea verò quia Min polum australem p, m verò in borealem P incidit, erit p = 0, P = -1, r = 0& R = +1: si hi valores substituantur, prodibit elevatio aque in $X = \frac{L}{zb^3} \left(3 \left((ts - TS) qz + QZ \right)^2 - 1 \right)$, que expressio, quia ts - TS denotat cosinum anguli LPX arque (ts - TS)qz + QZ finum altitudinis Lunæ fupra horizontem in X, cum superioribus formulis exactissime convenit : si quidem terminus L negligatur. Hac verò eadem ipsa expressio quoque emergit, si rantum alterum hemisphærium vel boreale vel australe ponatur aquâ totum circumfusum, manent enim omnia ut antè, nisi quòd fiat p=1 & P=0: utroque enim casu sit $R^2+PR+P^2=1$; ultimusque terminus ob M=0 utroque casu evanescit.

6. 125. Ponamus nunc tractum Maris fecundum longitudinem MN usque ad 180 gradus extendi, erit M=0 & m = -1 & A fin. $M = \pi$, denotat enim A fin. M femper arcum circuli, qui mensura est anguli MPN: hinc 346 Inquisitio Physica in Causam fi brevitatis gratia ponatur finus anguli, quo Luna in X fupra horizontem elevata apparet, =v, erit aquæ elevatio in X fupra libellam $=\frac{3 L v^2}{2b^3} + \frac{L(1-32Q)(R^2+PR+P^2)}{4b^3}$ $=\frac{3 L qq}{4b^3} + \frac{2 L T Qq(P^2-r^2)}{(R-P)b^2\pi}$. Ponamus porro integrum hemifipharium LPlp aqua effe circumfifum, fiet p=0, P=-1, r=0 & R=1; unde elevatio aquæ in X entire $L(3v^2-1)$, omnino ac fi tota Terra aqua cincta effet; uti in præcedentibus capitibus pofuimus, vel quod eodem redit, dummodo omnis aqua fuper Terra mutuam habeat communicationem fatis amplam. Quòd fi autem tractus noften Maris tantum ad æquatorem ufque porrigatur à polo P, ita ut quartam fuperficiei terrefiris partem folum obtegat, tum crit p=1, P=0, r=0 & R=1, hoc itaque cafu aqua in X elevabitur ad altitudinem $=\frac{L(3v^2-1)}{2b^2} + \frac{L(3v^2-1)}{2b^2} + \frac{$

 $\frac{sLTO}{\pi \theta^3}$: ex quo perfpicitur hoc cafu elevationem in X majorem fore, quàm fi tota Terra aquâ effet circumdata; fi expeffilo TQq habeat valorem affirmativum, minorem verò fi TQq habeat valorem negativum. Sed limites huic quafitioni prafcripti non permittunt hinc plura confectaria deducere, còm debita evolutio fatis amplum tracatum requirat, neque theoria ulteriori confirmatione indigeat. Quocirca coronidis loco duos tantum cafus evolvemus, quorum altero latitudo tractús ponetur infinitè parva, altero verò longitudo: quippe qui ad phanomena quadam fingularia explicanda infervire poterunt.

parvam, seu R = P \tilde{k} r = p, reperietur aqua in X elevatio supra libellam $= \frac{3Lv^2}{2b^2} + \frac{3L(p^2 - q^2 - 3p^2 Q^2)}{4b^3} + \frac{3Lpq}{4b^3} + \frac{$

§. 126. Ponamus igitur latitudinem Mm infinitè esse

FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. $\frac{3 Lpq (2 11pq + 4 t PQ - pq)}{4 b^3} + \frac{3 Lpq}{4 b^3 A fin. M} (pq (2 M^2 T t - pq))$ Mm(1-2TT))+4PQ(T-Mt-mT). Tranfeat nunc Luna per meridianum loci M fupra Terram erit T=0, & t=1, atque elevatio in M prodibit $\frac{3 L pq(pq+4PQ)}{4b^3} \frac{3 L pq}{4b^5 A fin. M} (Mmpq+4MPQ);$ at fi per eundem meridianum infra Terram transeat, erit aqua elevatio $=\frac{3 \operatorname{Lpq}(pq-4 \operatorname{PQ})}{4 \operatorname{b}^3} - \frac{3 \operatorname{Lpq}}{4 \operatorname{b}^3 \operatorname{Afin} M} (Mmpq-4MPQ)_{\circ}$ Quòd si autem Luna versus ortum à meridiano distet angulo horario 90 graduum, seu circiter 6 horis ante appulfum Lunx ad meridianum in M fuperiorem, erit T=-1 & t = 0, unde elevatio erit = $\frac{-3 Lp^2 q^2}{4b^3} + \frac{3 Lp q}{2b^3 A fin. M}$ (pqMm-2PQ(1-m)); fex verò horis post transitum Lunz per meridianum loci M versus occasum, erit altitudo aquæ in M fupra libellam = $\frac{-3 Lp^2 q^2}{4 b^3} + \frac{3 Lpq}{2 b^3 A fin. M}$ (2pq Mm - 2 PQ(1+m)).

\$\(\text{127. Tribuamus huic tractui longitudinem 90 graduum;} \) ut fit M = 1, m = 0, & A fin. $M = \frac{\pi}{2}$, unde oritur elevatio aquæ in $M = \frac{3 L p q(z + 1) q (z + 1) Q + 2 Q}{4 b^3} + \frac{3 L p q}{2 \pi b^3} +$

348 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM

in horizonte versatur, erit aquæ depressio = - 3 Lpp . Unde

intelligitur in tali Maris tractu pariter quotidie binos Fluxus totidemque Refluxus accidere debere, atque æftum propemodum fore similem æftui generali, nisi quòd majoribus anomaliis sit obnoxius, præcipuè si Luna habeat declinationem.

§. 128. Hinc explicari potest ratio æstûs, qui in Mari Mediterraneo observatur, & qui in ipso hoc Mari generatur. Cùm enim longitudo hujus Maris ne 60 quidem gradus attingat, aftus erunt multo minores; decrescunt enim si cùm longitudo diminuatur, tum elevatio poli augeatur. Quòd si ergo in his formulis angulus MPN ponatur fere 60 graduum, atque elevatio poli debita introducatur, reperientur quidem aftus bini quotidie evenire debere, qui autem futuri sint multò minores, quàm in medio Mari, & pluribus anomaliis subjecti, quas quidem omnes ex formulis traditis definire licebit. Quoniam ergo tam exigui æstus à ventis & cursu aquæ, qui in hoc Mari notabilis deprehenditur, vehementer turbantur, ad pleraque Littora hujus Maris vix ufquam æstus regularis observabitur. Excipi autem debet Mare Adriaticum, quod cum sinum formet amplum, advenientem aquam melius colliget, atque elevationem multo fensibiliorem patietur, à quo æstus Maris Venetiis observatus originem habet. Tametsi enim Mare Mediterraneum non folum fatis amplam habeat latitudinem, sed etiam vehementer inæqualem, tamen ejusmodi marium æstus admodum exquisitè ex præsenti casu, quo latitudinem omnino negligimus, colligi potest, quia extensio Maris in longitudinem præcipuam causam æstuum binorum fingulis diebus evenientium continet, neque extensio latitudinis multum conferat,

5. 129. Ponamus nunc tractus nostri Maris longitudinem evanescere, totumque tractum in eodem meridiano P_p ab F10. xv1. M usque ad N extendi, ita ut sit M = 0, m = 1; sinus autem elevationis poli in M sit = P, cosinus = p, in N

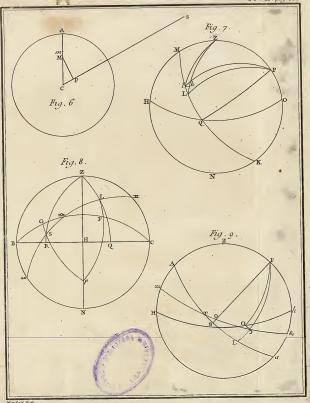
FLUXUS AC REFLUXUS MARIS. verò sit sinus elevationis poli = R, cosinus = r. Ex his si Luna in L versetur, ob A sin. M = M, erit in M elevatio aquæ supra libellam = $\frac{3L(pq+PQ)^3}{2b^3} + \frac{L(1-3Q^2)(p^2+PR+R^2)}{4b^3}$ $\begin{array}{l} -\frac{3}{4}\frac{Lq^{4}}{4}+\frac{L}{4b^{3}}\left(q^{2}\left(3-P^{2}-P\,R-R\,R\right)\left(2\,T\,T-1\right)\right.\\ \left.-\frac{4Qq^{4}\left(p^{3}-r^{3}\right)}{R-P}\right)=\frac{L}{2b^{3}}\left(\left(ttqq-Q\,Q\right)\left(R^{2}+PR-2\,P^{2}\right)\right. \end{array}$ $+\frac{2 Qqr(3 PpR+r^3-3 P^2p-p^3)}{R-P}$. Quòd si nunc ponatur alter terminus N ultra æquatorem versus austrum situs, ita ut sinus elevationis poli australis in N duplo major sit quam finus elevationis borealis in M, feu R = -2P & r = $V(1-4P^2)$, erit $R^2+PR-2P^2=0$, atque elevatio aquæ in M fupra libellam erit $=\frac{LQ\,q\,t}{3\,b^3\,P}(\,9\,P^2\,p\,+p^3\,-r^3)$. Ex hac igitur formulâ fequitur, si Lunæ declinatio sit nulla feu Q = 0, tum nullum omnino æstum in M observari debere. Quòd siautem Luna habeat borealem, tum ad transitum Lunæ per meridianum superiorem aquam attolli ad spatium $=\frac{LQq}{2b^3P}(9P^2p+p^3-r^3)$; at dum Luna in alterutro circulo horario fexto verfetur, tum aquam ad libellam naturalem fore conflitutam; Luna autem infra horizontem ad meridianum appellente, aquam infra libellam depressum iri per fpatium = $\frac{LQq}{2h^3P}(9P^2p+p^3-r^3)$; contrarium denique fore æstum, si Luna habeat declinationem australem. In tali igitur Maris tractu quotidie femel tantum aqua affluet, femelque refluet, si quidem Luna habeat declinationem; nam si Luna æquatorem occupat, æftus omnino erit nullus.

5. 130. Ex hoc cafu aptiflimè explicari posse videtur Phanomenon illud æstis singularis, qui in portu Tunquini ad Batsham observatur, ubi omnino ut in præsente casu dum Luna in æquatore versatur, Mare nullum æstum sentir, at dum Luna removetur ab æquatore vel versis boream vel versis austrum, quotidie aqua semel tantum affluit semelque ræshit, prorsus ur calculus monstravit; scilicet si Lunæ declinatio suerit borealis, aqua versis Lunæ occasum, hoc est 350 INQUISITIO PHYSICA IN CAUSAM, &c. post transitum Lung per meridianum super horizonte affluit, versus ortum verò defluit, quæ retardatio ab inertià aquæ & motu ad littora provenire intelligitur ut fuprà. Contrà verò si Lunæ declinatio sit australis, aqua deprimitur Luna ad occasum inclinante, Luna autem oriente, atrollitur : quæ Phænomena apprimè conveniunt cum cafu modo exposito. Est præterea elevatio poli Tunquini 20° 50', borealis, atque Mare utrinque cum peninfulis tum infulis ab utroque oceano Pacifico & Indico fere prorfus separatur, faltem ut libera communicatio non adsit : præterea hic idem Maris tractus, qui versus boream ad littora regni Tunquini terminatur, extenditur ultra æquatorem ad gradus circiter 45, cujus latitudinis sinus circiter duplo major est . quam sinus latitudinis borealis 200, 51': Quocirca ex his circumftantiis per noftram Theoriam eadem ipfa fingularia Phænomena æstûs Maris observari debent, quæ actu obfervantur: atque hoc modo si ullum adhuc dubium circa. nostram theoriam reliquum fuisset, id resolutione hujus. mirabilis Phanomeni funditùs fublatum iri confidimus.

FINIS.

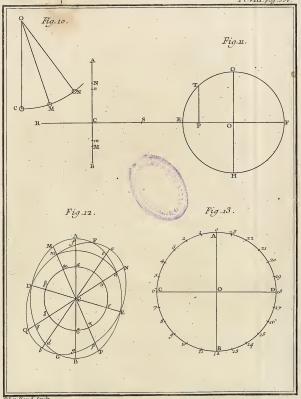






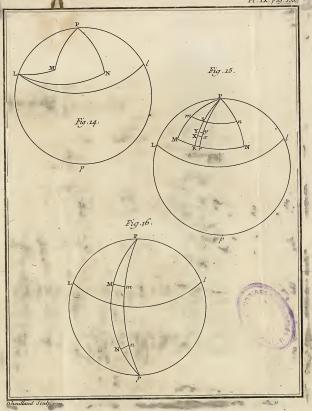
Dheulland Scul

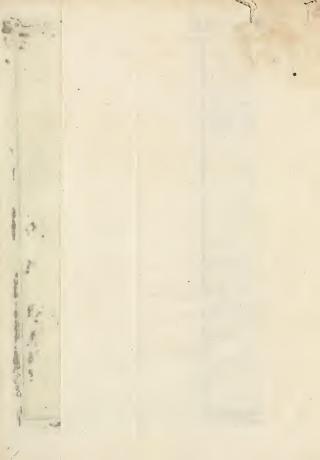




Dheulland Souls







PRIVILEGE DU ROY.

OUIS, par la grace de Dieu. Roi de France & de Navarre : A nos amés & féaux Confeillers, les Gens tenans nos Cours de Parlement, Maitres des Requêtes ordinaires de notre Hôtel, grand Confeil, Prevôt de Paris, Baillifs, Sénéchaux, leurs Lieutenans Civils, & autres nos Jufficiers, qu'il appartiendra, SALUT. Notre ACADEMIE ROYALE DES SCIENCES Nous a très-humblement fait expofer, que depuis qu'il Nous a plû lui donner par un Réglement nouveau de nouvelles marques de notre affection, Elle s'est appliquée avec plus de foin à cultiver les Sciences, qui font l'objet de se sercices; enforte qu'outre les Ouvrages qu'elle a déja donnés au Public, Elle seroit en état d'en produire encore d'autres, s'il Nous plaifoit lui accorder de nouvelles Lettres de Privilége, attendu que celles que Nous lui avons accordées en date du fix Avril 1693. n'ayant point eû de tems limité, ont été, déclarées nulles par un Arrêt de notre Conseil d'Etat, du 13 Août 1704. celles de 1713. & celles de 1717. étant auffi expirées ; & défirant donner à notredite Académie en corps & en particulier, & à chacun de ceux qui la composent, toutes les facilités & les moyens qui peuvent contribuer à rendre leurs travaux utiles an Public, Nous avons permis & permettons par ces Présentes à notredite Académie, de faire vendre ou débiter dans tous les lieux de notre obéissance, par tel Imprimeur ou Libraire qu'elle voudra choisir, Toutes les Recherches ou Observations jou nalieres, ou Relations annuelles de tout ce qui aura été fait dans les assemblées de notredite Académie Royale des Sciences : comme aussi les Ouvrages , Mémoires , ou Traités de chacun des Particuliers qui la composent , & généralement tout ce que ladite Académie voudra faire paroître, après avoir fait examiner lesdits Ouvrages, & jugé qu'ils sons dignes de l'impression; & ce pendant le tems & espace de quinze années consécutives , à compter du jour de la date desdites Présentes. Faisons désenses à toutes sortes de personnes de quelque qualité & condition qu'elles soient, d'en introduire d'impression étrangére dans aucun lieu de notre obéiffance: comme aussi à tous Imprimeurs-Libraires, & autres, d'imprimer, faire imprimer, vendre, faire vendre, débiter ni contrefaire aucun desdits Ouvrages ci-dessus spécifiés, en tout ni en partie, ni d'en faire aucuns extraits, sous quelque prétexte que ce soit, d'augmentation, correction, changement de titre, feuilles même féparées, ou autrement, sans la permission expresse & par écrit de notredite Académie, ou de ceux qui auront droit d'Elle, & ses ayans cause, à peine de confiscation des Exemplaires contrefaits, de dix mille livres d'amende contre chacun des Contrevenans, dont un tiers à Nous, un tiers à l'Hôtel-Dieu de Paris, l'autre tiers au Dénonciateur, & de tous dépens, dommages & intérêts: à la charge que ces Présentes seront enregistrées tout au long fur le Registre de la Communauté des Imprimeurs & Libraires de Paris, dans trois mois de la date d'icelles; que l'impression desdits Ouvrages sera faite dans notre Royaume & non ailleurs, & que notredite Académie se conformera en tout aux Réglemens de la Librairie, & notamment à celui du 10 Avril 1725. & qu'avant que de les exposer en vente, les Manuscrits ou Imprimés qui auront servi de copie à l'impression desdits Ouvrages, seront remis dans le même état, avec les Approbations & Certificats qui en auront été donnés, ès mains de notre très-cher & feal Chevalier Garde des Sceaux de France, le fieur Chauvelin; & qu'il en sera ensuite remis deux Exemplaires de chacun dans notre Bibliothéque publique, un dans celle de notre Château du Louvre, & un dans celle de notre trèscher & féal Chevalier Garde des Sceaux de France le fieur Chauvelin : le tout à peine de nullité des Présentes : du contenu desquelles vous mandons & enjoignons de faire jouir notredire Académie ; ou ceux qui auront droit d'Elle & fies syna caufe, pleinement & paifiblement, fans foutifrit qu'il luer foir fist, que cun trouble ou empéchement : Voulons que la Copie dédires Préfeures qui fera imprimée tout au long au commencement ou à la fin defdits Ouvrages, foir enue pour diément figuifée, & qu'aux Copies collationnées par l'un de nosamés & féaux Confeillers & Secretaires foi foir ajourée comme à l'Original : Commandons au premier notre Huiffier ou Sergent de faire pour l'exécution d'icelles tous actes requis & Redefiliers, fans demander autre permifien, & nonobfant clameur de Haro, Chartre Normande & Lettres àce contraires : Cartel eft notre platif. Donné à Fontainbelaule douzième jour du mois de Novembre, l'an degrace mil feprent treme quatre, & de notre Regne le vingtiéme. Par le Roi en fon Confeil, Syné, Sa INS ON.

Regift fur le Regift v VIII. de la Chambre Royale & Syndicale des Libraires & Imprimeur de Paris, num. 792, fol. 773, conformément aux Réglement et 2723, qui font définite, Art. IV. à router perfomes de quéque qualité & condition que lete foient, autres que les Libraires & Imprimeurs, de vendre, débiter & faire afficher acumn Livere pour les vendre en leur nom, joit qu'il s' en définit et Auteurs ou autrement, d'ala charge de fourint let Exemplaires preferits par l'Art. CVIII. du même Réglement. A Partis le 15 Newarber 1314. G. MARTIN. Syndie.

L'ACADEMIE ROYALE DES SCIENCES a cédé aux Sieurs GARRIER. MARTIN, COIONARD & GURRIN l'âinfé Libraires à Paris la jouiflance du Privilege general par elle obtenu le 12. Novembre 1734, pour l'impreffion des Picces qui ont remporté le Pirx de ladite ACADEMIE, & pour celles qui le remporteront dans la fuite. A Paris ce 3, Juin 1740.

Signé FONTENELLE, Secretaire perpetuel de l'Académie Royale des Sciences

ERRATA

DE LA PIECE DE M. EULER.

- S. 2. lig. 19. corpore, lifez corpore?
- S. 9. lig. 10. videatur, lif. videtur.
- S. 14. lig. 8. fub duplicatam, lif. fubduplicatam.
- S. 17. lig. 19. vis lunæ ob propinquitatem, lif. vis lunæ, ob propinquitatem,
- S. 20. lig. 15. il faut que le dénominateur foit écrit ainsi: $((a-x)^2+y^2)^{\frac{3}{2}}\sqrt{(x^2+y^2)}$
- S. 33. lig. 27. prætium, lif. pretium.
- S. 34. lig. 1. & 2. cui ea quæ ex altera parte axis ab, lif. cui ea, quæ ex alterâ parte axis ab,
- Ibid. lig. 9. $\frac{3 \times y}{a^2 V(x \times -yy)} \lim_{x \to y} \frac{3 \times y}{3^2 V(x \times -yy)}$ Ibid. lig. 14. $= \frac{3 \times y}{2a^4 V(x \times +y)} \lim_{x \to y} \frac{1}{2a^4 V(x \times +y)}$
- S. 36 lig. 13. Superioris, lif. Superior.
- 5. 38. lig. 10. vel Nadir, lif. vel in Nadir.
- 5. 39. lig. 7. vim foli, lif. vim folis.
- 5. 45. lig. 21. Il faut qu'au dénominateur fn-2 fe trouve visà-vis de —
- 5. 46. lig. 9. in motum, lif. in motu.
- S: 48. lig. 13. fit, lif. fit.
- S. 49. lig. 20. depressabisque elevata, lif. depressum bisque elevatum.
- 5. 52. lig. 2. tantum, lif. tantum.
- 5. 54. lig. 10. L doit être vis-à-vis 3.
- 5.72. lig. 12. & 13. omnia inertiæ ratione habita, lif. omnia, inertiæ ratione habitâ,
- 5. 78. lig. 18.6 fin. az, lif. 6 fin. az
 - lig. 19. (2. fin. $\frac{z}{\sqrt{z_0}} \&c.$) lif. $-3 (2 fin. <math>\frac{z}{\sqrt{z_0}} \&c.$)
- lig. 21. (49. $\sin \frac{z}{\sqrt{29}} &c.$) lif. 3 (49. $\sin \frac{z}{\sqrt{20}} &c.$)
- 3. 79. lig. 2. 3 lif. 3 h Prix de 1740.

\$. 80. lig. 19. h (1 - 8 h) lif. h (1 - 89.)
\$. 82. lig. 23. $\frac{1}{12}$ lif. $\frac{1}{12}$ lig. 24. $\frac{2}{12}$ lif. $\frac{1}{12}$ lig. 24. $\frac{2}{12}$ lif. $\frac{1}{12}$ \$. 83. lig. 20. + 6pq P Q cof. 2z, lif. + 6pq P Q cof. z
\$. 85. lig. 9. - 1 at, lif. - 1, at lig. 10. hc 1 - 89) lif. h (1 - 89)
\$. 88. lig. 6. $(pq - \frac{PQ(1-89)}{1-2})$ lif. $(pq - \frac{PQ(1-89)}{1-2})^4$ \$. 89. lig. 14. undiquaque, lif. undequaque.
\$. 101. lig. 5. communicantur, lif. appropriation.
\$. 105. lig. 34. appropriation. lif. appropriations.
\$. 112. lig. 13. undiquaque, lif. undequaque.
\$. 117. lig. 15. aquali, lif. aquali vi.
\$. 121. lig. 21. - (PQ - MPq) lif. - (PQ - MPQ)^4
\$. 126. lig. 11. $\frac{3 \cdot Pq}{48 \cdot 14 \cdot 16}$ lif. $\frac{3 \cdot Pq}{48 \cdot 14 \cdot 16}$ lif. appropriation.
\$. 127. lig. 11. observentur, lif. observantur.

Il y a encore quelques fautes légeres de ponctuation, que l'on n'a point marquées.









